

«Математические методы в психологии»

#### «Корреляционный анализ»

Подготовил: ст. преподаватель Дмитриева С.Ю.



Коэффициент корреляции — двумерная описательная статистика, количественная мера взаимосвязи (совместной изменчивости) двух переменных.



История разработки и применения кк для исследования взаимосвязей фактически началась одновременно с возникновением измерительного подхода к исследованию индивидуальных различий – в 1870-1880 гг.



Пионером в измерении способностей человека, как и автором самого термина «коэффициент корреляции», был Френсиз Гальтон, а самые популярные кк были разработаны его последователем Карлом Пирсоном.



3 важных для психологии КК:

- 1. r- Пирсона;
- 2. г-Спирмена;
- 3. t-Кендалла (тау).

Их общая особенность: отражение взаимосвязи 2-х признаков, измеренных в количественной шкале — ранговой или метрической.



Любое исследование можно свести к изучению корреляций. Но! Можно различить 2 класса задач:

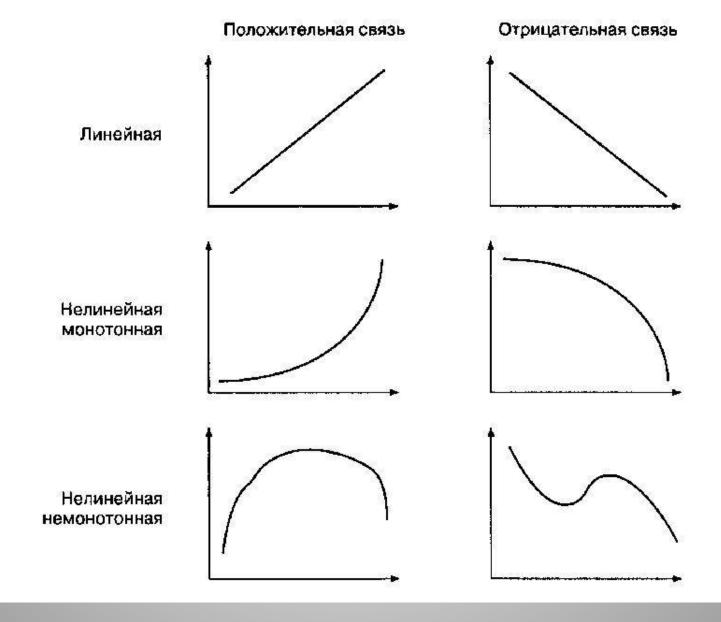
- Исследование корреляций 2 переменные представлены в числовой шкале;
- Исследование различий хотя бы одна из 2 переменных представлена в номинативной шкале.



#### Понятие корреляции

Взаимосвязи на языке математики обычно описываются при помощи функций.

#### Примеры графиков часто встречающихся функций





Если изменение одной переменной на одну единицу всегда приводит к изменению другой переменной на одну и ту же величину, то функция является <u>линейной</u>.

Любая другая – <u>нелинейной</u>.



Если увеличение одной переменной связано с увеличением другой, то связь – положительная (прямая); если увеличение одной переменной связано с уменьшением другой, то связь - отрицательная (обратная).



Если направление изменения одной переменной не меняется с возрастанием (убыванием) другой переменной, то такая функция — монотонная; в противном случае функцию называют немонотонной.



#### Важно!

Даже существующая в реальности функциональная связь между переменными выступает эмпирически как вероятностная (стохастическая): одному и тому же значению одной переменной соответствует распределение различных значений другой переменной (и наоборот).



Функциональная связь явлений эмпирически может быть выявлена только как вероятностная связь соответствующих признаков.



Наглядное представление о характере вероятностной связи дает *диаграмма рассеивания* —график, оси которого соответствуют значениям двух переменных, в каждой испытуемый представляет собой точку.



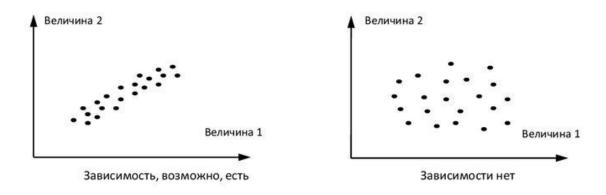


Диаграмма разброса применяется для определения зависимости двух величин друг от друга. Ограничением применения диаграммы разброса является то, что по ней можно с уверенностью сказать, что связи между величинами нет. То, что связь есть, однозначно утверждать нельзя. Признаки наличия зависимости являются лишь предпосылкой для дальнейшего исследования.

#### Пример диаграмм разброса





#### Коэффициент корреляции

Это количественная мера силы и направления вероятностной взаимосвязи двух переменных; принимает значение в диапазоне от -1 до +1.



Сила связи достигает максимума при условии взаимно однозначного соответствия: когда каждому значению одной переменной соответствует только одно значение другой переменной (и наоборот), эмпирическая взаимосвязь при этом совпадает с функциональной линейной связью.



Показателем силы связи является абсолютная (без учета знака) *величина* коэффициента корреляции.



Направление связи определяется прямым или обратным соотношением значений 2=х переменных: если возрастание значений одной переменной соответствует возрастанию значений другой переменной, то взаимосвязь называется прямой.

Если одна возрастает, а другая убывает, то – обратной (отрицательной).

Показателем направления связи является знак кк.