## **Теоретическая**механика

Задачи

## Подготовка к Контрольной работе

- 1. Точка движется по радиусу диска от центра к фиксированной точке на границе со скоростью  $v_0$ . Найти ее кориолисово и абсолютное ускорения, если диск вращается с постоянной угловой скоростью  $\omega$ .
  - 2. Задача N 12.2 из задачника Мещерского.
- 3. Искусственный спутник обращается вокруг Земли на высоте 500 км по круговой орбите. Определить время обращения и скорость спутника, если известно, что его центростремительное ускорение должно быть равно ускорению свободно падающего тела.

На данной высоте  $g=8,5~{\it m/c^2},$  а радиус Земли  $R\approx 6370~{\it км}.$ 

4. Точка движется по окружности радиусом R равноускоренно из состояния покоя и совершает первый полный оборот за T  $ce\kappa$ . Определить величины скорости и ускорения точки в конце этого промежутка времени.

N1. 
$$y'$$
 $y'$ 
 $y'$ 

$$\dot{z}' = \dot{z}'_{om} = \begin{pmatrix} v_{o} \\ 0 \end{pmatrix};$$

$$Wuop = 2 \cdot D \dot{z}'_{om} = 2v_{o} \omega \begin{pmatrix} -8m\omega t \\ \cos wt \end{pmatrix} = 2v_{o} \omega e_{\varphi}$$

$$|Wuop| = 2v_{o} \omega.$$

$$2 - \dot{u} \cdot \cos o \cdot v_{op} = 2 \cdot \Delta \times v_{ork}.$$

$$\Delta = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \omega \end{pmatrix} - \text{beunp your box cuopoene}$$

$$uogbau. cueseeun S'.$$

$$(cu. Tally "Beceyeuue Thepgois epegh").$$

$$V_{OTH} = D z'_{om} = V_o \begin{pmatrix} coswt \\ suwt \end{pmatrix} = V_o e_g.$$

$$\frac{2}{w_{uop}} = V_o \begin{pmatrix} i & j & k \\ 0 & 0 & w \end{pmatrix} = 2\omega \langle coswt \cdot j - suwt \cdot i \rangle = \frac{2V_o w e_g}{coswt suwt o} = \frac{2V_o w e_g}{coswt suwt o}$$

$$\frac{2}{v_o} \frac{kaugeu wase}{v_o} \cdot \frac{v_o t}{v_o} = \frac{v_o t}{v_o} \left( \frac{s}{v_o} kar. uoueus t = 0 \right) - \frac{v_o t}{v_o} \left( \frac{s}{v_o} kar. uoueus t = 0 \right) - \frac{v_o t}{v_o} \cdot \frac{v_o t}{v_o} = \frac{v_o t}{v_o} \cdot \frac{v_o}{v_o} - \frac{v_o}{v_o} - \frac{v_o}{v_o} \cdot \frac{v_o}{v_o} - \frac{$$

$$\begin{aligned}
wase &= \vec{z} = v_o \omega \cdot e_{\varphi} + v_o \omega \cdot e_{\varphi} + \\
&+ v_o \omega^2 t \cdot (-e_g) = -v_o \omega^2 t \cdot e_g + \\
&+ 2v_o \omega \cdot e_{\varphi} \cdot \\
|wase| &= v_o \omega \sqrt{4 + \omega^2 t^2}
\end{aligned}$$

N2(12.2). 7. 
$$C - \pi \sigma u \alpha \quad u \alpha \quad cbae$$
.

$$T = 0,02 c \; ; \quad \nabla_{k} = 0 \; ;$$

$$L = 6 c u = 0,06 u .$$

$$Hau \pi u : \quad \nabla_{o}.$$

$$X = a = const \quad (1)$$

$$X = at + \nabla_{o} = \nabla_{x}(t) \quad (2)$$

$$X = \frac{at^{2}}{2} + \nabla_{o}t \quad (3)$$

$$Cur aau, vo \quad X_{o} = 0 \; .$$

Ebumeuue pabuozauegneuwe  $\Rightarrow \alpha < 0$ .

2) Umean: 
$$V(T) = V_{K} = 0$$
,  $X(T) = \ell$   
( karaacuni momens  $t = 0 - momens$   
 $ygapa$ ).

Torga: 
$$\begin{cases} aT + v_0 = 0, \\ aT^2 + v_0T = \ell. \end{cases} \Rightarrow v_0 = \frac{2\ell}{T}$$

$$\frac{v_0 = \frac{2 \cdot 0,06}{0,02} = 6(\frac{u_c}{c}).$$

9=R+H; R=6370 mu; H = 500 mm; 1ws1=g=8,5 1/e2. Haun: Tu v= 1251. 1)  $z = 20s = g \left( \frac{\cos \omega t}{\sin \omega t} \right) = g e_g j$  $g = const; \quad v_s = \dot{z} = g\dot{\varphi} \cdot e_{\varphi} = g\omega \cdot e_{\varphi};$ Wg = 2 = -gw2.eg. Torga g=/ws/= gw2, /vs/= gw. Caeg-uo,  $\omega = \sqrt{\frac{g}{s}}$  (1)

$$g = const;$$
  $v_s = \dot{z} = g\dot{\varphi} \cdot e_{\varphi} = g\omega \cdot e_{\varphi};$ 

$$w_s = \dot{z} = -g\omega^2 \cdot e_s.$$

Torga 
$$g = |w_s| = g \omega^2$$
,  $|v_s| = g \omega$ .  
Caeg-uo,  $\omega = \sqrt{\frac{g}{g}}$  (1)

2) 
$$y(1) \Rightarrow T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \left| \frac{s}{g} \right|$$

$$(\varphi(t) = \omega t \Rightarrow 2\pi = \varphi(\tau) = \omega \tau$$
.

3) 
$$|v_{s}| = s\omega = s\sqrt{\frac{g}{s}} = \sqrt{gs}$$

Dano: R - paguye oupy unicenti;  $\dot{\varphi}(t) = eonst$  (pabuoyemp-e glum-e
no oupyrumenum);  $|V_A(0)| = 0$  (T, glumetent T eoemonume

Nouce); T- specul T- ro nonnoro ovopora.

 $φ = (i, 0A)_{H}$ Hatimu:  $|V_{A}(T)| = |W_{A}(T)|$ .

A glum-as προπιβ ταεοβού 
crpeniu

2) Doumenue T. A - paluoyeropenuoe =>  $\dot{\varphi}(t)$  =  $const = \frac{e^{-i\delta_{\gamma}n}}{E}$ .

Cheg-uo,  $\dot{\varphi}(t)$  = Et + e'' = Et (1)  $(\dot{\varphi}(0) = 0, T.K. |V_A(0)| = 0 = R\dot{\varphi}(0)$ .

Toya  $\varphi(t) = \frac{Et^2}{2}$  ( $\varphi(0) = 0$ , T.K. och EX upobegena repegnance uonornenue T. A).

Hangen  $\mathcal{E}: \varphi(T) = 2\pi = \frac{\mathcal{E}T^2}{2} \Rightarrow \mathcal{E} = \frac{4\pi}{T^2}$  (3)

Haugen 
$$\mathcal{E}: \varphi(T) = 2\pi = \frac{\mathcal{E}T^2}{2} \Rightarrow \mathcal{E} = \frac{4\pi}{T^2}$$
 (3)

2) Janon glumenul T. A: 
$$Z(t) = R \begin{pmatrix} \cos \varphi(t) \\ \sin \varphi(t) \end{pmatrix} = R \cdot e_g$$
.  
Chopoems T. A:  $V_1(t) = \bar{\gamma}_1(t) = Rio \begin{pmatrix} -\sin \varphi \\ -\sin \varphi \end{pmatrix} - Rio \cdot e_g$ 

Cuopoems 
$$\tau$$
.  $A$ :  $V_A(t) = \dot{z}(t) = R\dot{\varphi}\left(\frac{-8m\varphi}{\cos\varphi}\right) = R\dot{\varphi} \cdot e\varphi$ ;
$$\frac{|V_A(T)| = R\dot{\varphi}(T) = R \cdot T}{|\tilde{\varphi}(t)| > 0, \ \tau \cdot u} \cdot \varphi(t) - 6\sigma sp.}$$