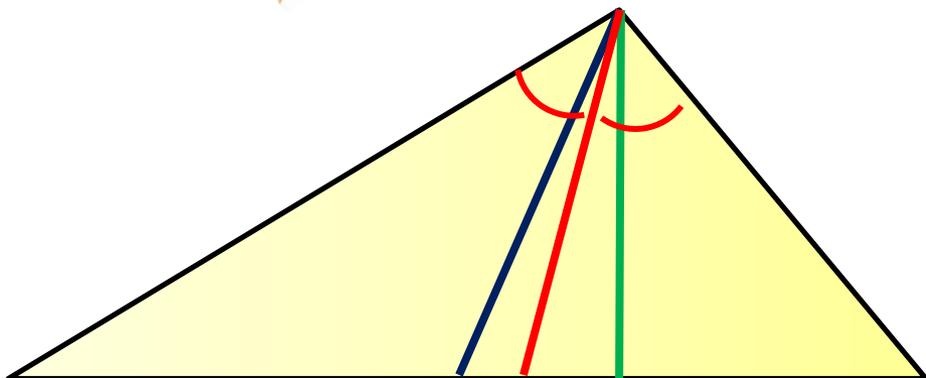
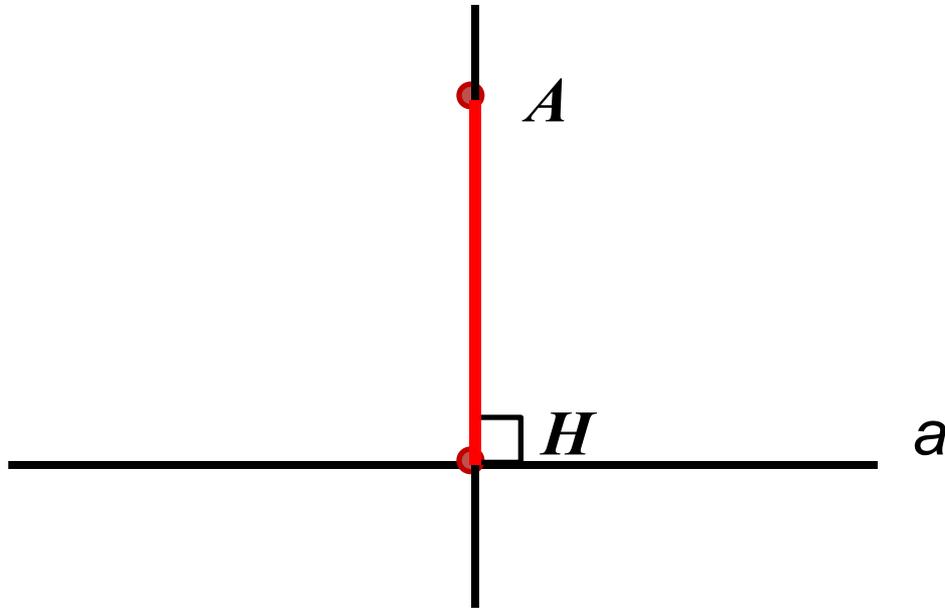


# *Медианы, биссектрисы и высоты треугольника*

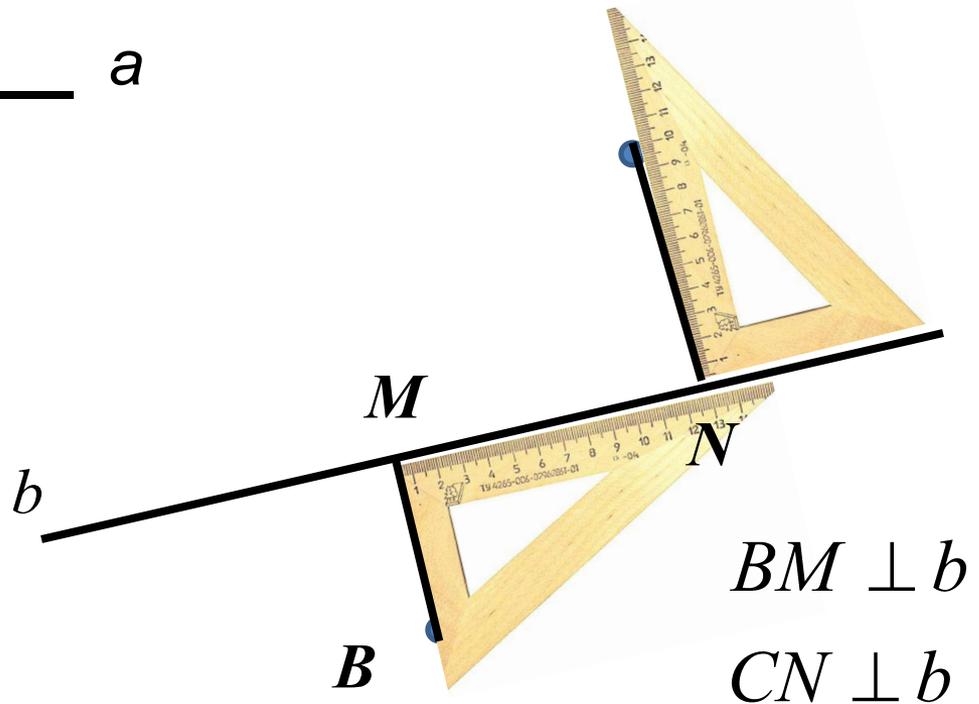
**Урок геометрии в 7 классе**



# Перпендикуляр к прямой

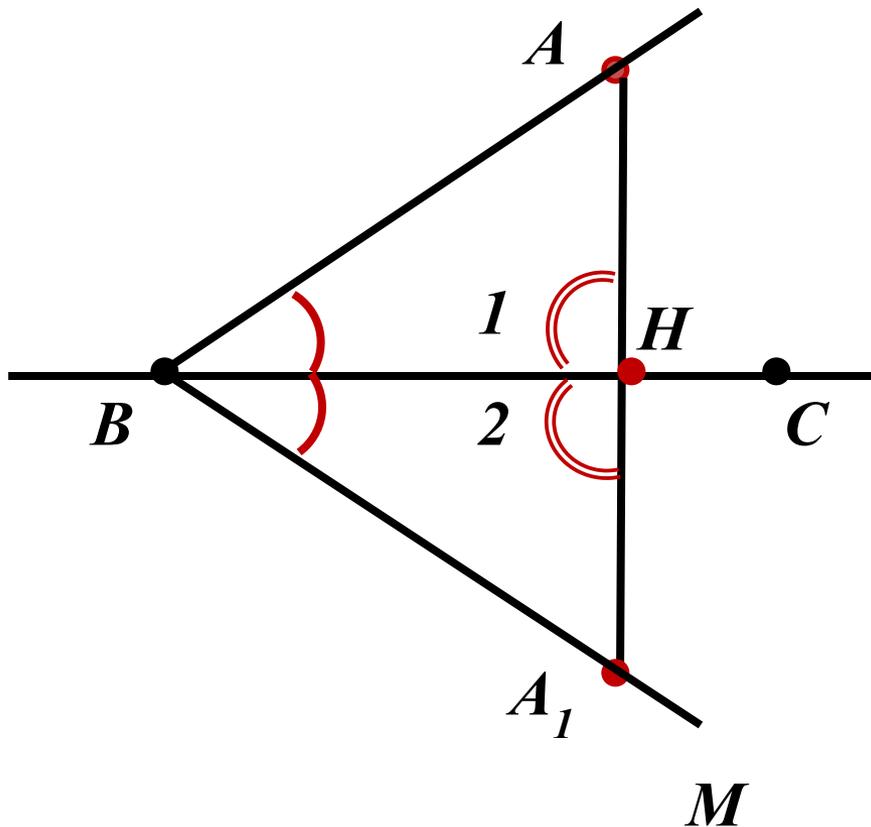


*Если  $AH \perp a$ , то отрезок  $AH$  называют перпендикуляром к прямой  $a$ , проведенным из точки  $A$ .*



# Теорема

Из точки, не лежащей на прямой, **можно** провести перпендикуляр к этой прямой, **и притом ТОЛЬКО ОДИН**



Дано : прямая  $BC$  и точка  $A$   
 $A \notin BC$

Доказать :

- 1) Можно провести  $AH \perp BC$
- 2)  $AH$  – единственный

Проведем луч  $BA$

Построим  $\angle MBC = \angle ABC$

Наложим  $\angle ABC$  на  $\angle MBC$

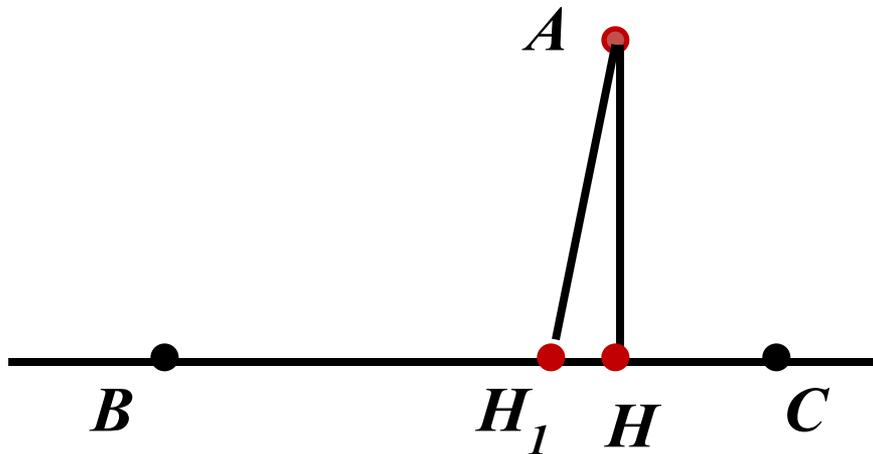
$A \Rightarrow A_1$

$AA_1 \perp BC = H$

$AH$  – искомый перпендикуляр ПОЧЕМУ?

# Теорема

Из точки, не лежащей на прямой, **можно** провести перпендикуляр к этой прямой, **и притом ТОЛЬКО ОДИН**



Дано : прямая  $BC$  и точка  $A$   
 $A \notin BC$

Доказать :

- 1) Можно провести  $AH \perp BC$
- 2)  $AH$  – единственный

$AH$  – искомый перпендикуляр

Предположим, что через точку  $A$  можно провести еще один перпендикуляр к прямой  $BC$  -  $AH_1$

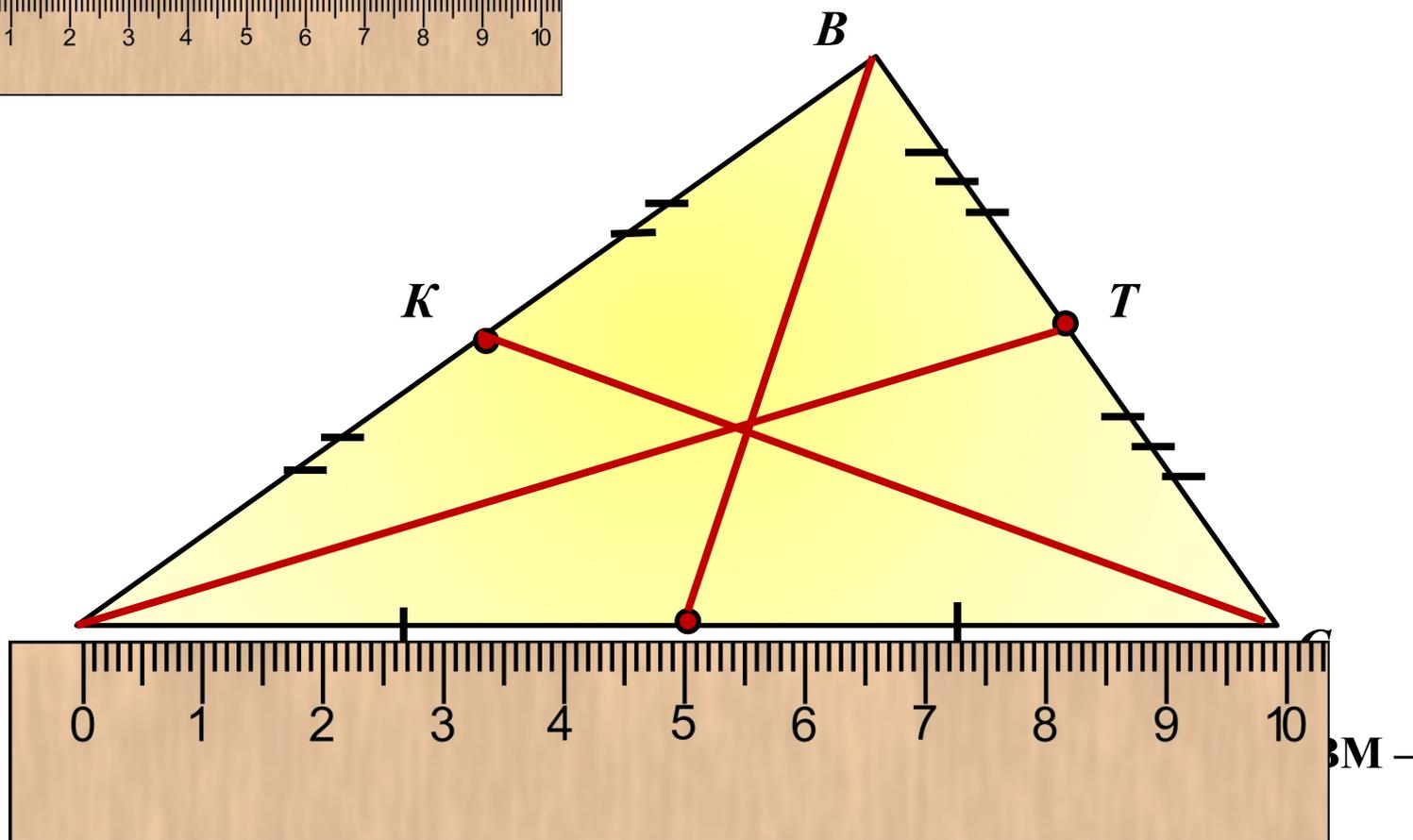
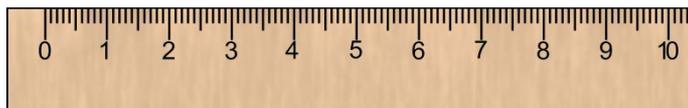
Получим:

$$\begin{cases} AH \perp BC \\ AH_1 \perp BC \\ AH \neq AH_1 \end{cases} \Rightarrow \text{(противоречие)}$$

**Вывод:**  $AH$  - единственный

# Медианы треугольника

Отрезок, соединяющий вершину треугольника и середину противоположной стороны, называется **медианой** треугольника

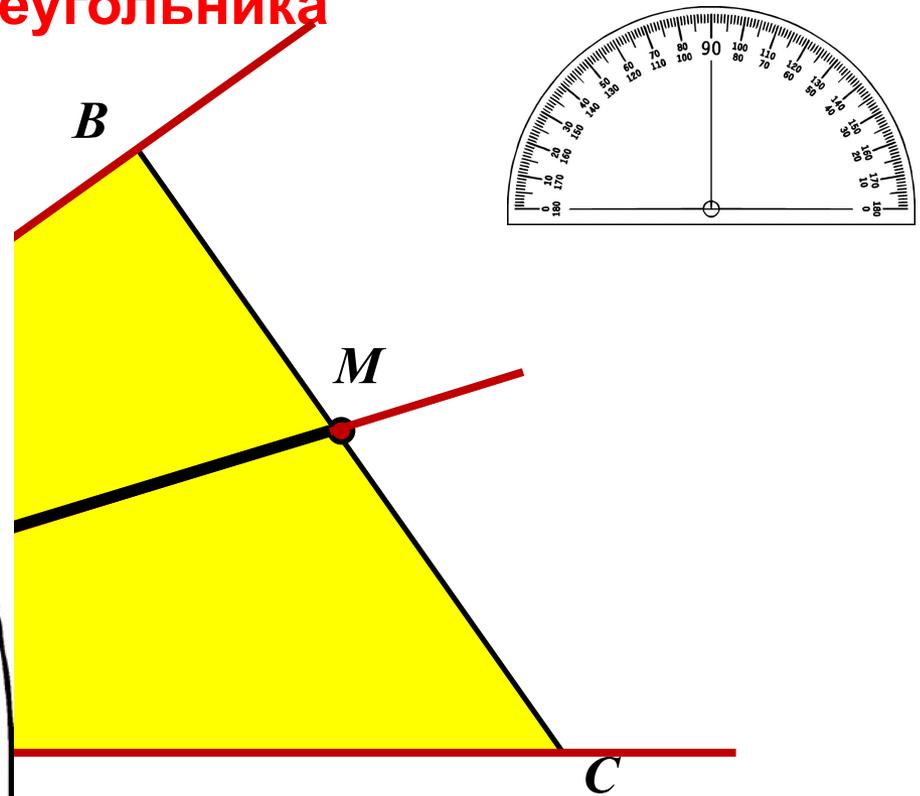
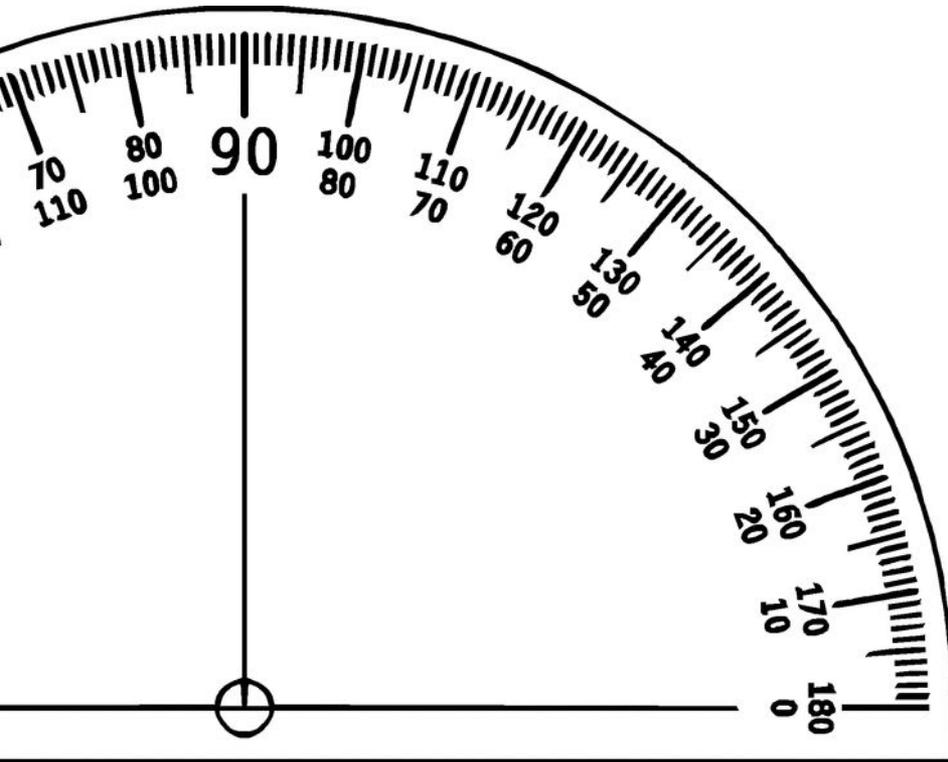


$AK = KB, K \in AB \rightarrow CK$  – медиана

$BT = TC, T \in BC \rightarrow AT$  – медиана

# Биссектрисы треугольника

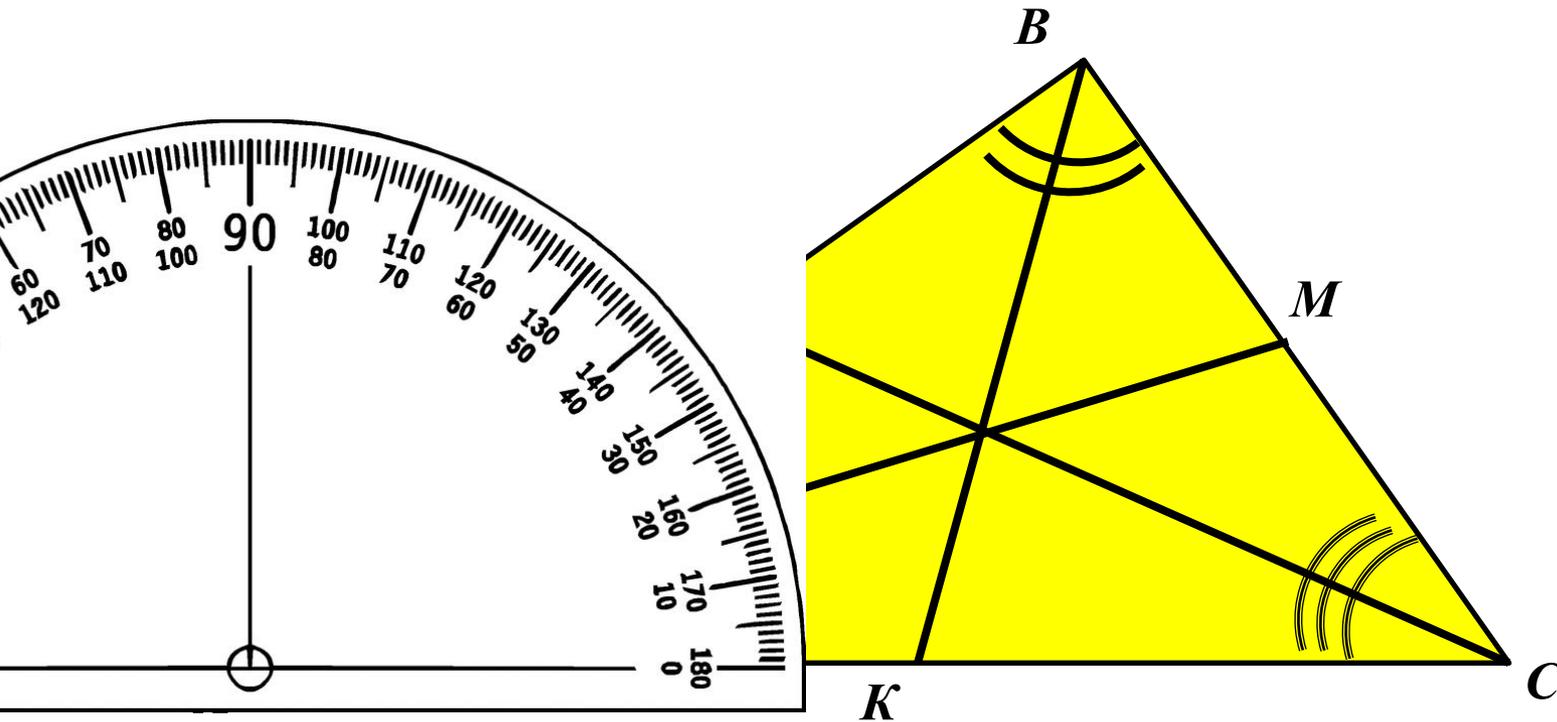
Отрезок биссектрисы угла треугольника, соединяющий вершину треугольника с точкой противоположной стороны, называется **биссектрисой треугольника**



$$\angle BAM = \angle CAM, M \in BC \Rightarrow AM - \text{биссектриса}$$

# Биссектрисы треугольника

Отрезок биссектрисы угла треугольника, соединяющий вершину треугольника с точкой противоположной стороны, называется **биссектрисой треугольника**



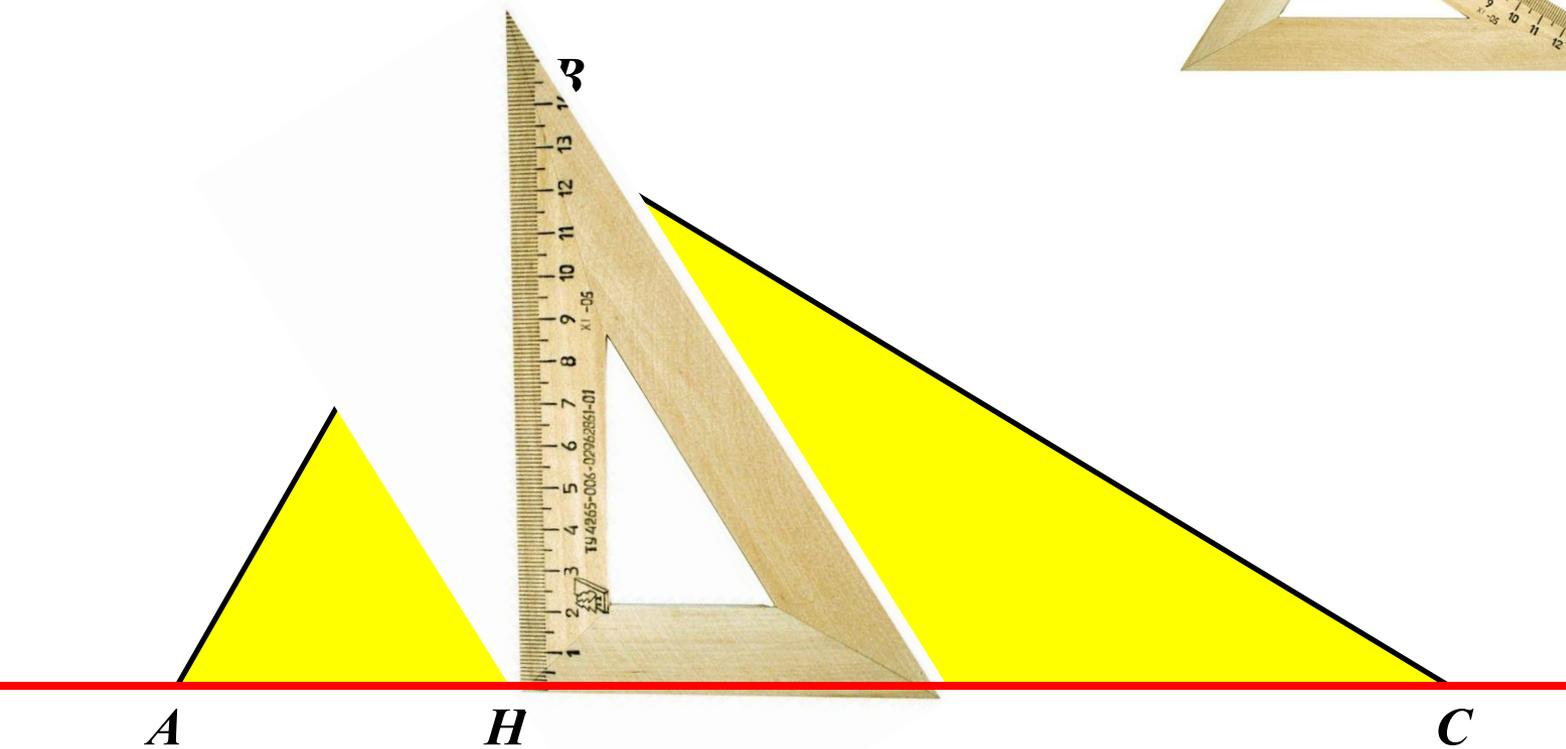
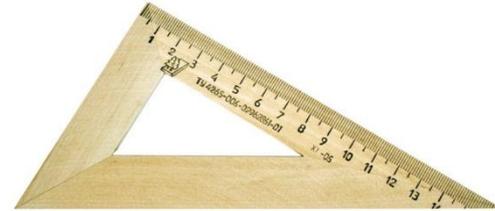
$\angle BAM = \angle CAM, M \in BC \Rightarrow AM$  – биссектриса

$\angle ABK = \angle CBK, K \in AC \Rightarrow BK$  – биссектриса

$\angle BCT = \angle ACT, T \in AB \Rightarrow CT$  – биссектриса

# Высоты треугольника

Перпендикуляр, проведенный из вершины треугольника к прямой, содержащей противоположную сторону, называется **высотой треугольника**



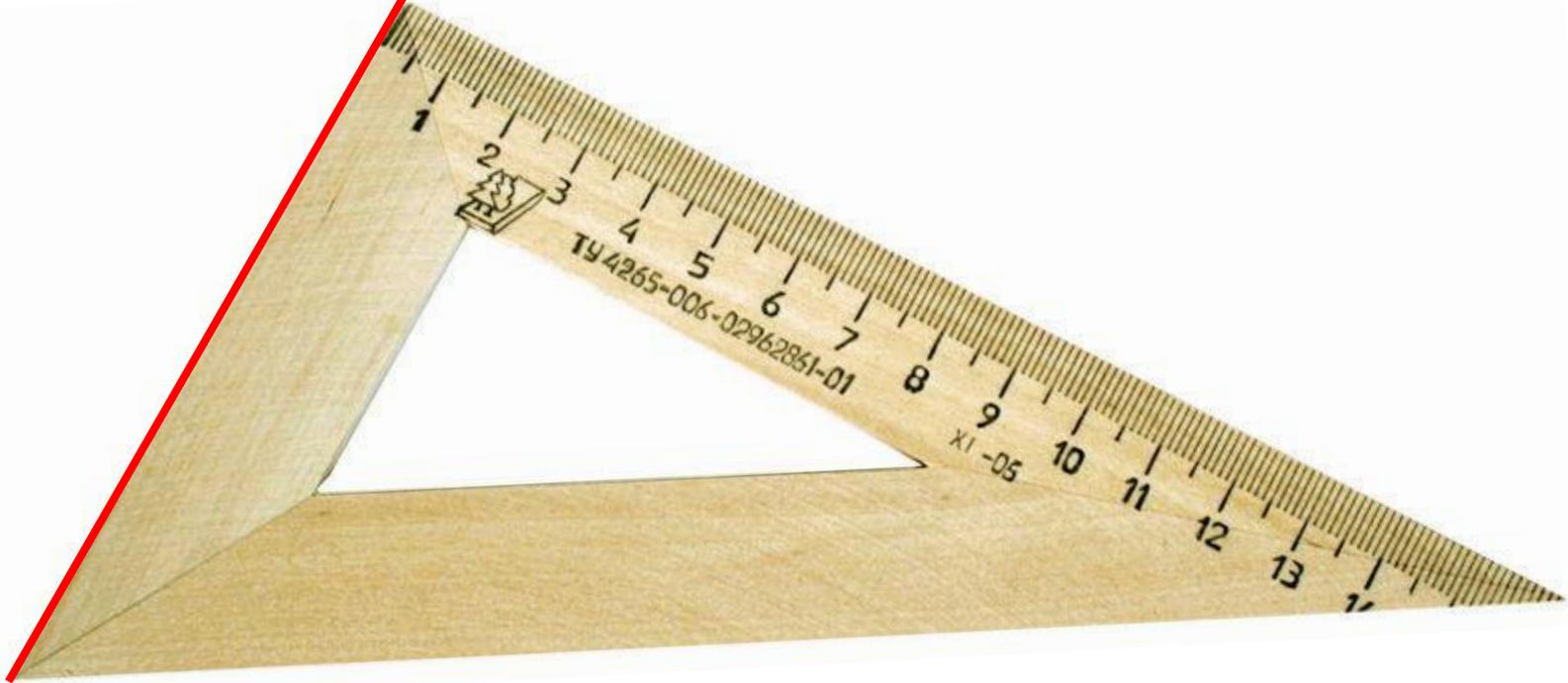
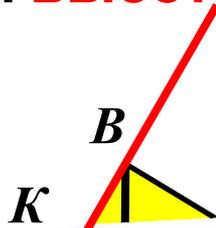
$BH \perp AC$ ,  $BH$  – высота

# Высоты треугольника

Перпендикуляр, проведенный из вершины треугольника к прямой, содержащей противоположную сторону, называется **высотой треугольника**

$BH \perp AC$ ,  $BH$  – высота

$CK \perp AB$ ,  $CK$  – высота



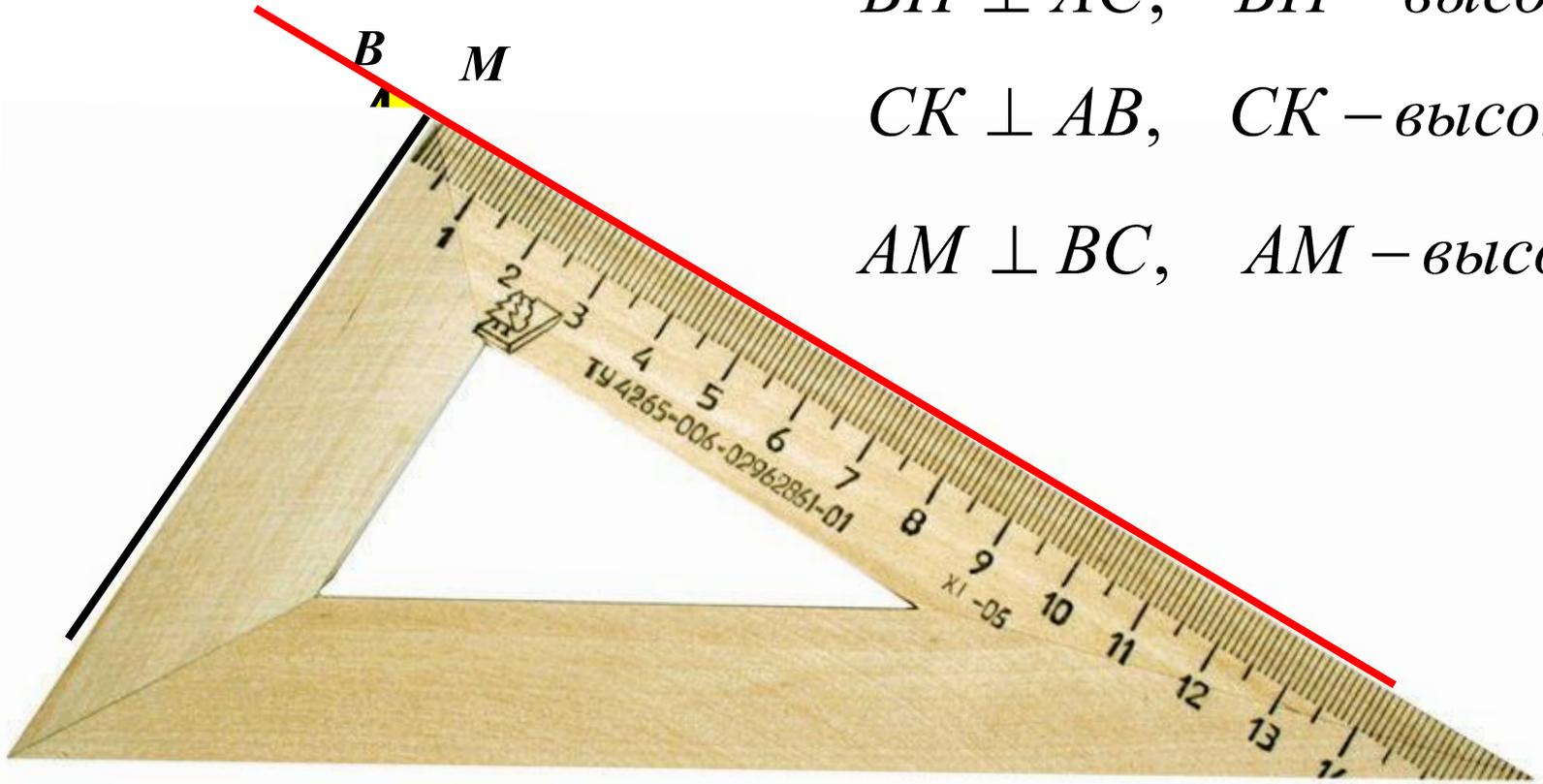
# Высоты треугольника

Перпендикуляр, проведенный из вершины треугольника к прямой, содержащей противоположную сторону, называется **высотой треугольника**

$BH \perp AC$ ,  $BH$  – высота

$CK \perp AB$ ,  $CK$  – высота

$AM \perp BC$ ,  $AM$  – высота



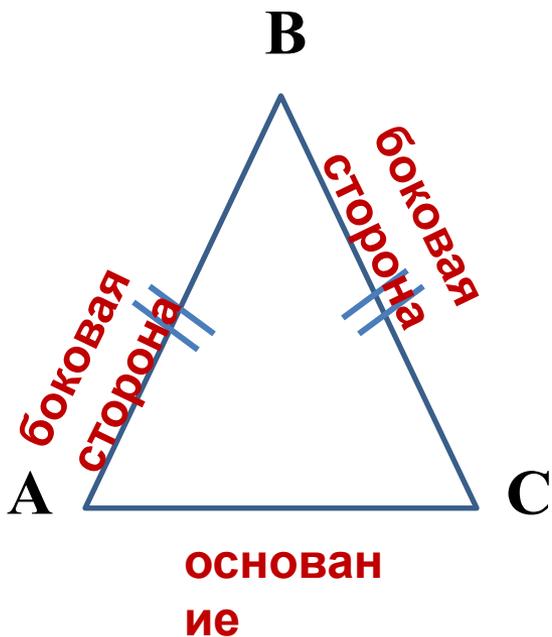
# Высоты треугольника

Перпендикуляр,  
проведенный из вершины  
треугольника к прямой,  
содержащей  
противоположную  
сторону,  
высотой



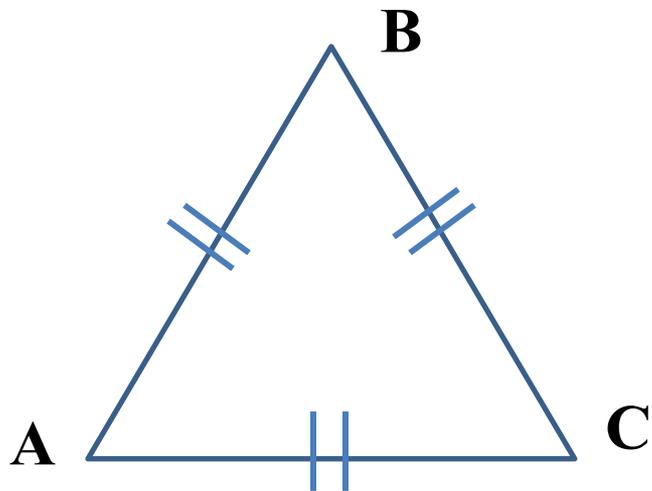
$CH \perp AB$ ,  $CH$  – высота

# Равнобедренный треугольник



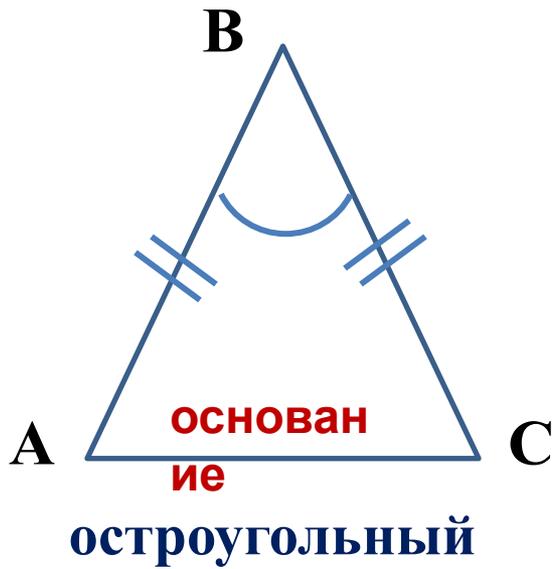
Треугольник, у которого две стороны равны, называется **равнобедренным**. Равные стороны называются **боковыми сторонами**, а третья сторона – **основанием** треугольника.

Углы A и C называются **углами при основании**  
Угол B (лежит против основания) – **угол при вершине**

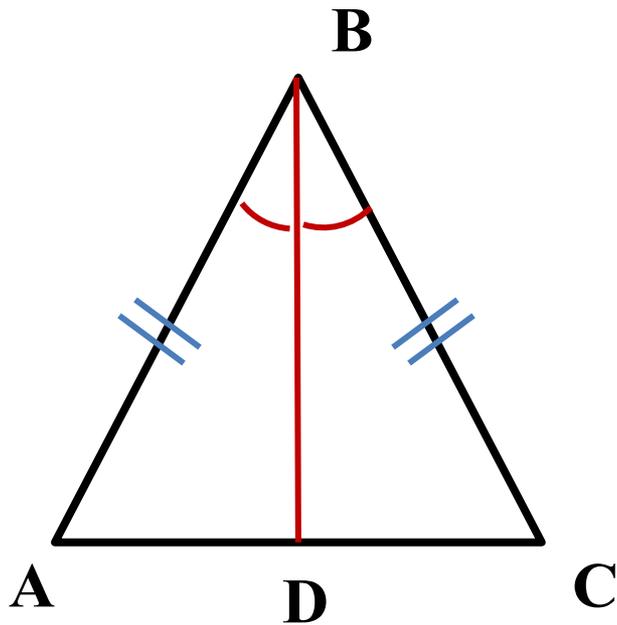


Треугольник, у которого все стороны равны, называется **равносторонним**

# Виды равнобедренных треугольников



# Свойство равнобедренных треугольников



## Теорема.

*В равнобедренном треугольнике углы при основании равны*

*Дано :  $\triangle ABC$ ,  $AB = BC$*

*Доказать :  $\angle A = \angle C$*

## *Доказательство.*

*Проведем биссектрису  $BD$ .*

*Рассмотрим треугольники  $ABD$  и  $CBD$ . У них:*

*1) ...    2) ...    3) ...*

*Из равенства  $\triangle ABD = \triangle CBD$  следует  $\angle A = \angle C$*

# Медианы, высоты равнобедре

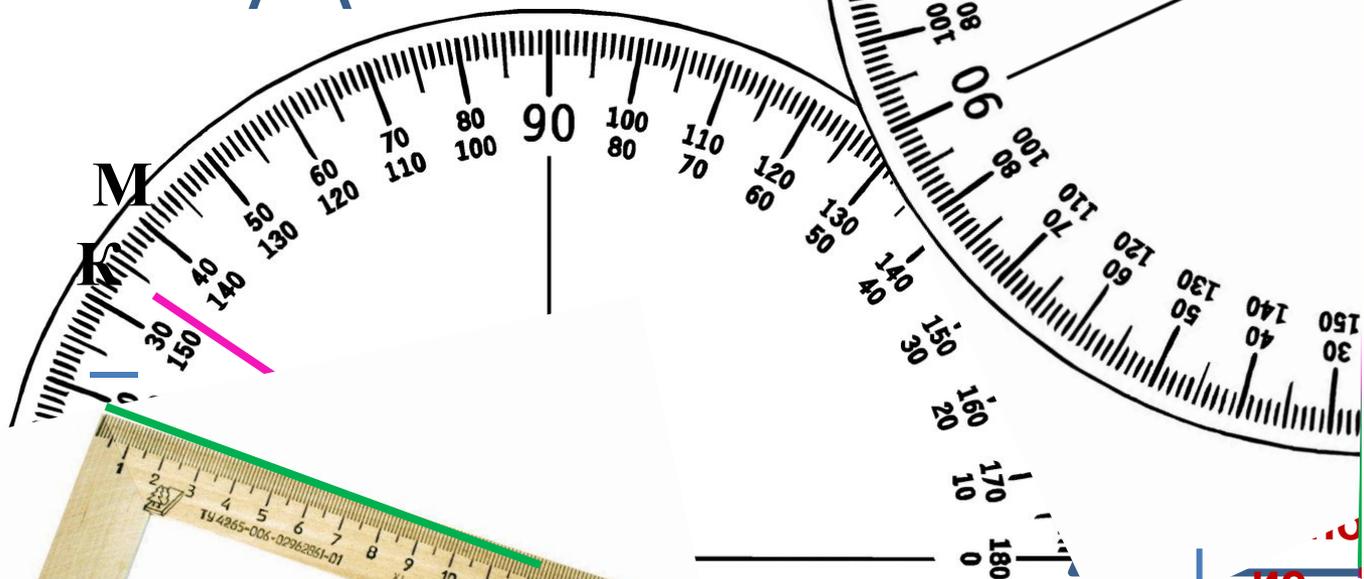
ВЫ В

В



М

К



А

не

М

С

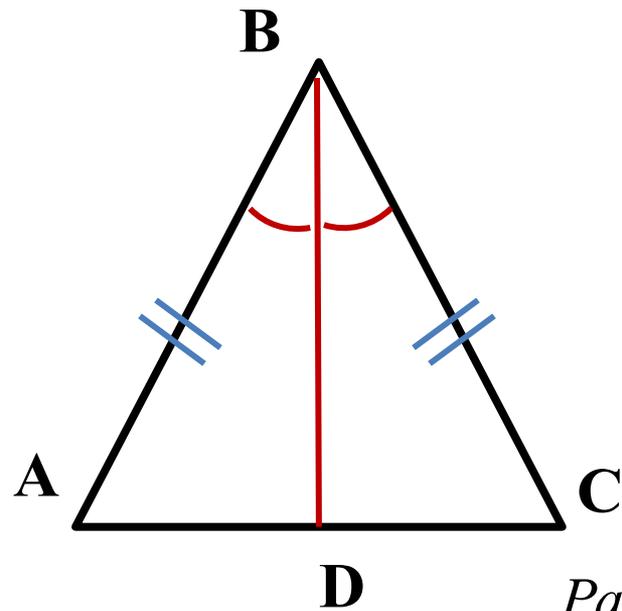
К

Н

## Свойство равнобедренных треугольников

### Теорема.

В равнобедренном треугольнике биссектриса, проведенная к основанию, является медианой и высотой.



Дано:  $\triangle ABC$ ,  $AB = BC$

$BD$  – биссектриса

Доказать:  $BD$  – медиана ( $AD = DC$ )

$BD$  – высота ( $\angle ADB = \angle CDB = 90^\circ$ )

### Доказательство.

Рассмотрим треугольники  $ABD$  и  $CBD$ . У них:

Из равенства  $\triangle ABD = \triangle CBD$  следует ...

1)  $AD = DC$  ( $BD$  – медиана)

2)  $\angle ADB = \angle CDB = 90^\circ$  ( $BD$  – высота)