

Решите уравнения устно:

---

$$1) (x - 4)(x + 11) = 0$$

$$2) x(x + 0,5) = 0$$

$$3) x^2 - 2x = 0$$

$$4) 9x^2 - 1 = 0$$

$$5) 2,7x^2 = 0$$

$$6) x^2 - 6x + 8 = 0 \quad ?$$

\*

# Решение квадратного уравнения общего вида

# ОПРЕДЕЛЕНИЕ

- Уравнение вида  $ax^2+bx+c=0$ , где левая часть называется квадратным трехчленом относительно  $x$ , у которого  $a, b, c$ , - данные числа, причем  $a \neq 0$ , а правая часть - нуль называется **квадратным уравнением**.
- Число  $a$  называют **старшим коэффициентом**,  $b$  – **вторым коэффициентом**,  $c$  – **свободным членом**.

# НЕКОТОРЫЕ ПОЛНЫЕ КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ МЫ УЖЕ РЕШАЛИ, ВСПОМНИМ

$$x^2+10x+25=0$$

$$(a=1, b=10, c=25)$$

$$(x+5)^2=0$$

$$x+5=0$$

$$x = -5$$

Ответ: - 5

- воспользовались формулой квадрата суммы

# Решим еще одно уравнение

---

$$16x^2 - 40x + 25 = 0$$

$$(a=16, b=-40, c=25)$$

$$(4x-5)^2 = 0$$

$$4x - 5 = 0$$

$$x = \frac{5}{4}$$

$$\text{Ответ: } 1\frac{1}{4}$$

Использовали формулу  
квадрата разности

# ИСПОЛЬЗОВАЛИ МЕТОД ВЫДЕЛЕНИЯ ПОЛНОГО КВАДРАТА

$$x^2+4x+3=0$$

$$(a=1, b=4, c=3)$$

$$x^2+4x+4-1=0$$

$$(x+2)^2-1^2=0$$

$$(x+2-1)(x+2+1)=0$$

$$(x+1)(x+3)=0$$

$$x+1=0 \text{ или } x+3=0$$

$$x = -1 \quad x = -3$$

Ответ: -1, -3

- Метод выделения полного квадрата
- Формула разности квадратов

# ВЫВЕДЕМ ОБЩУЮ ФОРМУЛУ ДЛЯ РЕШЕНИЯ ЛЮБОГО КВАДРАТНОГО УРАВНЕНИЯ

Рассмотрим полное квадратное уравнение:

$$ax^2+bx+c=0, \text{ где } a \neq 0$$

$ax^2+bx = -c$  умножим обе части на  $4a$  и прибавим  $b^2$

$4a^2x^2+4abx+b^2 = -4ac+b^2$  в правой части – квадрат суммы

$$(2ax+b)^2 = b^2-4ac$$

$$2ax+b = \pm\sqrt{b^2-4ac}$$

$$2ax = -b \pm \sqrt{b^2-4ac}$$

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2-4ac}}{2a} - \text{ корни квадратного уравнения}$$

Выражение  $b^2-4ac$  называют дискриминантом и обозначают  $D$ .

$$\text{Т.е. } D = b^2 - 4ac,$$

тогда формула для нахождения корней выглядит так:

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$$



# РЕШИМ НЕСКОЛЬКО УРАВНЕНИЙ ВМЕСТЕ

$$x^2 - 6x + 8 = 0$$

$$a=1, b=-6, c=8$$

$$D=36-4 \cdot 1 \cdot 8$$

$$D=4, D>0$$

$$x_{1,2} = \frac{6 \pm \sqrt{4}}{2 \cdot 1}$$

$$x_1=4, x_2=2$$

Ответ: 2, 4.

- Отметим особо:
- $D>0$
- Уравнение имеет **два** корня.

# Уравнение 2

$$x^2+4x+4=0$$

$$a=1, b=4, c=4$$

$$D=16-16$$

$$D=0$$

$$x_{1,2} = \frac{-4 \pm \sqrt{0}}{2 \cdot 1}$$

$$x_{1,2} = -2$$

Ответ: -2

- Отметим особо:
- $D=0$
- Уравнение имеет **один корень**, говорят также корень **кратности два**.
- Можно было заметить, что квадратный трехчлен представляет собой полный квадрат.

# Уравнение 3

$$2x^2+x+6=0$$

$$a=2, b=1, c=6$$

$$D=1-4\cdot 2\cdot 6$$

$$D=-47$$

$$x_{1,2}=\frac{-1\pm\sqrt{-47}}{2\cdot 2}$$

уравнение не имеет

действительных корней

Ответ: Решений нет

- Отметим особо:
- $D < 0$
- Уравнение **не имеет вещественных (действительных) корней**. О решениях таких уравнений будем говорить чуть позже.

Квадратное уравнение

$$ax^2 + bx + c = 0 \quad (a \neq 0):$$

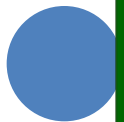
■ при  $D < 0$  корней не имеет;

■ при  $D = 0$  имеет  
единственный корень

$$x = -\frac{b}{2a}$$

■ при  $D > 0$  имеет 2 корня

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$$



## № 239(а,в,д), 240(а,в,д), 241(а,в,д)

Вычислите дискриминант и укажите число корней уравнения:

а)  $x^2 - 10x + 21 = 0$ ;

в)  $2x^2 - 3x - 5 = 0$ ;

д)  $4x - x^2 - 1 = 0$ ;

№ 240(а,в,д), 241(а,в,д)

Решите уравнение:

а)  $x^2 - 6x + 8 = 0$ ;

в)  $x^2 - x - 2 = 0$ ;

д)  $x^2 + 4x + 15 = 0$ ;

## № 241(а,в,д), 242(а,в,д,ж)

Решите уравнение, предварительно приведя коэффициенты уравнения к целочисленному виду, умножив левую и правую части уравнения на одно и то же число:

а)  $x^2 - \frac{1}{2}x - \frac{1}{2} = 0;$

в)  $x^2 - 8 - \frac{x}{3} = 0;$

д)  $x^2 - 2,5x + 1 = 0;$

№ 242(а,ж), 243(а,д) Решите уравнения:

а)  $2x^2 = 5 + 3x;$

ж)  $9x^2 - 20 = 24x;$



№ 243(а,д) Решите уравнения:

а)  $(x + 8)(x - 9) = -52;$

д)  $\frac{x^2}{5} - \frac{2x}{3} = \frac{x + 5}{6};$

# Итог урока

---

- 237.** Сколько корней имеет квадратное уравнение, если его дискриминант:  
а) положителен;      б) равен нулю;      в) отрицателен?
- 238.** По какой формуле можно найти корни квадратного уравнения, если его дискриминант неотрицателен?

# Домашнее задание:

---

п.4.4. Знать формулу нахождения корней  
квадратного уравнения;

ОУ № 239(б,г,е), 240(б,г,е), 241(б,г,е), 242(б,  
г);

ПУ № 243(б,г,е)