Построение графика функции y = kf(x)

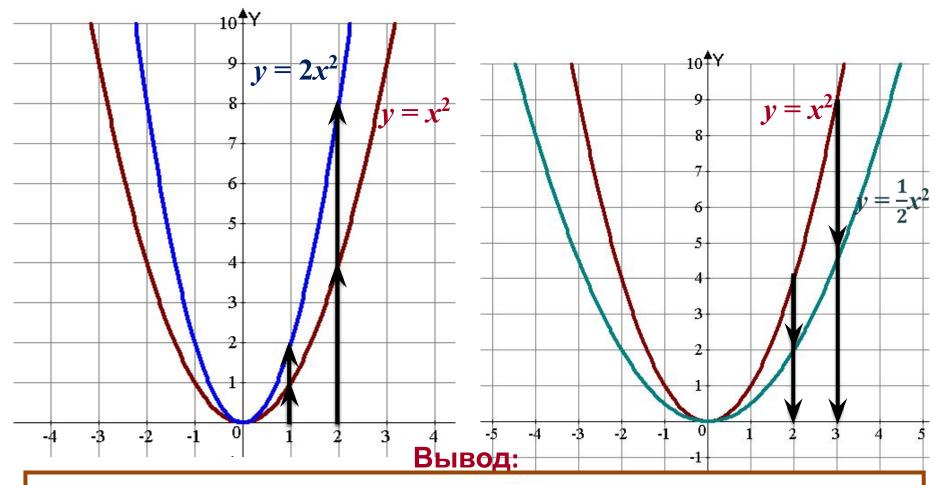
План построения графика функции

- 1.Заполнить таблицу значений
- 2.Построить точки на координатной плоскости
- 3.Соединить построенные точки плавной линией
- 4.Подписать название функции

Пример

$$y = x^2$$
$$y = 2x^2$$

$$y = x^2$$
$$y = \frac{1}{2}x^2$$



Говорят, что график функции y = kf(x) получен из графика функции y = f(x) в результате растяжения в k раз от оси абсцисс, если k > 1, или в результате сжатия в $\frac{1}{k}$ раз к оси абсцисс, если 0 < k < 1.

План построения графика функции

- 1.Заполнить таблицу значений
- 2.Построить точки на координатной плоскости
- 3.Соединить построенные точки плавной линией
- 4.Подписать название функции

Пример

<u>2</u>

$$y = -x^2$$
$$y = -2x^2$$

$$y = -x^2$$
$$y = -\frac{1}{2}x^2$$

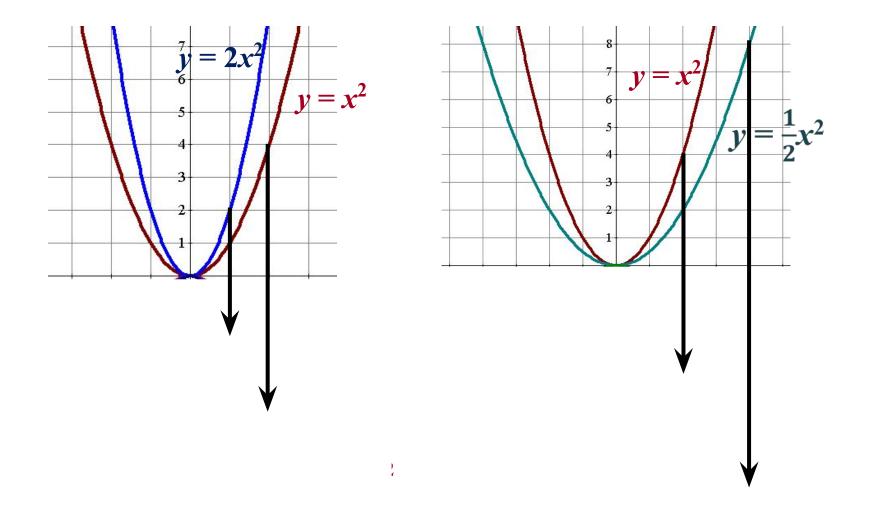


График функции $y = ax^2$ называется параболой.

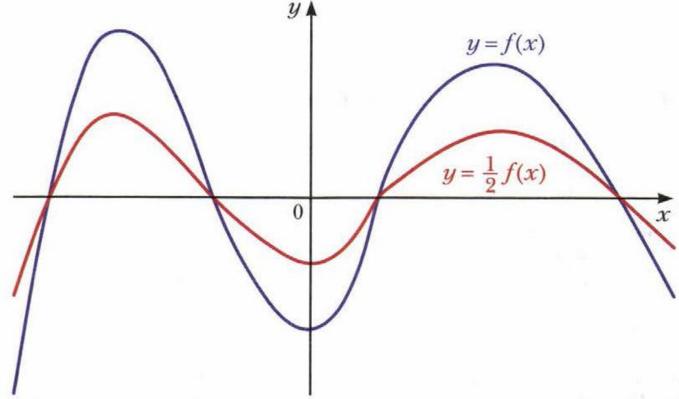
Если a > 0, то ветви параболы направлены вверх, если a < 0, то ветви параболы направлены вниз.

Свойства функции $y = ax^2$, $a \neq 0$

• Свойства для a > 0

Свойства для *a* < 0

Свойство	<i>a</i> > 0	<i>a</i> < 0
Область определения	(-∞; +∞)	(-∞; +∞)
Область значений	[0; +∞)	(-∞; 0]
Нули функции	x = 0	x = 0
Промежутки знакопостоянства	$y>0$ на каждом из промежутков ($-\infty$; 0) и (0; $+\infty$)	$y < 0$ на каждом из промежутков ($-\infty$; 0) и (0; $+\infty$)
Возрастает на промежутке	[0; +∞)	(-∞; 0]
Убывает на промежутке	(–∞; 0]	[0; +∞)

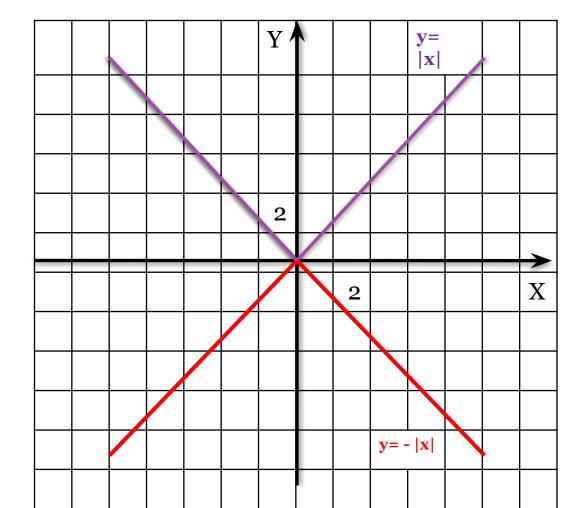


Заметим, что при $k \neq 0$ нули функций y = f(x) и y = kf(x) совпадают. Следовательно, графики этих функций пересекают ось абсцисс в одних и тех же точках.

$$1)y = -f(x)$$

• График функции y= - f(x) получается из графика функции y= f(x) симметричным его отражением относительно оси Ох.

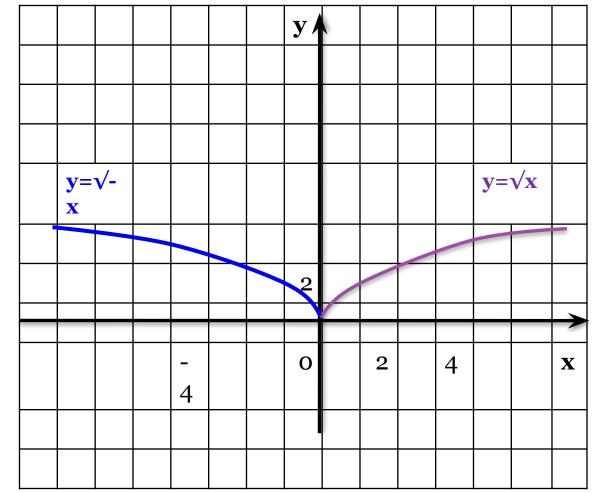
• Построить график функции у= - |x|



2)y=f(-x)

• График функции y=f(-x) получается из графика функции y=f(x) симметричным отражением его относительно оси Oy.

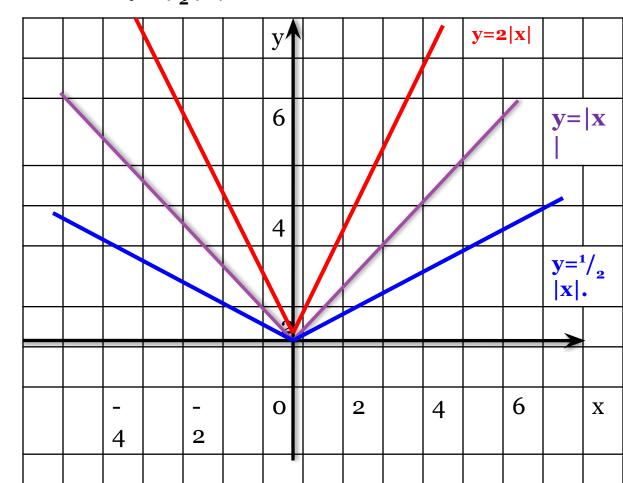
• Построить график функции $y=\sqrt{-x}$



3)y=kf(x)

• График функции y=kf(x) получается растяжением в k раз, если k>1, и сжатием в ¹/_k раз, если o<k<1, вдоль оси Оу графика функции y=f(x).

• Построить графики функций y=2|x| и $y=\frac{1}{2}|x|$.



Задание

Постройте график функции:

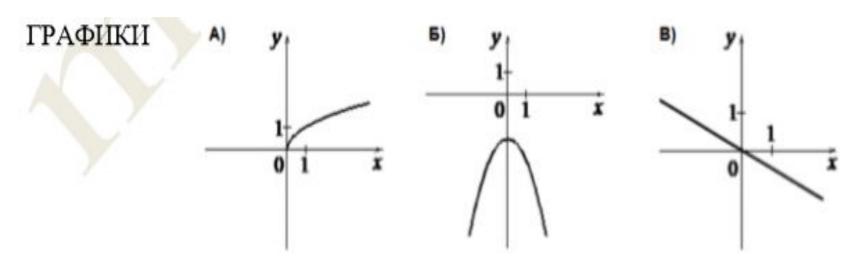
a)
$$y = 2x^2$$

a)
$$y = \frac{2}{4}x^2$$

б) $y = \frac{1}{4}x^2$

ОГЭ. ЗАДАНИЕ №11

Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.



ФОРМУЛЫ

1)
$$y = -\frac{1}{2}x$$
 2) $y = \sqrt{x}$ 3) $y = -3x^2 - 2$

$$2) \ \ y = \sqrt{x}$$

3)
$$y = -3x^2 - 2$$

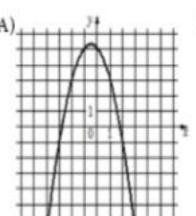
В таблице под каждой буквой укажите соответствующий номер.

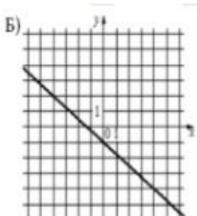
B

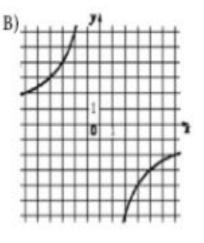
OTBET. 231

Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.

ГРАФИКИ







ФОРМУЛЫ

1)
$$y = -x^2 - x + 5$$

2)
$$y = -\frac{3}{4}x - 1$$

3)
$$y = -\frac{12}{x}$$

В таблице под каждой буквой укажите соответствующий номер.

A

Б

B

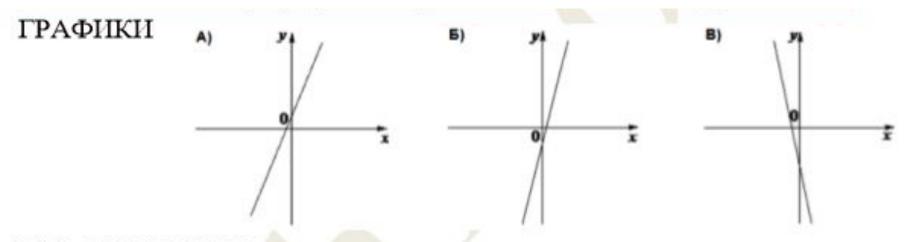
1

2

.

OTBET. 123

На рисунке изображены графики функций вида y= кx + b. Установите соответствие между графиками функций и знаками коэффициентов.



КОЭФФИЦИЕНТЫ

1)
$$k > 0, b < 0$$

2)
$$k < 0, b < 0$$

3)
$$k > 0, b > 0$$

В таблице под каждой буквой укажите соответствующий номер.

А Б В 3 1 2

OTBET. 312