

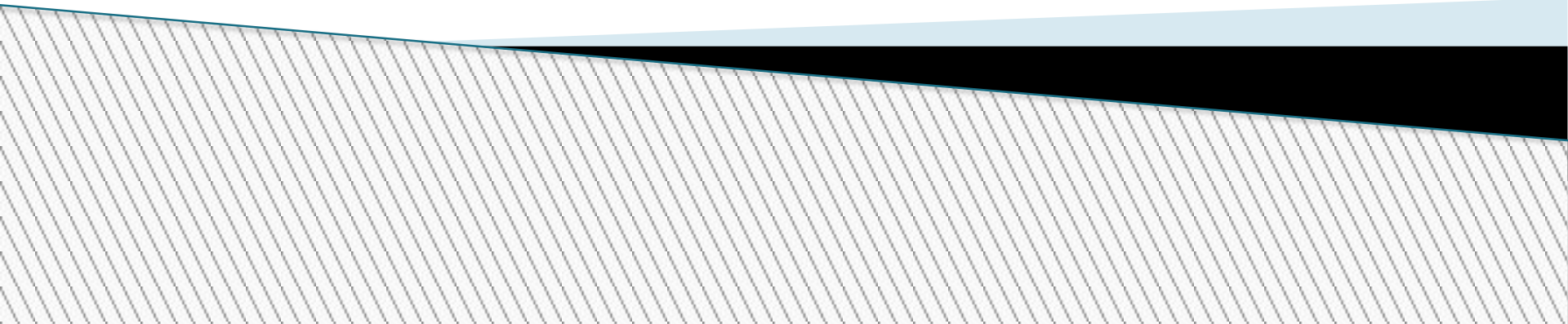
# Презентация по теме «Поворот»

Авторы:

Кошельник Илья

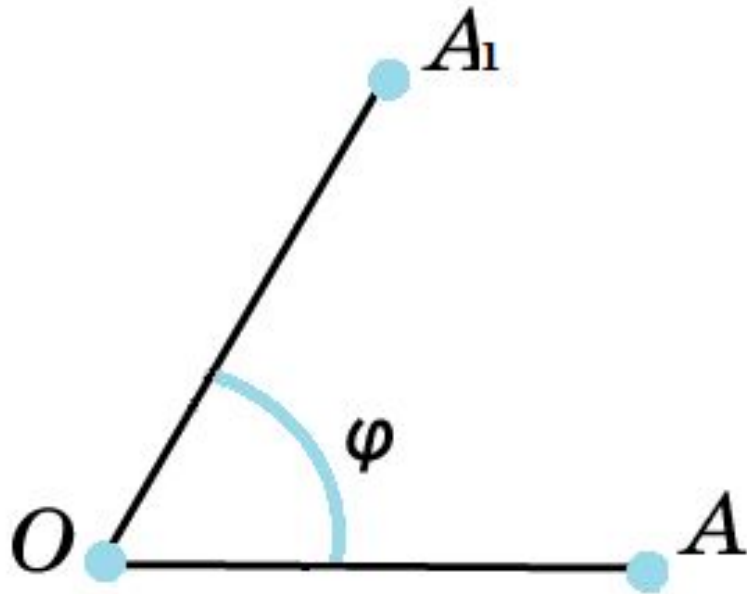
Михайлов Даниил

Зиновенков Алексей



# Поворот

- Если одна фигура получена из другой фигуры поворотом всех её точек относительно центра  $O$  на один и тот же угол в одном и том же направлении, то такое преобразование фигуры называется **поворотом**.



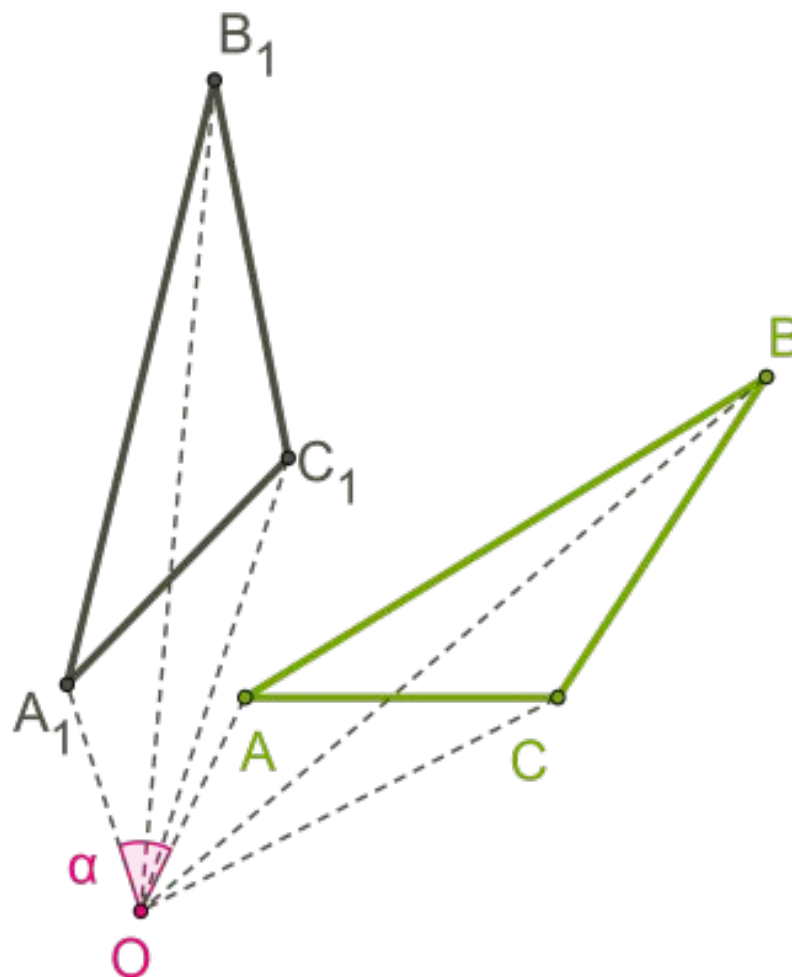
Точка  $A'$  плоскости получается из точки  $A$  **поворотом** вокруг точки  $O$  на угол  $\varphi$ , тогда  $OA_1 = OA$  и угол  $\angle AOA_1 = \varphi$ .

- Преобразование плоскости, при котором данная точка  $O$  остается на месте, а все остальные точки поворачиваются вокруг точки  $O$  в одном и том же направлении на заданный угол  $\varphi$ , называется **поворот** вокруг точки  $O$  на угол  $\varphi$ .

Чтобы поворот имел место, должен быть задан центр  $O$  и угол поворота  $\alpha$ .

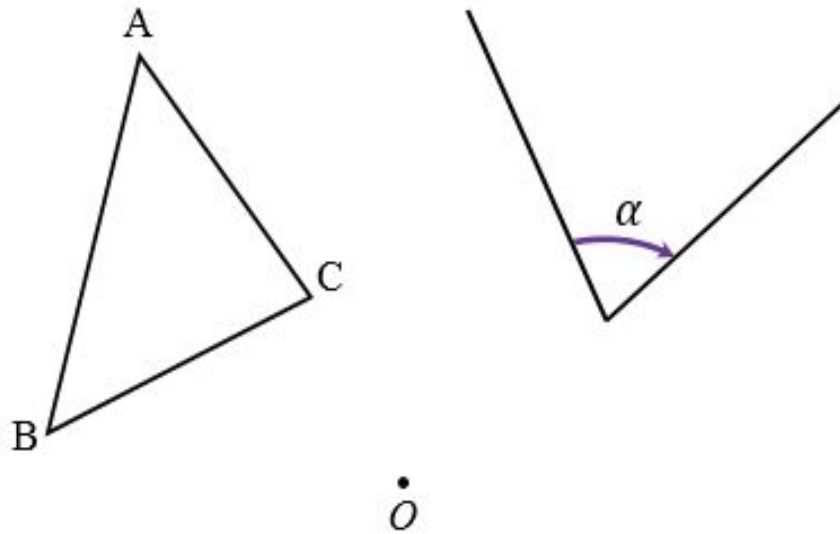
Против часовой стрелки — положительный угол поворота, наоборот — отрицательный угол поворота (так же как углы поворота в единичной окружности).

Треугольник  $ABC$  повернут в положительном направлении (приблизительно на  $\alpha = 45$  градусов).

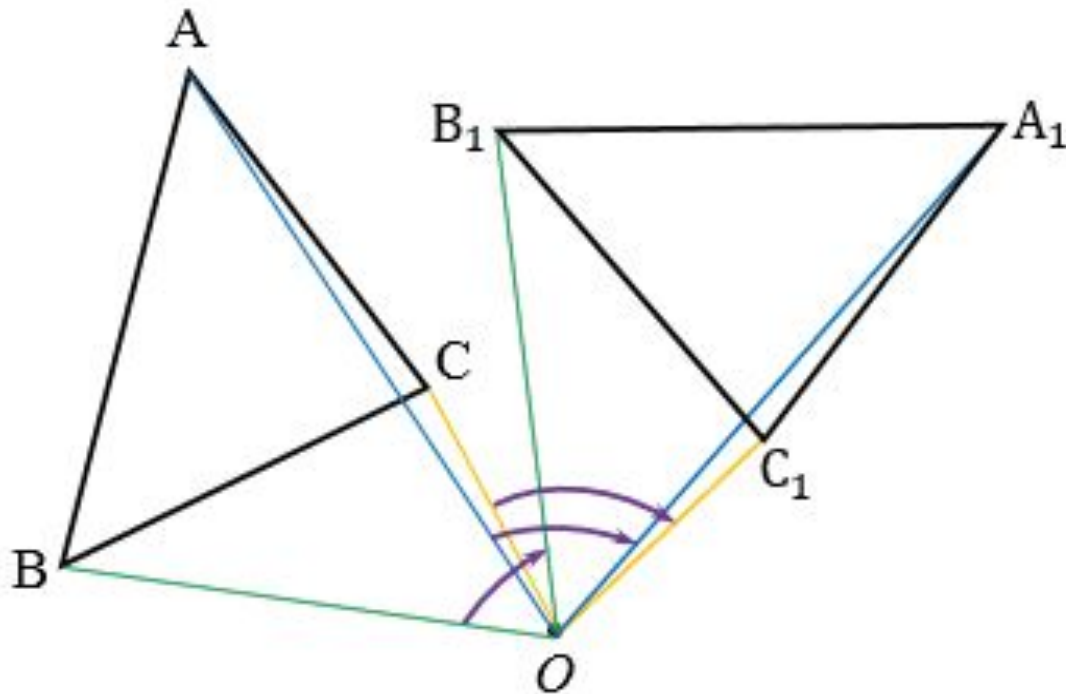


# Пример построения треугольника:

- Задача: Построить  $A_1B_1C_1$ , который получается из  $ABC$  поворотом вокруг точки  $O$  по часовой стрелке на угол.



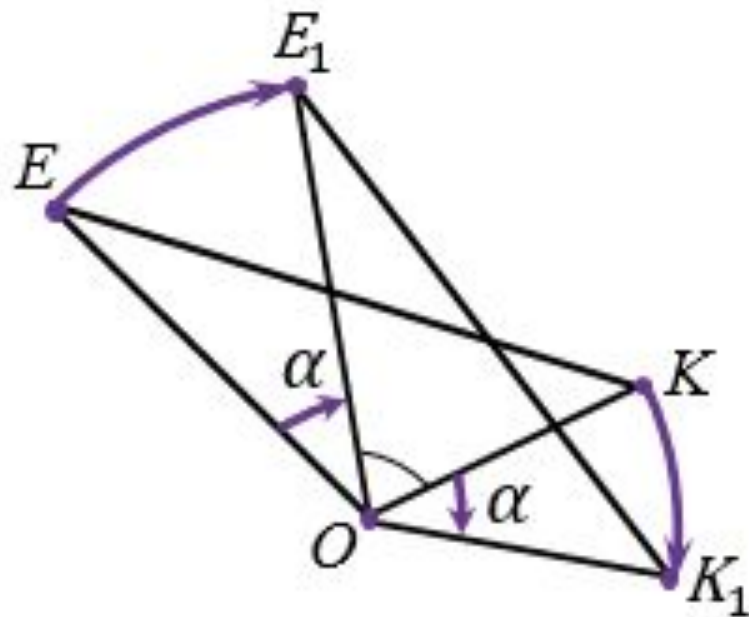
- Построим точки  $A_1$ ,  $B_1$  и  $C_1$ , которые получаются из точек  $A$ ,  $B$  и  $C$  поворотом вокруг точки  $O$  по часовой стрелке на угол  $\alpha$ . Соединяя попарно точки  $A_1$ ,  $B_1$ ,  $C_1$  отрезками, получим искомый  $A_1B_1C_1$ .



# Доказательство того, что поворот это движение

- Дано:  $O$  - центр поворота,  $\alpha$  - угол поворота по часовой стрелке (случай поворота против часовой стрелки рассматривается аналогично), точки  $E$  и  $K$  отображаются при повороте в точки  $E_1$  и  $K_1$ .
- Доказать: поворот - движение.
- Доказательство:

- 1 случай:
- Точки  $O$ ,  $E$  и  $K$  не лежат на одной прямой.
- $OEK = OE_1K_1$  по двум сторонам и углу между ними ( $OE = OE_1$ ,  $OK = OK_1$ , т.к.  $E$  и  $K$  отображаются при повороте в  $E_1$  и  $K_1$ ,  $EOK = E_1OK_1 = + E_1OK$ ). В равных треугольниках элементы соответственно равны поэтому  $EK = E_1K_1$ , т.е. расстояние между точками  $E$  и  $K$  равно расстоянию между точками  $E_1$  и  $K_1$ . Значит, поворот сохраняет расстояния между точками и поэтому является частным случаем движения.

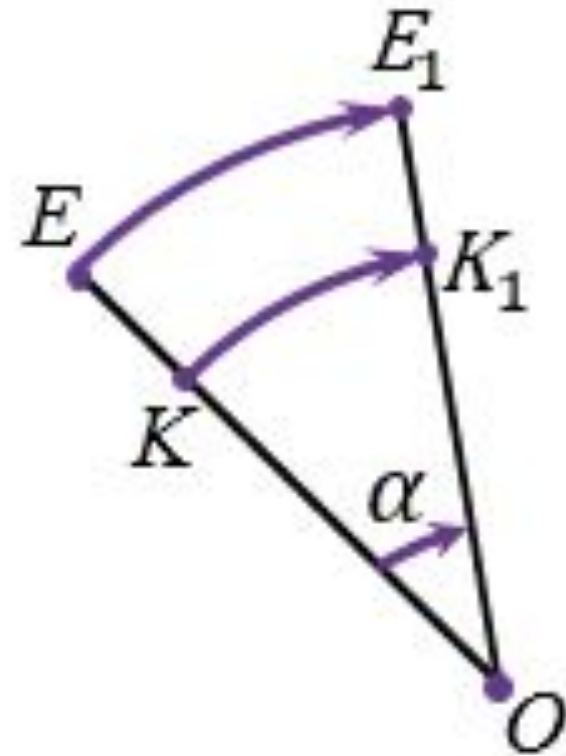




- 2 случай:

Точки  $O$ ,  $E$  и  $K$  лежат на одной прямой.

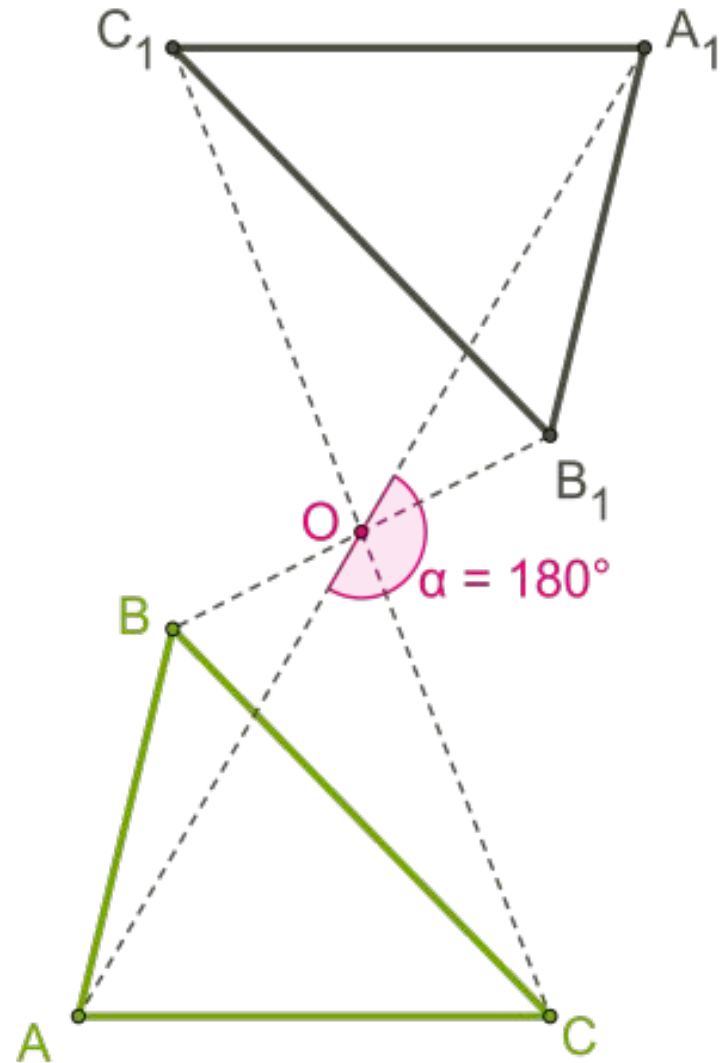
$EK = OE - OK$  и  $E_1K_1 = OE_1 - OK_1$ , при этом  $OE = OE_1$ ,  $OK = OK_1$ , т.к.  $E$  и  $K$  отображаются при повороте в  $E_1$  и  $K_1$ , следовательно,  $EK = E_1K_1$ , т.е. расстояние между точками  $E$  и  $K$  равно расстоянию между точками  $E_1$  и  $K_1$ . Значит, поворот сохраняет расстояния между точками и поэтому является частным случаем движения.



# Свойства поворота

- Поворот сохраняет расстояния между точками.
- Поворот переводит отрезки в отрезки, лучи в лучи и прямые в прямые.

- Если угол поворота равен  $180$  или  $-180$  градусам, то фигура отображается как центрально симметричная данной, и этот поворот называется случаем центральной симметрии.



**Спасибо за внимание!**

