

# Правильные многогранники вокруг нас

#### Например:

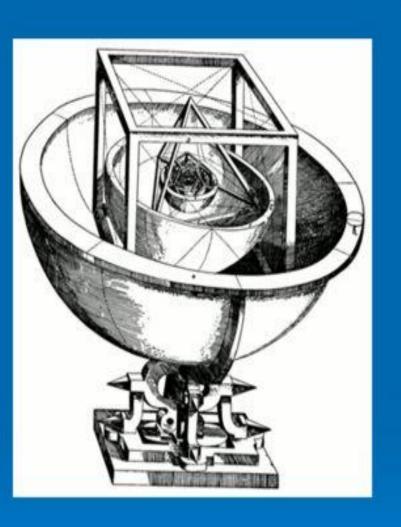
- одноклеточные организмы феодарии, имеют форму икосаэдра
- > куб передает форму кристаллов поваренной соли
- монокристалл алюминиево-калиевых квасцов имеет форму октаэдра
- кристалл сернистого колчедана FeS имеет форму додекаэдра
- сурьменистый сернокислый натрий тетраэдра
- бор икосаэдра

#### ИСТОРИЧЕСКАЯ СПРАВКА

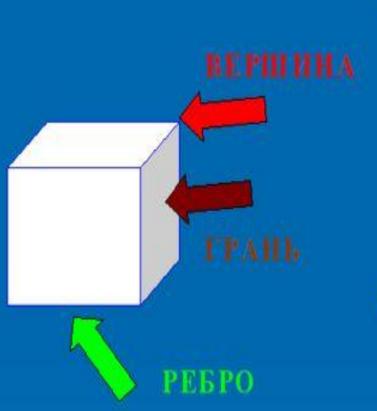


Древнегреческий философ Платон, (428 или 427 до н. э. — 348 или 347), проводивший беседы со своими учениками в роще Академа (Академ древнегреческий мифологический герой, которого, по преданию, похоронили в священной роще недалеко от Афин, откуда и пошло название "академия"), одним из девизов своей школы провозгласил: "Не знающие геометрии не допускаются!"

### ИСТОРИЧЕСКАЯ СПРАВКА

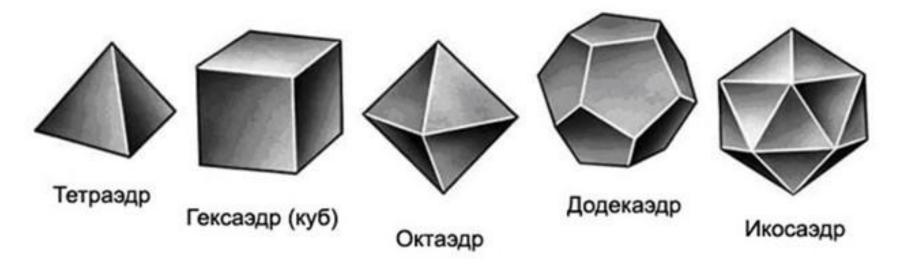


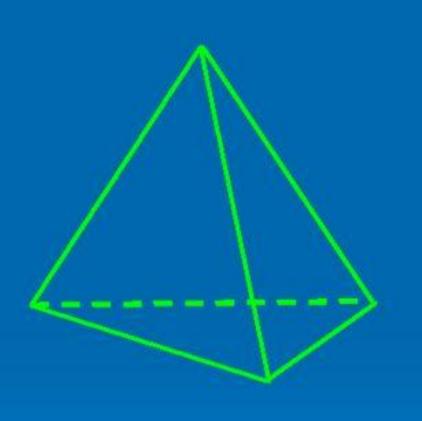
В диалоге "Тимей" Платон связал правильные многогранники с четырымя основными стихиями. Тетраэдр символизировал огонь, т.к. его вершина устремлена вверх; икосаэдр - воду, т.к. он самый "обтекаемый"; куб - землю, как самый "устойчивый"; октаэдр воздух, как самый "воздушный" Пятый многогранник, додекаэдр, воплощал в себе "все сущее" символизировал все мироздание, считался главным. Хотя правильные многогранники были известны пифагорейцам за несколько веков до Платона, но их называют платоновыми телами.



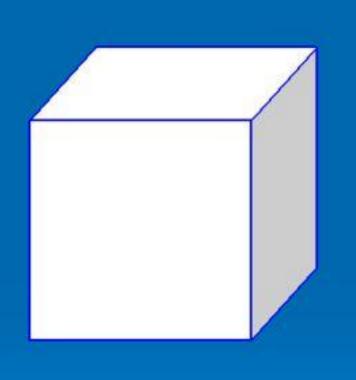
- Многогранник это геометрическое тело, ограниченное со всех сторон плоскими многоугольниками, называемыми гранями.
- Стороны граней рёбра многогранника, а концы рёбер – вершины многогранника.

- Многогранник называется выпуклым, если он весь расположен по одну сторону от плоскости, каждой из его граней.
- Выпуклый многогранник называется правильным, если все его грани одинаковые правильные многоугольники, в каждой вершине сходится одно и то же число рёбер, а соседние грани образуют равные углы.
- Все правильные многогранники имеют разное число граней и названия получили по этому числу.
- Правильных многогранников ровно пять ни больше ни меньше.

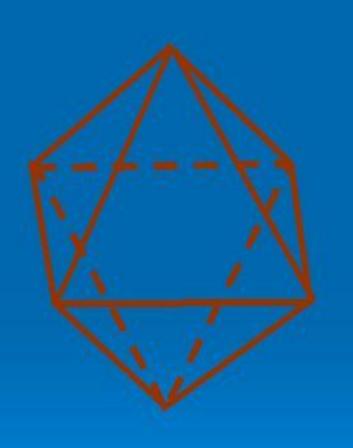




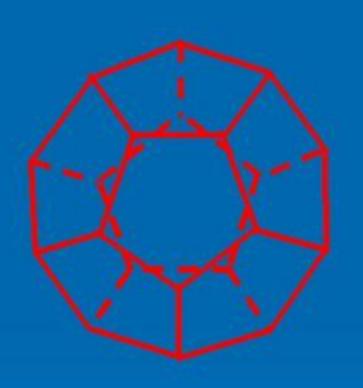
> Тетраэдр ( от "тетра"четыре и греческого "hedra" – грань) составлен из 4-х правильных треугольников, в каждой его вершине сходятся 3 ребра.



- Гексаэдр ( от греческого "гекса" шесть и "hedra" грань) имеет б квадратных граней, в каждой его вершине сходятся 3 ребра.
- Гексаэдр больше
  известен как куб (от
  латинского " cubus"; от
  греческого "kubos".



Октаэдр (от греческого okto – восемь и hedra – грань) имеет 8 граней (треугольных), в каждой вершине сходятся 4 ребра.



Додекаэдр (от греческого dodeka – двенадцать и hedra – грань) имеет 12 граней (пятиугольных), в каждой вершине сходятся 3 ребра.



Икосаэдр (от греческого eikosi – двадцать и hedra – грань) имеет 20 граней (треугольных), в каждой вершине сходится 5 рёбер.

## ЧТО ДАЛЬШЕ?

 Из правильных многогранников – Платоновых тел – можно получить так называемые полуправильные многогранники, или архимедовы тела. Гранями их являются также правильные, но разноименные многоугольники.



усеченный тетраэдр



усеченный икосододекаэдр



усеченный икосаэдр



«плосконосый» додекаэдр



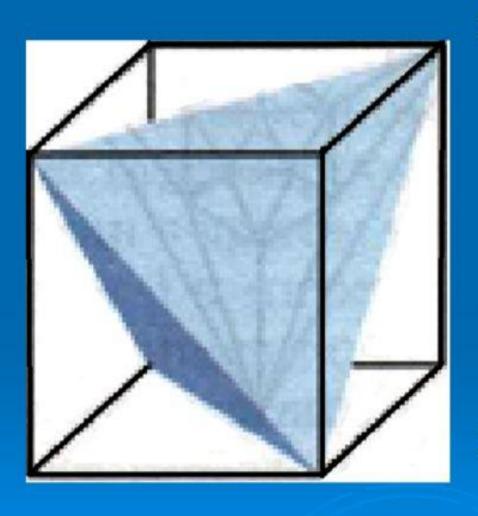
усеченный куб



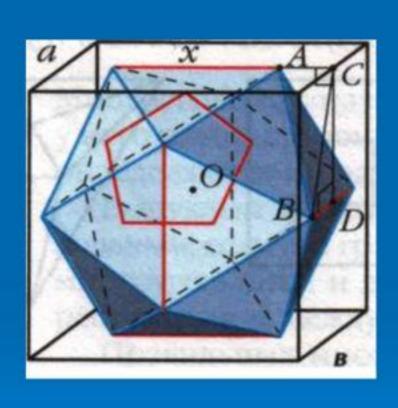
> У правильных многогранников есть интересная особенность своеобразный "закон взаимности". Центры граней куба являются вершинами октаэдра, а центры граней октаэдра вершинами куба.



> Центры граней додекаэдра являются вершинами икосаэдра, а центры граней икосаэдра вершинами додекаэдра.



- > Особняком от этих 4-х многогранников стоит тетраэдр: если считать центры его граней вершинами нового многогранника, то вновь получится тетраэдр.
- Тетраэдр двойствен сам себе.



> Куб и октаэдр, додекаэдр и икосаэдр это две пары двойственных многогранников. У них одинаковое число рёбер (12 - у куба и октаэдра; 30 - у додекаэдра и икосаэдра), а числа вершин и граней переставлены.

# Правильные многогранники вокруг нас

> Теория правильных многоугольников и многогранников - один из самых увлекательных и ярких разделов математики. Но закономерности, открытые математиками, удивительным образом связаны с симметрией живой и неживой природы - с формами различных кристаллов, точной формой вирусов, с современными теориями в физике, биологии и других областях знания.

#### ФИЛОСОФСКИЙ КАМЕНЬ

