

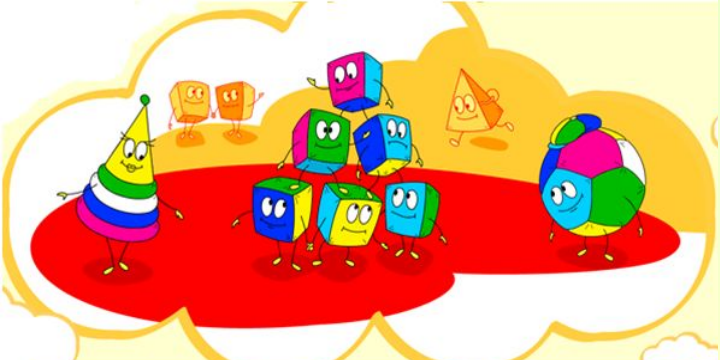
9 класс

*Тема урока:*

# Примеры комбинаторных задач

1 урок





В науке и на практике часто встречаются задачи, решая которые приходится *составлять различные комбинации* из конечного числа элементов и *подсчитывать число комбинаций*.

Такие задачи получили название комбинаторных задач, а раздел математики, в котором рассматриваются эти задачи, называют комбинаторикой.

*Раздел математики,  
в котором изучают  
комбинаторные задачи,  
называется*  
**комбинаторикой**



# Комбинаторика

- раздел математики, в котором изучаются вопросы о том, сколько различных комбинаций, подчинённых тем или иным условиям, можно составить из заданных объектов.

**Термин «комбинаторика» происходит от латинского слова «combinā», что в переводе на русский означает – «сочетать», «соединять».**



**Термин «комбинаторика» был введён в математический обиход немецким философом, математиком Лейбницем, который в 1666 году опубликовал свой труд «Рассуждения о комбинаторном**

# Познакомимся с некоторыми приемами решения комбинаторных задач

- ❖ решение методом перебора;
- ❖ решение с помощью дерева возможных вариантов;
- ❖ решение с помощью комбинаторного правила умножения;
- ❖ решение с помощью таблиц;
- ❖ решение с помощью графов.

# №715

У Ирины 5 подруг: Вера, Зоя, Марина, Полина и Светлана. Она решила двух из них пригласить в кино. Укажите все возможные варианты выбора подруг. Сколько таких вариантов?

Замечание. При решении для краткости будете писать первые буквы имен.



Решение Вера Зоя Марина Полина Света

Составим сначала все пары, в которые входит Вера.

**ВЗ, ВМ, ВП, ВС** Получим 4 пары.

Выпишем теперь пары, в которые входит Зоя, но не входит Вера. **ЗМ, ЗП, ЗС** Таких пар три.

Далее составим пары, в которые входит Марина, но не входят Вера и Зоя. **МП, МС** Их две.

Далее составим пары, в которые входит Полина.  
Еще одна пара **ПС**

Всего существует  $4+3+2+1=10$

**Ответ: 10 вариантов**



**Способ рассуждений, которым мы воспользовались при решении задачи, называют **перебором возможных вариантов**.**

Рассмотрим еще одну задачу. На цветочной клумбе сидели **шмель, жук, бабочка и муха**. Два насекомых улетели. Какие пары насекомых могли улететь? Укажите все возможные варианты. Сколько таких вариантов?



**Ш**



**М**



**Ж**



**Б**

# Решение



**Ш**

**Ж**



**Ж**

**б**



**б**

**М**



**Ш**

**б**



**Ж**

**М**



**Ш**

**М**

*Всего  $3+2+1=6$*

*Ответ: 6 вариантов*

# Приемы решения комбинаторных задач

## метод перебора

*Сколько двузначных чисел можно составить, используя цифры 1; 4; 7?*

**Решение:** Для того, чтобы не пропустить и не повторить ни одного из чисел, будем выписывать их в порядке возрастания:

11;14;17; (начали с 1)

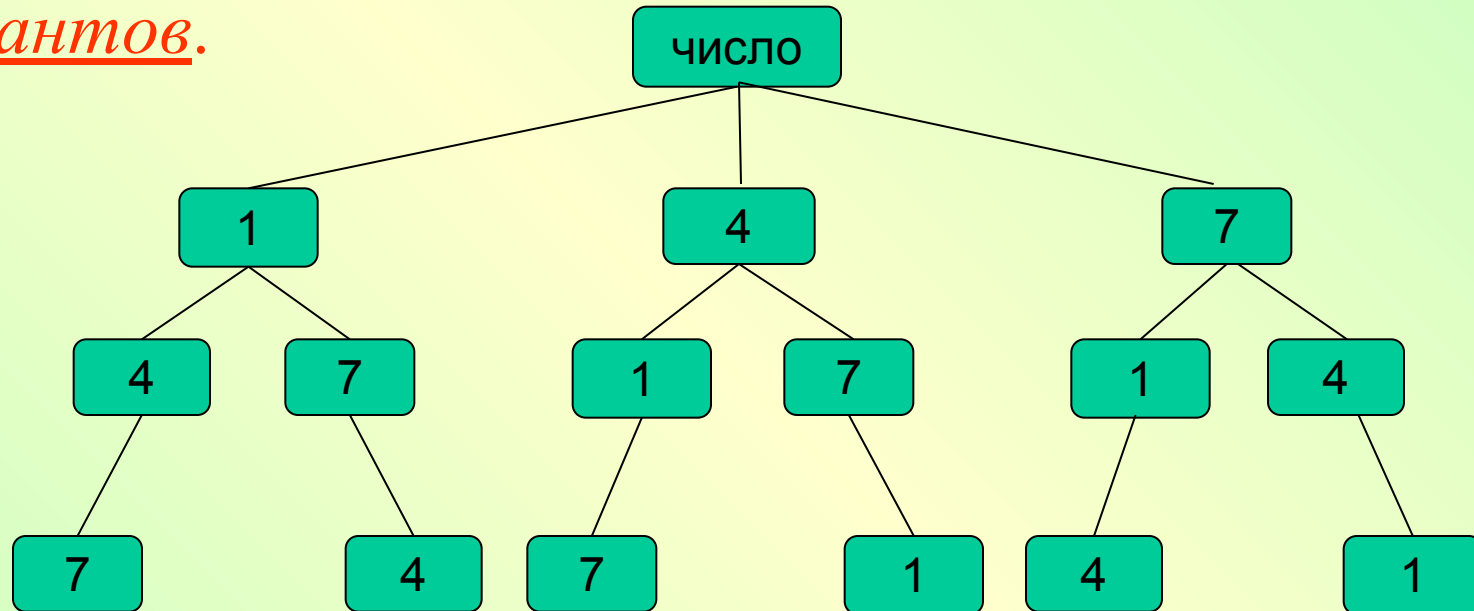
41;44;47; (начали с 4)

71;74;77; (начали с 7)

Таким образом, из трёх данных цифр можно составить всего 9 различных двузначных чисел.

**Ответ: 9 чисел.**

Решим аналогичную задачу о составлении трехзначных чисел из цифр 1;4;7, так чтобы цифры не повторялись. Для её решения построим схему - дерево возможных вариантов.



**Ответ:** числа 147;174;417;471;714;741

6 чисел (вариантов)

**Приемы решения комбинаторных задач**

**дерево возможных вариантов**

Заметим, что ответ на вопрос, можно получить, не выписывая сами числа. Будем рассуждать так.

*Первую цифру можно выбрать тремя способами. Так как после выбора первой цифры останутся две, то вторую цифру можно выбрать двумя способами. Остается приписать одну цифру. Следовательно, общее число искомых трехзначных чисел равно произведению*

$$3 \cdot 2 \cdot 1 = 6$$

Мы нашли ответ на вопрос, используя так называемое  
**комбинаторное правило умножения**

«Если объект  $A$  можно выбрать  $m$  способами,  
а другой объект  $B$  можно выбрать  $k$   
способами, то объект « $A$  и  $B$ » можно выбрать  
 $m \cdot k$  способами».



# комбинаторное правило умножения

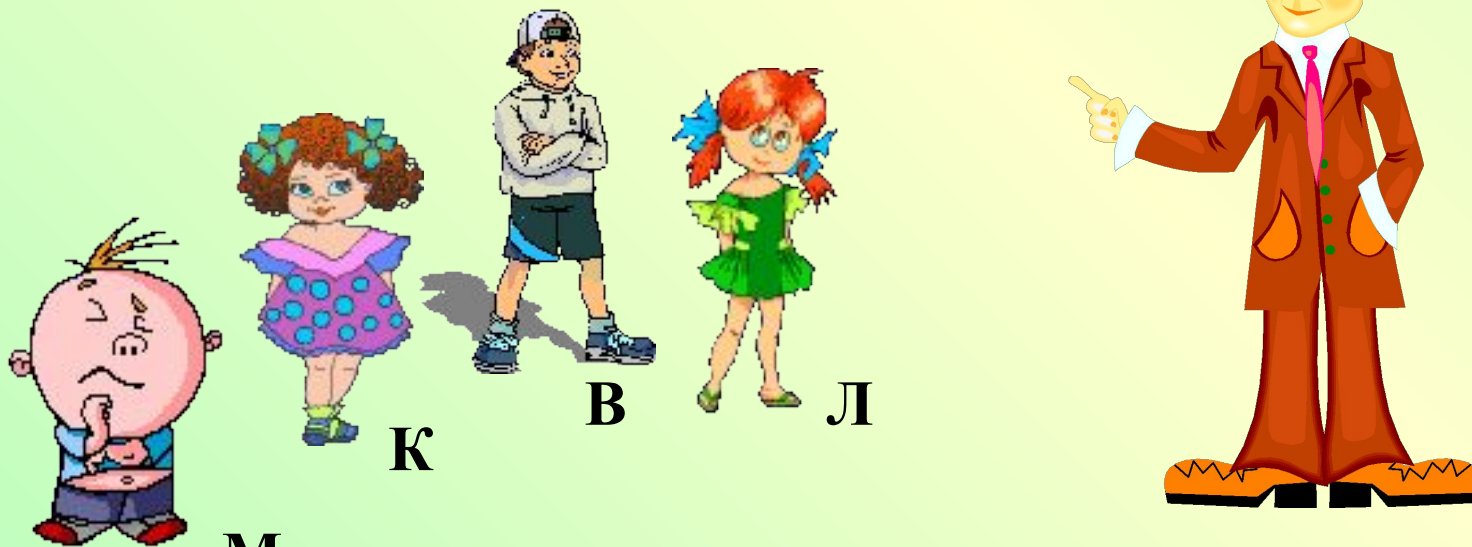
У Куклы Светы 3 юбки и 5 кофт, удачно сочетающихся по цвету. Сколько различных комбинаций одежды имеется у Светы?



**Решение.  $3 \cdot 5 = 15$**

# Решите задачу, используя дерево возможных вариантов

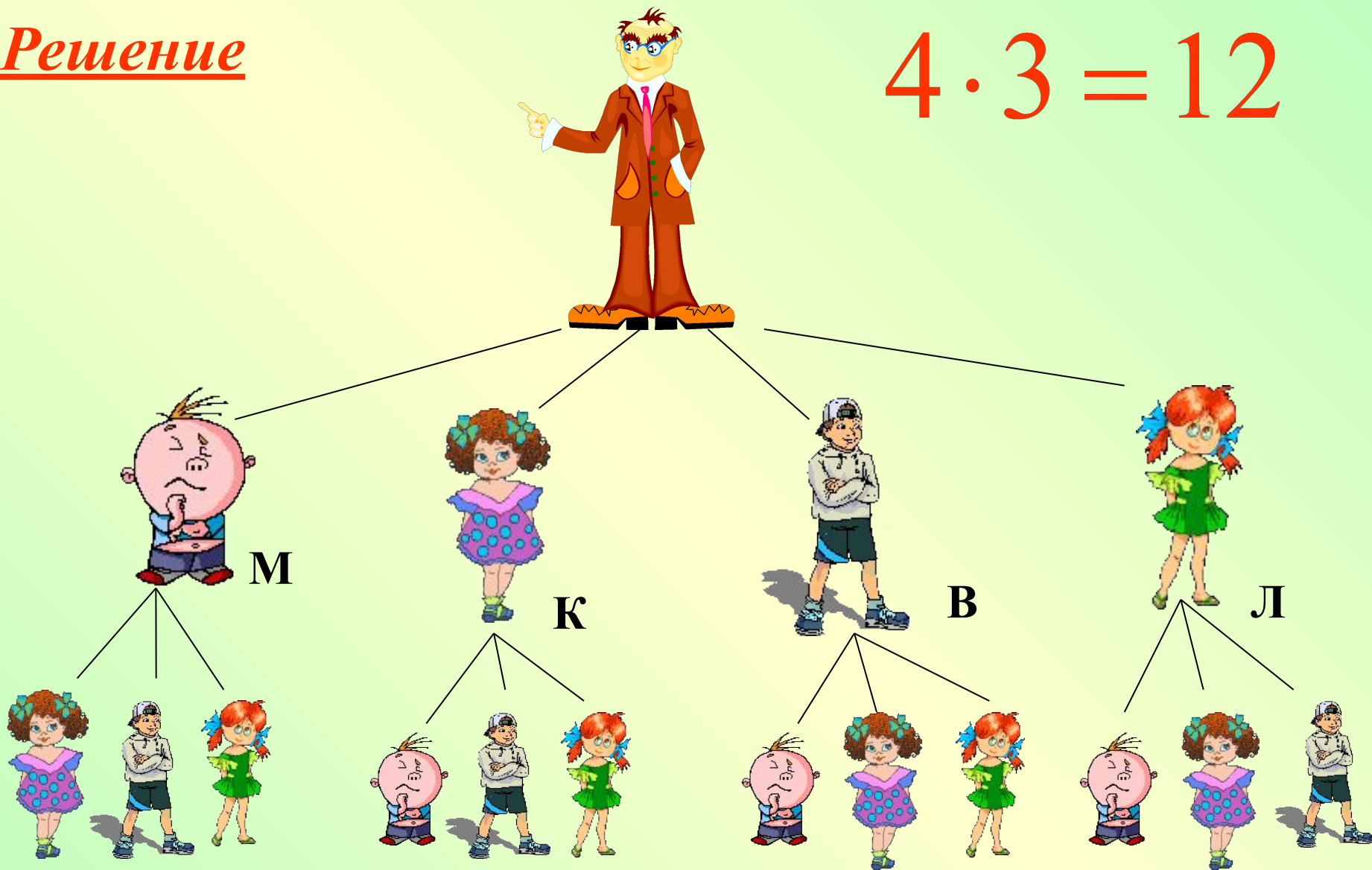
В класс пришли четыре новых ученика Миша, Катя, Вася, Лиза. С помощью дерева возможных вариантов покажи, все возможные варианты расположения четырех учеников за одной партой. Сколько вариантов выбора будет?





# Решение

$$4 \cdot 3 = 12$$



Ответ: 12 вариантов

С помощью дерева возможных вариантов решите задачу №714.



*Ответ :  $2 \cdot 4 = 8$ (вариантов)*

# Приемы решения комбинаторных задач

## задачи, решаемые с помощью таблиц

У Миши 4 ручки разного цвета и 3 блокнота разного размера. Сколько различных наборов из ручки и блокнота сможет составить Миша? Реши задачу, составив таблицу.



б



с



М



с



з



ч



к



З



Ч



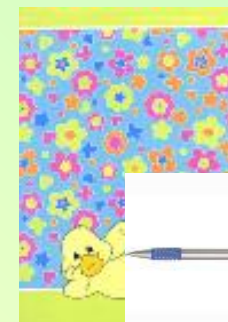
К



С



Б



С



М



12 различных наборов

# Приемы решения комбинаторных задач

## задачи, решаемые с помощью таблиц

*Сколько четных двузначных чисел можно составить из цифр 0,1,2,4,5,9?*



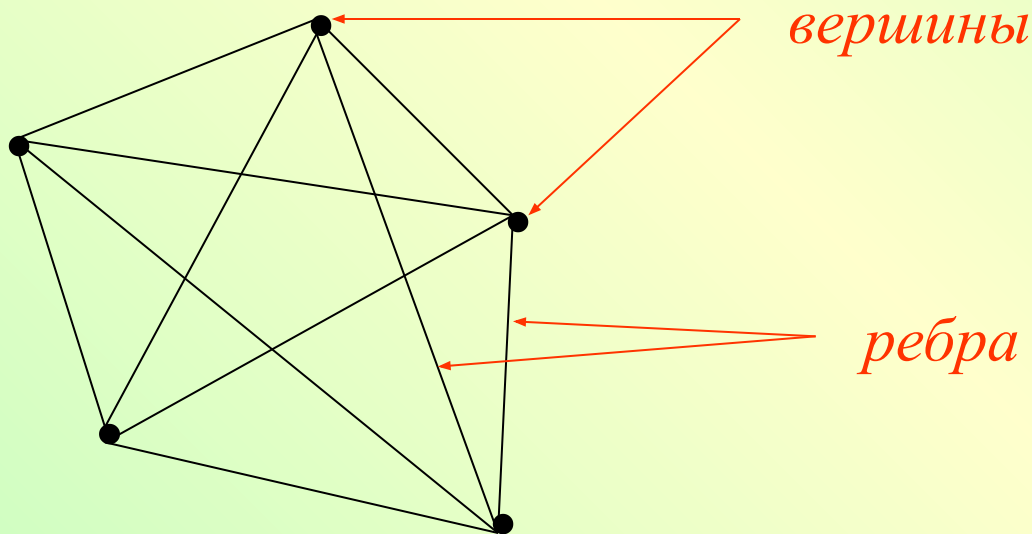
	0	2	4
1	10	12	14
2	20	22	24
4	40	42	44
5	50	52	54
9	90	92	94

**Ответ: 15 чисел (5·3)**

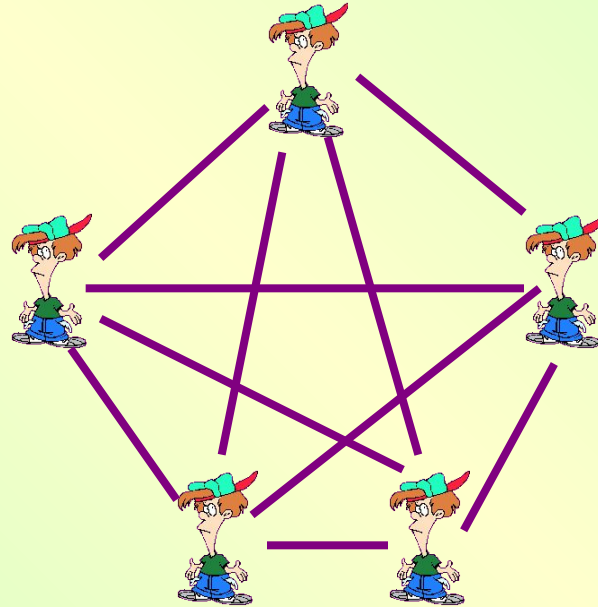


# Комбинаторика

**ГРАФ** – совокупность объектов со связями между ними. Объекты представляются как *вершины*, или *узлы графа*, а связи – как *дуги*, или *ребра*.



Пятеро друзей встретились после каникул и обменялись рукопожатиями. Каждый, здороваясь, пожал руку. Сколько всего было сделано рукопожатий?



Ответ: 10 рукопожатий

# Решите задачу, используя **граф**

Сколько различных завтраков, состоящих из 1 напитка и 1 вида выпечки, можно составить из чая, кофе, булочки, печенья и вафель?

**Ч**



**В**



**Б**



**К**



**П**



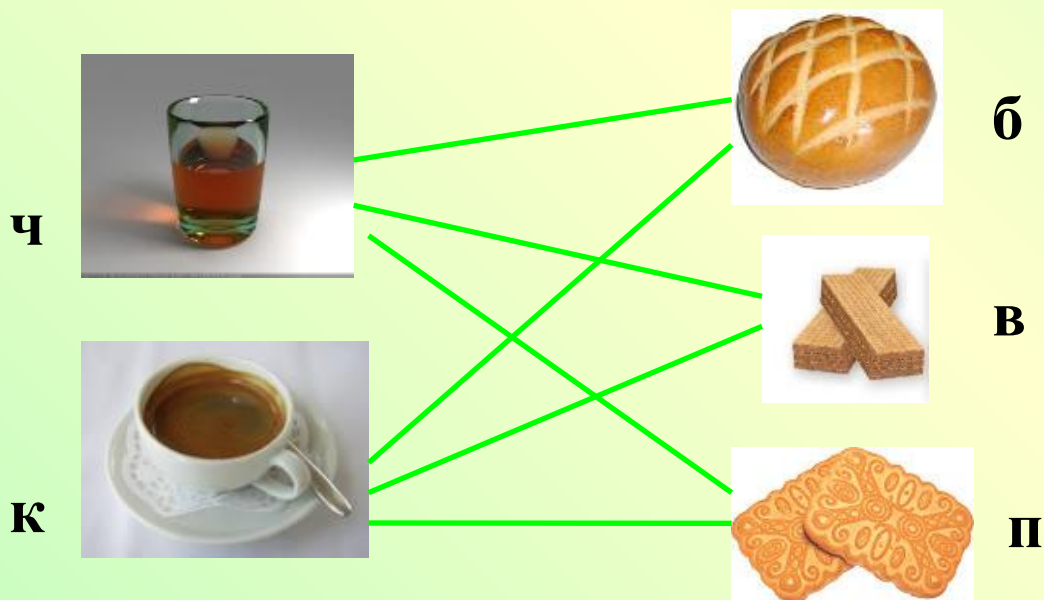


# Приемы решения комбинаторных задач

## графы

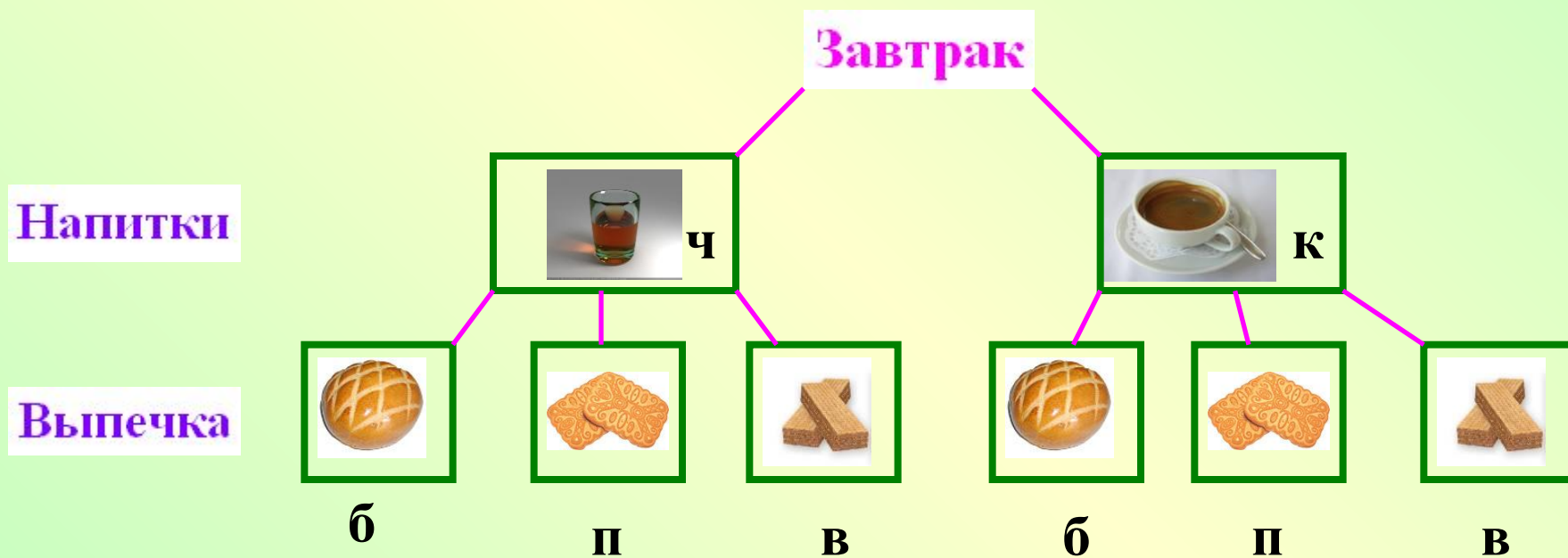
**напитки**

**выпечка**




















**6 завтраков**

# Эту же задачу можно решить, используя дерево возможных вариантов



# Решение задачи с помощью таблицы

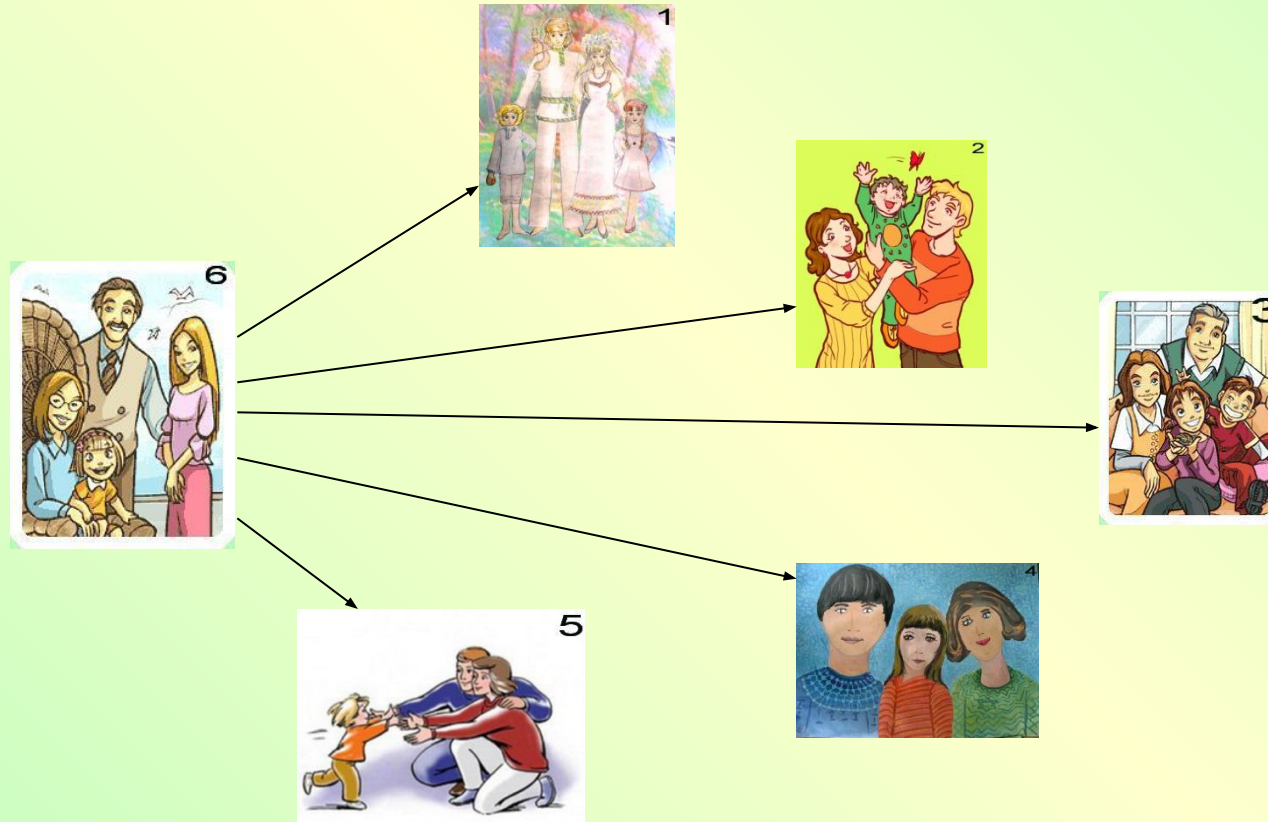
Напитки Выпечка	 ч	 к
б 	б   ч	б   к
п 	п   ч	п   к
в 	в   ч	в   к

# Решите задачу, используя **граф**

Шесть семей уехали отдыхать в разные города. Приехав к месту отдыха, они поговорили друг с другом по телефону. Сколько звонков было сделано?

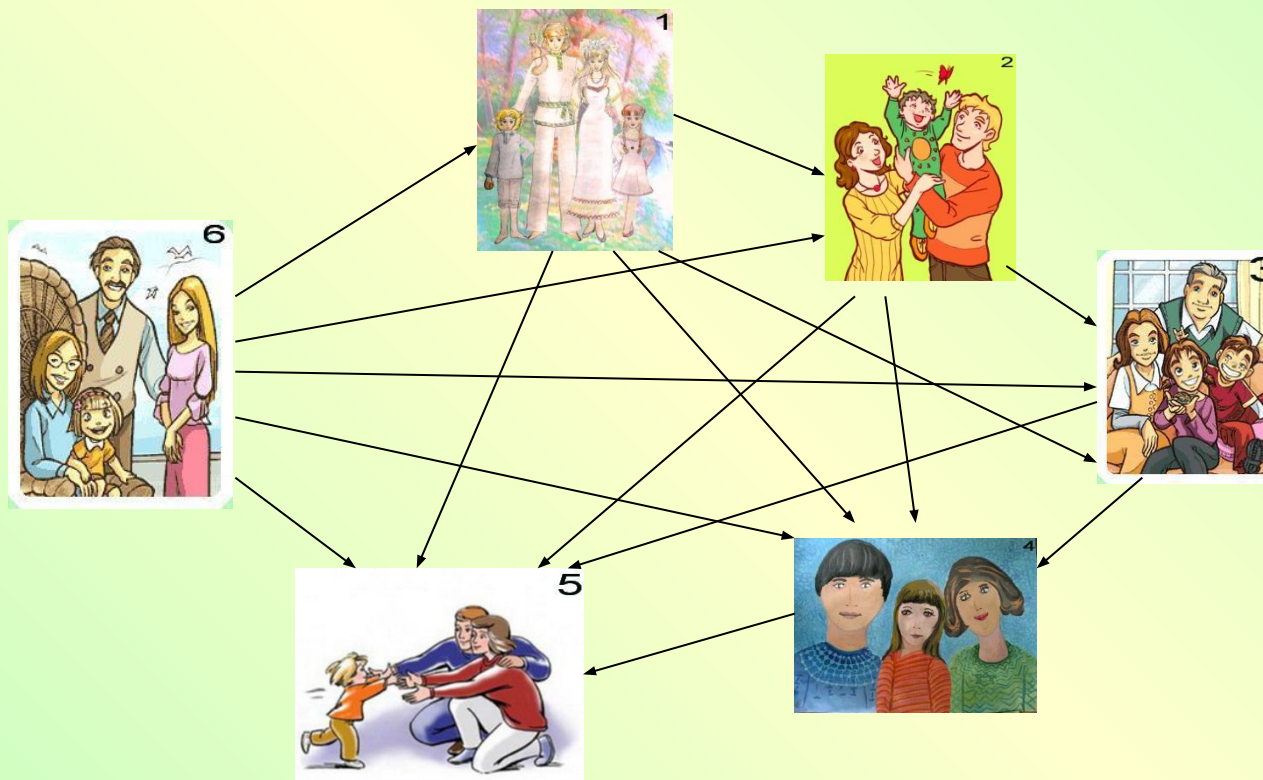


# Закончи построение графа, соответствующего данной задаче.



# Приемы решения комбинаторных задач



## графы



Ответ: 15 звонков

# Приемы решения комбинаторных задач

## задачи, решаемые с помощью таблиц

	1 	2 	3 	4 	5 	6 
1 	—					
2 	—	—				
3 	—	—	—			
4 	—	—	—	—		
5 	—	—	—	—	—	
6 	—	—	—	—	—	—

Ответ: 15 звонков

# Домашнее задание:

- *п. 30*
- *№ 716 (перебор), 720 (дерево), 723 (граф), 725 (таблица), 727 (умножение).*



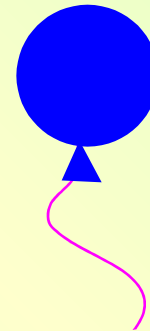
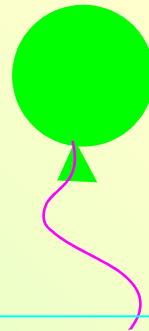
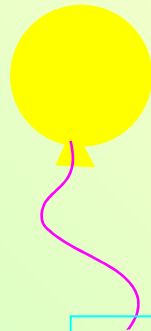
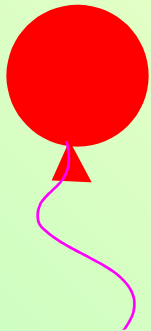


# Приемы решения комбинаторных задач

## дополнительные задачи

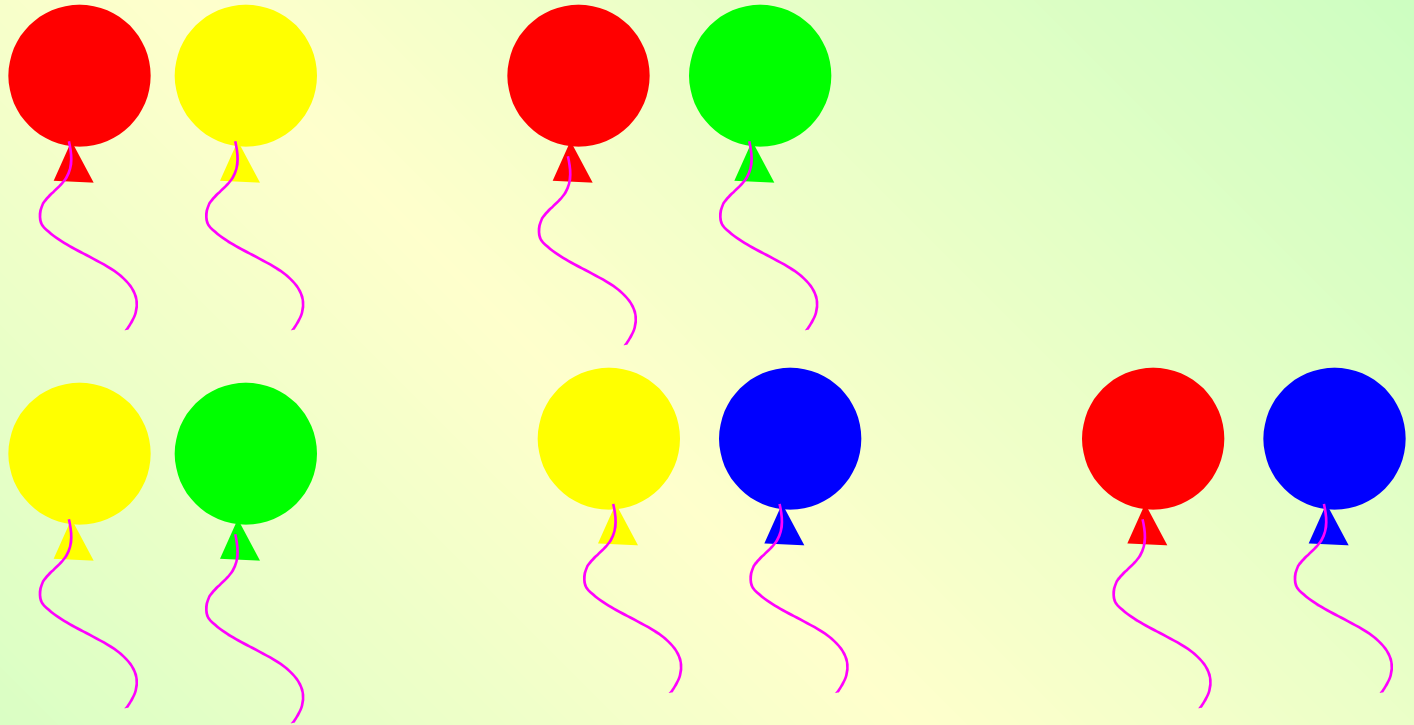
### Задача 1

В магазине продают воздушные шары: красные, желтые, зеленые, синие. Какие наборы можно составить из двух разных шаров? Сколько наборов у тебя получилось?



Задачи, решаемые  
методом  
организованного перебора

# Задача 1

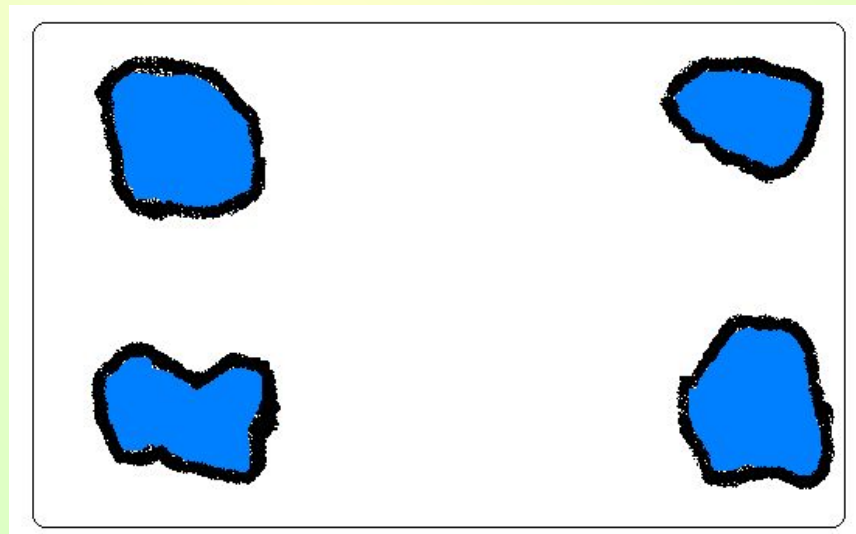


5 наборов

# Приемы решения комбинаторных задач

## Задача 2

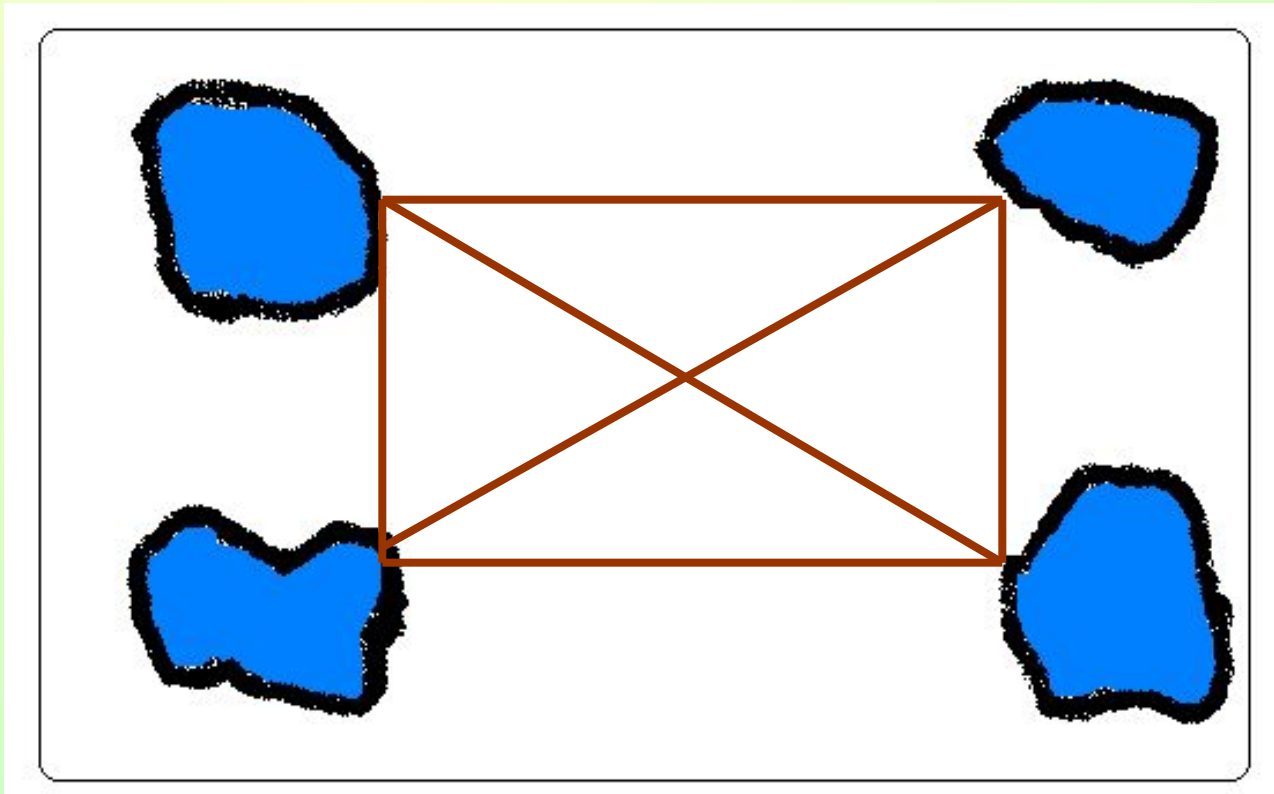
В парке 4 пруда. Было решено засыпать песком дорожки между ними так, чтобы можно было пройти от одного пруда к другому кратчайшим путем, т.е. не нужно было идти в обход.



Графы

Задание: покажи, какие дорожки надо сделать.

# Решение



# Приемы решения комбинаторных задач

В танцевальном кружке занимаются пять девочек: Женя, Маша, Катя, Юля и Даша и пять мальчиков: Олег, Вова, Стас, Андрей и Иван. Сколько различных танцевальных пар можно составить? Заполни таблицу.












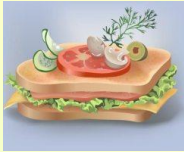






















Задачи, решаемые  
с помощью таблиц

	Же ня	Ма ша	Кат я	Юл я	Да ша
Олег	Оле Же ня	Оле Ма ша	Оле Кат я	Оле Юл я	Оле Да ша
Вова	Вов Же ня	Вова Ма ша	Вов Кат я	Вов Юл я	Вов Да ша
Стас	Стас Же ня	Стас Ма ша	Стас Кат я	Стас Юл я	Стас Да ша
Андрей	Андрей Же ня	Андрей Ма ша	Андрей Кат я	Андрей Юл я	Андрей Да ша
Иван	Иван Же ня	Иван Ма ша	Иван Кат я	Иван Юл я	Иван Да ша

Ответ: 25 пар

# Задачи, решаемые с помощью таблиц

На завтрак Миша может выбрать: плюшку, бутерброд, пряник, или кекс, а запить он может: кофе, соком, кефиром. Сколько возможных вариантов завтрака?

*Существует много видов  
комбинаторных задач, это лишь  
некоторые из них.*



***Спасибо за внимание!***