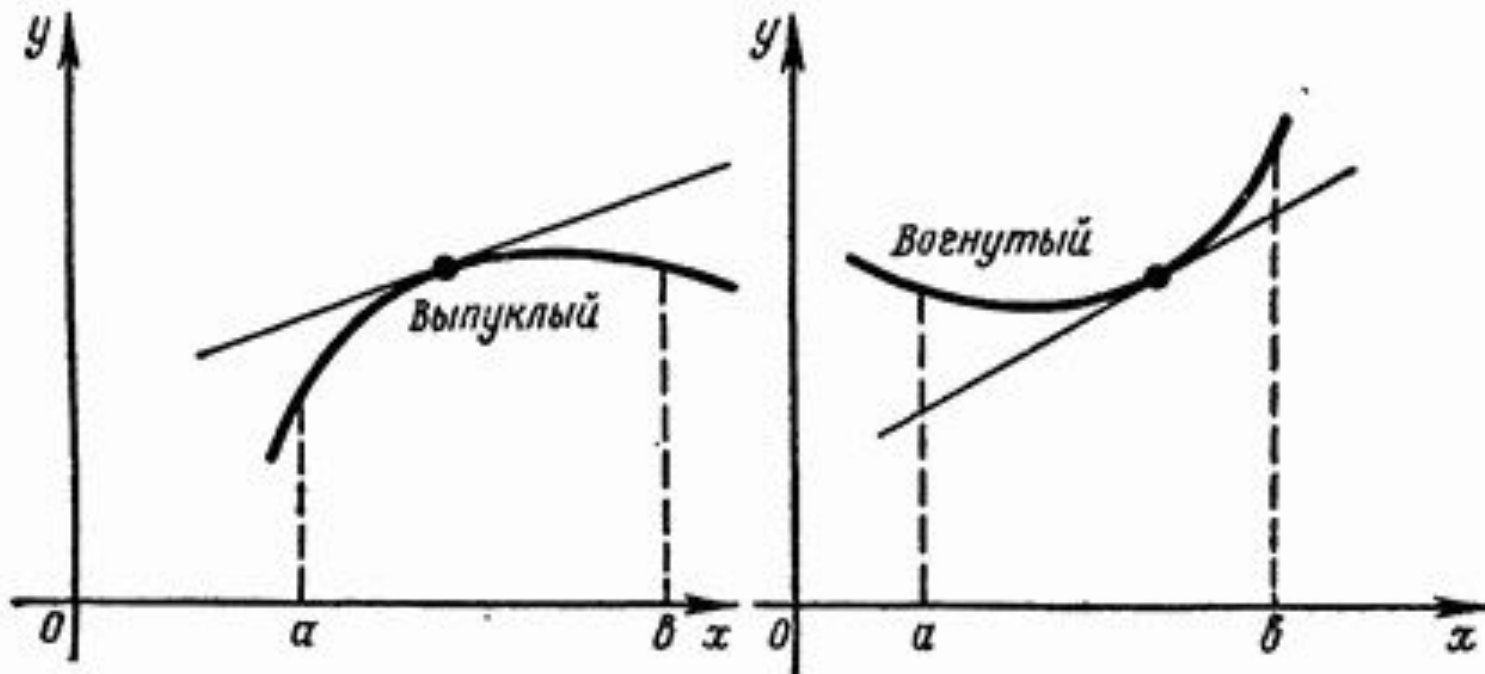


**Вторая производная, ее  
физический смысл.**

**Применение производной  
к построению графиков  
функций**

Если производная  $f'(x)$  функции  $f(x)$  дифференцируема в точке  $(x_0)$ , то её производная называется **второй производной** функции  $f(x)$  в точке  $(x_0)$ , и обозначается  $f''(x_0)$ .



Функция  $f(x)$  называется **выпуклой** на интервале  $(a, b)$ , если её график на этом интервале лежит **ниже** касательной, проведенной к кривой  $y = f(x)$  в любой точке  $(x_0, f(x_0))$ ,  $x_0 \in (a, b)$ .

Функция  $f(x)$  называется **вогнутой** на интервале  $(a, b)$ , если её график на этом интервале лежит **выше** касательной, проведенной к кривой  $y = f(x)$  в любой точке  $(x_0, f(x_0))$ ,  $x_0 \in (a, b)$ .

если  $f''(x) > 0$  для любого  $x \in (a, b)$ , то функция  $f(x)$  является **вогнутой** на интервале  $(a, b)$ ;

если  $f''(x) < 0$  для любого  $x \in (a, b)$ , то функция  $f(x)$  является **выпуклой** на интервале  $(a, b)$ .

Точка, при переходе через которую функция меняет выпуклость на вогнутость или наоборот, называется ***точкой перегиба***.

Рассмотрим график функции  $y = x^3$

Эта функция является вогнутой при  $x > 0$  и выпуклой при  $x < 0$ . В самом деле,  $y'' = 6x$ , но  $6x > 0$  при  $x > 0$  и  $6x < 0$  при  $x < 0$ , следовательно,  $y'' > 0$  при  $x > 0$  и  $y'' < 0$

при  $x < 0$ , откуда следует, что функция  $y = x^3$  является вогнутой при  $x > 0$  и выпуклой при  $x < 0$ . Тогда  $x = 0$  является точкой перегиба функции  $y = x^3$ .

