



Тема:
**«Классическое определение вероятности
события»**

Истинная логика нашего мира – правильный подсчет вероятностей.

(Джеймс Максвелл)

Возникновение первых представлений о шансах, случайности и вероятности, первых элементов статистического анализа традиционно ассоциируют с тремя факторами: распространением азартных игр, развитием астрономических исследований и появлением страхования. Правда, первый точно датированный контракт по страхованию жизни был подписан в Генуе в 1347 г; что же касается азартных игр, то они были широко распространены ещё в Древнем Египте (ок. 3500 г. до н.э.), не говоря уже о Древней Греции и Древнем Риме. Однако первые попытки математического анализа шансов игроков появились лишь в XVI в. и принадлежали Л. Пачоли, Н. Тарталье и Дж. Кардано; так возникла комбинаторика. Её последующее развитие связано с именами Б. Паскаля (“Трактат об арифметическом треугольнике”, 1654 г.), Г.В. Лейбница (“Рассуждение о комбинаторном искусстве”, 1666) и особенно Я. Бернулли (“Искусство предположений”, изд. в 1713 г.



Ферма Пьер
(17.8.1601- 12.01.1665),
французский математик.

Французский математик, создатель теории чисел и один из основателей математического анализа. Будучи по профессии юристом, состоял на государственной службе: с 1631 по 1648 был уполномоченным по приему прошений, а с 1648 и до конца жизни – советником парламента Тулузы. Был известен как знаток классической литературы, лингвист и поэт. Математика всегда была для Ферма лишь увлечением, и тем не менее он заложил основы многих ее областей: аналитической геометрии, исчисления бесконечно малых, теории вероятностей. Ферма не оставил ни одной законченной работы, и большинство его набросков не было опубликовано при жизни. Ферма переписывался с Р. Декартом по вопросам аналитической геометрии и был первым, кто воспользовался ее методами применительно к трехмерному пространству.



Христиан Гюйгенс (1629-1695)
его работы относятся к
механике, физике, математике,
астрономии.

В 1651 году Гюйгенс опубликовал работу об определении длины дуг окружности, эллипса и гиперболы. Через три года появился его труд *"Об определении величины окружности"*, который способствовал развитию теории определения отношения длины окружности к диаметру (вычисление числа π). Затем последовал ряд других математических трактатов. Его сочинение *"О расчетах при игре в кости"*, опубликованное в 1657 году, является одним из первых исследований в области теории вероятностей.

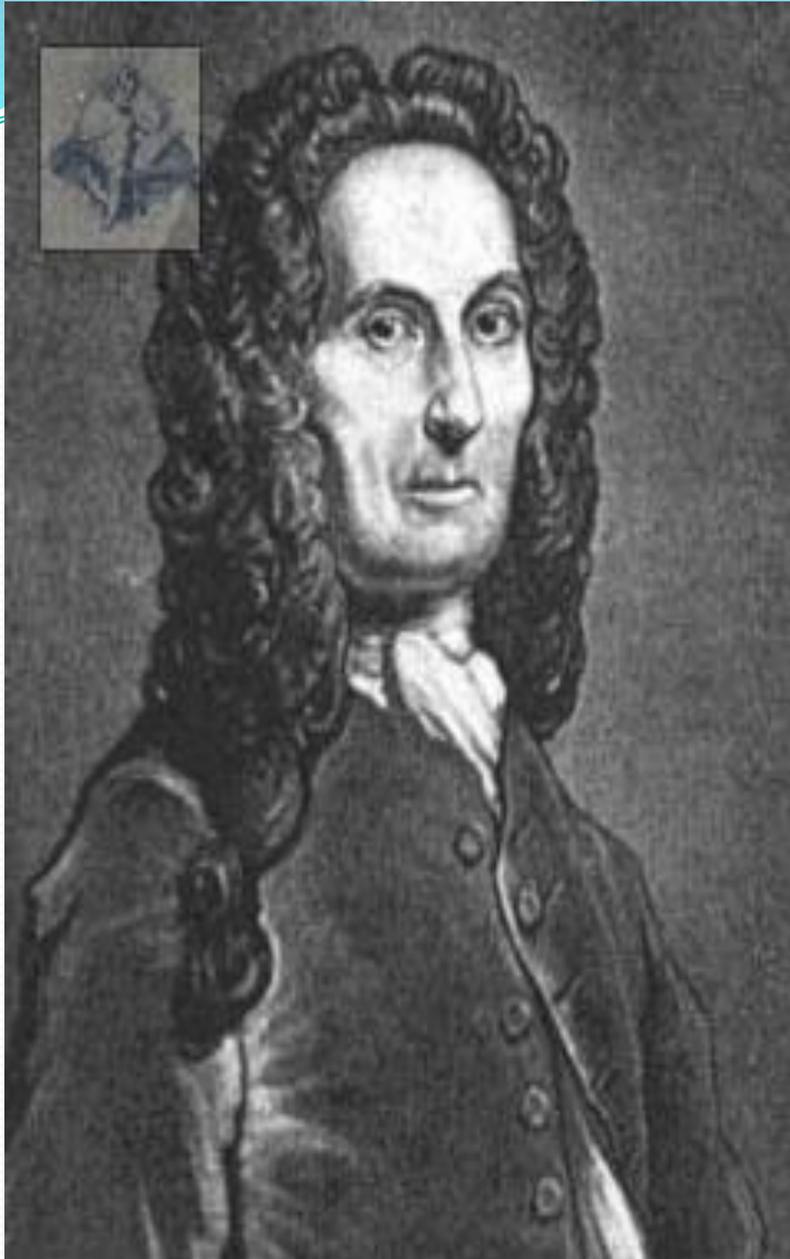


Пьер-Симон Лаплас (фр. Pierre-Simon Laplace; 23 марта 1749 — 5 марта 1827) — французский математик и астроном; известен работами в области небесной механики, дифференциальных уравнений, один из создателей теории вероятностей. Заслуги Лапласа в области чистой и прикладной математики и особенно в астрономии громадны: он усовершенствовал почти все отделы этих наук.



Во главе русской математики середины и второй половины XIX века стоял Пафнутий Львович Чебышев (1821-1894).

Чебышев был воспитанником Московского университета, который он окончил в 1841 году. В этом учебном заведении Чебышев защитил и магистерскую диссертацию *"Опыт элементарного анализа теории вероятностей"*, и данная область стала одним из основных предметов его научных занятий.



Муавр Абрахам (26.5.1667-27.2.1754)-
английский математик. Член
Лондонского королевского общества
(1697г.). Родился в Витри-ле-Франсуа
(Франция). Учился у французского
математика Ж. Озанама. Прожил
много лет в Лондоне. Труды по теории
рядов, теории вероятностей, теории
комплексных чисел. В теории
вероятностей доказал важную
теорему, названную его именем, и
включаемую теперь во все учебники
по этой теории. В теории
комплексных чисел вывел правила
возведения в степень и извлечения
корня n -й степени из комплексных
чисел, которые широко применяются
в тригонометрии и алгебре при
решении двучленных уравнений
(формулы Муавра), Иностраннный
член Парижской и Берлинской
Академии Наук.



REV. T. BAYES

Байес (Бейес) Томас (1702-7.4. 1761)-
английский математик, член
Лондонского королевского общества
(1742г.). Родился в Лондоне. Получил
домашнее образование. Математические
исследования Бейеса относятся к теории
вероятностей. Поставил и решил одну из
основных задач элементарной теории
вероятностей (теорема Бейеса).
Соответствующая работа была
опубликована в 1763г. Формула Бейеса,
позволяющая оценить вероятность
событий эмпирическим путем, играет
важную роль в современной теории
вероятностей и математической
статистике. Другая его работа "Очерки к
решению проблемы доктрины шансов"
была опубликована в 1958г. Сохранилась
терминология: байесовский подход к
статистическим законам, байесовская
оценка решения и другие.



Пуассон Симеон Дени (21.6.1781-25.4.1840)- французский математик, физик, механик. Член Парижской Академии наук (1812). Существенное значение имеют работы Пуассона, посвященные определенным интегралам, уравнениям в конечных разностях, дифференциальным уравнениями с частными производными, теории вероятностей, вариационному исчислению, рядам. Основательно улучшил способы применения теории вероятностей вообще и к вопросам статистики в частности, а также доказал теорему, которая касалась закона больших чисел (закон Пуассона), впервые воспользовавшись терминов "закон больших числе".



«Предмет математики настолько серьезен, что полезно не упускать случаев, делать его немного занимательным».

Б. Паскаль

Паскаль (Pascal) Блез (19.6.1623, Клермон-Ферран, — 19.8.1662, Париж), французский религиозный философ, писатель, математик и физик. Родился в семье высокообразованного юриста, занимавшегося математикой и воспитывавшего своих детей под влиянием педагогических идей М. Монтеня, рано проявил выдающиеся математические способности, войдя в историю науки как классический пример отроческой гениальности.



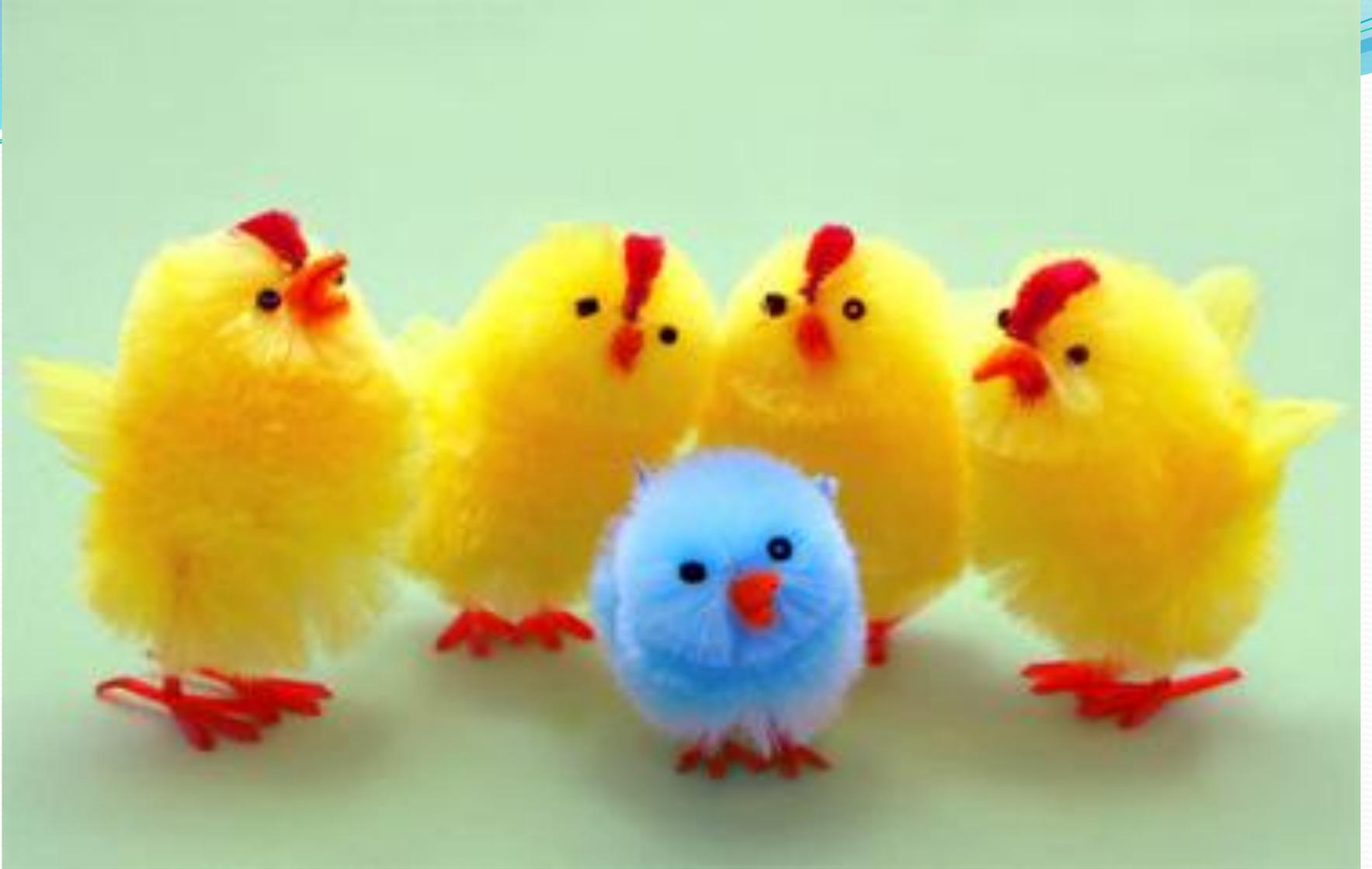
А. Н. Колмогоров (1903-1987) – величайший русский математик XX столетия, создатель современной теории вероятностей, автор классических результатов в теории функций, в математической логике, топологии, теории дифференциальных уравнений, функциональном анализе, в теории турбулентности, теории гамильтоновых систем. Созданные им школы в теории вероятностей, теории функций, функциональном анализе и теории гамильтоновых систем определили развитие этих направлений математики в XX столетии. В истории российской науки его имя стоит рядом с именами М. В. Ломоносова, Д. И. Менделеева - ученых, всей своей жизнью прославивших Россию.



Классическая вероятность события

$$P(A) = \frac{m}{n}$$

$$P(A) = \frac{\text{ЧИСЛО ШАНСОВ СОБЫТИЯ } A}{\text{ОБЩЕЕ ЧИСЛО ИСХОДОВ}} = \frac{m}{n}$$



Какова вероятность того, что из 5 цыплят один будет синего цвета?

ПРИМЕРЫ

□ На экзамене -24 билета. Андрей не разобрался в одном билете и очень боится его вытянуть. Какова вероятность, что Андрею достанется несчастный билет?

А- достанется несчастливый билет

$$n=24;$$
$$m=1, \text{ тогда } P(A)=\frac{1}{24}$$

□ В лотереи 10 выигрышных билетов и 240 билетов без выигрыша. Какова вероятность выиграть в эту лотерею, купив один билет?

А- выиграть

Исходов всего $240+10=250$;

$$\text{Шансы}=10; P(A)=\frac{10}{250}=\frac{1}{25}$$

□ В лотереи 100 билетов, из них 5 выигрышных. Какова вероятность проигрыша

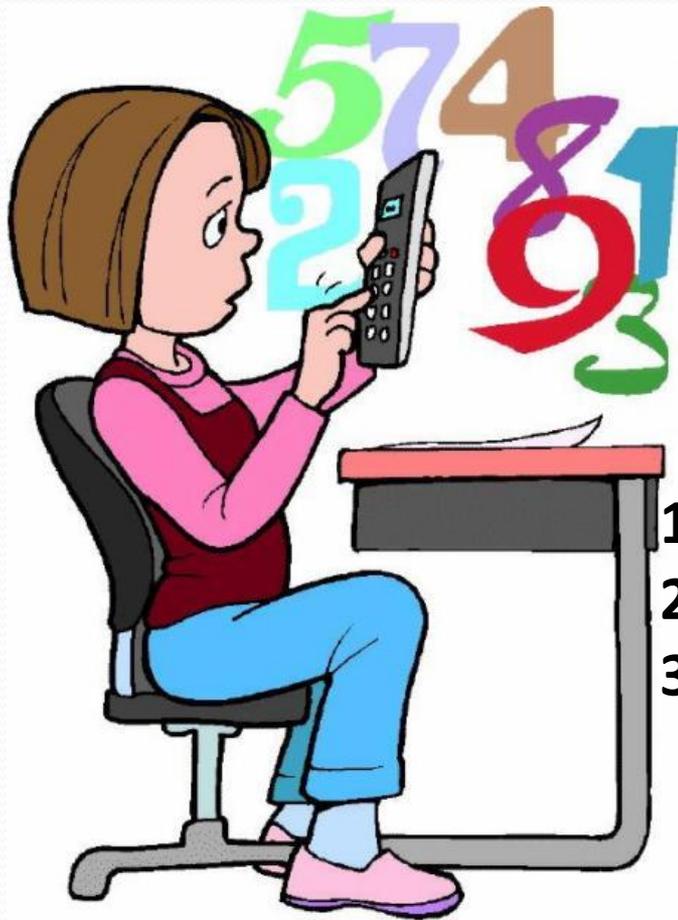
А- проиграть:

Исходов 100;

$$\text{Шанс } =100-5=95, \text{ тогда } P(A)=\frac{95}{100}=\frac{19}{20}$$



Ошибка Даламбера



Какова вероятность, что подброшенные вверх две правильные монеты упадут на одну и ту же сторону?

Решение, предложенное Даламбером.

Опыт имеет три равновозможных исхода:

1. Обе монеты упали на «орла».
2. Обе монеты упали на «решку».
3. Одна из монет упала на «орла», другая на «решку».

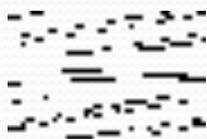
$$N = 3; N(A) = 2; P(A) =$$

Правильное решение.

1. Орел, орел
2. Решка, решка
3. Орел, решка
4. Решка, орел

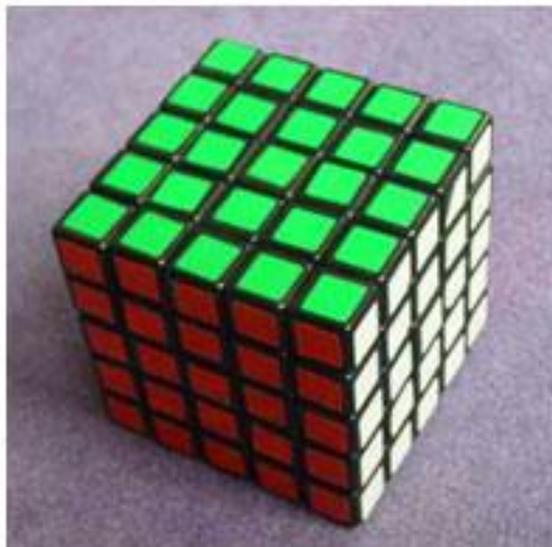
$$N = 4; N(A) = 2;$$

$$P(A) =$$



Нельзя объединять два принципиально разных исхода в один. Природа различает все предметы.

Некоторые факты о Кубике Рубика.



Число возможных различных состояний кубика Рубика равно 43 252 003 274 489 856 000.

Это число не учитывает то, что ориентация центральных квадратов может быть разной. С учётом ориентации центральных квадратов количество состояний получается в $46/2=2048$ раз больше, а именно 88 580 102 706 155 225 088 000 состояний.

Задание 1.

Какие из следующих событий – случайные, достоверные, невозможные:

- черепаха научиться говорить;
- вода в чайнике, стоящим на горячей плите закипит;
- ваш день рождения – 19 октября
- день рождения вашего друга – 30 февраля;
- вы выиграете участвуя в лотереи;
- вы не выигрываете, участвуя в беспроигрышной лотереи;
- вы проиграете партию в шахматы;
- на следующей недели испортиться погода;
- вы нажали на звонок, а он не зазвонил;
- после четверга будет пятница;
- после пятницы будет воскресенье.

Задание 2.

Для каждого из перечисленных событий определите, какое оно: достоверное, возможное, невозможное:

- летом у школьников будут каникулы;**
- 5 июля в Иркутске будет солнечно;**
- после уроков дежурные уберут кабинет;**
- в 11-м классе школьники не будут изучать алгебру;**
- зимой выпадает снег;**
- при включении света, лампочка перегорит;**
- вы выходите на улицу, а на встречу вам идет слон.**

Подведение итогов:

1. Что такое событие?
2. Какое событие называют действительным?
3. Какое событие называют случайным?
4. Какое событие называют невозможным?
5. Какие ученые занимались поиском закономерностей в случайных событиях?

Домашнее задание:

1. Составить 2 задачи на вероятность.

2. Написать сообщение на одну из тем (в рабочей

тетради):

1. Даниил Бернулли и его вклад в развитие теории вероятностей.
2. Гюйгенс и его вклад в развитие теории вероятностей
3. Блез Паскаль и его вклад в развитие теории вероятностей
4. Ферма и его вклад в развитие теории вероятностей