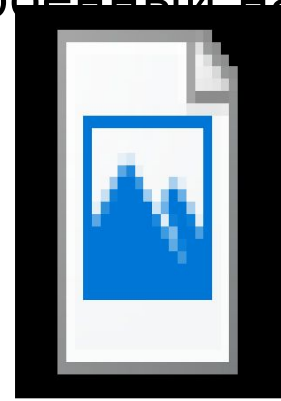


# 1. Древнекитайское доказательство

- На древнекитайском чертеже четыре равных прямоугольных треугольника с катетами **a**, **b** и гипотенузой **c** уложены так, что их внешний контур образует квадрат со стороной **a+b**, а внутренний – квадрат со стороной **c**, построенный на гипотенузе



çàãđóæáííâ (1).png



45720838\_3ec9b71c1b01bbbb00e0849429f860e1\_800.jpg

## 2. Доказательство Дж.

### Гардфилда (1882 г.)

Расположим два равных  
прямоугольных  
треугольника так, чтобы  
катет одного из них был  
продолжением другого.

Площадь рассматриваемой  
трапеции находится как  
произведение полусуммы  
оснований на высоту

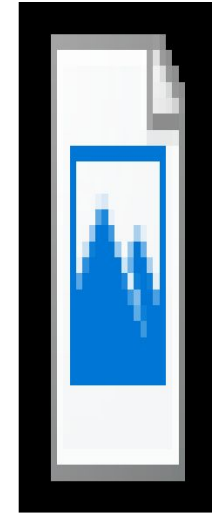
$$S = \frac{1}{2}(a + b)h$$

С другой стороны, площадь  
трапеции равна сумме  
площадей полученных  
треугольников:

$$S = \frac{1}{2}ah + \frac{1}{2}bh$$

Приравнявая данные  
выражения, получаем:

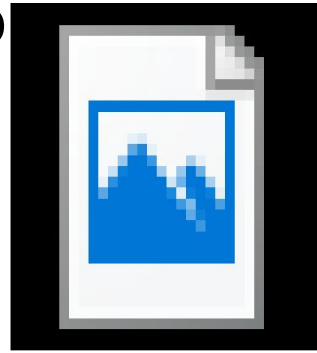
$$\frac{1}{2}(a + b)h = \frac{1}{2}ah + \frac{1}{2}bh$$



çàãđóæáííã (2).png

### 3. Доказательство простейшее

- Это доказательство получается в простейшем случае равнобедренного прямоугольного треугольника.
- Вероятно, с него началась теорема.







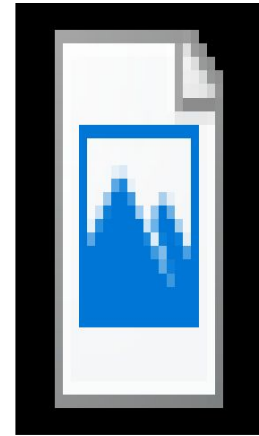
çàãđóæáíîâ (3).png

В самом деле, достаточно просто посмотреть на мозаику равнобедренных прямоугольных треугольников, чтобы убедиться в справедливости теоремы.

Например, для треугольника ABC: квадрат, построенный на гипотенузе AC, содержит 4 исходных треугольника, а квадраты, построенные на катетах, - по два. Теорема доказана.

## 4. Старейшее доказательство

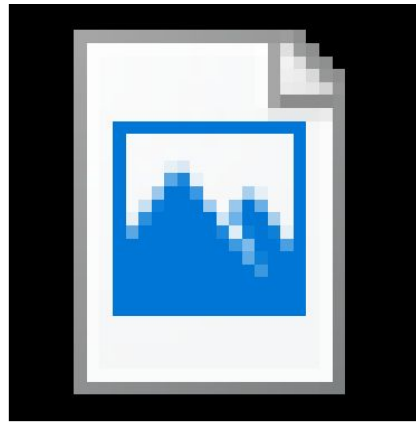
- Пусть ABCD квадрат, сторона которого равна гипотенузе прямоугольного треугольника ABE ( $AB = c$ ,  $BE = a$ ,  $AE = b$ );
- Пусть   $BE = a$ ,   $CK$ ,   $DL =$  }  $\triangle ABE = \triangle BCK = \triangle CDL = \triangle AMD$ ,
- значит  $KL = LM = ME = EK = a - b$ .
- $c^2 =$    $+ (a - b)^2$
- $c^2 = 2ab + a^2 - 2ab + b^2$
- $c^2 = a^2 + b^2..$



çàãđóæáííâ (4).png

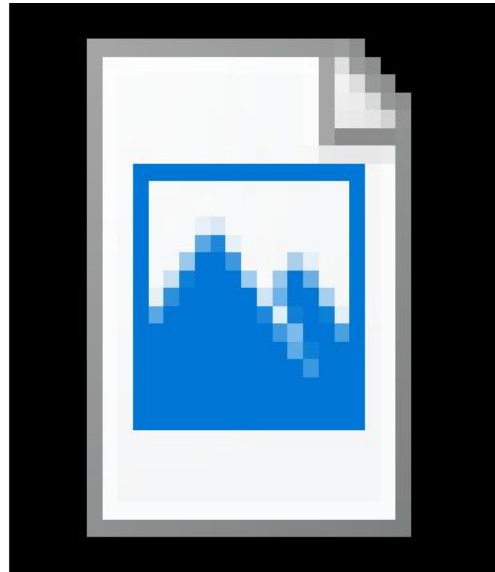
## 5. Доказательство древних индусов

- Квадрат со стороной  $(a+b)$ , можно разбить на части либо как на рисунке а), либо как на рисунке б). Ясно, что части **1,2,3,4** на обоих рисунках одинаковы. А если от равных (площадей) отнять равные, то и останутся равные, т.е.
- **$c^2 = a^2 + b^2$ .**
- Впрочем, древние индусы, которым принадлежит это рассуждение, обычно не записывали его, а сопровождали лишь одним словом:
- **Смотри!**



çàãđóæáíîâ (5).png

- Теорема Пифагора по праву является одной из основных теорем математики. Ценность ее в современном мире также велика, поскольку теорема Пифагора применяется во многих отраслях деятельности человека. Например, ее используют при производстве окон некоторых архитектурных стилей, при строительстве домов и коттеджей и даже при вычислении высоты антенн операторов мобильной связи. И это далеко не весь перечень практического применения данной теоремы. Вот почему очень важно знать теорему Пифагора и понимать ее значение.



çàãđóæáíîã.png