

Основные понятия теории вероятностей. Классическое определение вероятности и ее свойства. Правила сложения и умножения вероятностей

Сложение несовместных событий

Два события называются **несовместными**, если появление одного из них исключает появление другого в одном и том же испытании.

Суммой событий A и B называется событие $A + B$, которое наступает тогда и только тогда, когда наступает хотя бы одно из событий: A или B .

Теорема. *Вероятность появления одного из двух несовместных событий, безразлично какого, равна сумме вероятностей этих событий: $P(A+B) = P(A) + P(B)$.*

Сложение совместных событий

Два события называются **совместными**, если появление одного из них не исключает появления другого в одном и том же испытании.

Теорема. Вероятность появления одного из двух совместных событий, безразлично какого, равна сумме вероятностей этих событий минус их произведение: $P(A+B) = P(A) + P(B) - P(A*B)$.

$$P(A \cup B) = 1 - P(\bar{A}) \cdot P(\bar{B})$$

$$P(A + B) = P(A) \cdot P(\bar{B}) + P(\bar{A}) \cdot P(B) + P(A) \cdot P(B)$$

Произведение зависимых событий

Условная вероятность события B при условии, что событие A наступило

$$P_A(B) = P(B / A)$$

$$P(A \cap B) = P(A \cdot B) = P(A) \cdot P(B / A)$$

Произведение независимых событий

Событие B называют **независимым** от события A , если появление события A не изменяет вероятности события B .

Теорема. *Вероятность совместного появления двух независимых событий равна произведению вероятностей этих событий.* $P(AB) = P(A) P(B)$

Пример. В двух коробках лежат карандаши одинаковой величины и формы, но разного цвета. В первой коробке 4 красных и 6 черных, а во второй 3 красных, 5 синих и 2 черных. Из обеих коробок вынимается наугад по одному карандашу. Какова вероятность того, что оба карандаша окажутся красными?

Ответ:

$$0,4 * 0,3 = 0,12$$

Формула Бернулли для n

независимых испытаний

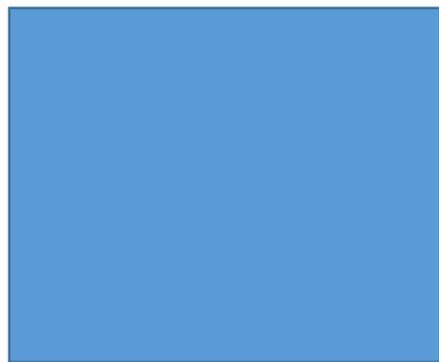
A - событие в том, что оно произойдет

ровно (или точно) k раз:

$$P(A) = C_n^k \cdot p^k \cdot q^{n-k}$$

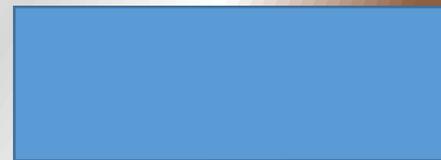
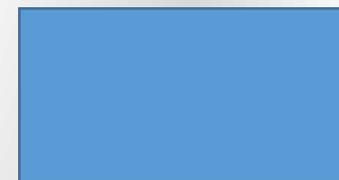
Вероятность того, что стрелок попадет в мишень равна 0,8. Найдите вероятность, что в серии из пяти выстрелов, он попадет в мишень ровно 3 раза

46. На стеллаже библиотеки в случайном порядке расставлено 15 учебников, причем пять из них в переплете. Библиотекарь берет наудачу три учебника. Найти вероятность того, что хотя бы один из взятых учебников окажется в переплете (событие A).



51. Два стрелка стреляют по мишени. Вероятность попадания в мишень при одном выстреле для первого стрелка равна 0,7, а для второго — 0,8. Найти вероятность того, что при одном залпе в мишень попадает только один из стрелков.

56. Устройство состоит из трех элементов, работающих независимо. Вероятности безотказной работы (за время t) первого, второго и третьего элементов соответственно равны 0,6; 0,7; 0,8. Найти вероятности того, что за время t безотказно будут работать: а) только один элемент; б) только два элемента; в) все три элемента.





Букмекеры оценили победу туринцев в матче серии А как 2:1, а на победу римлян принимались ставки 5:1. Найдите вероятность ничьи



В матче за титул чемпиона мира по версии WBA *GGG vs Saul Alvarez (Canelo)* букмекеры принимали ставки: на победу Головкина 2,5:1, на ничью 4:1. Найти вероятность, что победит Канело и ставку букмекеров



ГОСЛОТО



Оцените, где выше вероятность выигрыша: в лотерее «5» из «36», где нужно угадать 5 выпавших чисел или в лотерее «5» из «20», где нужно угадать тех же 5 чисел в порядке возрастания номеров

Задания

1. Школьный комитет, состоящий из 4 студентов, избирается из 8 мальчиков и 3 девочек.

- Сколькими способами можно выбрать членов комитета?
- Сколькими способами можно выбрать членов комитета так, чтобы в нем было не менее 2 мальчиков?
- Найдите вероятность того, что в комитете будет не менее 6 мальчиков.

2. Производители деталей выявили, что на одной из сборочных линий 20% производимых деталей имеют дефект. Во время очередной проверки инспектор выбирает 5 деталей из этой сборочной линии. Найдите вероятность того, что инспектору попадутся 3 детали с дефектом. Ответ округлите до тысячных.

3. Мешок A содержит 4 белых и 10 черных шара. Мешок B содержит 6 белых и 4 черных шара. С каждого мешка вытаскивают по одному шару, затем возвращают.

- Вычислите вероятность того, оба шара белые.
- Из мешка B извлекают по очереди два шара, не возвращая их. Найдите вероятность того, что оба шара будут черными.

