ФГБОУ ВПО ЧГУ ИМ. И.Н. УЛЬЯНОВА
ФАКУЛЬТЕТ РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ И АВТОМАТИКИ
КАФЕДРА АВТОМАТИКИ И УПРАВЛЕНИЯ В ТЕХНИЧЕСКИХ СИСТЕМАХ

МАССИВЫ В С++

Лекция 2.3.

к.п.н., доцент Васильева Л.Н.

Определение

Массив – это группа переменных одного типа, расположенных в памяти рядом (в соседних ячейках) и имеющих общее имя. Каждая ячейка в массиве имеет уникальный номер (индекс).

Надо:

- выделять память
- записывать данные в нужную ячейку
- читать данные из ячейки

Резервирование памяти для массива выполняется на этапе компиляции программы.

Выделение памяти (объявление)

тип имя_массива[размер];

```
int A[5];
double V[8];
bool L[10];
char S[80];
```

число элементов

Элементы нумеруются с нуля!

A[0], A[1], A[2], A[3], A[4]

размер через константу

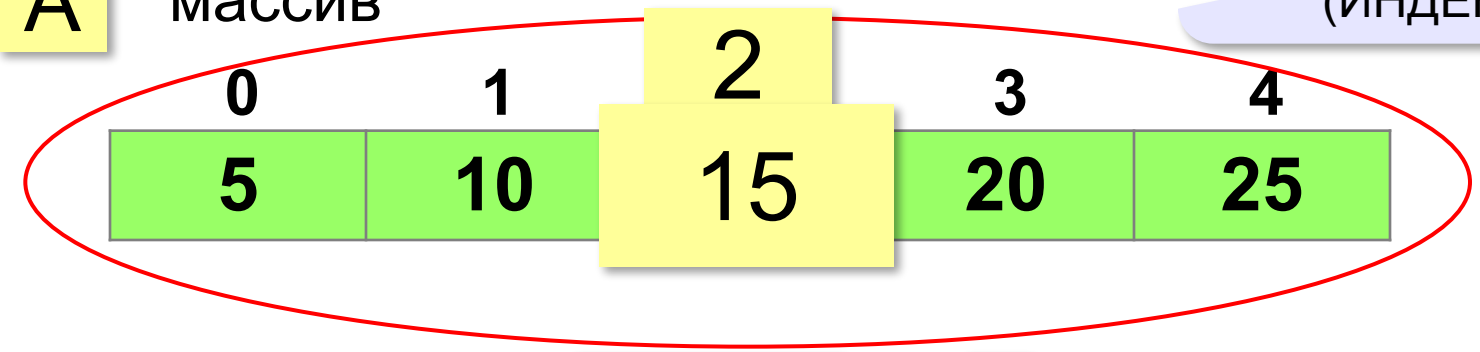
```
const int N=10;
int A[N];
```

Зачем?

Обращение к элементу массива

НОМЕР
элемента массива
(ИНДЕКС)

A массив



A[0] A[1] ЗНАЧЕНИЕ элемента массива] A[4]

НОМЕР (ИНДЕКС)
элемента массива: 2

A[2]

ЗНАЧЕНИЕ
элемента массива: 15

Как обработать все элементы массива?

Объявление:

```
const int N = 5;
int A[N];
```

Обработка:

```
// обработать A[0]
// обработать A[1]
// обработать A[2]
// обработать A[3]
// обработать A[4]
```

1) если N велико (1000, 1000000)?

2) при изменении N программа не должна меняться!

Как обработать все элементы массива?

Обработка с переменной:

```
i = 0;
// обработать A[i]
i ++;
// обработать A[i]
i ++;
// обработать A[i]
i ++;
// обработать A[i]
i ++;
// обработать A[i]
```

```
i ++;
```

Обработка в цикле:

```
i = 0;
while ( i < N )
  {
  // обработать A[i]
  i ++;
  }
```

Цикл с переменной:

```
for( i = 0; i < N; i++ )
  {
  // обработать A[i]
  }
```

Заполнение массива

```
main()
{
   const int N=10;
   int A[N];
   int i;
   for ( i=0; i<N; i++ )
     A[i]=i*i;
}
```

Чему равен **A[9]**?

Ввод с клавиатуры и вывод на экран

Объявление:

```
const int N=10;
int A[N];
```

Ввод с клавиатуры:

```
for ( i=0; i<N; i++ )
   {
   cout << "A[" << i << "]=";
   cin >> A[i];
   }
```

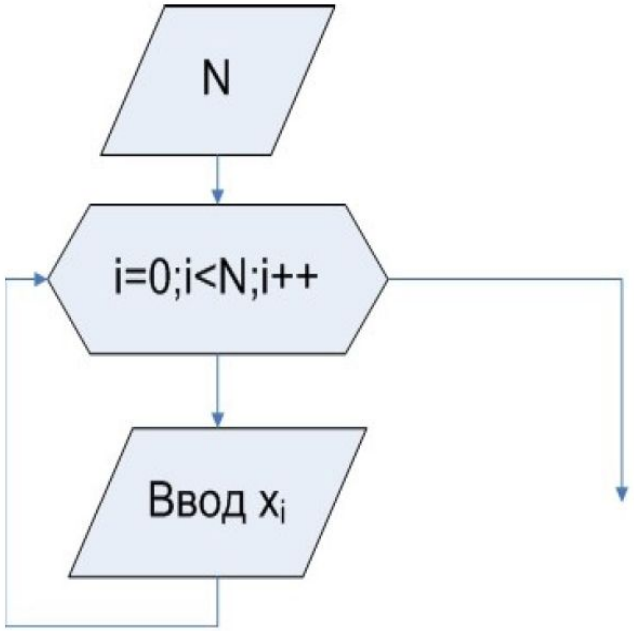
```
A[1]=5
A[2]=12
A[3]=34
A[4]=56
A[5]=13
```

Вывод на экран:

```
cout << "Массив A:\n";
for ( i=0; i<N; i++ )
   cout << A[i] << " ";
```

? Зачем пробел?

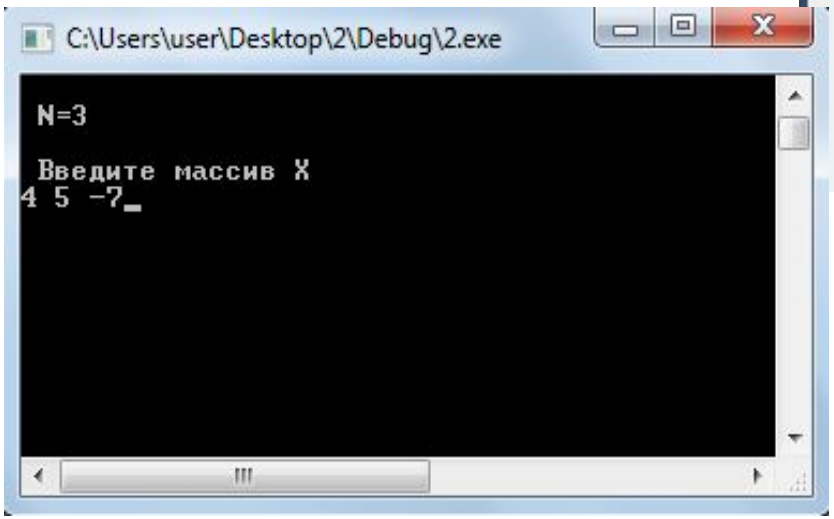
Ввод с клавиатуры



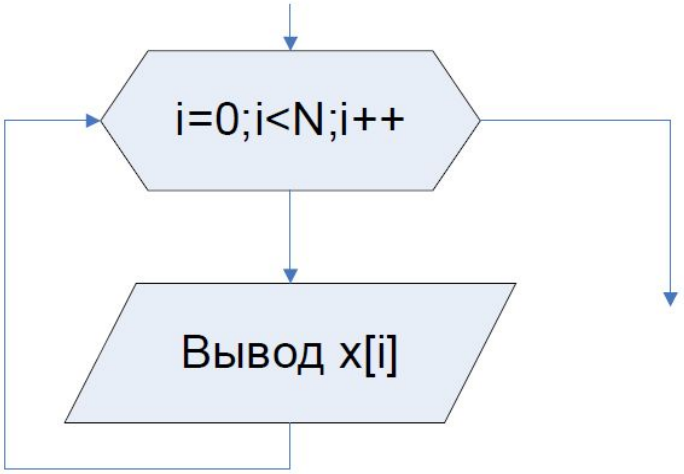
2.cpp

(Глобальная область)

```
#include "stdafx.h"
#include <conio.h>
#include <string>
int _tmain(int argc, _TCHAR* argv[])
{
setlocale(LC_ALL, "rus");
float x[10];
int i,n;
printf("\n N=");
scanf("%d",&n);
printf("\n Введите массив X \n");
for(i=0;i<n;i++)
scanf("%f",&x[i]);
getch();
return 0;
}
```



Вывод на экран




```
2.cpp
(Глобальная область)
#include "stdafx.h"
#include <conio.h>
#include <string>
#include <iostream>
using namespace std;
int _tmain(int argc, _TCHAR* argv[])
{
setlocale(LC_ALL, "rus");
float x[10];
int i,n;
printf("\n N=");
scanf("%d",&n);
printf("\n Введите массив X \n");
for(i=0;i<n;i++)
scanf("%f",&x[i]);
printf("\n Массив X\n\n");
for(i=0;i<n;i++)
printf("%g\t",x[i]);
printf("\n");
getch();
return 0;
}
```

```
C:\Users\user\Desktop\2\Debug\2.exe
 N=5
 Введите массив X
1
2
-9
0
6
 Массив X
1        2        -9       0        6
```

Заполнение случайными числами

Задача. Заполнить массив (псевдо)случайными целыми числами в диапазоне от 20 до 100.

```
for ( i = 0; i < N; i++ )
   {
   A[i] = rand()%81+20;
   cout << A[i] << " ";
   }
```

Перебор элементов

Общая схема:

```
for ( i = 0; i < N; i++ )
   {
   ... // сделать что-то с A[i]
   }
```

Подсчёт нужных элементов:

Задача. В массиве записаны данные о росте баскетболистов. Сколько из них имеет рост больше 180 см, но меньше 190 см?

```
count = 0;
for ( i = 0; i < N; i++ )
    if ( 180 < A[i] && A[i] < 190 )
       count ++;
```

Перебор элементов

Среднее арифметическое:

```
int count, sum;
count = 0;
sum = 0;
for ( i = 0; i < N; i++ )
  if ( 180 < A[i] && A[i] < 190 ) {
    count ++;
    sum += A[i];
    }
cout << (float)sum / count;
```

Зачем `float`?

среднее арифметическое

АЛГОРИТМЫ ОБРАБОТКИ МАССИВОВ

Поиск в массиве

Найти элемент, равный X:

```
i = 0;
while ( A[i] != X )
   i ++;
cout << "A[" << i << "]=" << X;
```

? Что плохо?

```
i = 0;
while ( i < N  &&  A[i] != X )
   i ++;
if ( i < N )
   cout << "A[" << i << "]=" << X;
else
   cout << "Не нашли!";
```

? Что если такого нет?

Поиск в массиве

Вариант с досрочным выходом:

```
nX = -1;
for ( i = 0; i < N; i++ )
   if ( A[i] == X )
      {
      nX = i;
      break;
      }
if ( nX >= 0 )
   cout << "A[" << nX << "]=" << X;
else
   cout << "Не нашли!";
```

досрочный выход из цикла

Максимальный элемент

```
M=A[0];
for ( i=1; i<N; i++ )
  if ( A[i]>M )
    M=A[i];
cout << M;
```

Как найти его номер?

```
M=A[0]; nMax=0;
for ( i=1; i<N; i++ )
  if ( A[i]>M ) {
    M=A[i];
    nMax=i;
    }
cout << "A[" << nMax << "]=" << M;
```

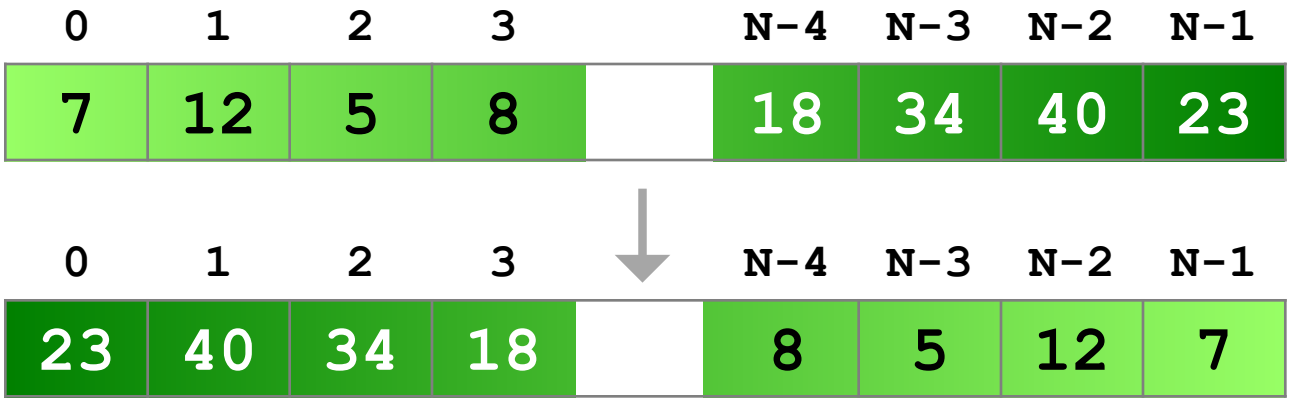
Что можно улучшить?

Максимальный элемент и его номер

По номеру элемента можно найти значение!

```
nMax = 0;
for ( i = 1; i < N; i++ )
  if ( A[i] > A[nMax] )
    nMax = i;
cout << "A[" << nMax << "]=" << A[nMax];
```

Реверс массива



«Простое» решение:

остановиться на середине!

```
for( i = 0; i < N/2 ; i++ )
   {
   // поменять местами A[i] и A[N+1-i]
   }
```

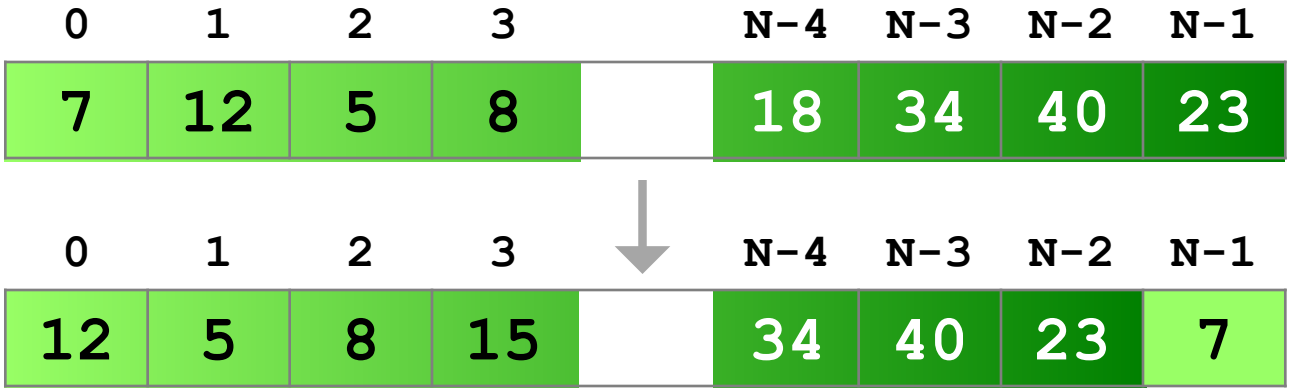
? Что плохо?

Реверс массива

```
for ( i=0; i<(N/2); i++ )
   {
   c=A[i];
   A[i]=A[N-1-i];
   A[N-1-i]=c;
   }
```

*Как обойтись без переменной `c`?

Циклический сдвиг элементов



«Простое» решение:

```
for ( i = 0; i < N-1; i++ )
  A[i] = A[i+1];
```

? Почему не до **N-1**?

? Что плохо?

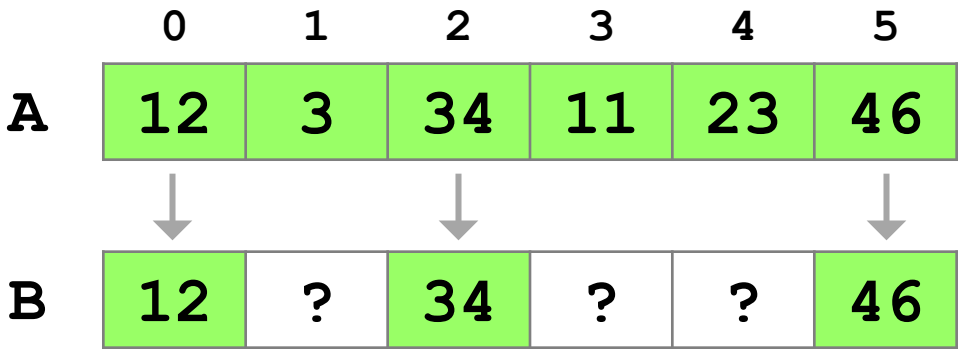
Отбор нужных элементов

Задача. Отобрать элементы массива **A**, удовлетворяющие некоторому условию, в массив **B**.

«Простое» решение:

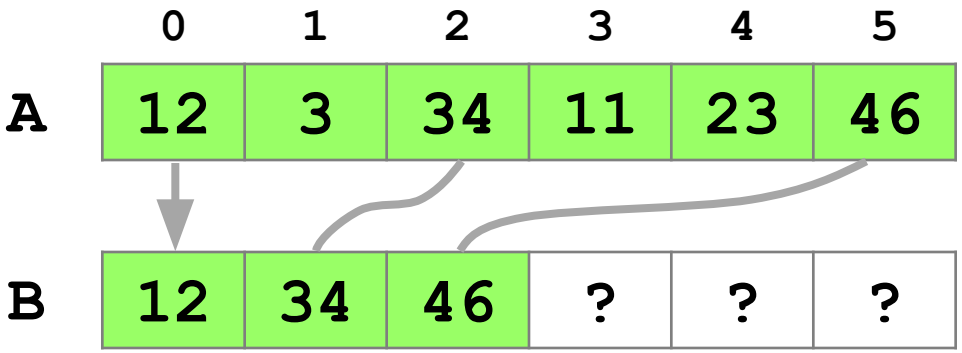
```
сделать для i от 0 до N-1
  если условие выполняется для A[i] то
    B[i]=A[i]
```

? Что плохо?



выбрать чётные элементы

Отбор нужных элементов



выбрать чётные элементы

```
count = 0;
for ( i = 0; i < N; i++ )
  if ( A[i] % 2 == 0 )
    {
    B[count] = A[i];
    count++;
    }
```

? Как вывести на экран?

```
for ( i = 0; i < count ; i++ )
  printf ( "%d ", B[i] );
```

СОРТИРОВКА

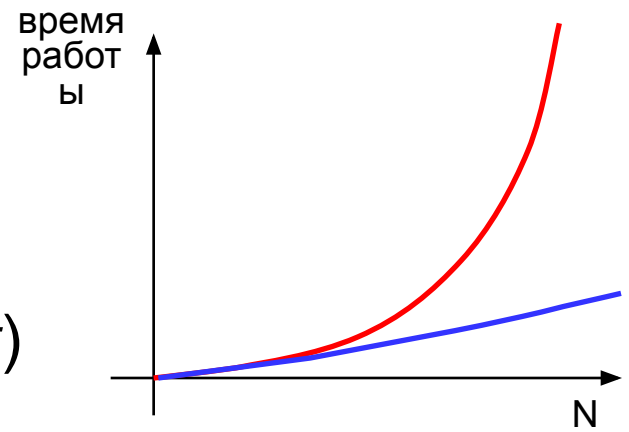
Что такое сортировка?

Сортировка – это расстановка элементов массива в заданном порядке.

…по возрастанию, убыванию, последней цифре, сумме делителей, по алфавиту, …

Алгоритмы:

- простые и понятные, но неэффективные для больших массивов
  - **метод пузырька**
  - **метод выбора**
- сложные, но эффективные
  - **«быстрая сортировка»** (*QuickSort*)
  - сортировка «кучей» (*HeapSort*)
  - сортировка слиянием (*MergeSort*)
  - пирамидальная сортировка

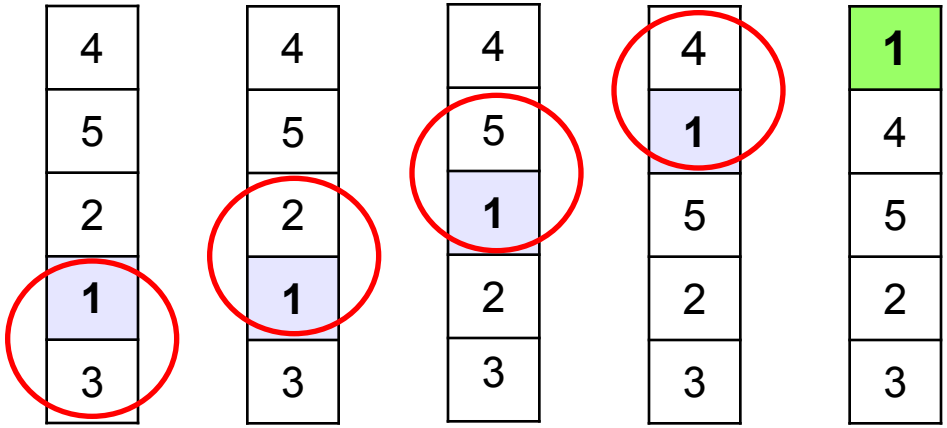


Метод пузырька (сортировка обменами)

Идея: пузырек воздуха в стакане воды поднимается со дна вверх.

Для массивов – **самый маленький** («легкий» элемент перемещается вверх (**«всплывает»**).

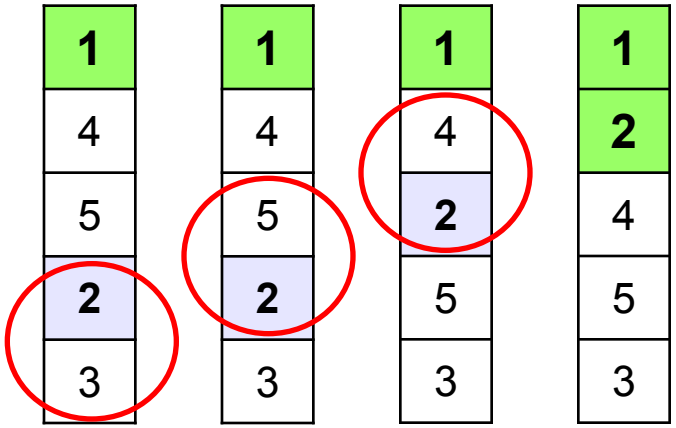
1-й проход:



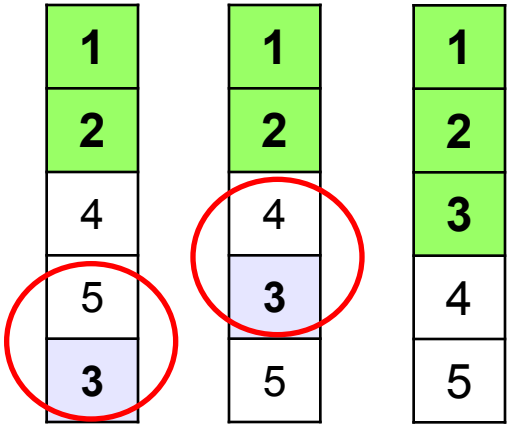
- сравниваем два соседних элемента; если они стоят «неправильно», меняем их местами
- за 1 проход по массиву один элемент (самый маленький) становится на свое место

Метод пузырька

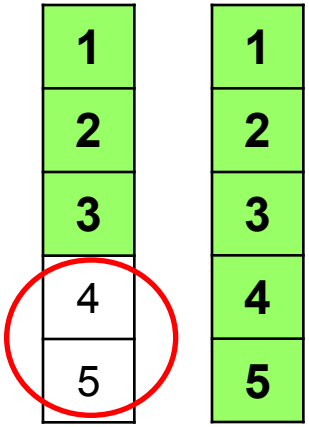
2-й проход:



3-й проход:



4-й проход:



Для сортировки массива из **N** элементов нужен **N-1** проход (достаточно поставить на свои места **N-1** элементов).

Метод пузырька

1-й проход:

```
сделать для j от N-2 до 0 шаг -1
  если A[j+1]<A[j] то
    // поменять местами A[j] и A[j+1]
```

единственное отличие!

2-й проход:

```
сделать для j от N-2 до 1 шаг -1
  если A[j+1]<A[j] то
    // поменять местами A[j] и A[j+1]
```

Метод пузырька

```
for ( i = 0; i < N-1; i++ )
  for ( j = N-2; j >= i ; j-- )
    if ( A[j] > A[j+1] )
      {
      // поменять местами A[j] и A[j+1]
      }
```

Метод выбора (минимального элемента)

Идея: найти минимальный элемент и поставить его на первое место.

```
сделать для i от 0 до N-2
  // найти номер nMin минимального
  // элемента из A[i]..A[N]
  если i != nMin то
    // поменять местами A[i] и A[nMin]
```

Метод выбора (минимального элемента)

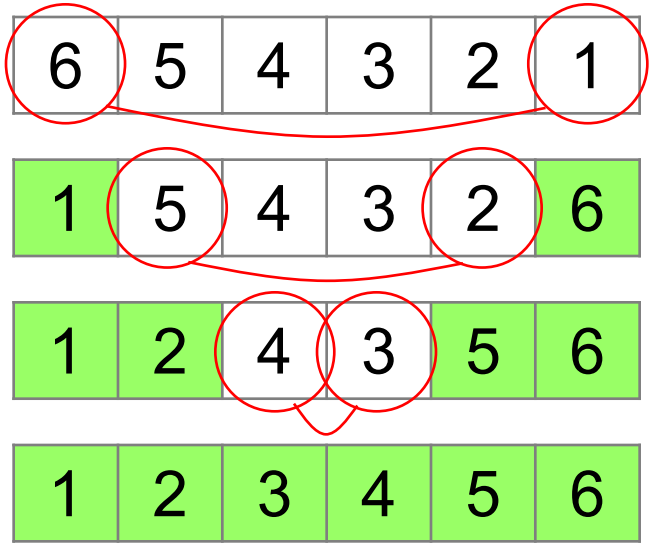
```
for ( i = 0; i < N-1; i++ )
  {
  nMin = i;
  for ( j = i+1; j < N; j++ )
    if ( A[j] < A[nMin] )
      nMin = j;
  if ( i != nMin )
    {
    // поменять местами A[i] и A[nMin]
    }
  }
```

? Как поменять местами два значения?

Быстрая сортировка (*QuickSort*)

Ч.Э.Хоар

Идея: выгоднее переставлять элементы, который находятся дальше друг от друга.

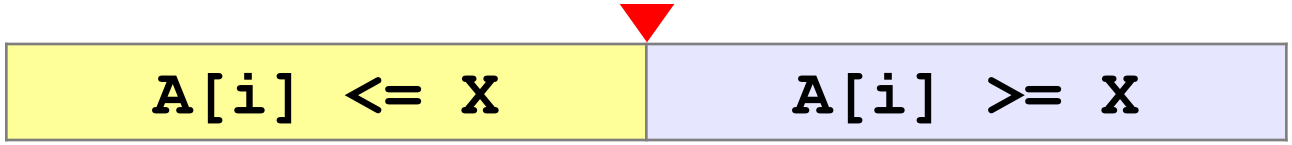


Для массива из **N** элементов нужно всего **N/2** обменов!

Быстрая сортировка

Шаг 1: выбрать некоторый элемент массива X

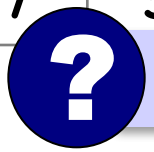
Шаг 2: переставить элементы так:



при сортировке элементы не покидают « свою область»!

Шаг 3: так же отсортировать две получившиеся области

Разделяй и властвуй (англ. *divide and conquer*)



Как лучше выбрать X?

Медиана – такое значение **X**, что слева и справа от него в отсортированном массиве стоит одинаковое число элементов (*для этого надо отсортировать массив…*).

Быстрая сортировка

Разделение:

1)выбрать средний элемент массива (**X=67**)

78	6	82	67	55	44	34

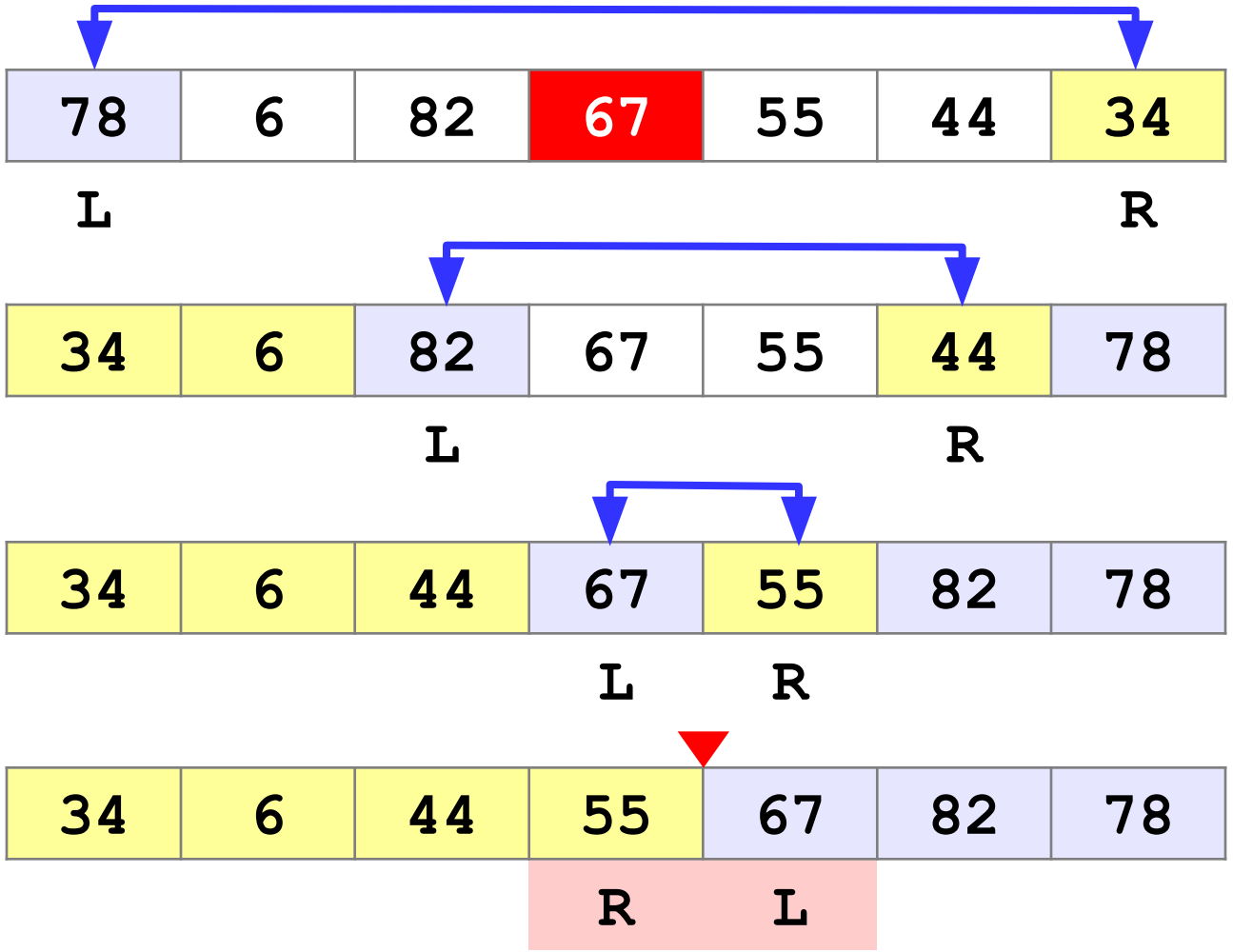
2)установить **L = 1, R = N**

3)увеличивая **L**, найти первый элемент **A[L]**, который **>= X** (должен стоять справа)

4)уменьшая **R**, найти первый элемент **A[R]**, который **<= X** (должен стоять слева)

5)если **L<=R** то поменять местами **A[L]** и **A[R]** и перейти к п. 3
иначе **стоп**.

Быстрая сортировка



L > R : разделение закончено!

Быстрая сортировка

Основная программа:

```
const int N=7;
int A[N];
...
main()
{
  // заполнить массив
  qSort( 0, N-1 ); // сортировка
  // вывести результат
}
```

глобальные данные

процедура сортировки

Быстрая сортировка

```
void qSort( int nStart, int nEnd )
{
  int L, R, c, X;
  if ( nStart >= nEnd ) return; // готово
  L = nStart; R = nEnd;
  X = A[(L+R)/2]; // или X = A[irand(L,R)];
  while ( L <= R ) {          // разделение
    while ( A[L] < X ) L++;
    while ( A[R] > X ) R--;
    if ( L <= R ) {
      c = A[L]; A[L] = A[R]; A[R] = c;
      L++; R--;
      }
    }
  qSort ( nStart, R );    // рекурсивные вызовы
  qSort ( L, nEnd );
}
```

Быстрая сортировка

Передача массива через параметр:

```
void qSort( int A[], int nStart,
                     int nEnd )
{
   ...
   qSort ( A, nStart, R );
   qSort ( A, L, nEnd );
}
```

```
main()
{ // заполнить массив
   qSort( A, 0, N-1 ); // сортировка
   // вывести результат
}
```

Быстрая сортировка

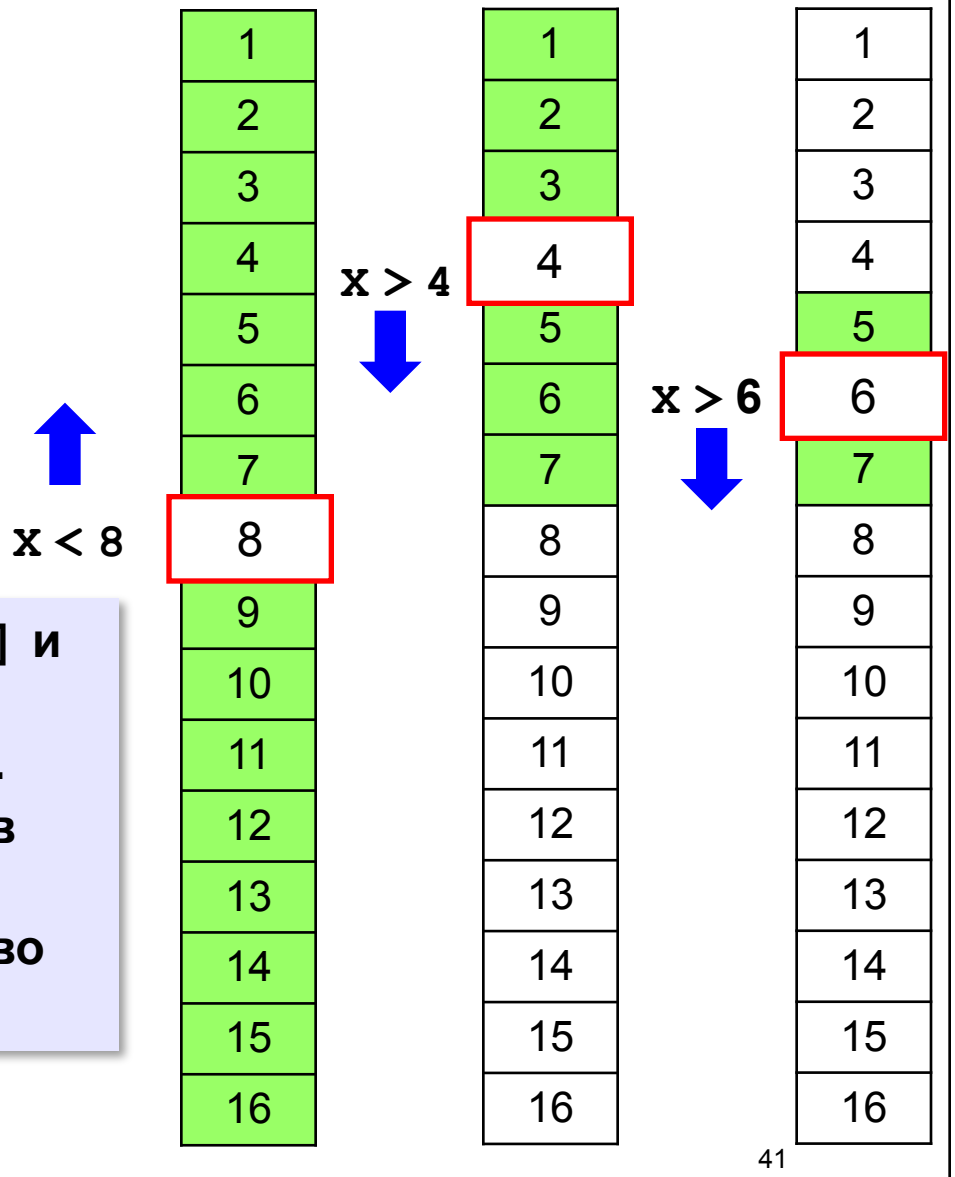
Сортировка массива случайных значений:

N	метод пузырька	метод выбора	быстрая сортировка
1000	0,24 с	0,12 с	0,004 с
5000	5,3 с	2,9 с	0,024 с
15000	45 с	34 с	0,068 с

ДВОИЧНЫЙ ПОИСК

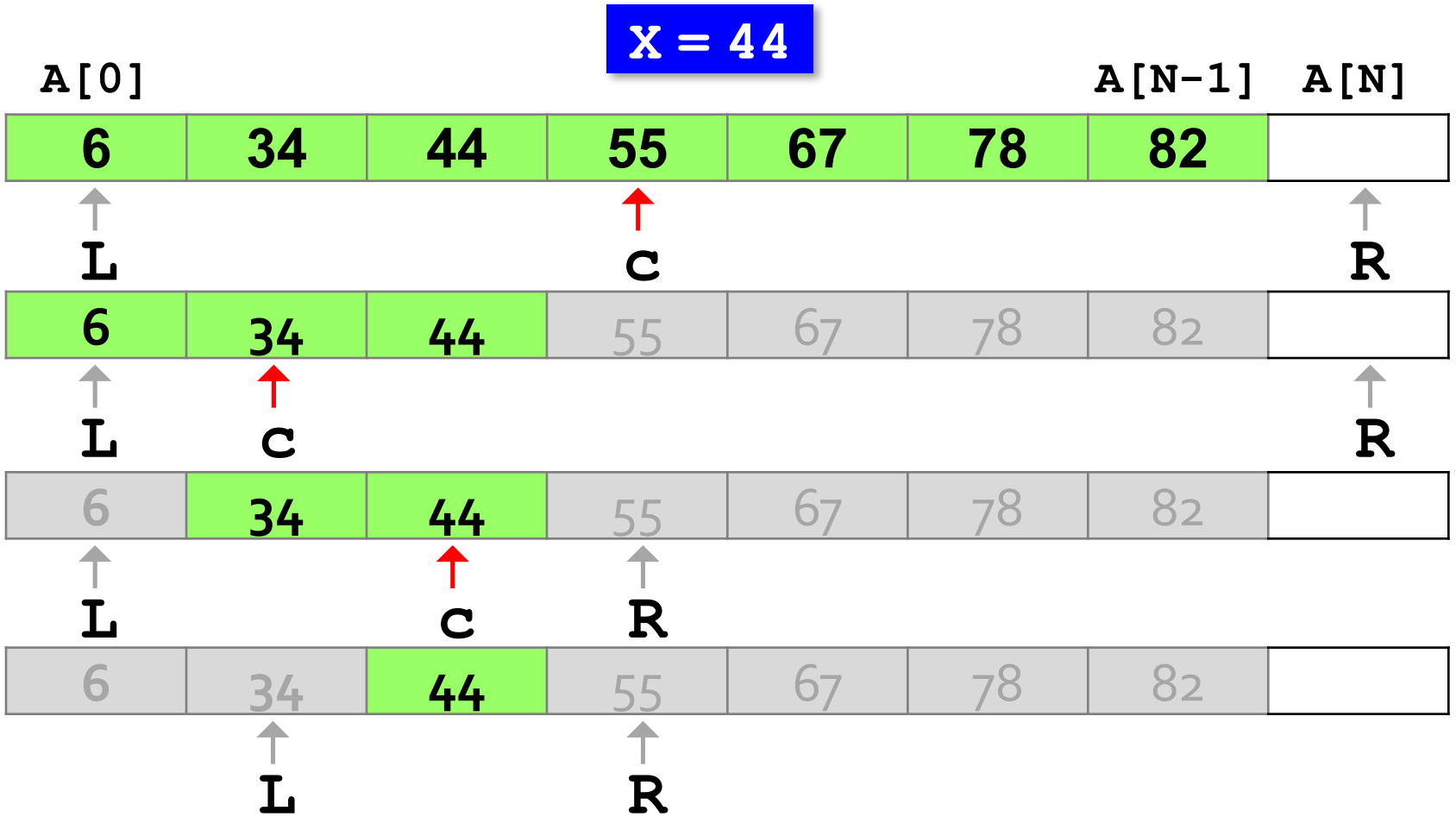
Двоичный поиск

X = 7



1. Выбрать средний элемент `A[c]` и сравнить с X.
2. Если `X = A[c]`, то нашли (стоп).
3. Если `X < A[c]`, искать дальше в первой половине.
4. Если `X > A[c]`, искать дальше во второй половине.

Двоичный поиск



! `L = R-1` : поиск завершен!

Двоичный поиск

```
int X, L, R, c;
L=0; R=N;          // начальный отрезок
while ( L<R-1 )
   {
   c=(L+R)/2;      // нашли середину
   if ( X<A[c] ) // сжатие отрезка
         R=c;
   else L=c;
   }
if ( A[L]==X )
      printf ( "A[%d]=%d", L, X );
else printf ( "Не нашли!" );
```

Двоичный поиск

Число сравнений:

N	линейный поиск	двоичный поиск
2	2	2
16	16	5
1024	1024	11
1048576	1048576	21

- скорость выше, чем при линейном поиске

- нужна предварительная сортировка

Когда нужно применять?

МАТРИЦЫ

Что такое матрица?

	0	1	2
0	-1	0	1
1	-1	0	1
2	0	1	-1

строка 1, столбец 2

Матрица — это прямоугольная таблица, составленная из элементов одного типа (чисел, строк и т.д.). Каждый элемент матрицы имеет два индекса – номера строки и столбца.

Объявление матриц

```
const int N=3, M=4;
int A[N][M];
double X[10][12];
```

строки столбцы

строки столбцы

! Нумерация строк и столбцов с нуля!

Матрицу можно объявить так:

тип имя_массива[n][m];

где n-количество строк, m-количество столбцов.

Простые алгоритмы

Заполнение случайными числами:

```
for ( i=0; i<N; i++ ) {
  for ( j=0; j<M; j++ ) {
    A[i][j]=rand()%80;
    cout << width(3);
    cout << A[i][j];
    }
  cout << endl;
  }
```

Вложенный цикл!

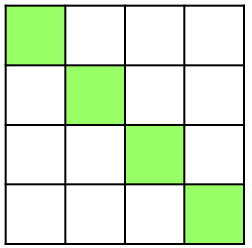
Суммирование:

```
sum=0;
for ( i=0; i<N; i++ )
  for ( j=0; j<M; j++ )
    sum+=A[i][j];
```

Перебор элементов матрицы

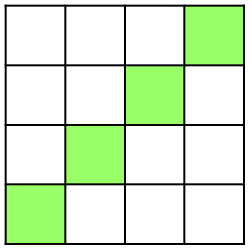
Главная диагональ:

```
for ( i = 0; i < N; i++ ) {
   // работаем с A[i][i]
   }
```



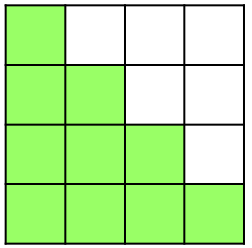
Побочная диагональ:

```
for ( i = 0; i < N; i++ ){
   // работаем с A[i][N-1-i]
   }
```



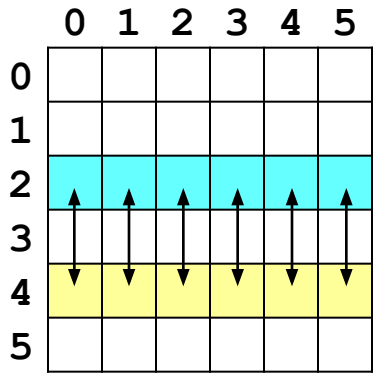
Главная диагональ и под ней:

```
for ( i = 0; i < N; i++ )
   for ( j = 0; j <= i ; j++ )
      {
      // работаем с A[i][j]
      }
```



Перестановка строк

2-я и 4-я строки:




```
for ( j=0; j<M; j++ )
   {
   c=A[2][j];
   A[2][j]=A[4][j];
   A[4][j]=c;
   }
```