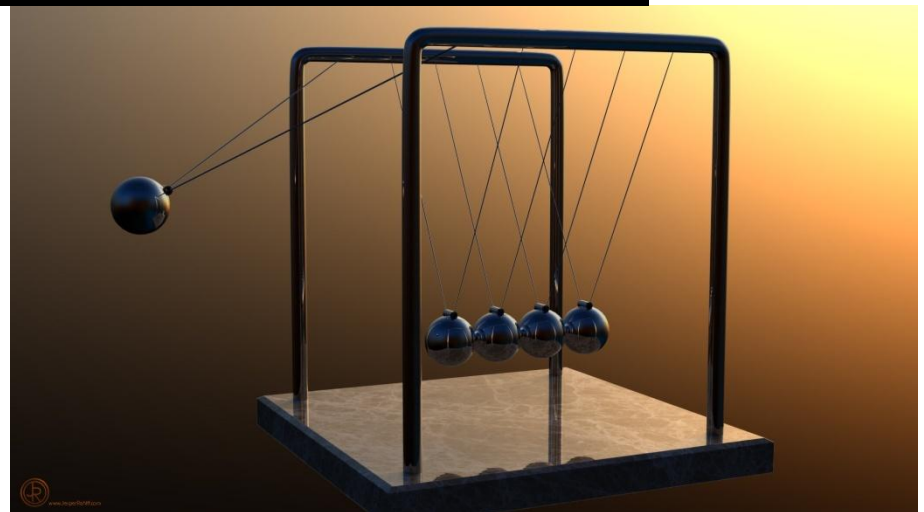
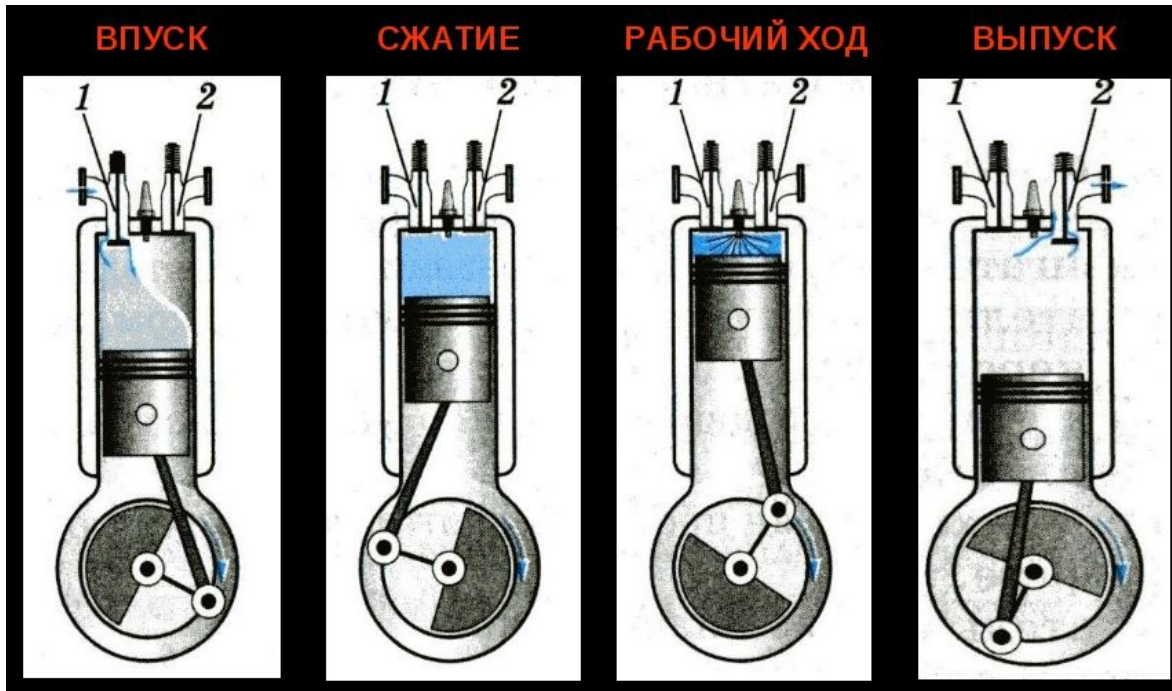


Механические колебания

это периодически повторяющееся
движение

СИСТЕМ



Физические величины, характеризующие колебания

- x - смещение - отклонение тела от положения равновесия, измеряется в метрах
- x_{\max} - амплитуда — максимальное отклонение тела от положения равновесия, измеряется в метрах
- T - период — время одного колебания, измеряется в секундах
- ν — собственная частота — число колебаний за единицу времени, измеряется в Герцах
- ω - циклическая частота — число колебаний за 2π секунды, измеряется в рад/с

Основные формулы :

$$T = \frac{t}{N} \quad - \text{определение периода колебаний}$$

$$\nu = \frac{N}{t} \quad - \text{определение частоты колебаний}$$

$$\nu = \frac{1}{T}$$

$$\omega = 2\pi\nu = \frac{2\pi}{T} \quad - \text{связь периода, частоты и циклической частоты колебаний}$$

Гармоническими называются колебания, происходящие по закону синуса или косинуса

$$x = A \cos(\omega_0 t)$$

$$x' = -A \omega_0 \sin(\omega_0 t)$$

$$x'' = (x')' = -\omega_0^2 A \cos(\omega_0 t)$$

$$x' = v$$

$$v = -v_{\max} \sin(\omega_0 t)$$

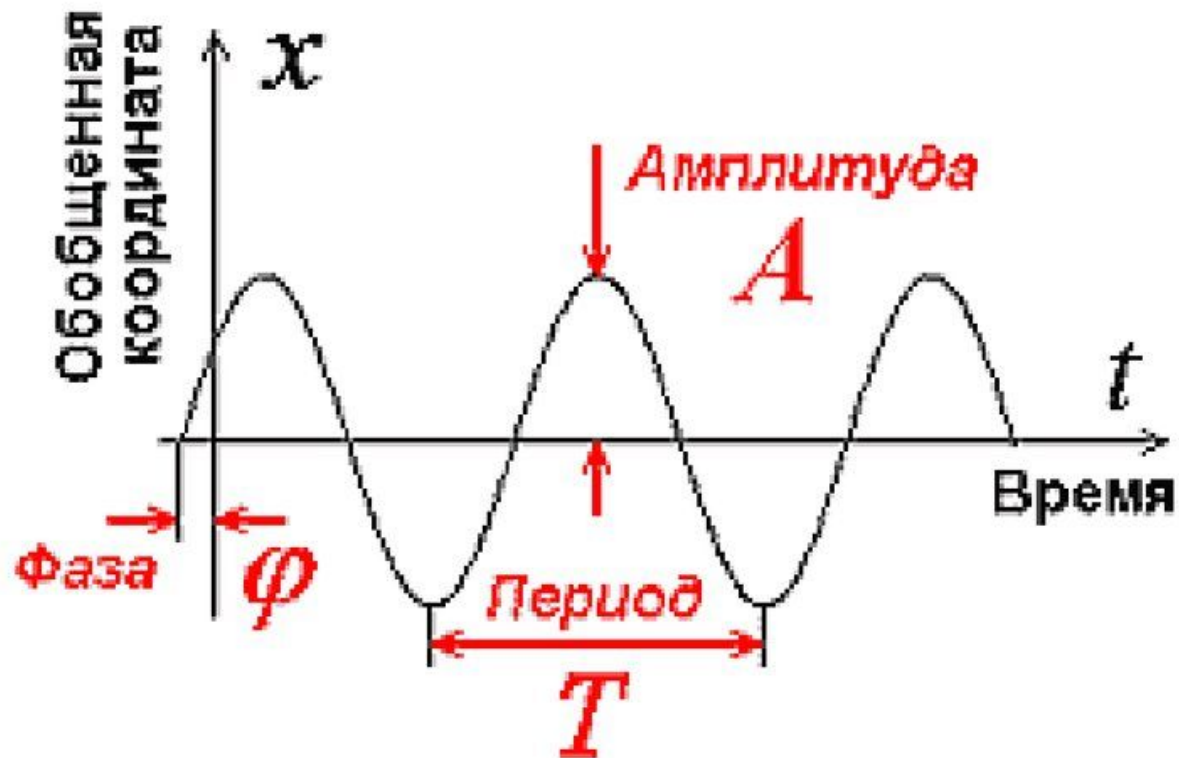
$$v_{\max} = A \omega_0$$

$$x'' = (x')' = v' = a$$

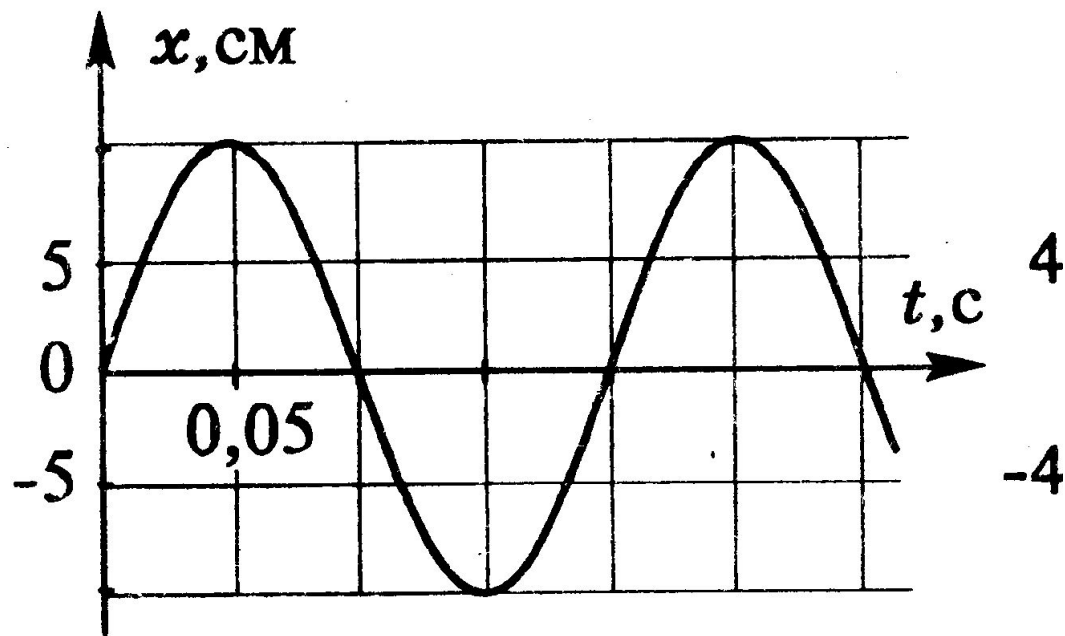
$$a = -a_{\max} \cos(\omega_0 t)$$

$$a_{\max} = A \omega_0^2 = v_{\max} \omega_0$$

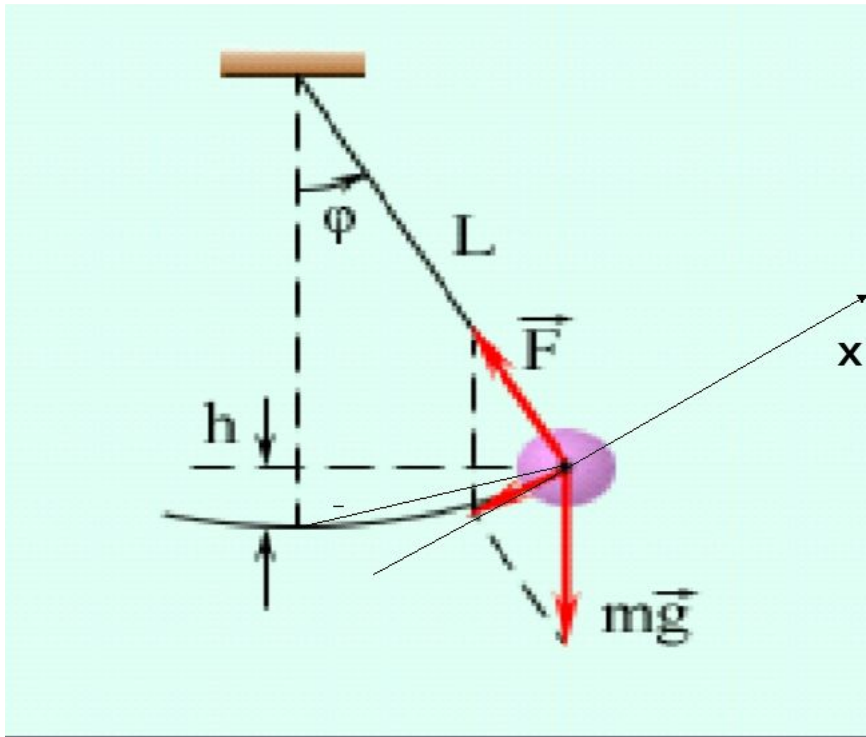
График колебаний



Задание: Колебательное движение тела описывается графиком, представленным на рисунке. Определите амплитуду, период, собственную частоту и циклическую частоту колебаний.



Математический маятник



$$a = \frac{F}{m}$$

$$F = -mg \sin \alpha$$

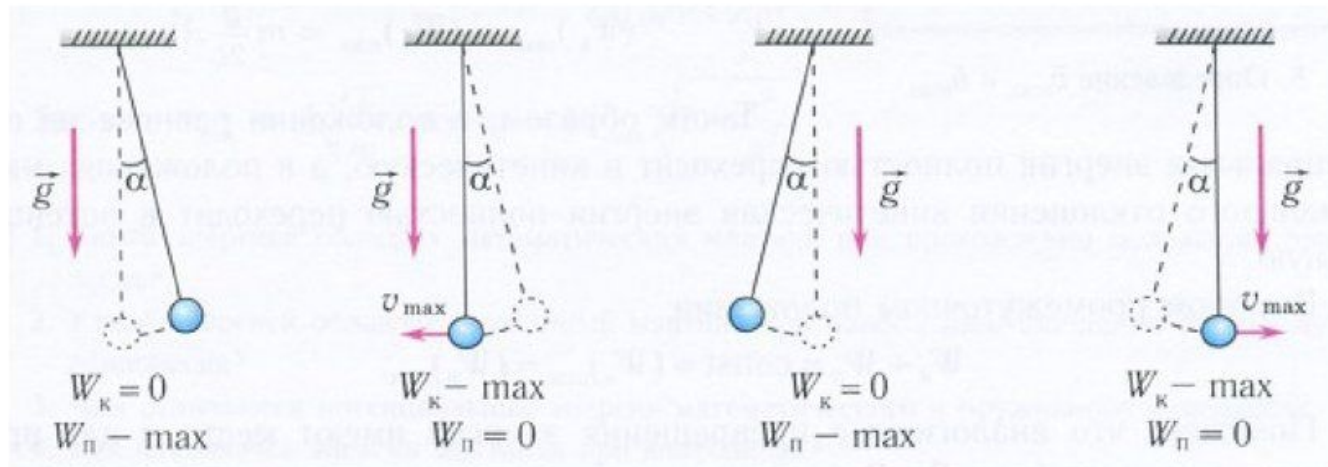
$$a = -\frac{mg \sin \alpha}{m}$$

$$a = -g \sin \alpha$$

$$a = -g \frac{x}{l} = -\frac{g}{l} x$$

Проекция ускорения \mathbf{a}_x тела прямо пропорциональна его координате X со знаком «минус»

Превращения энергии при колебании математического маятника



$$E_n = mgh$$

$$E_k = \frac{mv^2}{2}$$

Закон сохранения энергии

$$mgH_{\max} = \frac{mv_{\max}^2}{2}$$

Позволяет определить амплитуду колебаний H_{\max} или максимальное значение скорости

Задание: Выразите из формулы закона сохранения энергии амплитуду колебаний H_{\max} , а затем максимальную скорость.

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

Период

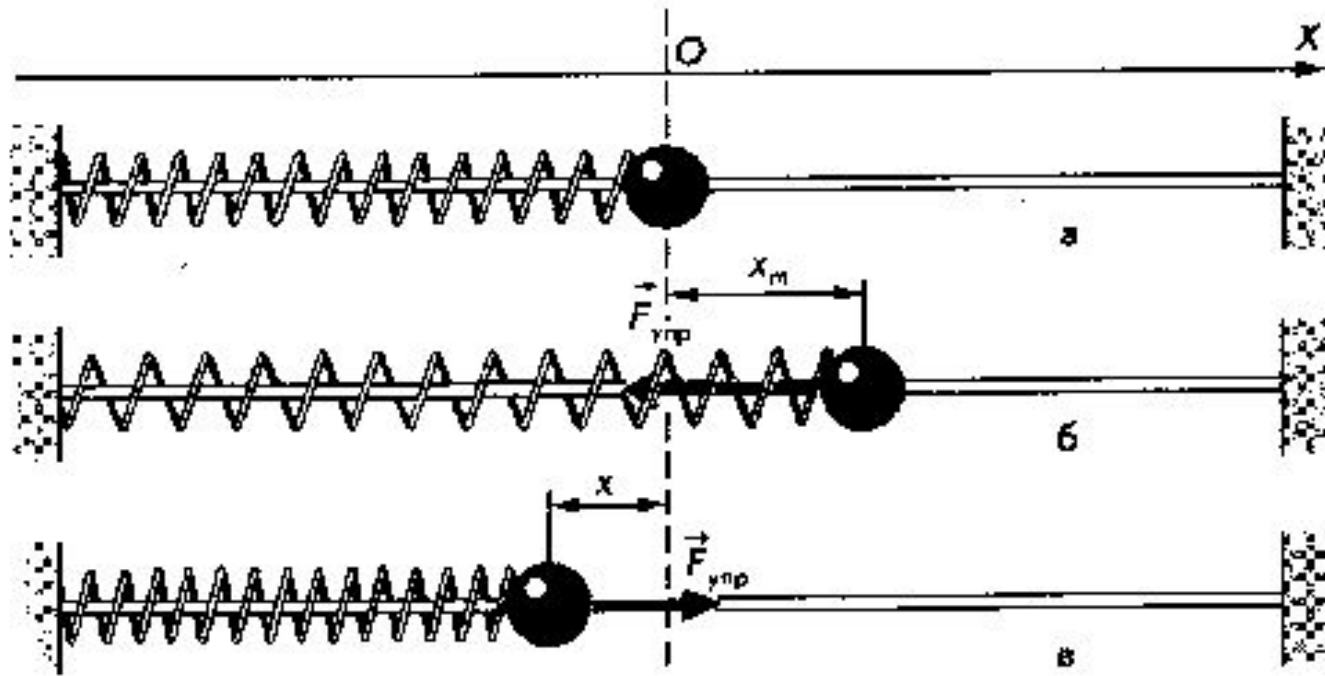
$$\nu = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{g}{l}}$$

Собственная частота

$$\omega = \sqrt{\frac{g}{l}}$$

Циклическая частота

Пружинный маятник



Колебания совершаются под действием силы упругости

$F_{упр} = kx$ — закон Гука

k — жесткость пружины

x — деформация (удлинение, сжатие)

Уравнение движения тела под действием силы упругости

Используем второй закон Ньютона и закон Гука:

$$\left. \begin{aligned} F_x &= ma_x \\ F_x &= -kx \end{aligned} \right\} \begin{aligned} ma_x &= -kx \\ a_x &= -\frac{k}{m}x \end{aligned}$$

Проекция ускорения a_x тела прямо пропорциональна его координате X со знаком «минус»

Превращения энергии при колебании пружинного маятника

Потенциальная энергия максимальна при
прохождении маятником крайних точек при
 $X=X_{\max}$, где X_{\max} – амплитуда

$$E_p = \frac{kx^2}{2}$$

Кинетическая энергия максимальна при прохождении
маятником положения равновесия $X=0$

$$E_k = \frac{mv^2}{2}$$

Закон сохранения энергии

$$\frac{kx_{\max}^2}{2} = \frac{mv_{\max}^2}{2}$$

Позволяет определить амплитуду колебаний X_{\max} или максимальное значение скорости

Задание: Выразите из формулы закона сохранения энергии амплитуду колебаний X_{\max} , а затем максимальную скорость.

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$$

Период

$$\nu = \frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{k}{m}}$$

Собственная частота

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

Циклическая частота