

# Современные математические подходы в моделировании

Болодурина И.П.,  
профессор, д.т.н.,  
зав. кафедрой ПМ

# Идентификация линейных динамических систем при малых объемах информации

Пусть

- 1)  $n$ -вектор состояния динамической системы  $X_t$  измеряется через временной интервал, принятый за единицу времени, тогда  $\{X_0, X_1, \dots, X_N\}$  - таблица наблюдений ( $n < N$ );
- 2) механизм динамического процесса – линейная зависимость скорости изменения переменной от их текущего состояния.

Тогда в качестве модели динамики системы можно рассматривать линейное ДУ с решением  $X(t)$ :

$$\frac{d}{dt}X(t) = A \cdot X(t) + B, \quad (1)$$

где  $A$  – постоянная матрица  $n \times n$ ,  $B$  – постоянный  $n$ -вектор.

Задача: Идентификация  $A$  и  $B$  по наблюдениям  $\{X_0, X_1, \dots, X_N\}$ ,  $X_t = X(t)$ .

# Идентификация линейных динамических систем при малых объемах информации

Пусть

- 1)  $n$ -вектор состояния динамической системы  $X_t$  измеряется через временной интервал, принятый за единицу времени, тогда  $\{X_0, X_1, \dots, X_N\}$  - таблица наблюдений ( $n < N$ );
- 2) механизм динамического процесса – линейная зависимость скорости изменения переменной от их текущего состояния.

Тогда в качестве модели динамики системы можно рассматривать линейное ДУ с решением  $X(t)$ :

$$\frac{d}{dt}X(t) = A \cdot X(t) + B, \quad (1)$$

где  $A$  – постоянная матрица  $n \times n$ ,  $B$  – постоянный  $n$ -вектор.

Задача: Идентификация  $A$  и  $B$  по наблюдениям  $\{X_0, X_1, \dots, X_N\}$ ,  $X_t = X(t)$ .

# Идентификация линейных динамических систем при малых объемах информации

Пусть

1)  $n$ -вектор состояния динамической системы  $X_t$  измеряется через временной интервал, принятый за единицу времени, тогда  $\{X_0, X_1, \dots, X_N\}$  - таблица наблюдений ( $n < N$ );

2) механизм динамического процесса – линейная зависимость скорости изменения переменной от их текущего состояния.

(8)

Тогда в качестве модели динамики системы можно рассматривать линейное ДУ с решением  $X(t)$ :

$$\frac{d}{dt}X(t) = A \cdot X(t) + B, \quad (1)$$

где  $A$  – постоянная матрица  $n \times n$ ,  $B$  – постоянный  $n$ -вектор.

Задача: Идентификация  $A$  и  $B$  по наблюдениям  $\{X_0, X_1, \dots, X_N\}$ ,  $X_t = X(t)$ .

# Модель равновесной цены по Менделееву

Пусть

- 1)  $n$ -вектор состояния динамической системы  $X_t$  измеряется через временной интервал, принятый за единицу времени, тогда  $\{X_0, X_1, \dots, X_N\}$  - таблица наблюдений ( $n < N$ );
- 2) механизм динамического процесса – линейная зависимость скорости изменения переменной от их текущего состояния.

Тогда в качестве модели динамики системы можно рассматривать линейное ДУ с решением  $X(t)$ :

$$\frac{d}{dt}X(t) = A \cdot X(t) + B, \quad (1)$$

где  $A$  – постоянная матрица  $n \times n$ ,  $B$  – постоянный  $n$ -вектор.

Задача: Идентификация  $A$  и  $B$  по наблюдениям  $\{X_0, X_1, \dots, X_N\}$ ,  $X_t = X(t)$ .

# Модель равновесной цены по Менделееву

Пусть

- 1)  $n$ -вектор состояния динамической системы  $X_t$  измеряется через временной интервал, принятый за единицу времени, тогда  $\{X_0, X_1, \dots, X_N\}$  - таблица наблюдений ( $n < N$ );
- 2) механизм динамического процесса – линейная зависимость скорости изменения переменной от их текущего состояния.

Тогда в качестве модели динамики системы можно рассматривать линейное ДУ с решением  $X(t)$ :

$$\frac{d}{dt}X(t) = A \cdot X(t) + B, \quad (1)$$

где  $A$  – постоянная матрица  $n \times n$ ,  $B$  – постоянный  $n$ -вектор.

Задача: Идентификация  $A$  и  $B$  по наблюдениям  $\{X_0, X_1, \dots, X_N\}$ ,  $X_t = X(t)$ .

# Модель равновесной цены по Менделееву

Пусть

- 1)  $n$ -вектор состояния динамической системы  $X_t$  измеряется через временной интервал, принятый за единицу времени, тогда  $\{X_0, X_1, \dots, X_N\}$  - таблица наблюдений ( $n < N$ );
- 2) механизм динамического процесса – линейная зависимость скорости изменения переменной от их текущего состояния.

Тогда в качестве модели динамики системы можно рассматривать линейное ДУ с решением  $X(t)$ :

$$\frac{d}{dt}X(t) = A \cdot X(t) + B, \quad (1)$$

где  $A$  – постоянная матрица  $n \times n$ ,  $B$  – постоянный  $n$ -вектор.

Задача: Идентификация  $A$  и  $B$  по наблюдениям  $\{X_0, X_1, \dots, X_N\}$ ,  $X_t = X(t)$ .

# Модель равновесной цены по Менделееву

Пусть

- 1)  $n$ -вектор состояния динамической системы  $X_t$  измеряется через временной интервал, принятый за единицу времени, тогда  $\{X_0, X_1, \dots, X_N\}$  - таблица наблюдений ( $n < N$ );
- 2) механизм динамического процесса – линейная зависимость скорости изменения переменной от их текущего состояния.

Тогда в качестве модели динамики системы можно рассматривать линейное ДУ с решением  $X(t)$ :

$$\frac{d}{dt}X(t) = A \cdot X(t) + B, \quad (1)$$

где  $A$  – постоянная матрица  $n \times n$ ,  $B$  – постоянный  $n$ -вектор.

Задача: Идентификация  $A$  и  $B$  по наблюдениям  $\{X_0, X_1, \dots, X_N\}$ ,  $X_t = X(t)$ .