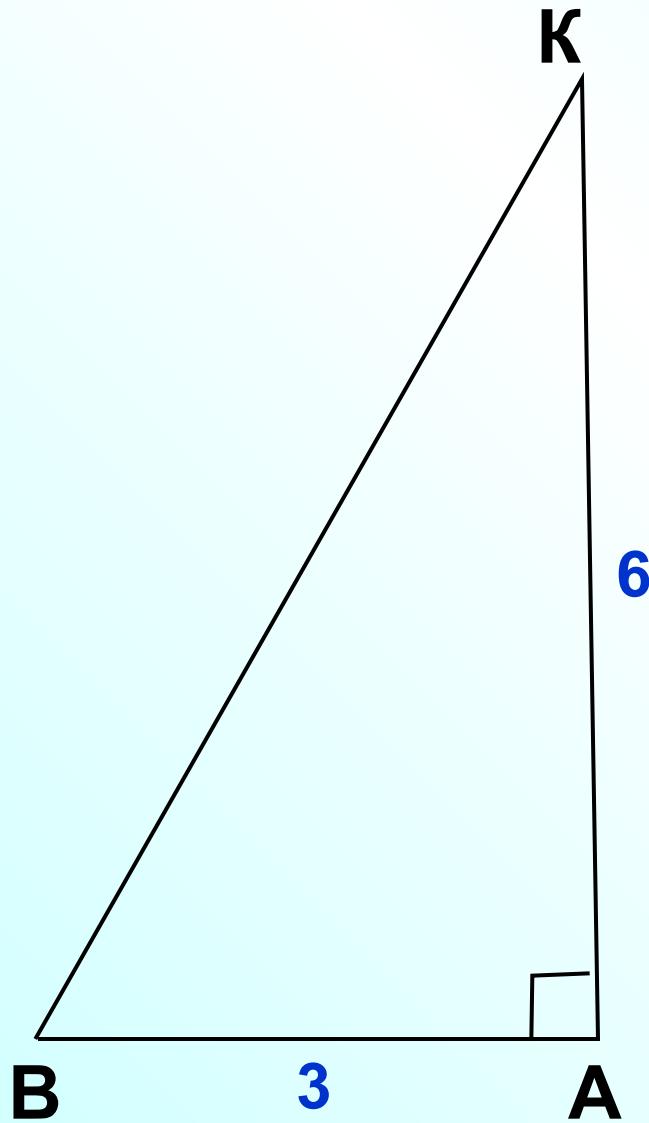


Савченко Е.М., учитель математики,
МОУ гимназия № 1, г. Полярные Зори, Мурманской обл.

Теорема о площади треугольника

Л.С. Атанасян "Геометрия 7-9"

Повторение



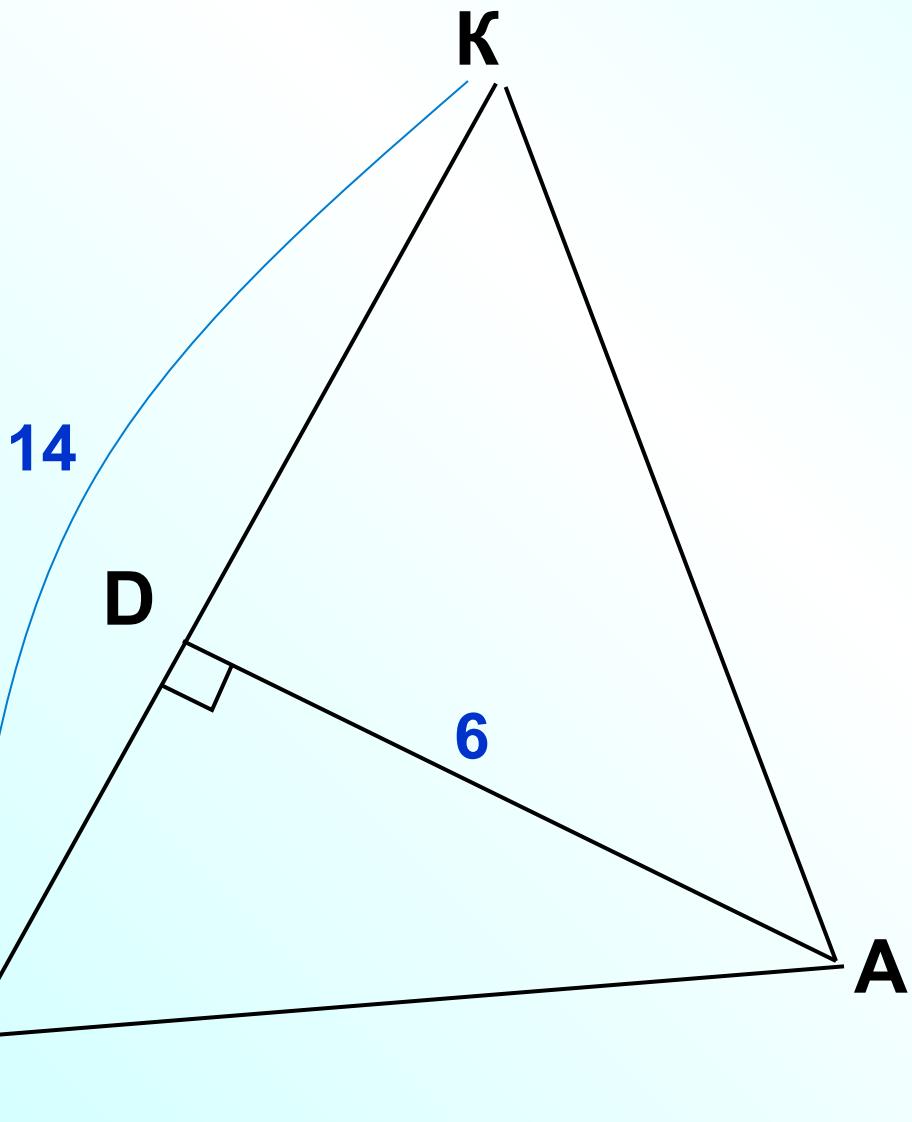
$$S = \frac{1}{2} ab$$

$$S = \frac{1}{2} AK \cdot AB$$

$$S = \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot 3$$

$$S = 9$$

Повторение



$$S = \frac{1}{2} a h_a$$

$$S = \frac{1}{2} BK \cdot AD$$

$$S = \frac{1}{2} \cdot 14 \cdot 6$$

$$S = 42$$

Повторение



$$S = \frac{1}{2}ab$$

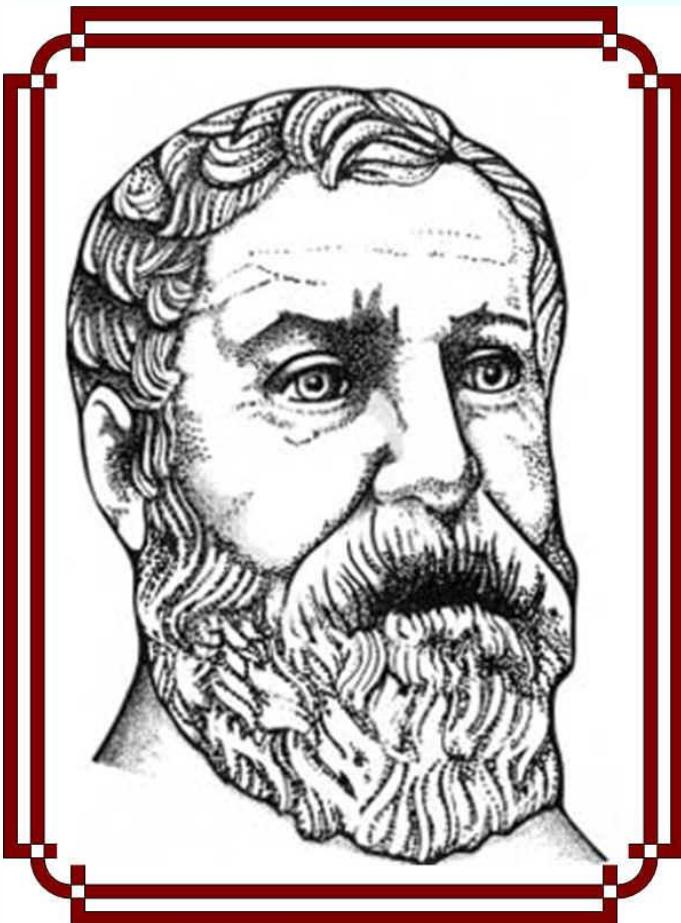
$$S = \frac{1}{2}CA \cdot CB$$

$$S = \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 3$$

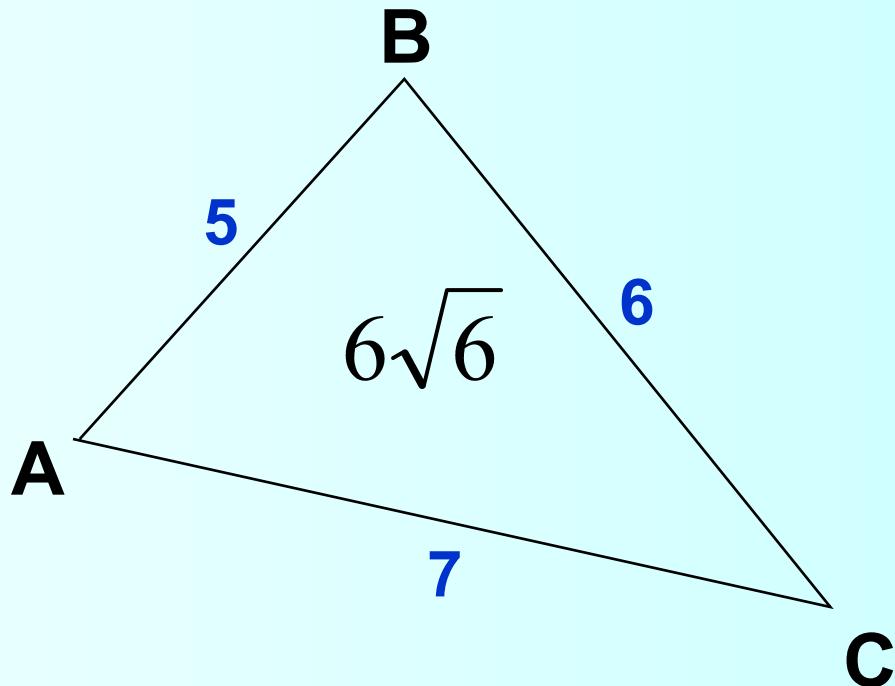
$$S = 6$$

Формула Герона

$$S = \sqrt{p(p - a)(p - b)(p - c)}$$

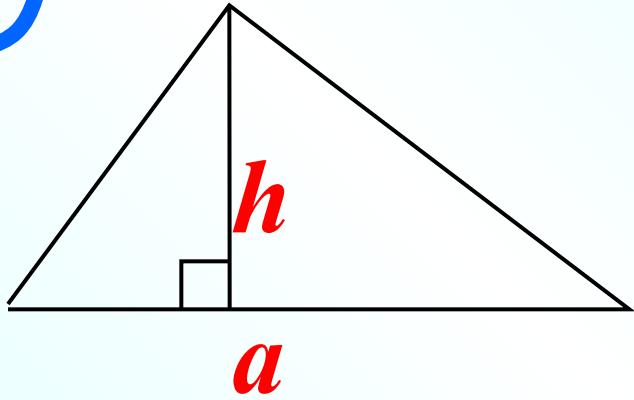


p - полупериметр

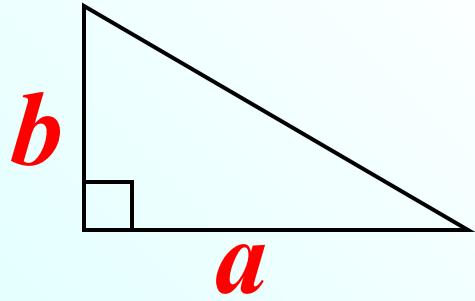


$$S = \sqrt{9(9 - 5)(9 - 6)(9 - 7)} = \sqrt{9 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2} = 3 \cdot 2\sqrt{6}$$

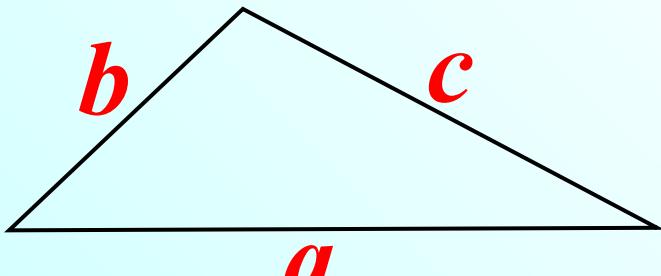
Формулы для вычисления площади треугольника



$$S = \frac{1}{2} a h_a$$



$$S = \frac{1}{2} ab$$



$$S = \sqrt{p(p - a)(p - b)(p - c)}$$

Теорема о площади треугольника

$$\sin \alpha = \frac{y}{a}$$

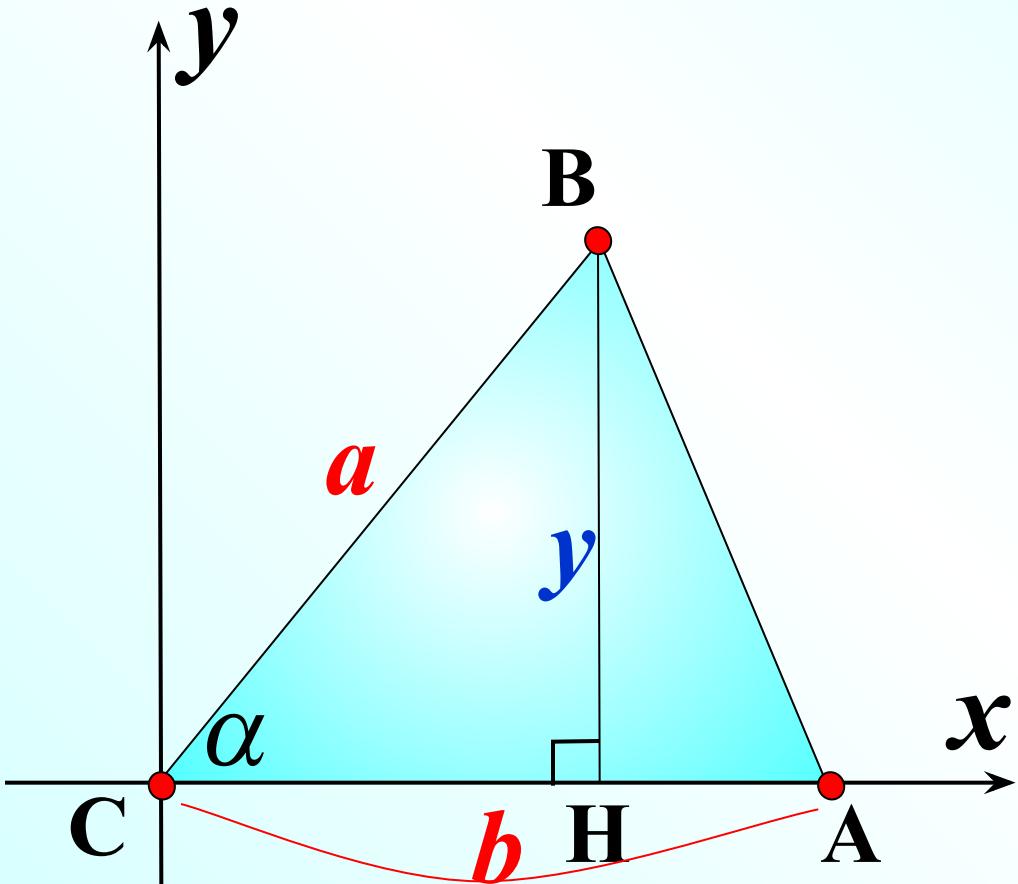
$$y = a \sin \alpha$$

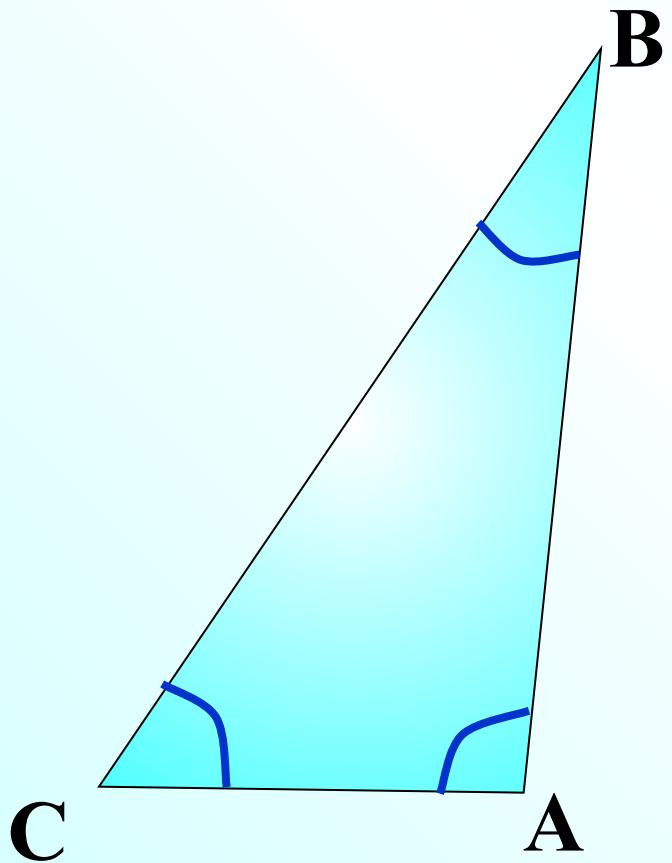
$$S = \frac{1}{2} a h_a$$

$$S = \frac{1}{2} AC \cdot BH$$

$$S = \frac{1}{2} b \cdot (a \cdot \sin \alpha)$$

$$S = \frac{1}{2} ab \sin \alpha$$





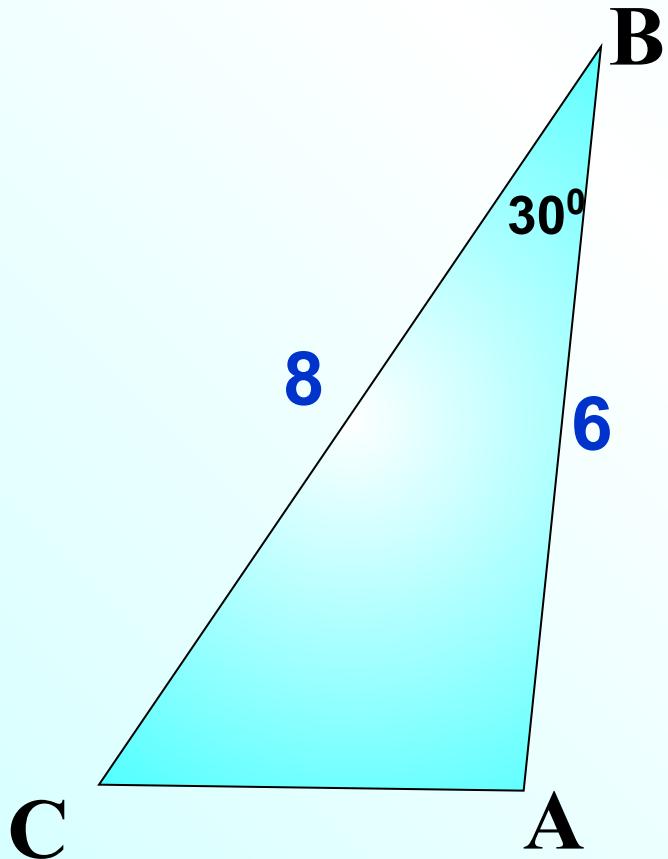
$$S = \frac{1}{2} \cdot AB \cdot BC \cdot \sin B$$

$$S = \frac{1}{2} \cdot AC \cdot BA \cdot \sin A$$

$$S = \frac{1}{2} \cdot AC \cdot BC \cdot \sin C$$

Найти площадь треугольника

$$S = \frac{1}{2}ab \sin a$$

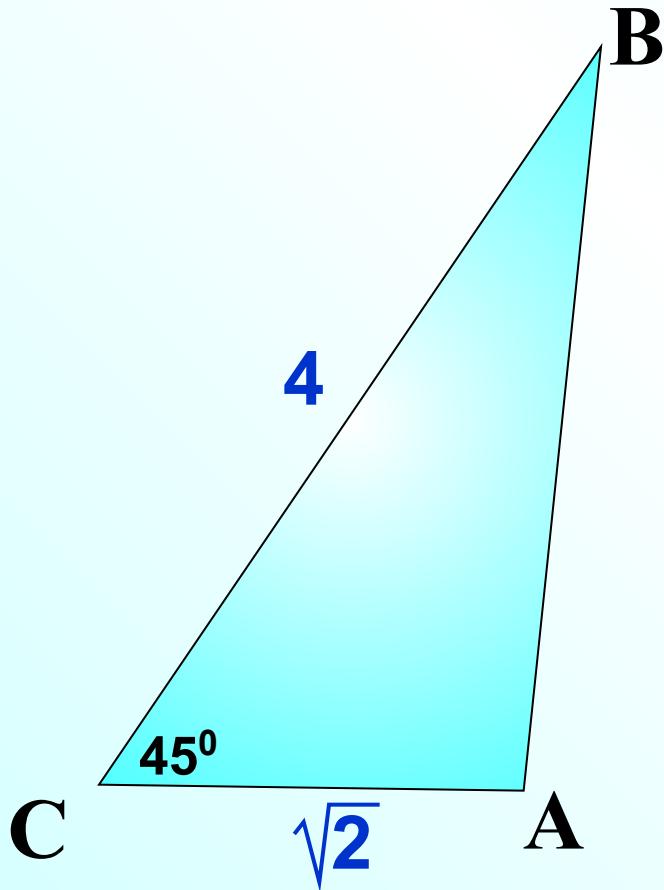


$$S = \frac{1}{2} \cdot 8 \cdot 6 \cdot \sin 30^0$$

$$S = 12$$

Найти площадь треугольника

$$S = \frac{1}{2}ab \sin a$$



$$S = \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot \sqrt{2} \cdot \sin 45^0$$

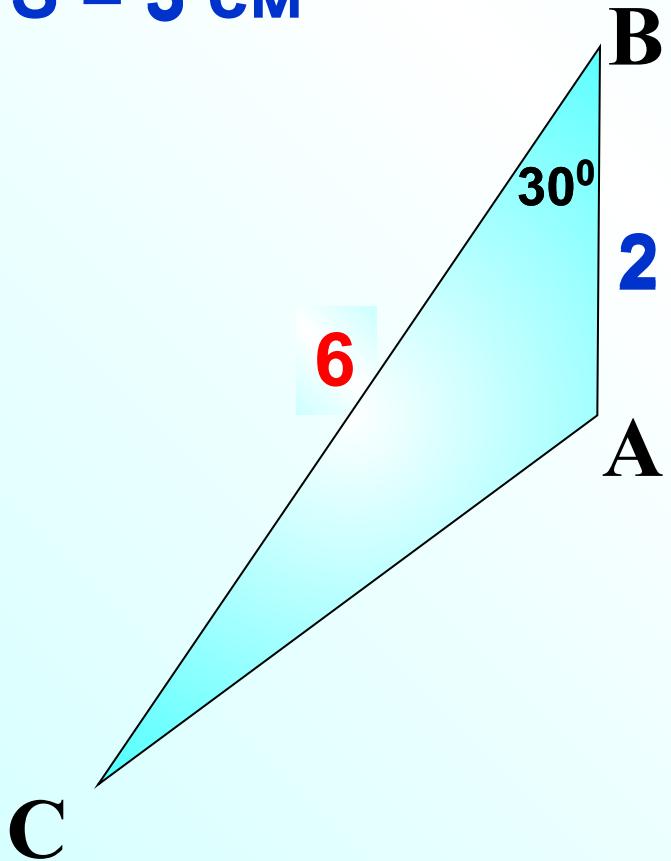
$$S = 2 \cdot \sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$S = 2$$

Найти BC

$$S = \frac{1}{2}ab \sin a$$

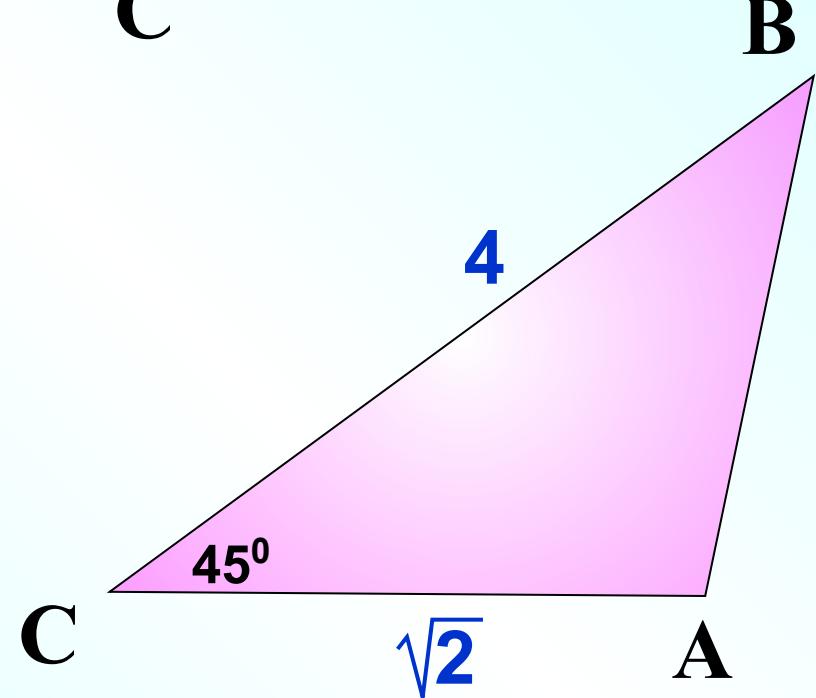
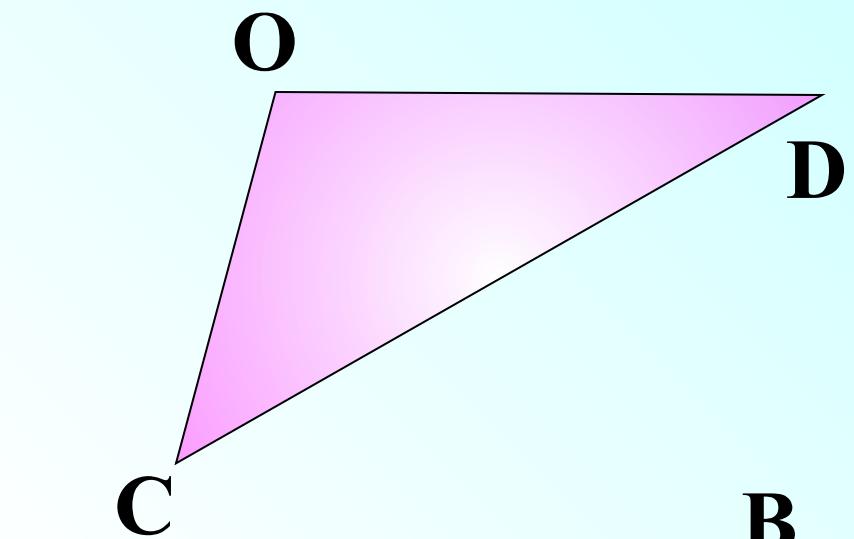
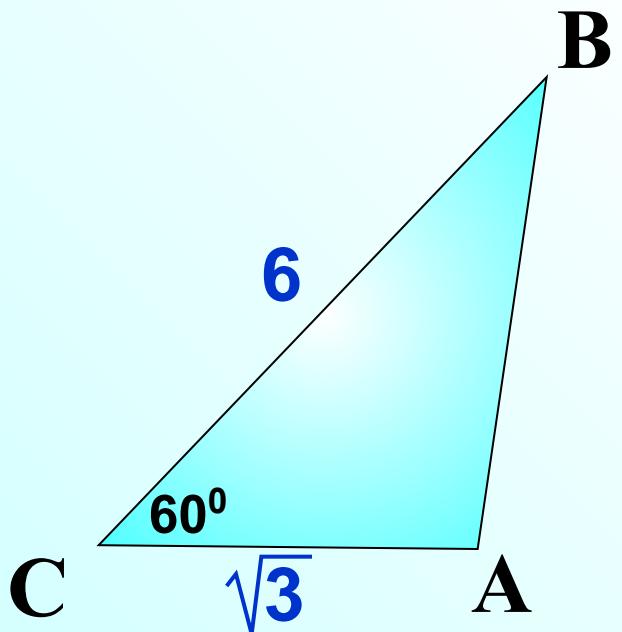
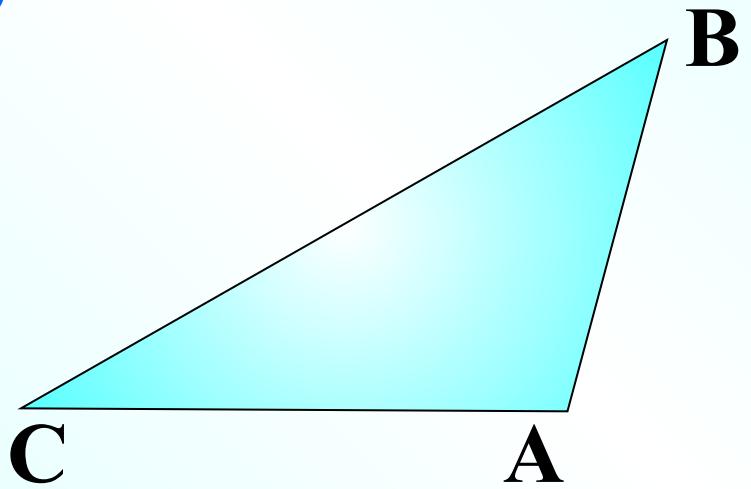
$$S = 3 \text{ см}^2$$



$$3 = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot b \cdot \sin 30^\circ$$

$$3 = b \cdot \frac{1}{2} \quad / \cancel{2}$$

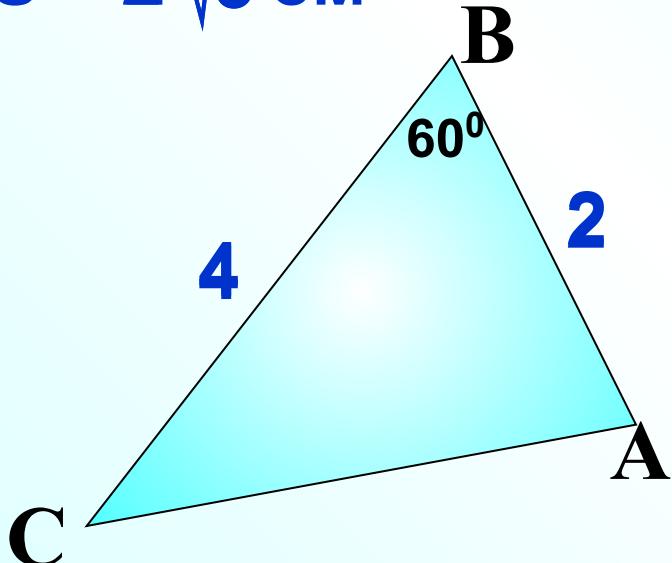
$$b = 6$$



Найти $\angle B$

$$S = \frac{1}{2} ab \sin a$$

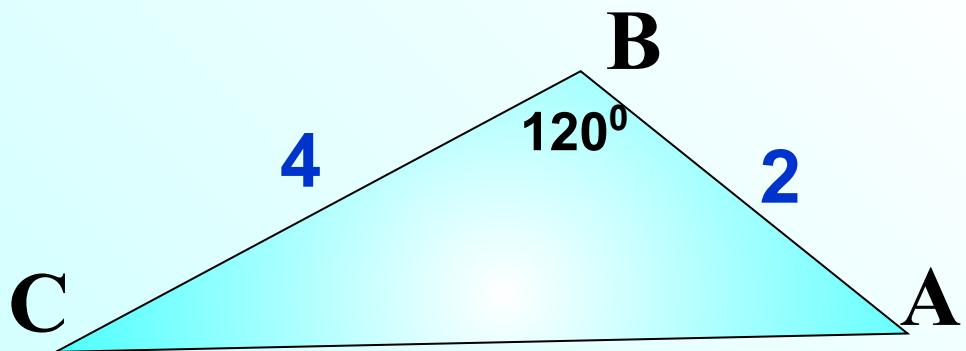
$$S = 2\sqrt{3} \text{ см}^2$$



$$2\sqrt{3} = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 4 \cdot \sin \alpha$$

$$2\sqrt{3} = 4 \cdot \sin \alpha \quad /:4$$

$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

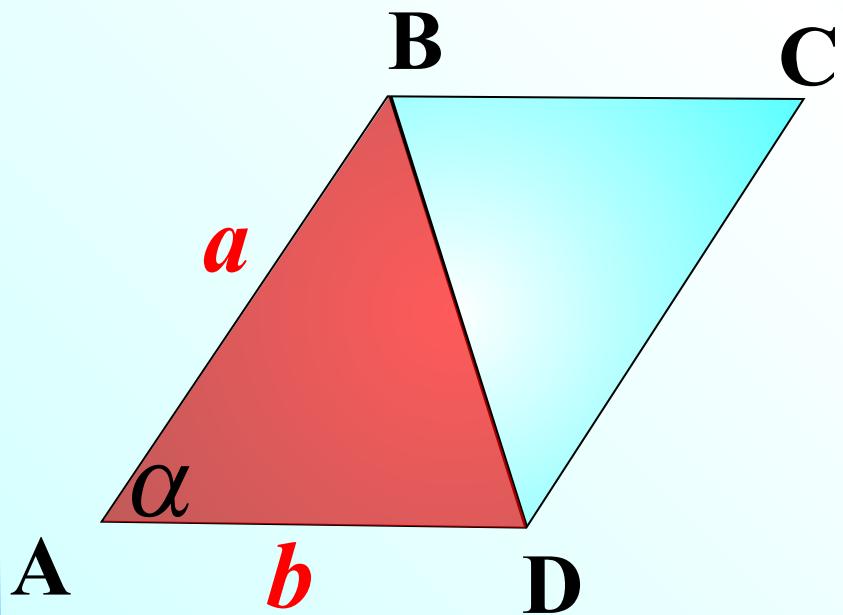


$$\alpha_1 = 60^\circ \quad \alpha_2 = 120^\circ$$

№ 1021 Докажите, что площадь параллелограмма равна произведению двух его смежных на синус угла между ними.

$$S = \frac{1}{2}ab \sin a$$

$$S_{ABD} = \frac{1}{2}ab \sin \alpha$$



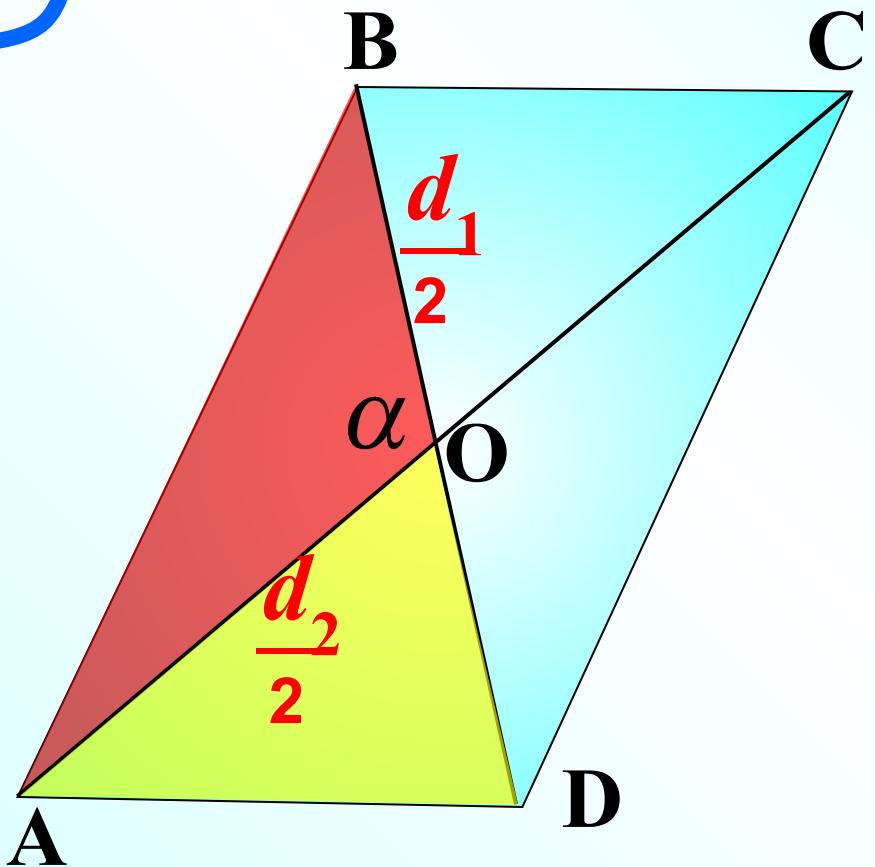
$$\Delta ABD = \Delta CBD$$

$$S_{ABD} = S_{CBD}$$

$$S_{ABCD} = 2 \cdot S_{ABD}$$

$$S_{ABCD} = 2 \cdot \frac{1}{2}ab \sin \alpha$$

$$S = ab \sin a$$



Докажите, что площадь параллелограмма равна половине произведения его диагоналей на синус угла между ними.

$$S = \frac{1}{2} d_1 d_2 \sin \alpha$$

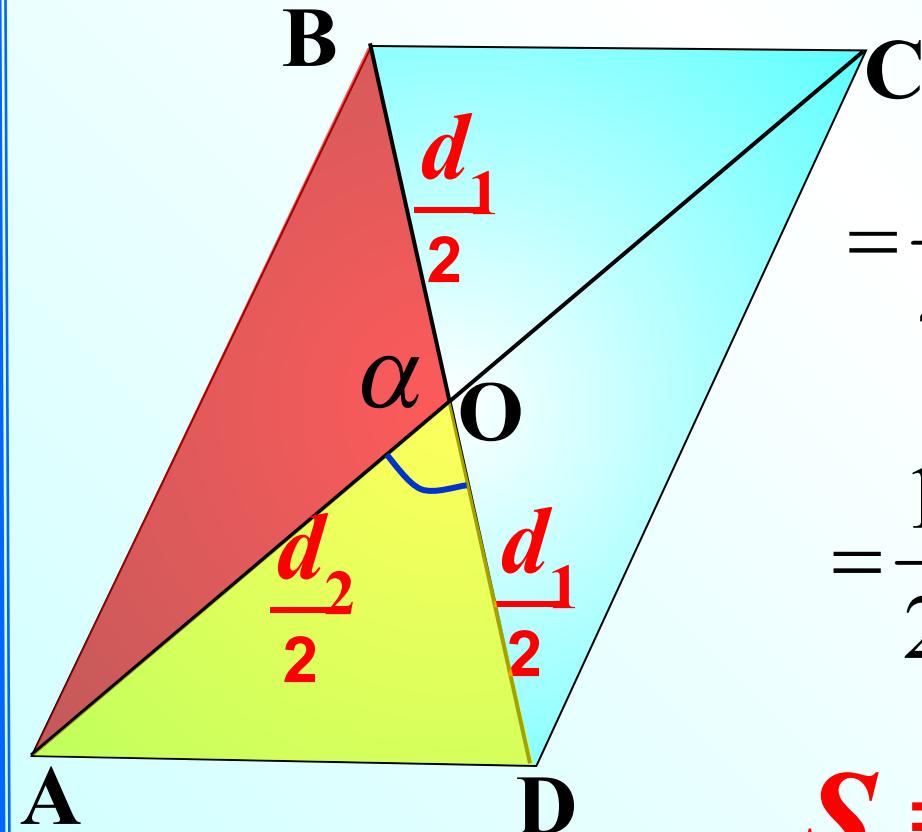
$$\Delta AOB = \Delta COD \Rightarrow S_{AOB} = S_{COD}$$

$$\Delta AOD = \Delta COB \Rightarrow S_{AOD} = S_{COB}$$

$$S_{ABCD} = 2S_{AOB} + 2S_{AOD}$$

$$S_{ABCD} = 2S_{AOB} + 2S_{AOD} =$$

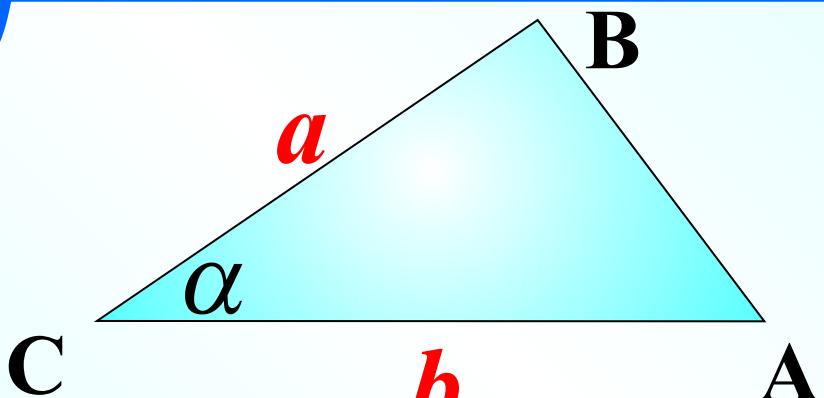
$$= 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{d_1}{2} \cdot \frac{d_2}{2} \sin \alpha + 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{d_1}{2} \cdot \frac{d_2}{2} \sin(180^\circ - \alpha) =$$



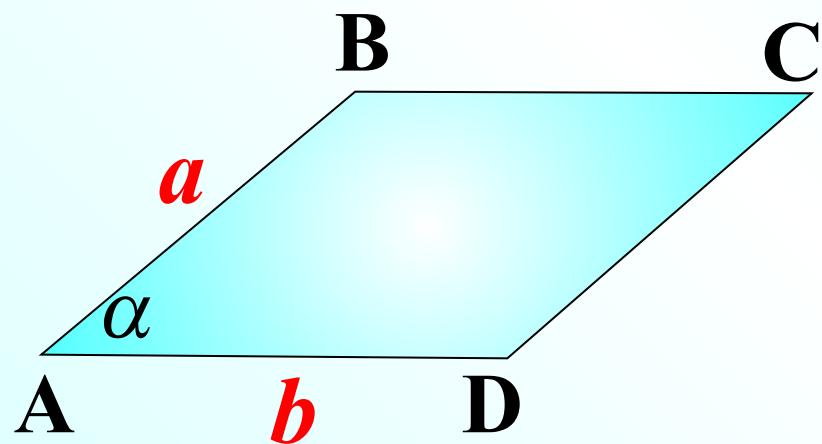
$$= \frac{1}{4} d_1 d_2 \sin \alpha + \frac{1}{4} d_1 d_2 \sin \alpha$$

$$= \frac{1}{2} d_1 d_2 \sin \alpha$$

$$S = \frac{1}{2} d_1 d_2 \sin \alpha$$

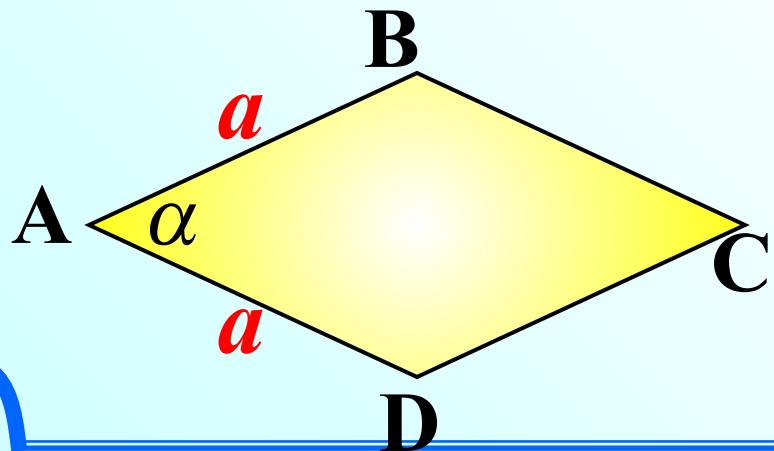


$$S = \frac{1}{2}ab \sin \alpha$$

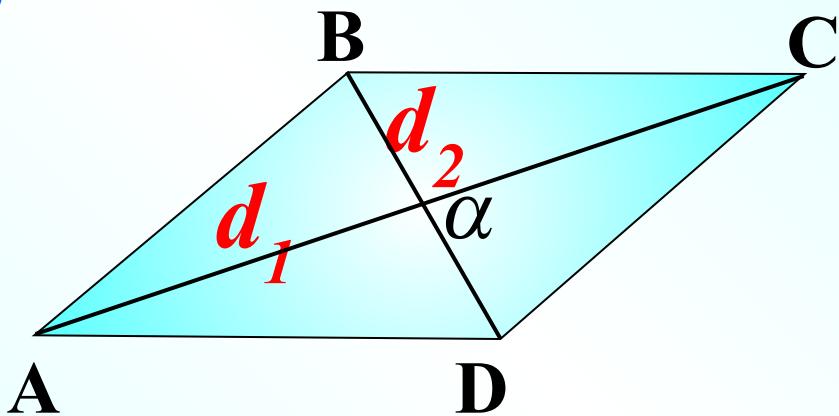


параллелограмм

$$S = ab \sin \alpha$$

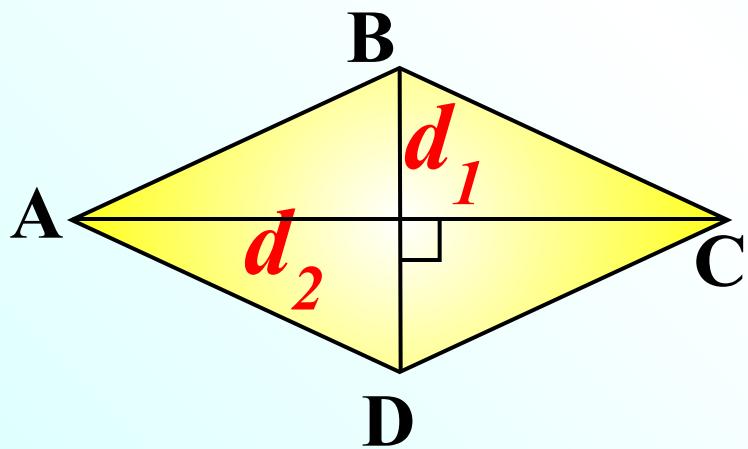


ромб $S = a^2 \sin \alpha$



параллелограмм

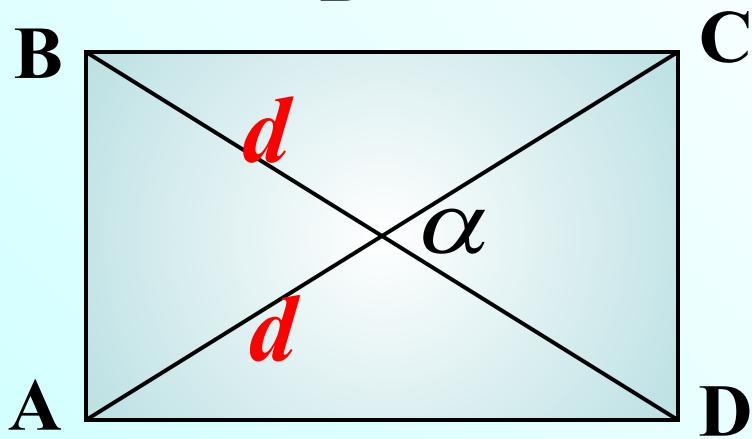
$$S = \frac{1}{2} d_1 d_2 \sin \alpha$$



ромб

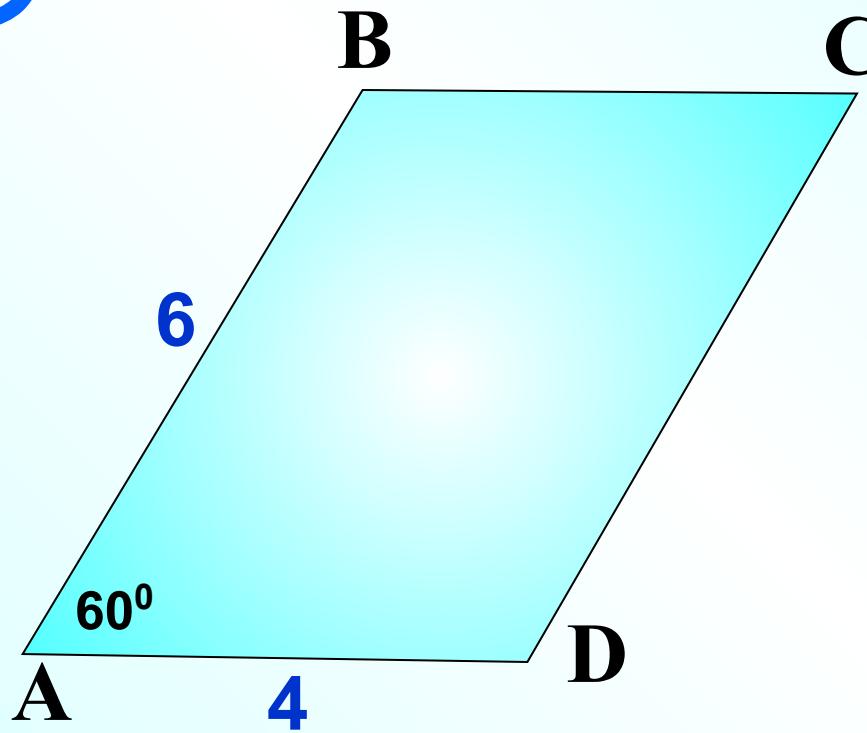
$$S = \frac{1}{2} d_1 d_2$$

1



прямоугольник

$$S = \frac{1}{2} d^2 \sin \alpha$$



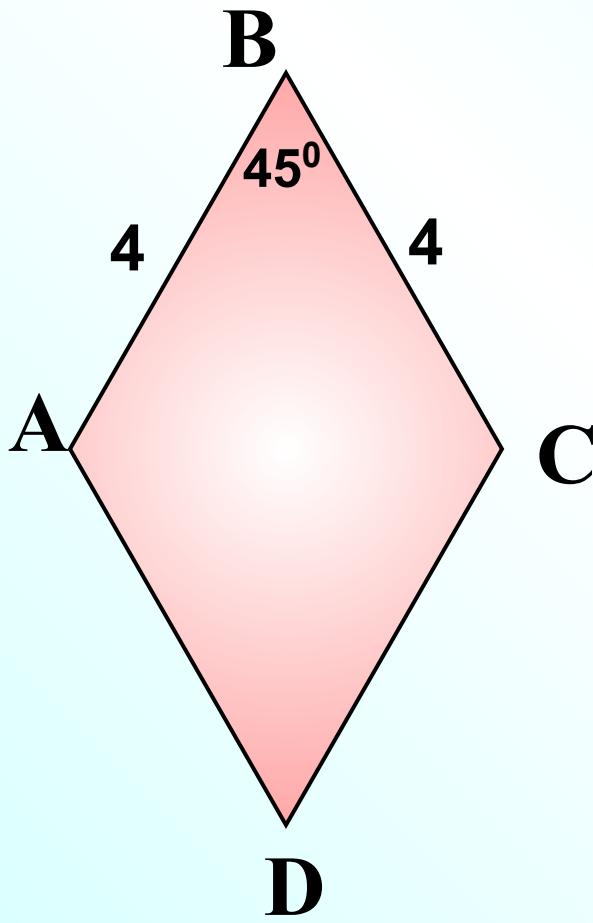
C ABCD – параллелограмм,
AB = 6, AD = 4.

Найти S_{ABCD}

$$S = ab \sin a$$

$$S_{ABCD} = 4 \cdot 6 \cdot \sin 60^\circ = 4 \cdot 6 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 12\sqrt{3}$$

Найти S_{ABCD}

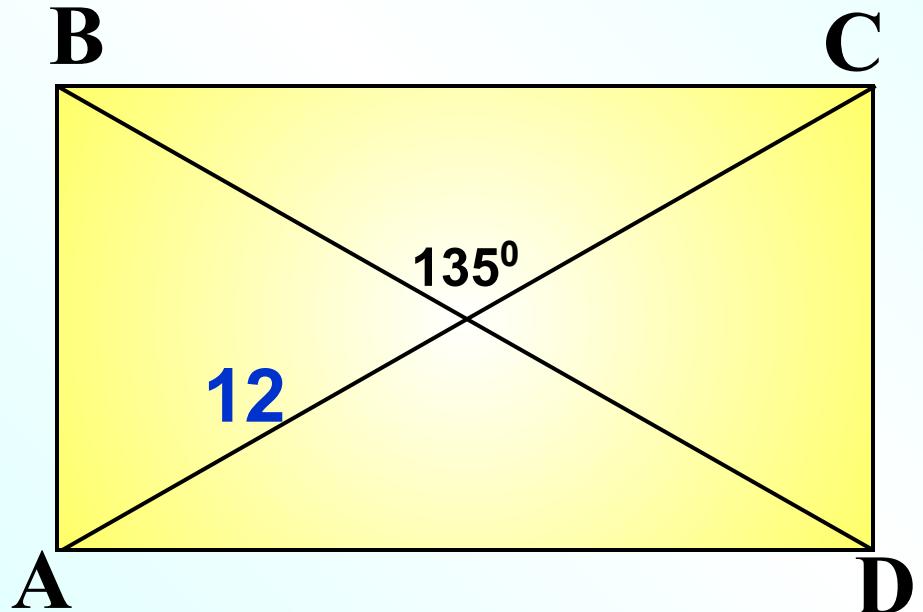


$$S = a^2 \sin a$$

$$S = 4^2 \cdot \sin 45^0$$

$$S = 16 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$S = 8\sqrt{2}$$

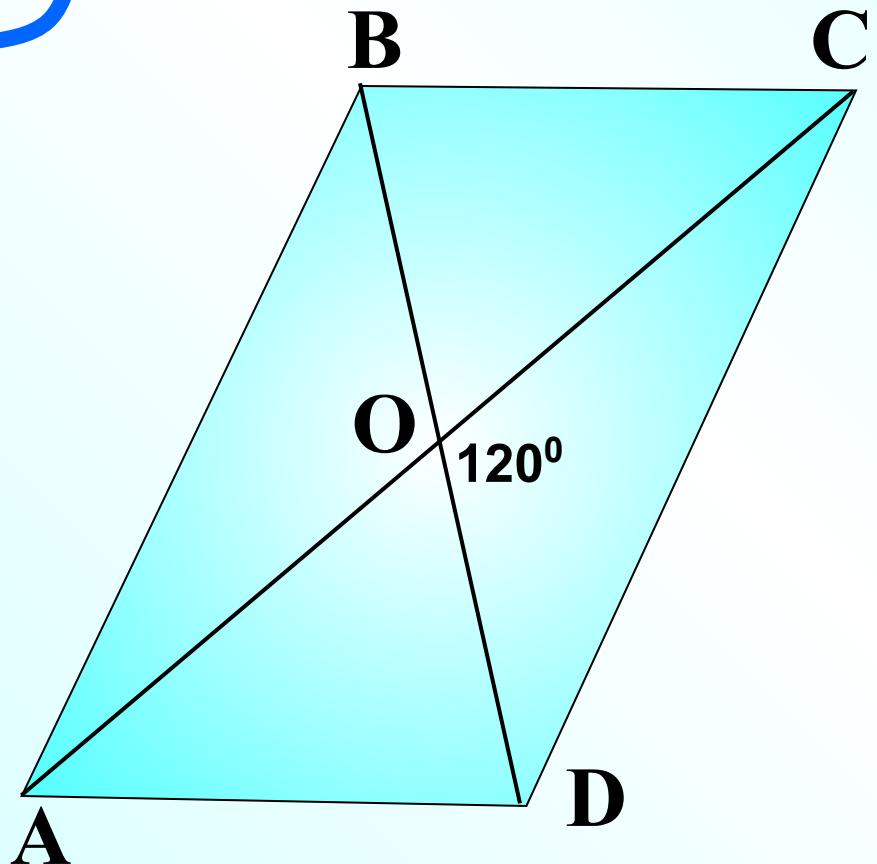


ABCD – прямоугольник,
AC = 12.

Найти S_{ABCD}

$$S = \frac{1}{2} d_1 d_2 \sin a$$

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} \cdot 12 \cdot 12 \cdot \sin 135^0 = \frac{1}{2} \cdot 12 \cdot 12 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 36\sqrt{2}$$



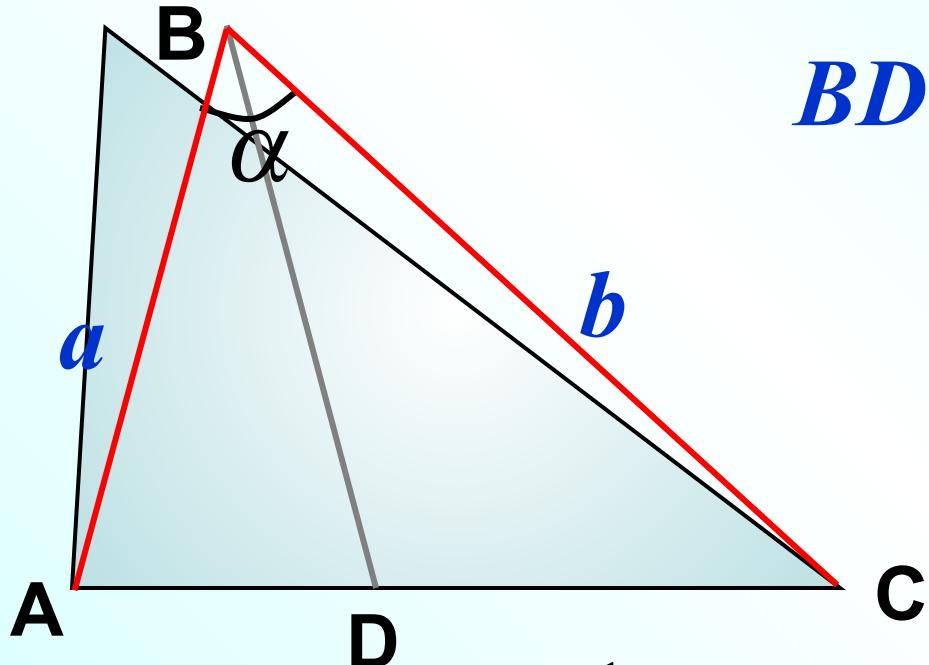
ABCD – параллелограмм,
 $BD = 6$, $AC = 10$.

Найти S_{ABCD}

$$S = \frac{1}{2} d_1 d_2 \sin a$$

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot 10 \cdot \sin 120^\circ = \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot 10 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 15\sqrt{3}$$

Докажите, что биссектриса треугольника делит его на треугольники, площади которых пропорциональны прилежащим сторонам треугольника.



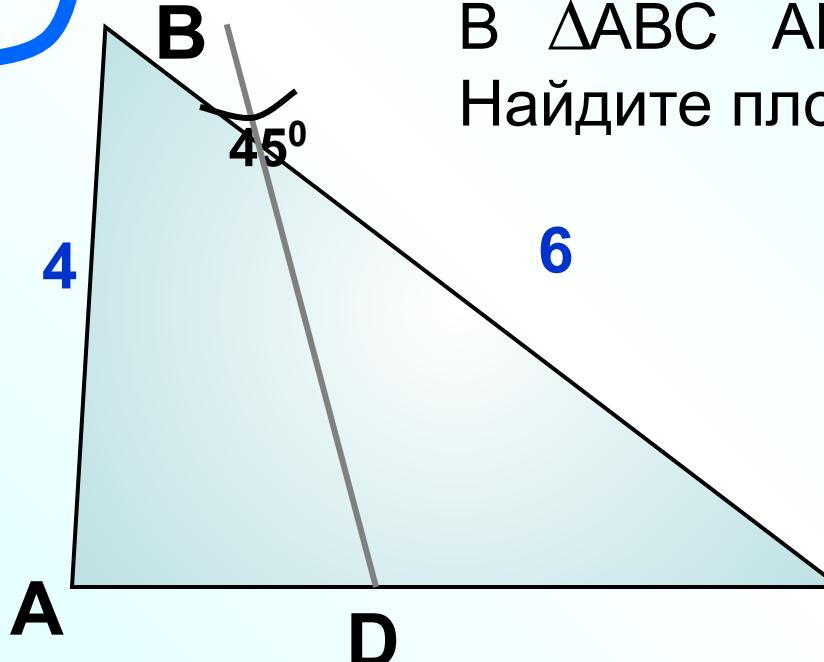
BD – биссектриса угла В

Доказать

$$\frac{S_{ABD}}{S_{DBC}} = \frac{BA}{BC}$$

$$\frac{S_{ABD}}{S_{DBC}} = \frac{\frac{1}{2} \cdot BA \cdot BD \cdot \sin \frac{\alpha}{2}}{\frac{1}{2} \cdot BD \cdot BC \cdot \sin \frac{\alpha}{2}} = \frac{BA}{BC}$$

В ΔABC $AB=4$, $BC=6$, $\angle ABC=45^0$.
Найдите площади треугольников ABD и CBD .



$$\frac{S_{ABD}}{S_{DBC}} = \frac{BA}{BC} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

C $S = \frac{1}{2}ab \sin a$

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 6 \cdot \sin 45^0 = 12 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 6\sqrt{2}$$

$$\frac{6\sqrt{2}}{5} - 1 \text{ часть}, \quad S_{ABD} = \frac{12\sqrt{2}}{5}; \quad S_{DBC} = \frac{18\sqrt{2}}{5}$$

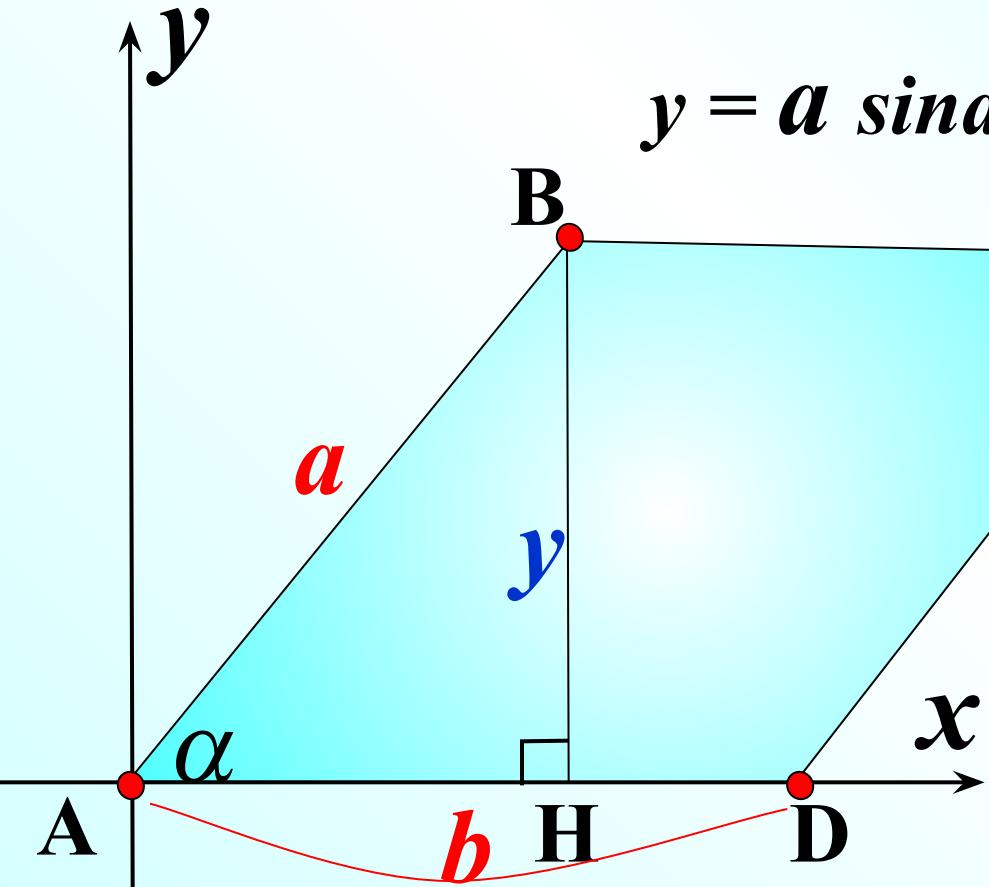
Формула для вычисления площади параллелограмма

$$x = a \cos \alpha$$

* $x = OA \cdot \cos \alpha$

$$y = a \sin \alpha$$

* $y = OA \cdot \sin \alpha$

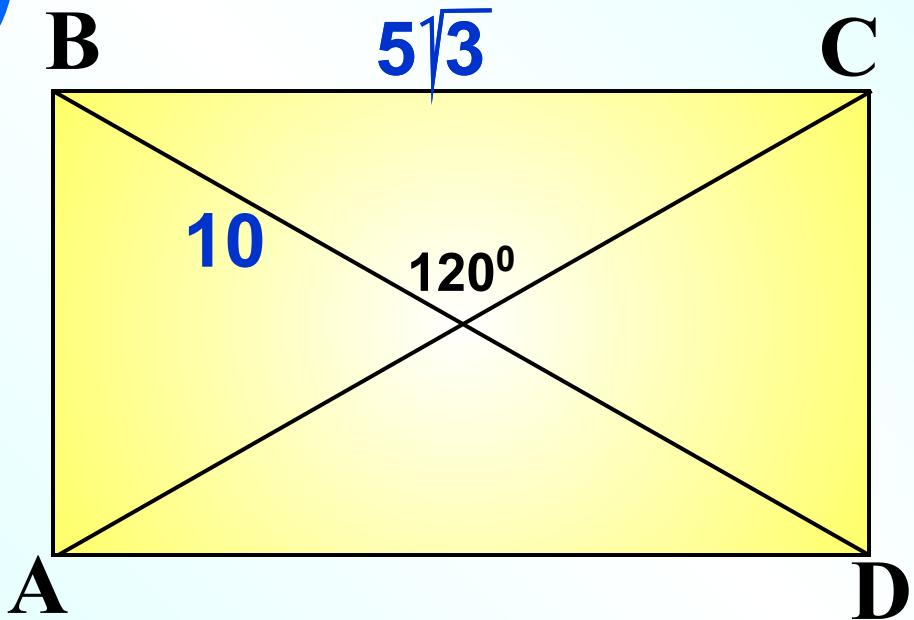


C $S = ah_a$

$$S = AD \cdot BH$$

$$S = b \cdot (a \cdot \sin \alpha)$$

$S = ab \sin \alpha$



ABCD – прямоугольник,
 $BD = 10$, $BC = 5\sqrt{3}$.

Найти CD.

$$S = \frac{1}{2} d_1 d_2 \sin a$$

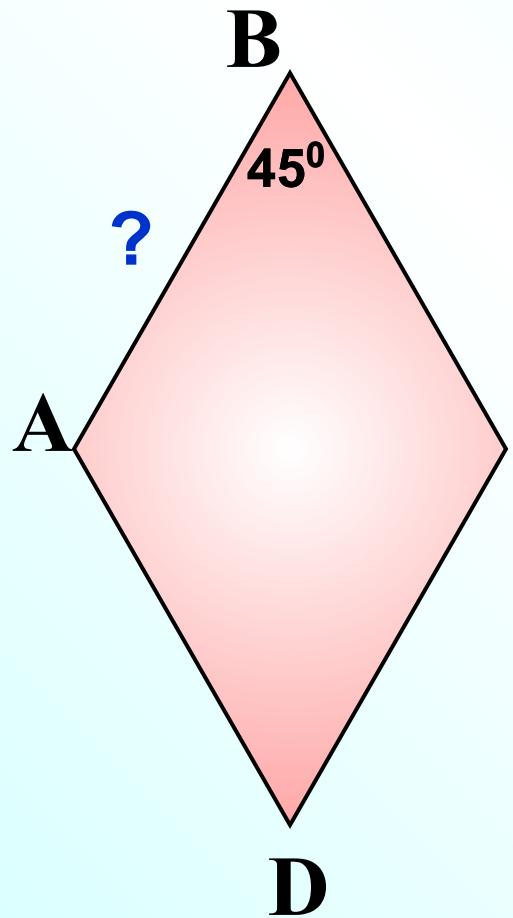
$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} \cdot 10 \cdot 10 \cdot \sin 120^\circ = \frac{1}{2} \cdot 10 \cdot 10 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 25\sqrt{3}$$

$$S = a b$$

$$25\sqrt{3} = 5\sqrt{3} \cdot CD \quad / :5\sqrt{3}$$

$$CD = 5$$

$S_{ABCD} = 8\sqrt{2}$ см². Найти сторону ромба.



$$S = a^2 \sin a$$

$$8\sqrt{2} = a^2 \cdot \sin 45^0$$

$$8\sqrt{2} = a^2 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \quad / : \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$a^2 = 16$$

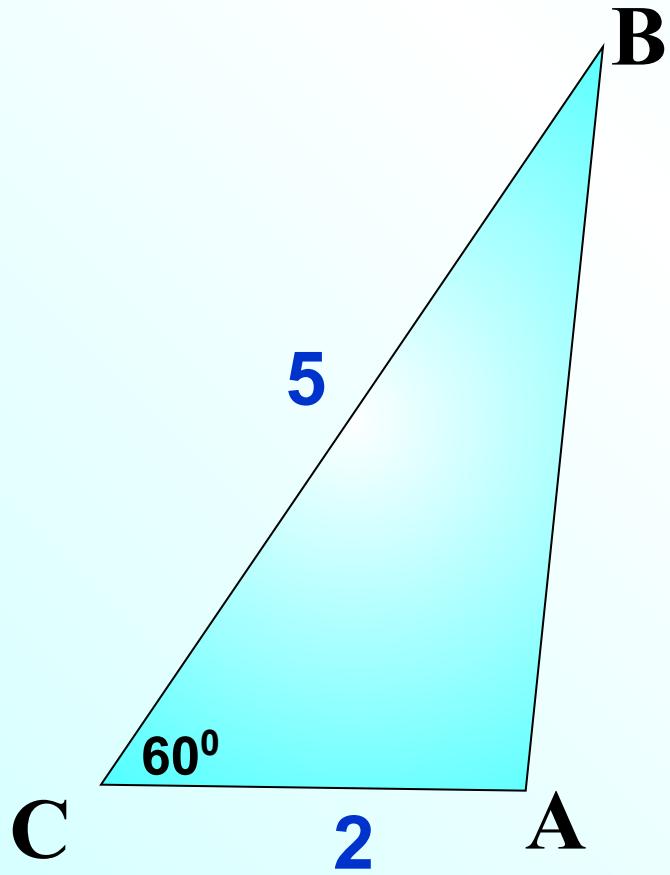
$$a = \pm 4$$

$$AB = 4$$

Блиц-опрос

Найти площадь треугольника

$$S = \frac{1}{2}ab \sin a$$



$$S = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 5 \cdot \sin 60^0$$

$$S = 5 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$S = \frac{5\sqrt{3}}{2}$$

В

Найдите площадь

равнобедренного треугольника

с углом при основании 15^0

и боковой стороной,

равной 5 см.

15^0

A

5

15^0

C

