

**«Геометрические  
преобразования»**  
ученика группы 1-ИС  
Отопкова Ильи

# Преобразования фигур в пространстве

Движения

Подобие

Симметрия относительно точки

Симметрия относительно прямой

Симметрия относительно плоскости

Параллельный перенос (вектор)

Гомотетия

Поворот



# Преобразования в пространстве

## ПРЕОБРАЗОВАНИЕ СИММЕТРИИ В ПРОСТРАНСТВЕ

Понятие преобразования для фигур в **пространстве** определяется так же, как и на плоскости.

Так же, как и на плоскости, определяются преобразования симметрии относительно **точки и прямой**.

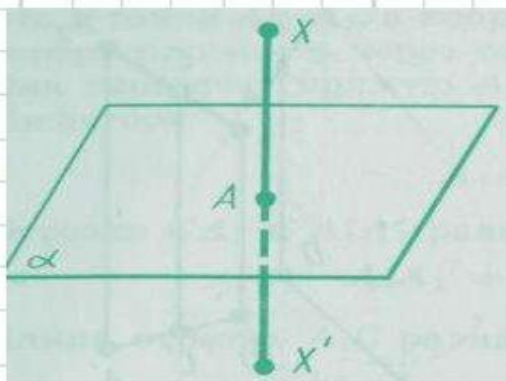


Рис. 2

Кроме симметрии относительно точки и прямой в пространстве, рассматривают преобразование симметрии относительно плоскости.

Это преобразование состоит в следующем (рис. 2).

Пусть  $\alpha$  — произвольная фиксированная плоскость. Из точки  $X$  фигуры опускаем перпендикуляр  $XA$  на плоскость  $\alpha$  и на его продолжении за точку  $A$  откладываем отрезок  $AX'$ , равный  $XA$ .

Точка  $X'$  называется **симметричной** точке  $X$  относительно плоскости  $\alpha$ , а преобразование, которое переводит точку  $X$  в симметричную ей точку  $X'$

называется **преобразованием симметрии** относительно плоскости  $\alpha$ .

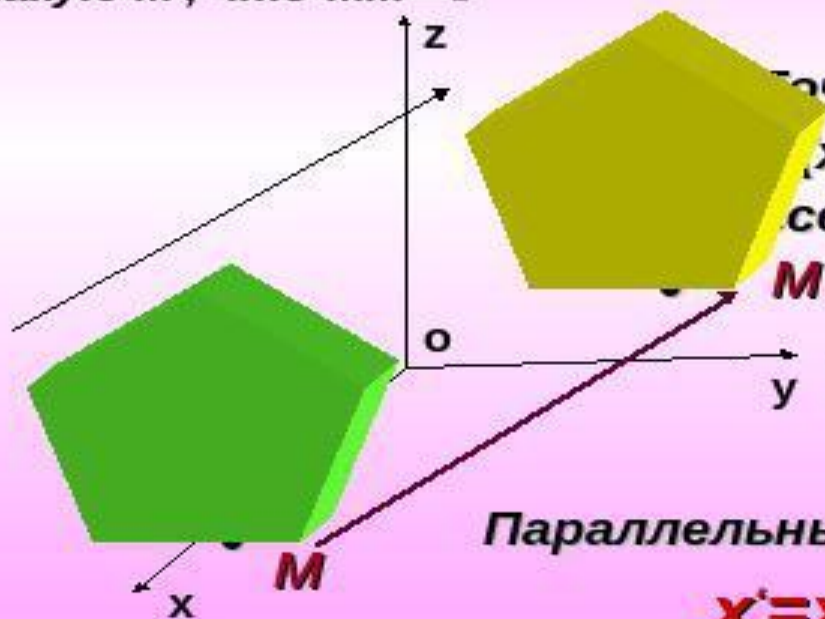
Если точка  $X$  лежит в плоскости  $\alpha$ , то считается, что точка  $X$  переходит в себя.



# Параллельный перенос

## Параллельный перенос

Параллельным переносом на вектор  $\vec{a}$  называется отображение пространства на себя, при котором любая точка  $M$  переходит в такую  $M'$ , что  $\overrightarrow{MM'} = \vec{a}$



Точка  $M(x; y; z)$  переходит в точку  $M'(x+a; y+b; z+c)$ , где  $a$ ,  $b$  и  $c$  для всех точек  $(x; y; z)$

Параллельный перенос задается формулами:

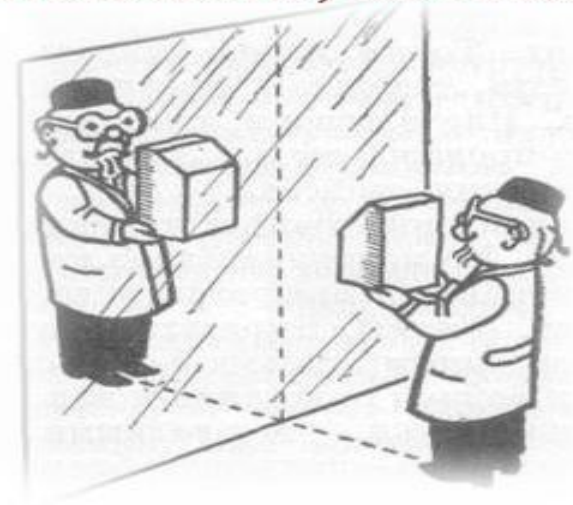
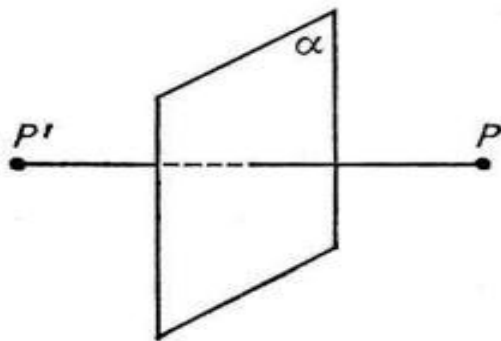
$$x' = x + a; y' = y + b; z' = z + c$$



# Симметрия относительно ПЛОСКОСТИ

## Симметрия относительно плоскости

- Точки  $A$  и  $A_1$  называются симметричными относительно плоскости  $\alpha$  (плоскость симметрии), если плоскость  $\alpha$  проходит через середину отрезка  $AA_1$  и перпендикулярна к этому отрезку. Каждая точка плоскости  $\alpha$  считается симметричной самой себе. Две фигуры называются симметричными относительно плоскости (или зеркально-симметричными относительно), если они состоят из попарно симметричных точек. Это значит, что для каждой точки одной фигуры симметричная ей (относительно) точка лежит в другой фигуре.





Спасибо за  
внимание!

