

# МЕТРОЛОГИЯ И ТЕОРИЯ ИЗМЕРЕНИЙ

---

Лекция 10. Обработка результатов прямых  
однократных измерений

# Обработка результатов прямых однократных измерений

Вопросы, связанные с обработкой результатов прямых однократных измерений, рассматриваются в нормативных документах в области метрологии. К таким документам относятся:

- рекомендация по метрологии М1/11552-86 «Измерения прямые однократные. Оценивание погрешностей результатов измерений»;
- ГОСТ 8.009-84 «ГСП. Нормируемые метрологические характеристики средств измерений»;
- Руководящий документ РД 50-453-84 «Характеристики погрешности средств измерений в реальных условиях эксплуатации. Методы расчета»;
- ГОСТ 8.401-80 «ГСИ. Классы точности средств измерений. Общие требования».

В соответствии с рекомендацией МИ 1552-86 обработка результатов измерений проводится на основе предварительно полученной (априорной) информации о составляющих погрешности и их законах распределения. Считается, что закон распределения случайных составляющих имеет нормальный характер, а неисключенные систематические погрешности распределяются по равномерному закону. Доверительная вероятность принимается, как правило, равной 0,95.

# Обработка результатов прямых однократных измерений. Примеры

*Случай 1.* Имеются  $m$  неисключенных систематических погрешностей, и каждая из них задана своими границами  $\Delta_{ci}$ .

В этом случае доверительная граница суммарной неисключенной систематической погрешности результата измерения  $\Delta_c(P)$  оценивается по формуле

$$\Delta_c(P) = K \sqrt{\sum_{i=1}^m \Delta_{ci}^2},$$

где  $K$  – поправочный коэффициент, зависящий от доверительной вероятности  $P$  и числа  $m$  составляющих  $\Delta_{ci}$ .

При доверительной вероятности  $P = 0.9$  коэффициент  $K = 0.95$ ; при  $P = 0.95$   $K = 1.1$ . При  $P = 0.99$  поправочный коэффициент  $K$  принимается равным 1.45, если число суммируемых слагаемых  $m > 4$ . Если  $m = 4$ , то  $K = 1.4$ ; при  $m = 3$   $K \approx 1.3$ ; при  $m = 2$   $K \approx 1.2$ . Более точные значения  $K$  при  $P = 0.99$  можно найти в ГОСТ 8.207-76 из графиков

$K = \varphi(m, l)$ , где  $l = \frac{\Delta_{c1}}{\Delta_{c2}}$ ,  $\Delta_{c1}$  – максимальная граница;  $\Delta_{c2}$  – граница, ближайшая к  $\Delta_{c1}$ .

# Обработка результатов прямых однократных измерений. Примеры

*Случай 2.* Имеются  $m$  неисключенных систематических погрешностей. Каждая из известных погрешностей задана доверительными границами с различными доверительными вероятностями. В этом случае

$$\Delta_c(P) = K \sqrt{\sum_{i=1}^m \frac{\Delta_{ci}^2(P_i)}{K_i^2}},$$

где  $\Delta_{ci}(P_i)$  — доверительная граница  $i$ -й неисключенной систематической погрешности, соответствующая доверительной вероятности  $P_i$ ,  $K$  и  $K_i$  — коэффициенты, соответствующие доверительным вероятностям  $P$  и  $P_i$  соответственно.

*Случай 3.* Имеются только случайные составляющие погрешности, заданные средними квадратическими отклонениями (СКО), взятыми, например, из технической документации СИ. СКО результата однократного измерения  $\sigma(\tilde{A})$  оценивают по следующей формуле:

$$\sigma(\tilde{A}) = \sqrt{\sum_{i=1}^m \sigma_i^2}$$

где  $\sigma_i$  — СКО случайных составляющих погрешностей измерения,  $m$  — число случайных составляющих погрешностей измерения.

Доверительные границы случайной погрешности результата измерения вычисляют по формуле

$$\overset{o}{\Delta}(P) = z(P)\sigma(\tilde{A}) = z(P)\sqrt{\sum_{i=1}^m \sigma_i^2}$$

где  $z(P)$  — аргумент функции Лапласа для соответствующей доверительной вероятности.

# Обработка результатов прямых однократных измерений. Примеры

*Случай 4.* Имеются только случайные составляющие, задаваемые СКО, полученные экспериментально при числе измерений  $n < 30$ . Для этого случая

$$\overset{\circ}{\Delta}(P) = t(P, n) \sqrt{\sum_{i=1}^m \sigma_i^2}$$

где  $t(P, n)$  – коэффициент Стьюдента, определяемый по заданным ( $P$ ) и числу ( $n$ ).

*Случай 5.* Имеются только случайные составляющие погрешности, задаваемые доверительными границами  $\overset{\circ}{\Delta}_i(P)$ , соответствующими одинаковой доверительной вероятности. Значение доверительных границ результата измерения рассчитывается по формуле

$$\overset{\circ}{\Delta}(P) = \sqrt{\sum_{i=1}^m \overset{\circ}{\Delta}_i^2(P)}$$

*Случай 6.* Имеются только случайные составляющие погрешности, задаваемые доверительными границами  $\overset{\circ}{\Delta}_i(P_i)$  с различными доверительными вероятностями. Для этого случая

$$\overset{\circ}{\Delta}(P) = z(P) \sqrt{\sum_{i=1}^m \frac{\overset{\circ}{\Delta}_i^2(P_i)}{z^2(P_i)}} = z(P) \sigma(A)$$

где  $z(P)$ ,  $z(P_i)$  – аргументы функции Лапласа.

# Обработка результатов прямых однократных измерений. Примеры

*Случай 7.* Имеются систематические и случайные составляющие погрешности. В этом случае порядок определения погрешности результата измерения зависит от соотношения  $\Delta_c(P) / \sigma(A)$ .

Если  $\Delta_c(P) / \sigma(A) < 0,8$ , то в качестве погрешности результата измерения принимаются доверительные границы случайных погрешностей.

Если  $\Delta_c(P) / \sigma(A) > 8$ , то в качестве погрешности результата измерения принимаются границы неисключенных систематических погрешностей.

Если  $0,8 \leq \Delta_c(P) / \sigma(A) \leq 8$ , то доверительную границу погрешности результата измерения вычисляют по формуле

$$\Delta(P) = K_i [\Delta_c(P) + \overset{\circ}{\Delta}(P)]$$

Значения  $K_i$  для доверительных вероятностей 0,95 и 0,99 представлены в таблице.

$\Delta_c(P) / \sigma(A)$	0,8	1	2	3	4	5	6	7	8
$K(0,95)$	0,76	0,74	0,71	0,73	0,76	0,78	0,79	0,80	0,81
$K(0,99)$	0,84	0,82	0,80	0,81	0,82	0,83	0,83	0,84	0,85

Во всех рассмотренных случаях форма представления результатов однократных измерений должна соответствовать МИ 1317. При симметричной доверительной погрешности результат однократного измерения представляется в форме

$$A_1; \pm \Delta; P \text{ или } A_1 \pm \Delta; P$$

# Обработка результатов прямых однократных измерений. Примеры

Пример 1. Измерение напряжения  $U_x$  проводилось на резисторе  $R_{\#10}$  при температуре воздуха в помещении  $30^{\circ}\text{C}$  вольтметром, имеющим равномерную шкалу от 0 до 15 В и входное сопротивление 2000 Ом. Погрешность прибора определяется по формуле  $\pm(0.2 + 0.8 / U_x)\%$

Стрелка прибора остановилась на отметке 2 В. Определить результат измерения.

Основная относительная погрешность

$$\delta_0 = \pm(0.2 + 0.8 / 2)\% = 0.6\%$$

что в абсолютной форме составляет  $\pm 0.072$  В.

Дополнительная температурная погрешность, определенная по паспортным данным прибора,  $\delta_T = \pm 0,1\%$ .

При доверительной вероятности  $P = 0.95$  и  $m = 2$   $K = 1.1$ . Следовательно, инструментальная погрешность

$$\delta(P) = 1.1\sqrt{0.6^2 + 0.1^2} = \pm 0.67\%$$

что в абсолютной форме составляет  $\pm 0.013$  В.

Методическая погрешность определяется соотношением сопротивления участка цепи ( $R = 10$  Ом) и входного сопротивления вольтметра ( $R_v = 2000$  Ом):

$$\Delta_m = -\frac{RU_x}{R + R_v} = \frac{10 \cdot 2}{10 + 2000} = -0.01 \text{ В}$$

С учетом методической погрешности в виде поправки  $U_x = 2.01$  В. Результат измерения  $U_x = (2.01 \pm 0.01)$  В;  $P = 0.95$ .