



**Логарифм числа.**

**Свойства логарифмов.**



Счет и  
вычисления  
– основа  
порядка в  
голове

Иоганн Генрих Песталоцци

# Определение логарифма

---

- Логарифмом положительного числа **b** по основанию **a**,  $a > 0, a \neq 1$ , называется **показатель степени** в которую надо возвести число **a**, чтобы получить число **b**.

$$\log_3 9 = 2, \text{ т. к. } 3^2 = 9$$

$$\log_3 81 = 4, \text{ т. к. } 3^4 = 81$$

$$\log_5 5 = 1, \text{ т. к. } 5^1 = 5$$

$$\log_3(-3) = \text{не существует}$$

$$\log_4 \frac{1}{16} = -2, \text{ т. к. } 4^{-2} = \frac{1}{16}$$

$$\log_2 1 = 0, \text{ т. к. } 2^0 = 1$$

$$\log_{\frac{1}{3}} 27 = -3, \text{ т. к. } \left(\frac{1}{3}\right)^{-3} = 27$$

**Вычислите:**

$$\log_4 16$$

$$\log_3 81$$

$$\log_3 \frac{1}{3}$$

$$\log_2 8$$

$$\log_{0,5} \left( \frac{1}{2} \right)$$

$$\log_{\frac{1}{3}} \left( \frac{1}{9} \right)$$

$$\log_5 125$$

**Вычислите:**

$$\log_5 \frac{1}{25}$$

$$\log_3 \sqrt[5]{3}$$

$$\log_{0,3} 0,09$$

$$\log_e e$$

$$\log_{10} 0,001$$

$$\log_\pi \pi$$

**Десятичный логарифм** - это логарифм по основанию

Обозначение:

$$\log_{10} b = \lg b$$

**Натуральный логарифм** – это логарифм по основанию  $e$

( $e$  - иррациональное число, приближенное значение которого:  $e=2,7$ ).

Обозначение:

$$\log_e b = \ln b$$

## ДРУГИЕ ЛОГАРИФМЫ

$\log_{10} b = \lg b$  - логарифм по основанию 10 или десятичный логарифм

### ПРИМЕРЫ

$$\lg 1 = 0, \text{ т.к. } 10^0 = 1$$

$$\lg 10 = 1, \text{ т.к. } 10^1 = 10$$

$$\lg 100 = 2, \text{ т.к. } 10^2 = 100$$

$$\lg \frac{1}{10} = -1, \text{ т.к. } 10^{-1} = \frac{1}{10}$$



# Основное логарифмическое тождество

---

$$a^{\log_a b} = b$$

, где

$$a > 0, a \neq 1, b > 0$$

# Свойства логарифмов

Логарифм <b>единицы</b>	$\log_a 1 = 0$
	$\log_a a = 1$
Логарифм <b>произведения</b> положительных чисел	$\log_a xy = \log_a x + \log_a y$
Логарифм <b>частного</b> положительных чисел	$\log_a \frac{x}{y} = \log_a x - \log_a y$
Логарифм <b>степени</b> положительных чисел	$\log_a a^n = n$

## Формула перехода от одного основания логарифма к другому

$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$$

### Следствия

$$\log_a b = \frac{1}{\log_b a}$$

$$\log_a b^n = n \log_a b$$

## Вычислить:

$$\log_7 49; \log_3 1/81; \log_{1/2} 8; \log_4 1;$$

$$\log 10000; \lg 0,001;$$

$$\log_6 3 + \log_6 2;$$

$$\log_5 100 - \log_5 4;$$

$$\lg 0,18 - \lg 180;$$

## Логарифмирование алгебраических выражений

- Если число  $x$  представлено алгебраическим выражением, то логарифм любого выражения можно выразить через логарифмы составляющих его чисел.  
(на основании свойств логарифмов)

# Прологарифмировать алгебраическое выражение:

- Пример:  $x = \frac{a * b^3}{c^2}$

$$\lg x = \lg \left( \frac{a * b^3}{c^2} \right)$$

$$\lg x = \lg (a * b^3) - \lg c^2$$

$$\lg x = \lg a + \lg b^3 - \lg c^2$$

$$\lg x = \lg a + 3 \lg b - 2 \lg c$$

# Потенцирование логарифмических выражений

- Переход от логарифмического выражения к алгебраическому называется потенцированием, то есть, произвести действие, обратное логарифмированию

## Перейти к алгебраическому выражению

$$\lg x = \lg a + 2 \lg b - \lg c$$

$$\lg x = \lg a + \lg b^2 - \lg c$$

$$\lg x = \lg (a * b^2) - \lg c$$

$$\lg x = \lg \left( \frac{a * b^2}{c} \right)$$

$$x = \frac{a * b^2}{c}$$



- |                                       |                             |                                       |                                    |
|---------------------------------------|-----------------------------|---------------------------------------|------------------------------------|
| 1) $\log_2 16;$                       | 2) $\log_2 64;$             | 3) $\log_2 2;$                        | 4) $\log_2 1.$                     |
| 1) $\log_2 \frac{1}{2};$              | 2) $\log_2 \frac{1}{8};$    | 3) $\log_2 \sqrt{2};$                 | 4) $\log_2 \frac{1}{\sqrt[4]{2}}.$ |
| 1) $\log_3 27;$                       | 2) $\log_3 81;$             | 3) $\log_3 3;$                        | 4) $\log_3 1.$                     |
| 1) $\log_3 \frac{1}{9};$              | 2) $\log_3 \frac{1}{3};$    | 3) $\log_3 \sqrt[4]{3};$              | 4) $\log_3 \frac{1}{\sqrt[4]{3}}.$ |
| 1) $\log_{\frac{1}{2}} \frac{1}{32};$ | 2) $\log_{\frac{1}{2}} 4;$  | 3) $\log_{0,5} 0,125;$                |                                    |
| 4) $\log_{0,5} \frac{1}{2};$          | 5) $\log_{0,5} 1;$          | 6) $\log_{\frac{1}{2}} \sqrt[3]{2}.$  |                                    |
| 1) $\log_5 625;$                      | 2) $\log_6 216;$            | 3) $\log_4 \frac{1}{16};$             | 4) $\log_5 \frac{1}{125}.$         |
| 1) $\log_{\frac{1}{5}} 125;$          | 2) $\log_{\frac{1}{3}} 27;$ | 3) $\log_{\frac{1}{4}} \frac{1}{64};$ | 4) $\log_{\frac{1}{6}} 36.$        |