

**ФГБОУ ВПО ЧГУ ИМ. И.Н. УЛЬЯНОВА
ФАКУЛЬТЕТ РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ И АВТОМАТИКИ
КАФЕДРА АВТОМАТИКИ И УПРАВЛЕНИЯ В ТЕХНИЧЕСКИХ
СИСТЕМАХ**

МАССИВЫ В C++

Лекция 2.3.

к.п.н., доцент Васильева Л.Н.

Определение

Массив – это группа переменных одного типа, расположенных в памяти рядом (в соседних ячейках) и имеющих общее имя. Каждая ячейка в массиве имеет уникальный номер (индекс).

Надо:

- выделять память
- записывать данные в нужную ячейку
- читать данные из ячейки

Резервирование памяти для массива выполняется на этапе компиляции программы.

Выделение памяти (объявление)

тип имя_массива[размер];

```
int A[5];  
double V[8];  
bool L[10];  
char S[80];
```

число
элементов



Элементы нумеруются
с нуля!

A[0], A[1], A[2], A[3], A[4]

размер через
константу

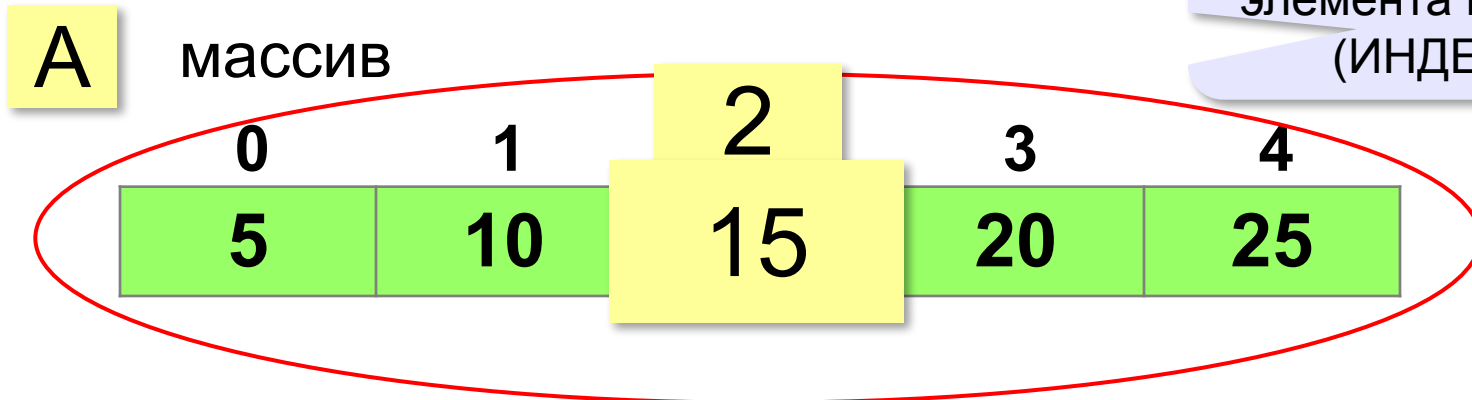
```
const int N = 10;  
int A[N];
```



Зачем?

Обращение к элементу массива

НОМЕР
элемента массива
(ИНДЕКС)



A[0]

A[1]

ЗНАЧЕНИЕ
элемента массива

A[4]

НОМЕР (ИНДЕКС)
элемента массива: 2

A[2]

ЗНАЧЕНИЕ
элемента массива: 15

Как обработать все элементы массива?

Объявление:

```
const int N = 5;  
int A[N];
```

Обработка:

```
// обработать A[0]  
// обработать A[1]  
// обработать A[2]  
// обработать A[3]  
// обработать A[4]
```



1) если N велико (1000, 1000000)?

2) при изменении N программа не должна меняться!

Как обработать все элементы массива?

Обработка с переменной:

```
i = 0;  
// обработать A[i]  
i ++;  
// обработать A[i]  
i ++;  
// обработать A[i]  
i ++;  
// обработать A[i]  
i ++;  
// обработать A[i]  
i ++;
```



Обработка в цикле:

```
i = 0;  
while ( i < N )  
{  
    // обработать A[i]  
    i ++;  
}
```

Цикл с переменной:

```
for( i = 0; i < N; i++ )  
{  
    // обработать A[i]  
}
```

Заполнение массива

```
main ()
{
    const int N=10;
    int A[N];
    int i;
    for ( i=0; i<N; i++ )
        A[i] = i*i;
}
```



Чему равен $A[9]$?

Ввод с клавиатуры и вывод на экран

Объявление:

```
const int N = 10;  
int A[N];
```

Ввод с клавиатуры:

```
for ( i = 0; i < N; i++ )  
{  
    cout << "A[" << i << "]=";  
    cin >> A[i];  
}
```

A[1] = 5
A[2] = 12
A[3] = 34
A[4] = 56
A[5] = 13

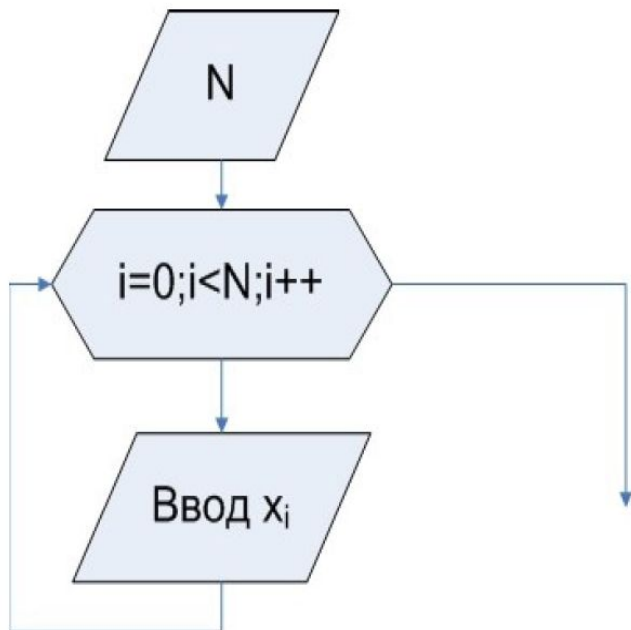
Вывод на экран:

```
cout << "Массив A:\n";  
for ( i = 0; i < N; i++ )  
    cout << A[i] << " ";
```

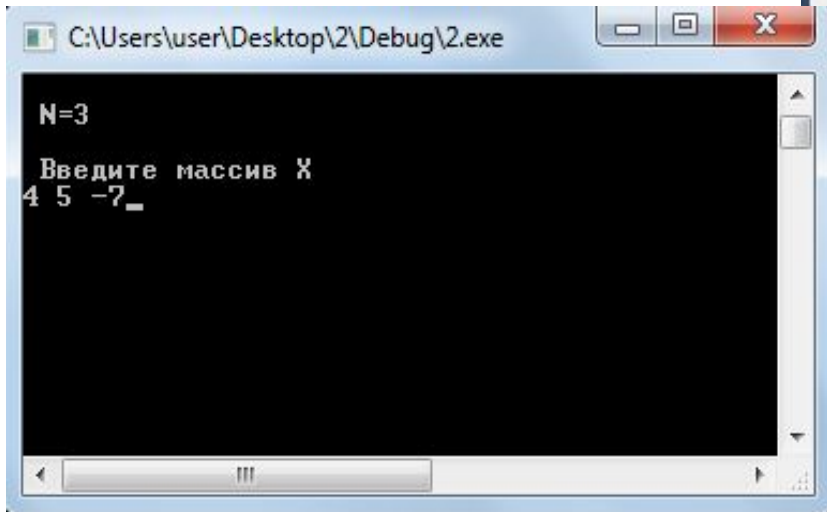


Зачем пробел?

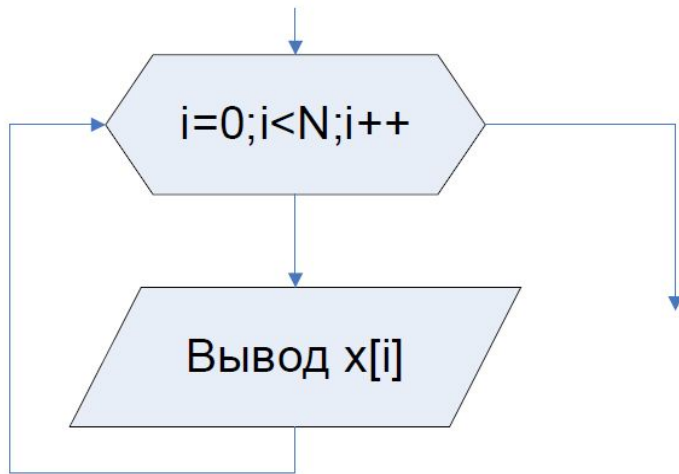
Ввод с клавиатуры



```
2.cpp X
(Глобальная область)
#include "stdafx.h"
#include <conio.h>
#include <string>
int _tmain(int argc, _TCHAR* argv[])
{
    setlocale(LC_ALL, "rus");
    float x[10];
    int i,n;
    printf("\n N=");
    scanf("%d",&n);
    printf("\n Введите массив X \n");
    for(i=0;i<n;i++)
    scanf("%f",&x[i]);
    getch();
    return 0;
}
```



Вывод на экран



C:\Users\user\Desktop\2\Debug\2.exe

```
N=5
Введите массив X
1
2
-9
0
6

Массив X
1      2      -9      0      6
```

```
2.cpp X
(Глобальная область)
#include "stdafx.h"
#include <conio.h>
#include <string>
#include <iostream>
using namespace std;
int _tmain(int argc, _TCHAR* argv[])
{
    setlocale(LC_ALL, "rus");
    float x[10];
    int i,n;
    printf("\n N=");
    scanf("%d",&n);
    printf("\n Введите массив X \n");
    for(i=0;i<n;i++)
        scanf("%f",&x[i]);
    printf("\n Массив X\n\n");
    for(i=0;i<n;i++)
        printf("%g\t",x[i]);
    printf("\n");
    getch();
    return 0;
}
```

Заполнение случайными числами

Задача. Заполнить массив (псевдо)случайными целыми числами в диапазоне от 20 до 100.

```
for ( i = 0; i < N; i++ )  
{  
    A[i] = rand() % 81 + 20;  
    cout << A[i] << " ";  
}
```

Перебор элементов

Общая схема:

```
for ( i = 0; i < N; i++ )  
{  
    ... // сделать что-то с A[i]  
}
```

Подсчёт нужных элементов:

Задача. В массиве записаны данные о росте баскетболистов. Сколько из них имеет рост больше 180 см, но меньше 190 см?

```
count = 0;  
for ( i = 0; i < N; i++ )  
    if ( 180 < A[i] && A[i] < 190 )  
        count ++;
```

Перебор элементов

Среднее арифметическое:

```
int count, sum;
count = 0;
sum = 0;
for ( i = 0; i < N; i++ )
    if ( 180 < A[i] && A[i] < 190 ) {
        count ++;
        sum += A[i];
    }
cout << (float)sum / count;
```



Зачем **float**?

среднее
арифметическое

АЛГОРИТМЫ ОБРАБОТКИ МАССИВОВ

Поиск в массиве

Найти элемент, равный X:

```
i = 0;  
while ( A[i] != X )  
    i ++;  
cout << "A[" << i << "]=" << X;
```



Что плохо?

```
i = 0;  
while ( i < N && A[i] != X )  
    i ++;  
if ( i < N )  
    cout << "A[" << i << "]=" << X;  
else  
    cout << "Не нашли!";
```



Что если такого нет?

Поиск в массиве

Вариант с досрочным выходом:

```
nX = -1;
for ( i = 0; i < N; i++ )
    if ( A[i] == X )
        {
            nX = i;
            break;
        }
if ( nX >= 0 )
    cout << "A[" << nX << "]=" << X;
else
    cout << "Не нашли!";
```

досрочный
выход из
цикла

Максимальный элемент

```
M=A[0];  
for ( i=1; i<N; i++ )  
    if ( A[i]>M )  
        M=A[i];  
cout << M;
```



Как найти его номер?

```
M=A[0]; nMax=0;  
for ( i=1; i<N; i++ )  
    if ( A[i]>M ) {  
        M=A[i];  
        nMax=i;  
    }
```



Что можно улучшить?

```
cout << "A[" << nMax << "]= " << M;
```

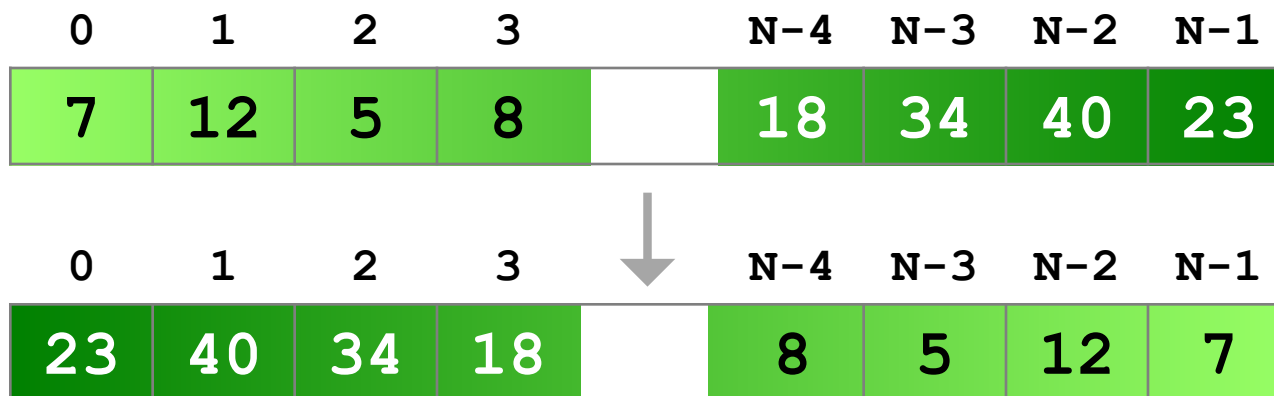
Максимальный элемент и его номер



По номеру элемента можно найти значение!

```
nMax = 0;  
for ( i = 1; i < N; i++ )  
    if ( A[i] > A[nMax] )  
        nMax = i;  
cout << "A[" << nMax << "]=" << A[nMax] ;
```

Реверс массива



«Простое» решение:

остановиться на середине!

```
for ( i = 0; i < N/2 ; i++ )  
{  
  // поменять местами A[i] и A[N+1-i]  
}
```

❓ Что плохо?

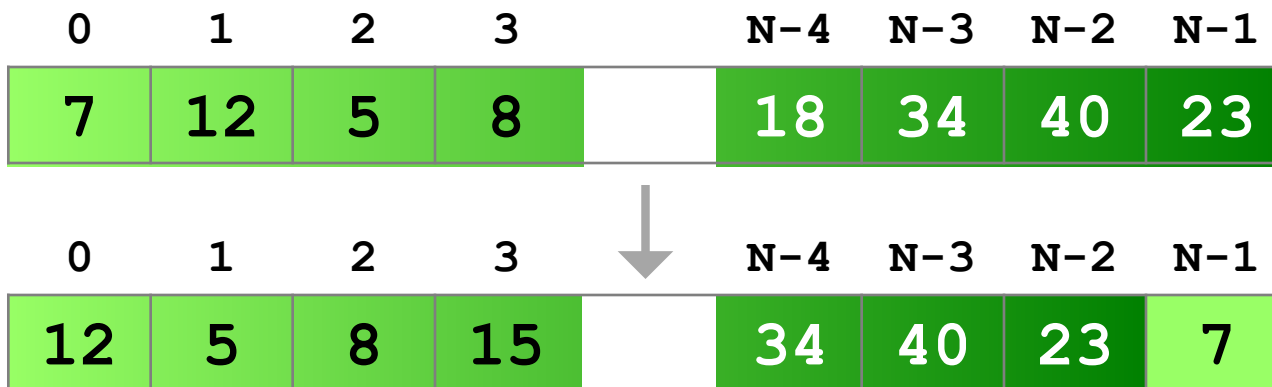
Реверс массива

```
for ( i = 0; i < (N/2); i++ )  
    {  
    c = A[i];  
    A[i] = A[N-1-i];  
    A[N-1-i] = c;  
    }
```



*Как обойтись без переменной c?

Циклический сдвиг элементов



«Простое» решение:

```
for ( i = 0; i < N-1; i++ )  
    A[i] = A[i+1];
```

?

Почему не до N-1?

?

Что плохо?

Отбор нужных элементов

Задача. Отобрать элементы массива **A**, удовлетворяющие некоторому условию, в массив **B**.

«Простое» решение:

сделать для i от 0 до $N-1$
если условие выполняется для $A[i]$ то
 $B[i]=A[i]$

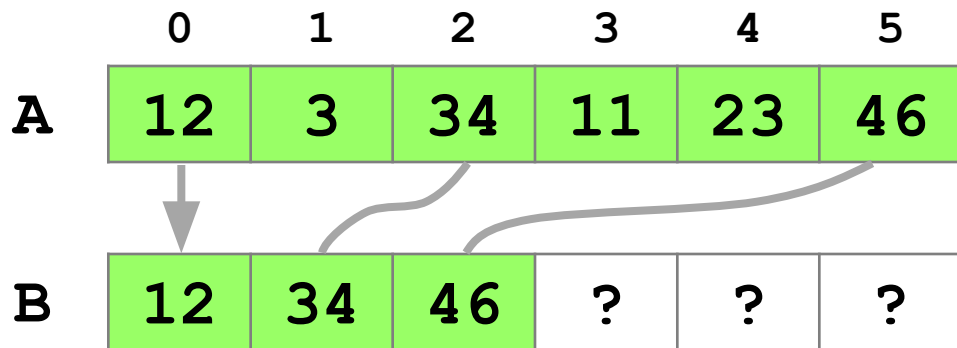


Что плохо?

	0	1	2	3	4	5
A	12	3	34	11	23	46
	↓		↓			↓
B	12	?	34	?	?	46

выбрать чётные
элементы

Отбор нужных элементов



выбрать чётные
элементы

```
count = 0;  
for ( i = 0; i < N; i++ )  
    if ( A[i] % 2 == 0 )  
    {  
        B[count] = A[i];  
        count++;  
    }
```



Как вывести на экран?

```
for ( i = 0; i < count; i++ )  
    printf ( "%d ", B[i] );
```

СОРТИРОВКА

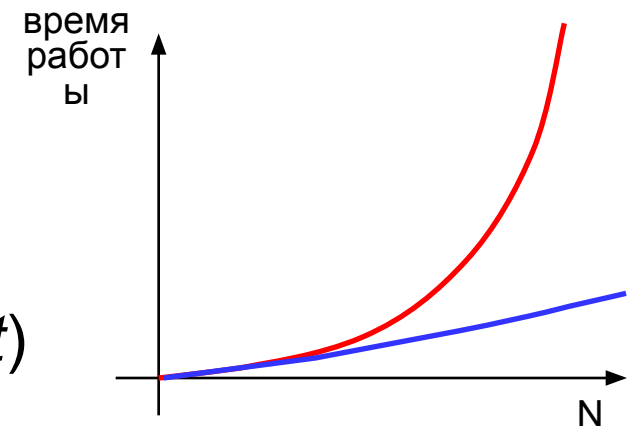
Что такое сортировка?

Сортировка – это расстановка элементов массива в заданном порядке.

...по возрастанию, убыванию, последней цифре, сумме делителей, по алфавиту, ...

Алгоритмы:

- простые и понятные, но неэффективные для больших массивов
 - **метод пузырька**
 - **метод выбора**
- сложные, но эффективные
 - **«быстрая сортировка»** (*QuickSort*)
 - сортировка «кучей» (*HeapSort*)
 - сортировка слиянием (*MergeSort*)
 - пирамидальная сортировка

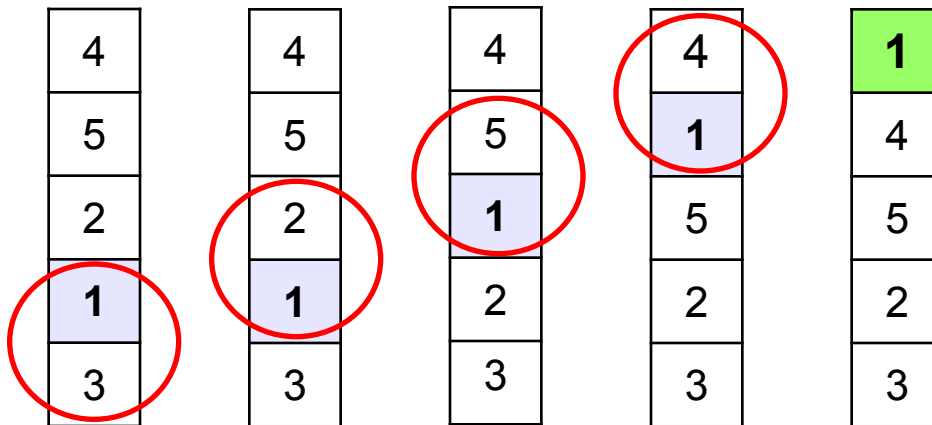


Метод пузырька (сортировка обменами)

Идея: пузырек воздуха в стакане воды поднимается со дна вверх.

Для массивов – **самый маленький** («легкий» элемент перемещается вверх («всплывает»)).

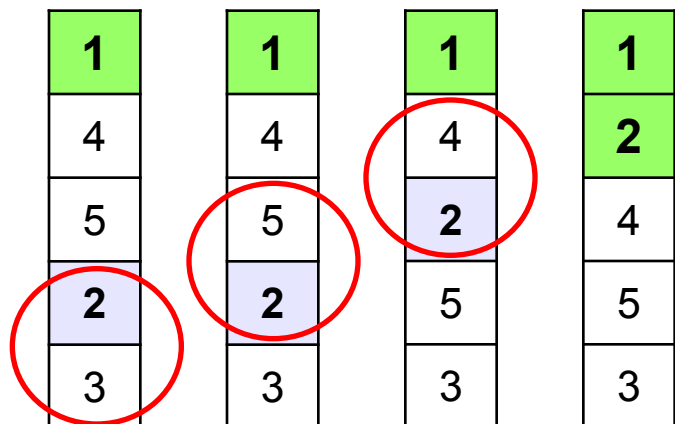
1-й проход:



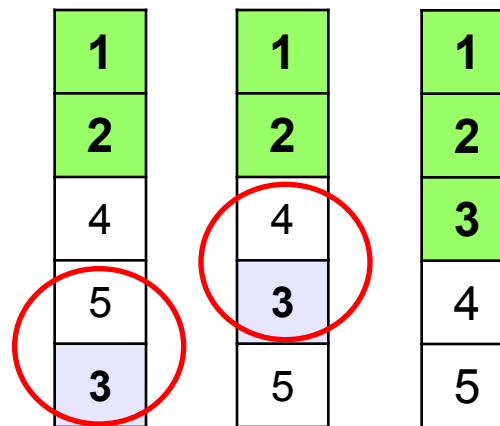
- сравниваем два соседних элемента; если они стоят «неправильно», меняем их местами
- за 1 проход по массиву **один** элемент (самый маленький) становится на свое место

Метод пузырька

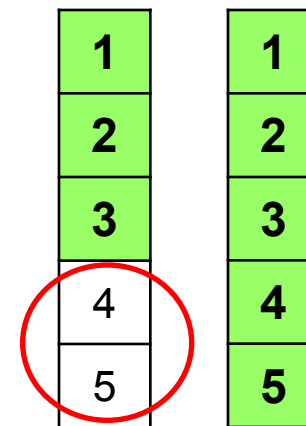
2-й проход:



3-й проход:



4-й проход:



Для сортировки массива из N элементов нужен $N-1$ проход (достаточно поставить на свои места $N-1$ элементов).

Метод пузырька

1-й проход:

```
сделать для j от N-2 до 0 шаг -1
    если A[j+1]<A[j] то
        // поменять местами A[j] и A[j+1]
```

единственное
отличие!

2-й проход:

```
сделать для j от N-2 до 1 шаг -1
    если A[j+1]<A[j] то
        // поменять местами A[j] и A[j+1]
```

Метод пузырька

```
for ( i = 0; i < N-1; i++ )  
    for ( j = N-2; j >= i; j-- )  
        if ( A[j] > A[j+1] )  
            {  
                // поменять местами A[j] и A[j+1]  
            }
```

Метод выбора (минимального элемента)

Идея: найти минимальный элемент и поставить его на первое место.

```
сделать для  $i$  от 0 до  $N-2$   
  // найти номер  $nMin$  минимального  
  // элемента из  $A[i]..A[N]$   
  если  $i \neq nMin$  то  
    // поменять местами  $A[i]$  и  $A[nMin]$ 
```

Метод выбора (минимального элемента)

```
for ( i = 0; i < N-1; i++ )
{
    nMin = i;
    for ( j = i+1; j < N; j++ )
        if ( A[j] < A[nMin] )
            nMin = j;
    if ( i != nMin )
    {
        // поменять местами A[i] и A[nMin]
    }
}
```



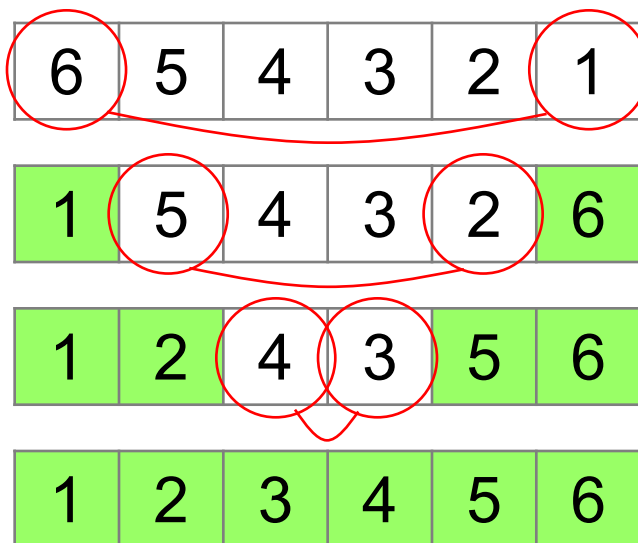
Как поменять местами два значения?

Быстрая сортировка (*QuickSort*)



Ч.Э.Хоар

Идея: выгоднее переставлять элементы, который находятся дальше друг от друга.

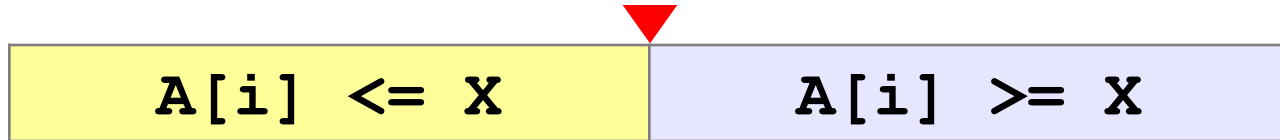


Для массива из N элементов нужно всего $N/2$ обменов!

Быстрая сортировка

Шаг 1: выбрать некоторый элемент массива X

Шаг 2: переставить элементы так:



при сортировке элементы не покидают « свою область »!

Шаг 3: так же отсортировать две получившиеся области

Разделяй и властвуй (англ. *divide and conquer*)

78	6	82	67	55	44	34
----	---	----	----	----	----	----



Как лучше выбрать X ?

Медиана – такое значение X , что слева и справа от него в отсортированном массиве стоит одинаковое число элементов (*для этого надо отсортировать массив...*).

Быстрая сортировка

Разделение:

1) выбрать средний элемент массива ($x=67$)

78	6	82	67	55	44	34
----	---	----	----	----	----	----

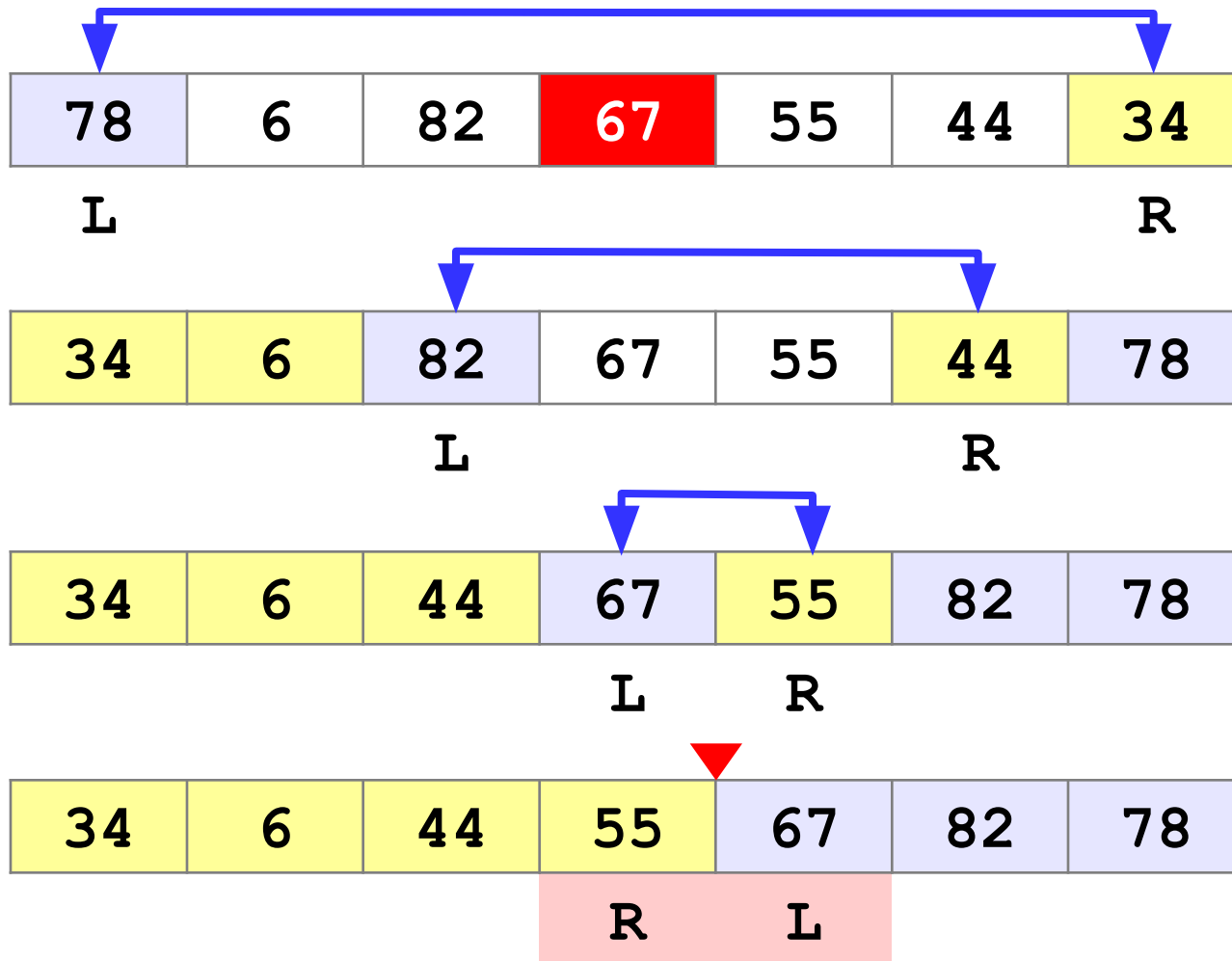
2) установить $L = 1$, $R = N$

3) увеличивая L , найти первый элемент $A[L]$,
который $\geq x$ (должен стоять справа)

4) уменьшая R , найти первый элемент $A[R]$,
который $\leq x$ (должен стоять слева)

5) если $L \leq R$ то поменять местами $A[L]$ и $A[R]$
и перейти к п. 3
иначе **СТОП**.

Быстрая сортировка



! $L > R$: разделение закончено!

Быстрая сортировка

Основная программа:

```
const int N = 7;
int A[N];
...
main()
{
    // заполнить массив
    qSort( 0, N-1 ); // сортировка
    // вывести результат
}
```

глобальные
данные

процедура
сортировки

Быстрая сортировка

```
void qSort( int nStart, int nEnd )
{
    int L, R, c, X;
    if ( nStart >= nEnd ) return; // готово
    L = nStart; R = nEnd;
    X = A[ (L+R)/2 ]; // или X = A[irand(L,R)];
    while ( L <= R ) { // разделение
        while ( A[L] < X ) L++;
        while ( A[R] > X ) R--;
        if ( L <= R ) {
            c = A[L]; A[L] = A[R]; A[R] = c;
            L++; R--;
        }
    }
    qSort ( nStart, R ); // рекурсивные вызовы
    qSort ( L, nEnd );
}
```

Быстрая сортировка

Передача массива через параметр:

```
void qSort ( int A[], int nStart,
             int nEnd )
{
    ...
    qSort ( A, nStart, R );
    qSort ( A, L, nEnd );
}
```

```
main()
{ // заполнить массив
  qSort ( A, 0, N-1 ); // сортировка
  // вывести результат
}
```

Быстрая сортировка

Сортировка массива случайных значений:

N	метод пузырька	метод выбора	быстрая сортировка
1000	0,24 с	0,12 с	0,004 с
5000	5,3 с	2,9 с	0,024 с
15000	45 с	34 с	0,068 с

ДВОИЧНЫЙ ПОИСК

Двоичный поиск

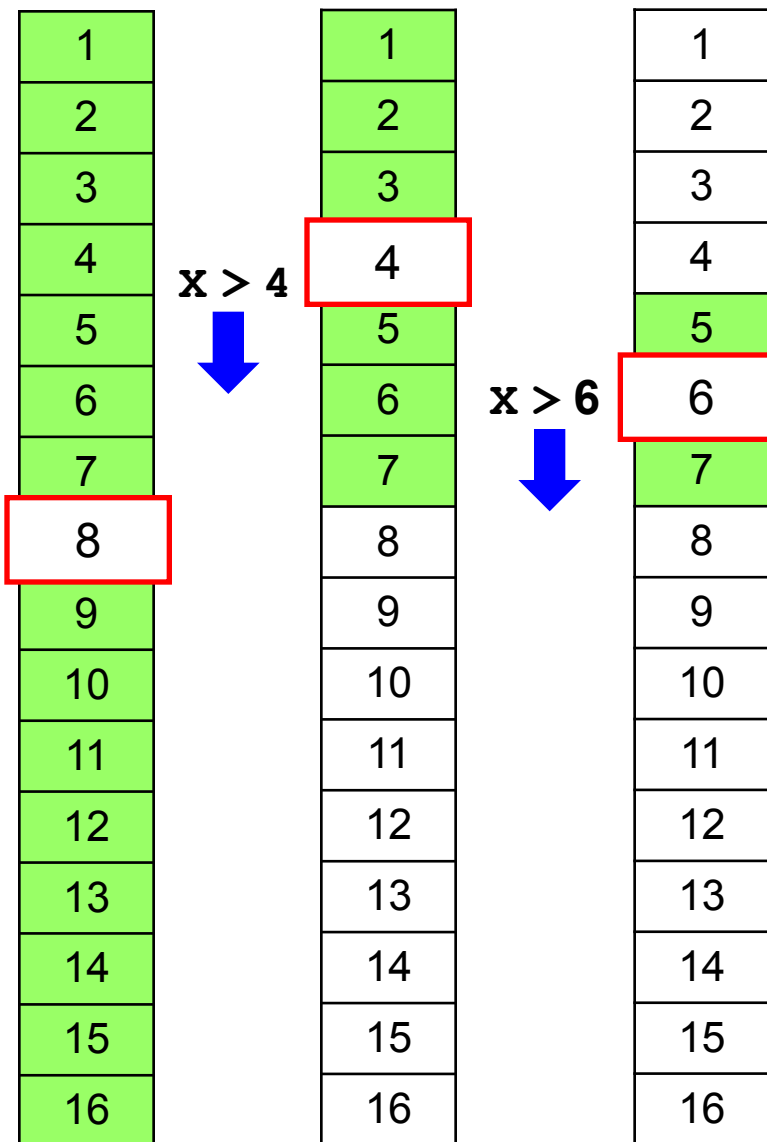
$X = 7$

$x < 8$

$x > 4$

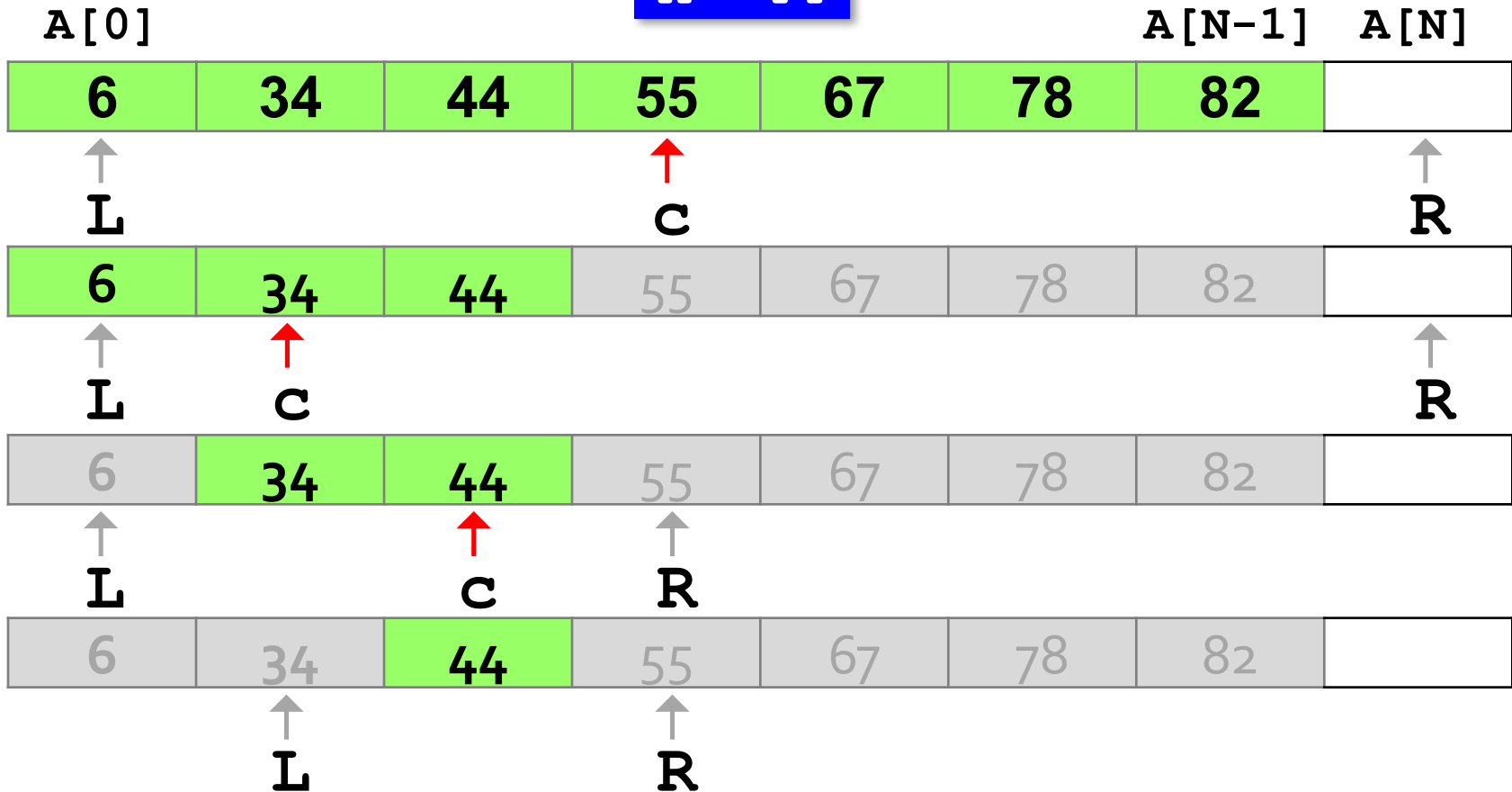
$x > 6$

1. Выбрать средний элемент $A[s]$ и сравнить с X .
2. Если $X = A[s]$, то нашли (**стоп**).
3. Если $X < A[s]$, искать дальше в первой половине.
4. Если $X > A[s]$, искать дальше во второй половине.



ДВОИЧНЫЙ ПОИСК

X = 44



L = R - 1 : поиск завершен!

ДВОИЧНЫЙ ПОИСК

```
int X, L, R, c;
L = 0; R = N; // начальный отрезок
while ( L < R - 1 )
{
    c = (L + R) / 2; // нашли середину
    if ( X < A[c] ) // сжатие отрезка
        R = c;
    else L = c;
}
if ( A[L] == X )
    printf ( "A[%d]=%d", L, X );
else printf ( "Не нашли!" );
```

ДВОИЧНЫЙ ПОИСК

Число сравнений:

N	линейный поиск	двоичный поиск
2	2	2
16	16	5
1024	1024	11
1048576	1048576	21



■ скорость выше, чем при линейном поиске



■ нужна предварительная сортировка



Когда нужно применять?

МАТРИЦЫ

Что такое матрица?

	0	1	2
0	-1	0	1
1	-1	0	1
2	0	1	-1

строка 1,
столбец 2

Матрица — это прямоугольная таблица, составленная из элементов одного типа (чисел, строк и т.д.). Каждый элемент матрицы имеет два индекса — номера строки и столбца.

Объявление матриц

```
const int N=3, M=4;  
int A[N][M];  
double X[10][12];
```

строки

столбцы

строки

столбцы



Нумерация строк и столбцов с нуля!

Матрицу можно объявить так:

```
тип имя_массива[n][m];
```

где n-количество строк, m-количество столбцов.

Простые алгоритмы

Заполнение случайными числами:

```
for ( i = 0; i < N; i++ ) {  
    for ( j = 0; j < M; j++ ) {  
        A[i][j] = rand() % 80;  
        cout << width(3);  
        cout << A[i][j];  
    }  
    cout << endl;  
}
```



Вложенный цикл!

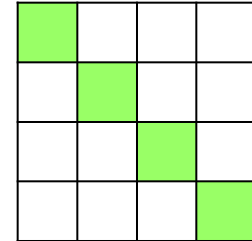
Суммирование:

```
sum = 0;  
for ( i = 0; i < N; i++ )  
    for ( j = 0; j < M; j++ )  
        sum += A[i][j];
```


Перебор элементов матрицы

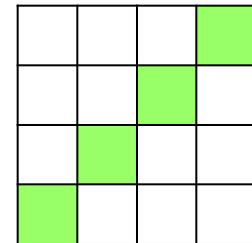
Главная диагональ:

```
for ( i = 0; i < N; i++ ) {  
    // работаем с A[i][i]  
}
```



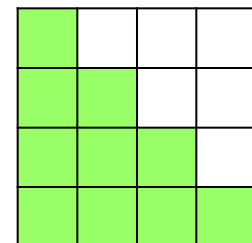
Побочная диагональ:

```
for ( i = 0; i < N; i++ ) {  
    // работаем с A[i][N-1-i]  
}
```



Главная диагональ и под ней:

```
for ( i = 0; i < N; i++ )  
    for ( j = 0; j <= i; j++ )  
    {  
        // работаем с A[i][j]  
    }
```



Перестановка строк

2-я и 4-я строки:

```
for ( j = 0; j < M; j++ )  
    {  
        c = A[2][j];  
        A[2][j] = A[4][j];  
        A[4][j] = c;  
    }
```

