



Лекция 1



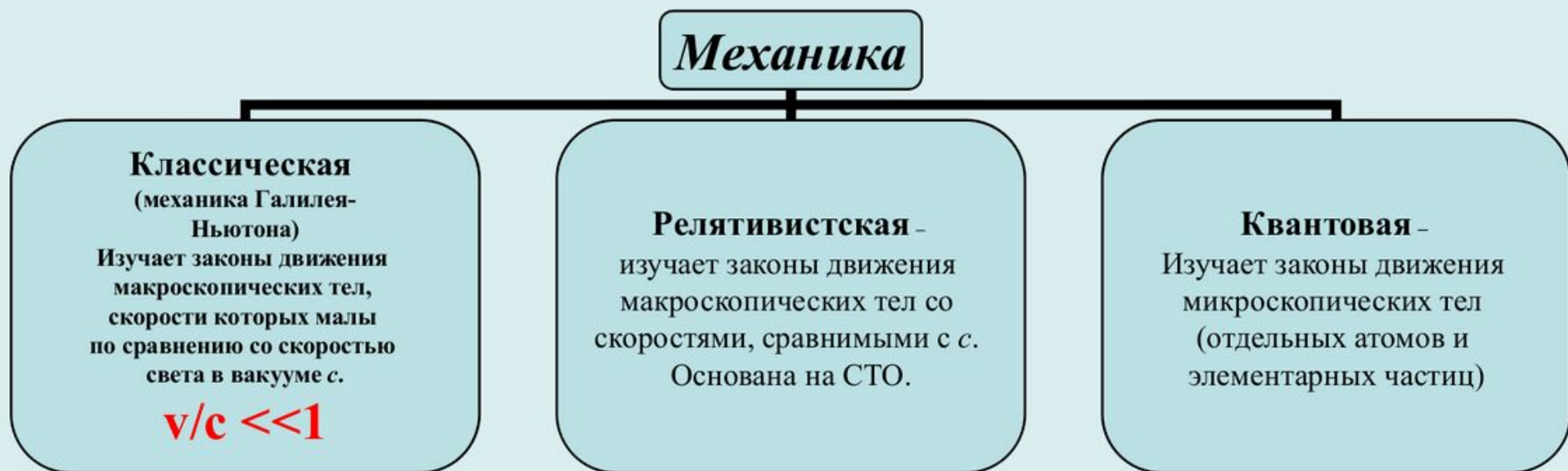
Тема 1. КИНЕМАТИКА ДВИЖЕНИЯ МАТЕРИАЛЬНОЙ ТОЧКИ

- 1.1. Понятие механики, модели в механике
- 1.2. Система отсчета, тело отсчета
- 1.3. Кинематика материальной точки
 - 1.3.1. Путь, перемещение
 - 1.3.2. Скорость
 - 1.3.3. Проекция вектора скорости на оси координат
 - 1.3.4. Ускорение. Нормальное и тангенциальное ускорение
- 1.4. Кинематика твердого тела
 - 1.4.1. Поступательное движение твердого тела
 - 1.4.2. Вращательное движение вокруг неподвижной оси

1.1. Понятие механики, разделы в механике

Механика - часть физики, которая изучает закономерности механического движения и причины, вызывающие или изменяющие это движение.

Механическое движение - изменение взаимного положения тел или их частей в пространстве со временем.





Предметом классической механики является механическое движение взаимодействующих между собой макротел при скоростях, много меньше скорости света и в условиях, когда переходом механической энергии в другие ее формы можно пренебречь.

Разделы классической механики

Кинематика

Изучает движение тел, не рассматривая причины, которые это движение обуславливают

Динамика

Изучает законы движения тел и причины, которые вызывают или изменяют это движение

Статика

Изучает законы равновесия системы тел.
Если известны законы движения тел, то из них можно установить и законы равновесия.

Кинематика (от греческого слова *κίνημα* – движение) – раздел механики, в котором изучаются геометрические свойства движения тел без учета их массы и действующих на них сил.

Динамика (от греческого *δυναμική* – сила) изучает движения тел в связи с теми причинами, которые обуславливают это движение.

Статика (от греческого *στατική* – равновесие) изучает условия равновесия тел.

Модели в механике

Материальная точка - тело, размерами, формой и внутренним строением которого в данной задаче можно пренебречь

Абсолютно твердое тело - тело, которое ни при каких условиях не может деформироваться и при всех условиях расстояние между двумя точками этого тела остается постоянным



Без знаний механики невозможно представить себе развитие современного машиностроения.

Развитие механики, как науки, начиналось с III в. до н.э., когда древнегреческий ученый **Архимед** (287 – 312 до н.э.) сформулировал закон рычага и законы равновесия плавающих тел.

Основные законы механики установлены итальянским физиком и астрономом **Г. Галилеем** (1564 – 1642) и окончательно сформулированы английским физиком **И. Ньютоном** (1643 – 1727).

Механика Галилея и Ньютона называется **классической**, т.к. она рассматривает **движение макроскопических тел со скоростями, значительно меньшими скорости света в вакууме.**

Галилео Галилей

(Galileo Galilei)

15 февраля 1564
Родился *Пиза (Pisa)*
Италия

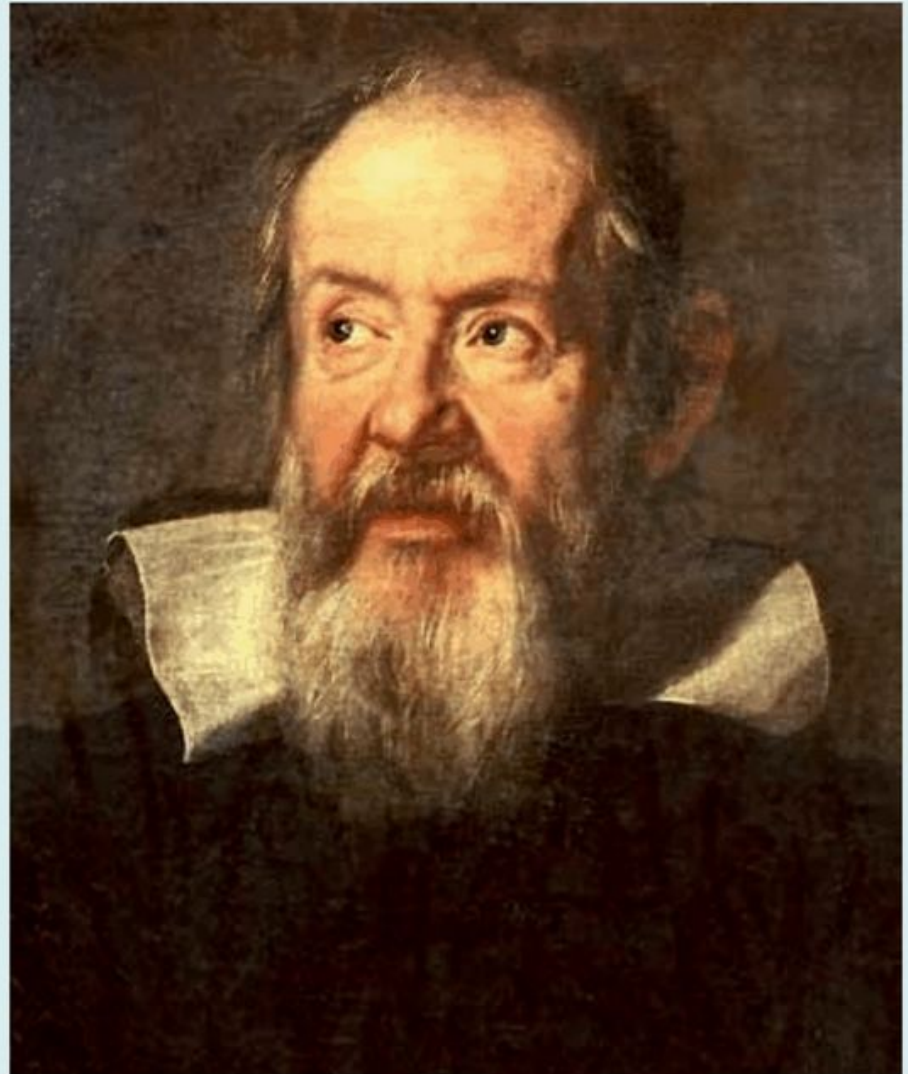
8 января 1642
Умер *Арчетри (Arcetri)*
Италия

астроном, философ и физик.

Важнейшие работы

**улучшение телескопа;
астрономические
наблюдения;**

первый закон движения



Исаак Ньютон

(Isaac Newton)

4 января 1643

Родился *Вулсторп (Woolsthorpe)*

Англия

31 марта 1727

Умер *Лондон (London)*

Англия

**физик, математик, астроном,
алхимик и философ**

Важнейшие работы

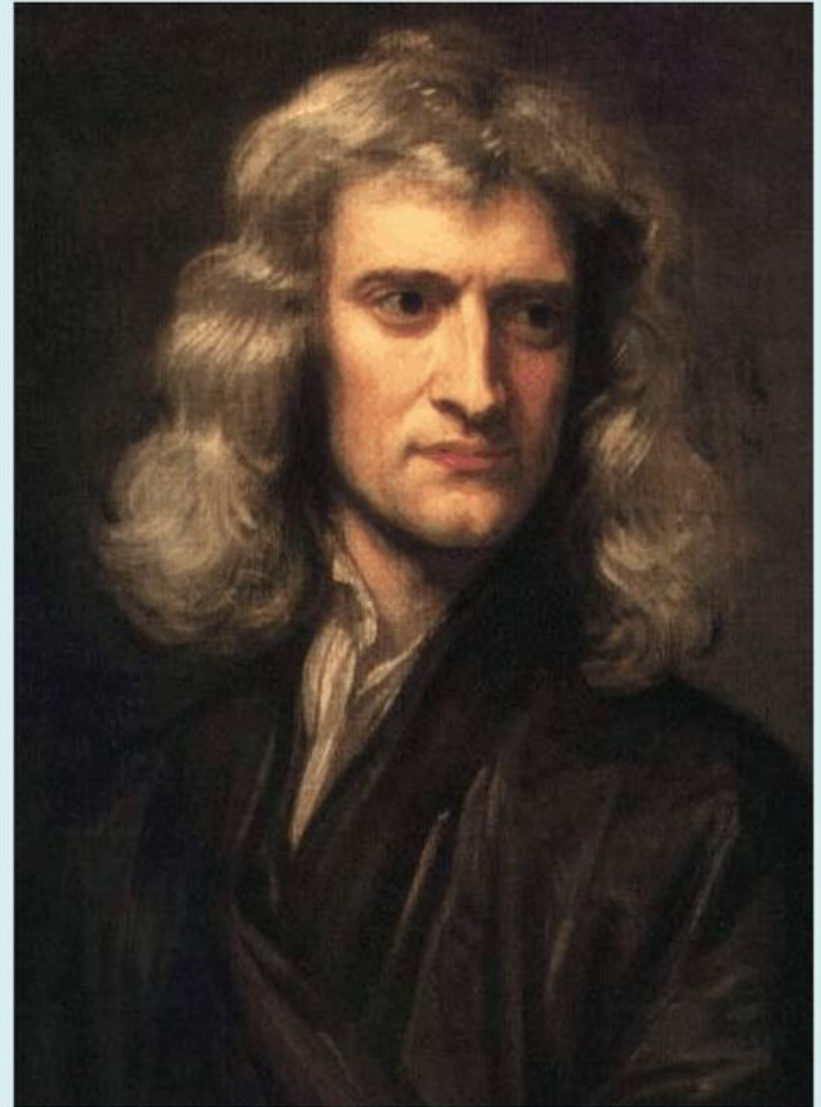
закон всемирного тяготения

дифференциальное и

интегральное исчисления

изобрел зеркальный телескоп

развил корпускулярную теорию света



1.2. Система отсчета, тело отсчета

Всякое движение относительно, поэтому для описания движения необходимо условиться, относительно какого другого тела будет отсчитываться перемещение данного тела. *Выбранное для этой цели тело называют **телом отсчета**.*

Практически, для описания движения приходится связывать с телом отсчета **систему координат** (декартова, сферическая, цилиндрическая и т.д.).

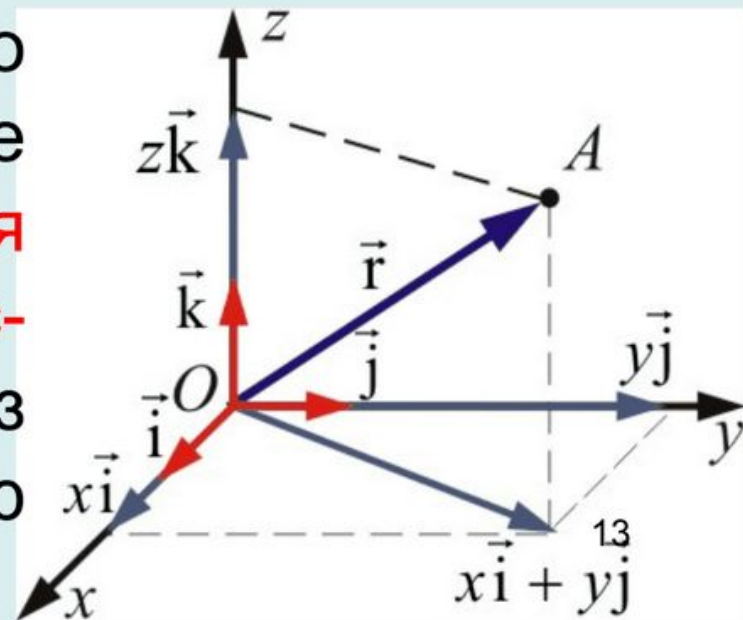
Система отсчета – совокупность системы координат и часов, связанных с телом по отношению к которому изучается движение.

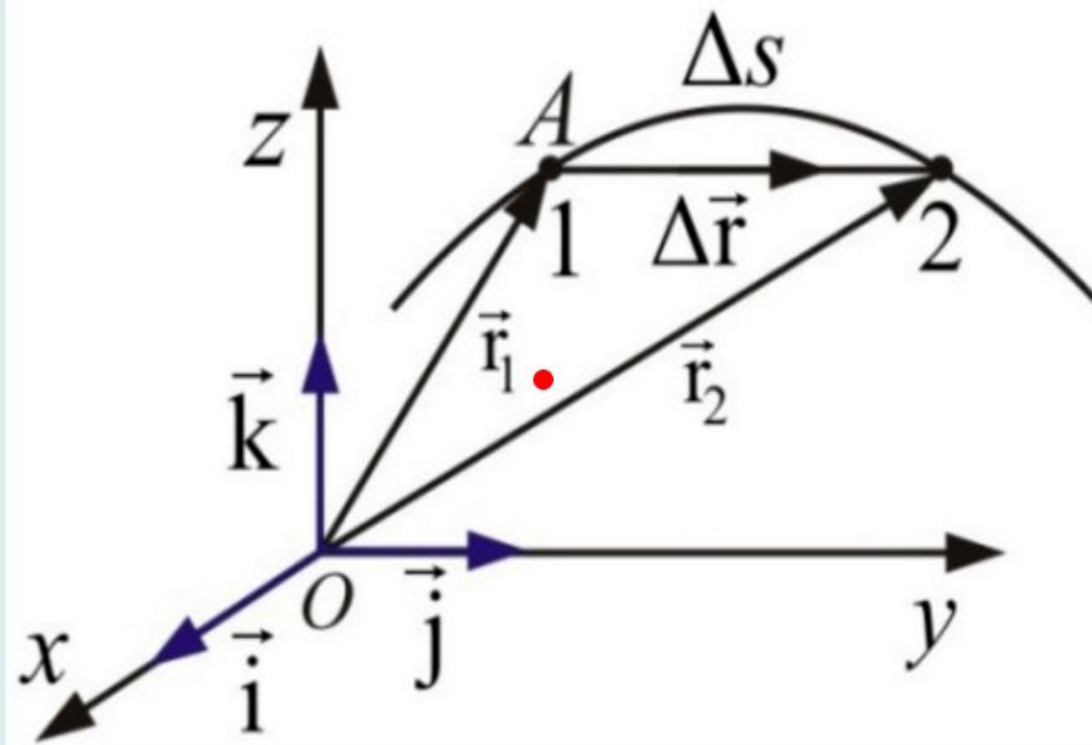
Движения тела, как и материи, вообще не может быть вне времени и пространства. **Материя, пространство и время неразрывно связаны между собой** (нет пространства без материи и времени и наоборот).

Пространство трехмерно, поэтому «естественной» системой координат является, **декартова** или **прямоугольная система координат**, которой мы в основном и будем пользоваться.



В декартовой системе координат, **положение точки A** в данный момент времени по отношению к этой системе **характеризуется** **три** **координатами** x, y, z или **радиус-вектором** \vec{r} проведенным из начала координат в данную точку





При движении материальной точки её координаты с течением времени изменяются.

В общем случае её движение определяется скалярными или векторными уравнениями:

Кинематические уравнения движения материальной точки:

$$x = x(t), \quad y = y(t), \quad z = z(t).$$

Эти уравнения эквивалентны векторному уравнению

$$\vec{r} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$$

где x, y, z – проекции радиус-вектора \vec{r} на оси координат, а $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$ – **единичные векторы (орты)**, направленные по соответствующим осям, причем

$$\vec{k} = [\vec{i}, \vec{j}], \quad \vec{i} = [\vec{j}, \vec{k}], \quad \vec{j} = [\vec{k}, \vec{i}]$$

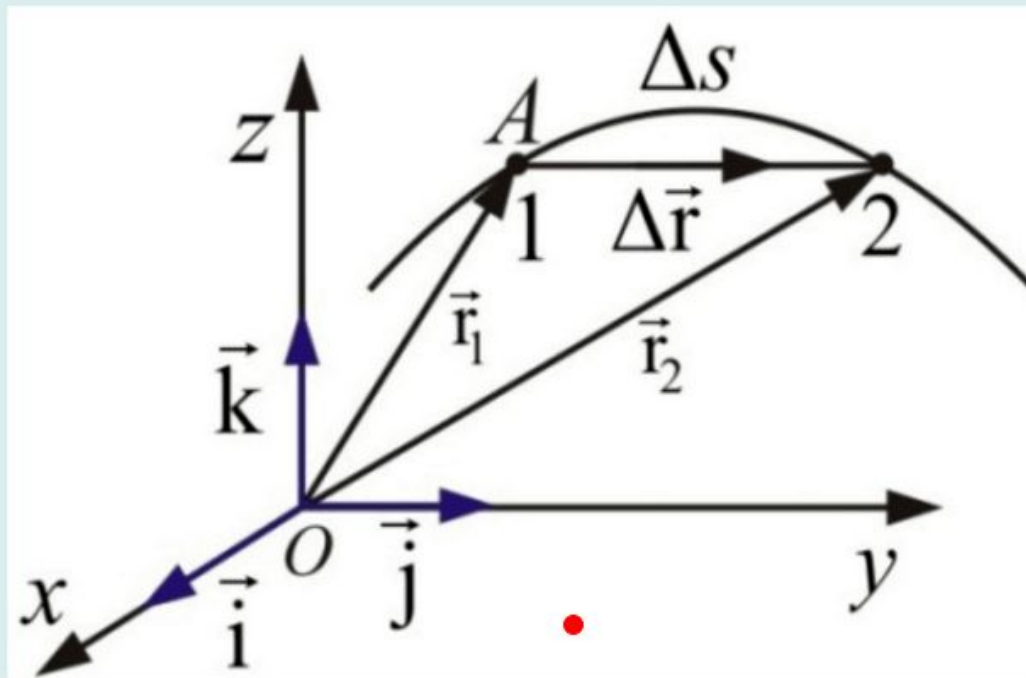
Число независимых координат, полностью определяющих положение точки в пространстве, называется **числом степеней свободы i**

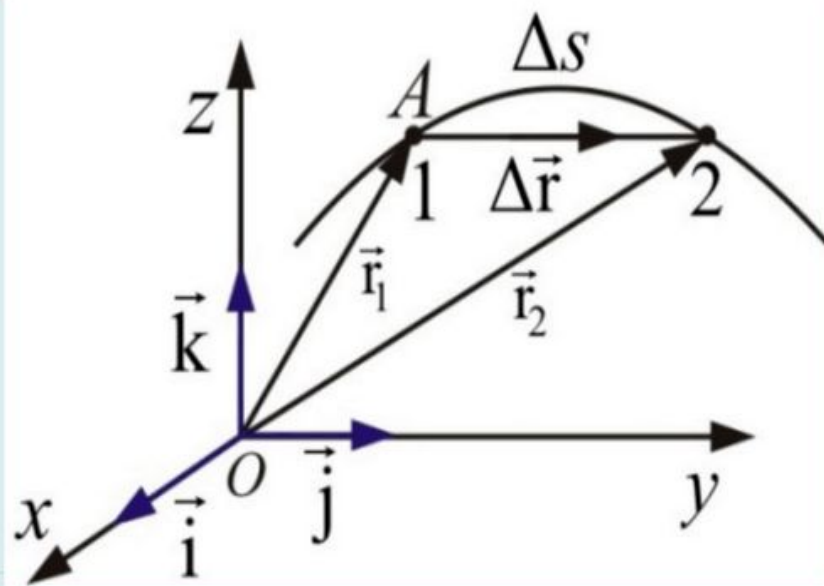
Если материальная точка движется в пространстве, то она имеет три степени свободы $i=3$ (координаты x, y, z). Если она движется на плоскости – две степени свободы $i=2$. Если вдоль линии – одна степень свободы $i=1$.

1.3. Кинематика материальной точки

1.3.1. Путь, перемещение

Положение точки A в пространстве можно задать с помощью радиус-вектора \vec{r}_1 проведенного из точки отсчета O или начала координат





При движении точки A из точки 1 в точку 2 её радиус-вектор изменяется и по величине, и по направлению, т.е. \vec{r} зависит от времени t .

Геометрическое место точек концов \vec{r} называется **траекторией точки**.

Длина траектории есть путь Δs . Если точка движется по прямой, то приращение $|\Delta \vec{r}|$ равно пути Δs .

Пусть за время Δt точка A переместилась из точки 1 в точку 2.

Вектор перемещения $\Delta\vec{r}$ **есть**
приращение \vec{r}_1 за время Δt

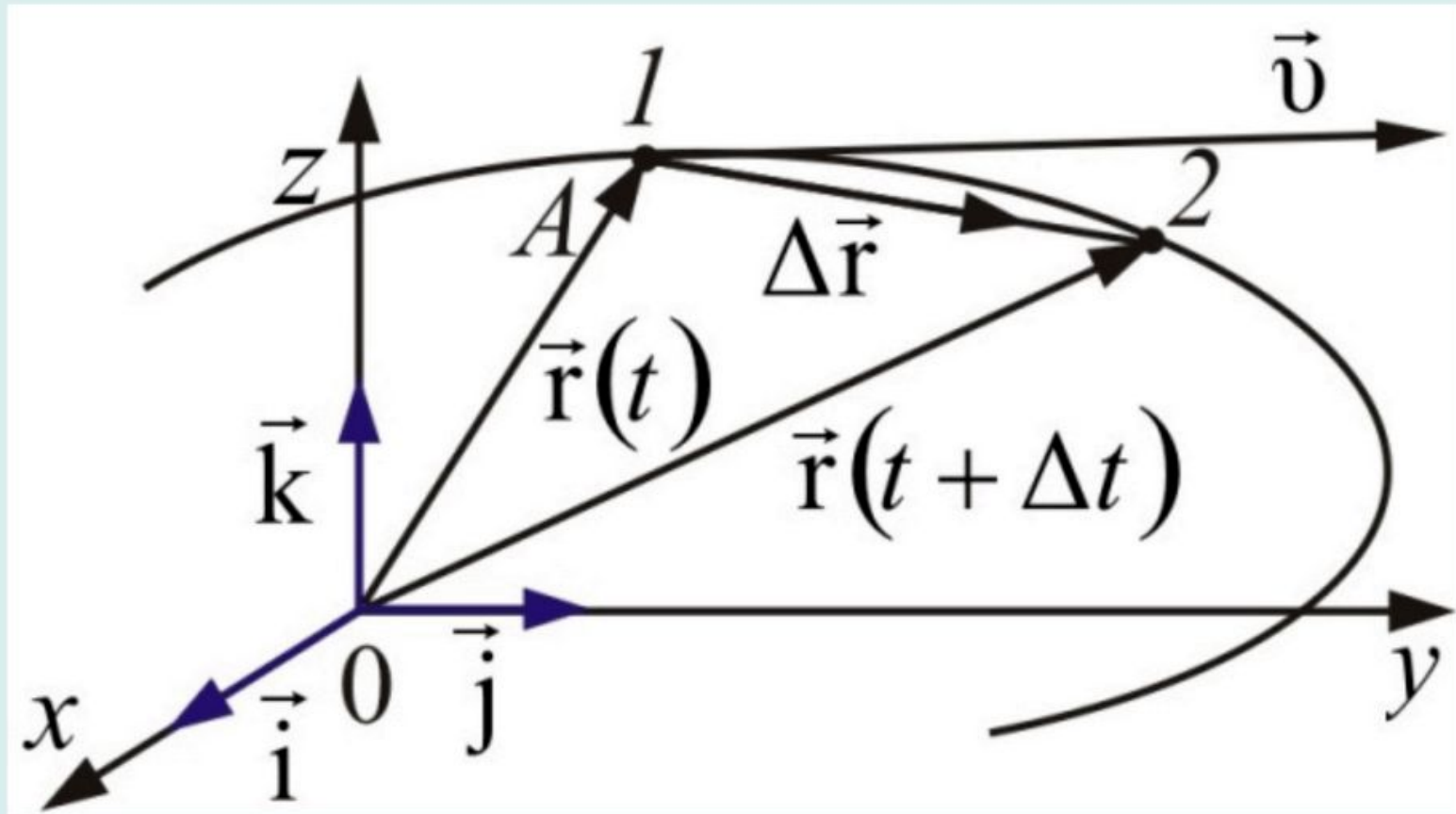
$$\Delta\vec{r} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1 = (x - x_0)\vec{i} + (y - y_0)\vec{j} + (z - z_0)\vec{k};$$

$$\Delta\vec{r} = \Delta x\vec{i} + \Delta y\vec{j} + \Delta z\vec{k}$$

Модуль вектора:

$$|\Delta\vec{r}| = \sqrt{\Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2}.$$

1.3.2. Скорость

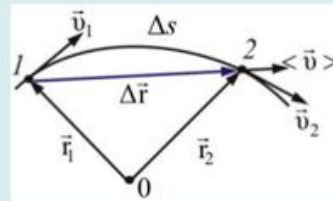


Скорость

Средний вектор скорости

определяется как отношение вектора перемещения $\Delta\vec{r}$ ко времени Δt , за которое это перемещение произошло

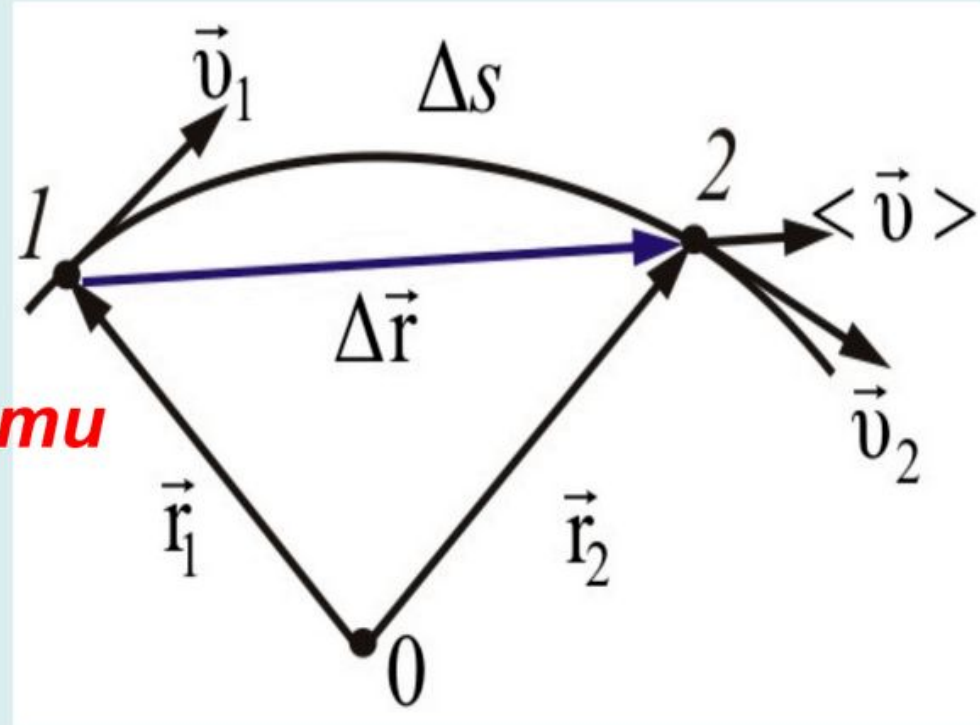
$$\frac{\Delta\vec{r}}{\Delta t} = \langle \vec{v} \rangle$$



Вектор $\Delta\vec{r}$ совпадает с направлением вектора $\langle \vec{v} \rangle$

Мгновенная скорость в точке 1:

$$\vec{v} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} = \frac{d\vec{r}}{dt}.$$



Модуль вектора скорости

$$v \equiv |\vec{v}| = \left| \frac{d\vec{r}}{dt} \right|.$$

Мгновенная скорость \vec{v} -вектор скорости в данный момент времени равен первой производной от \vec{r} по времени и направлен по касательной к траектории в данной точке в сторону движения точки А.

При $\Delta t \rightarrow 0$ т.е. на

бесконечно малом
участке траектории

$\Delta S = \Delta r$ (**перемещение
совпадает с траекторией**)

В этом случае

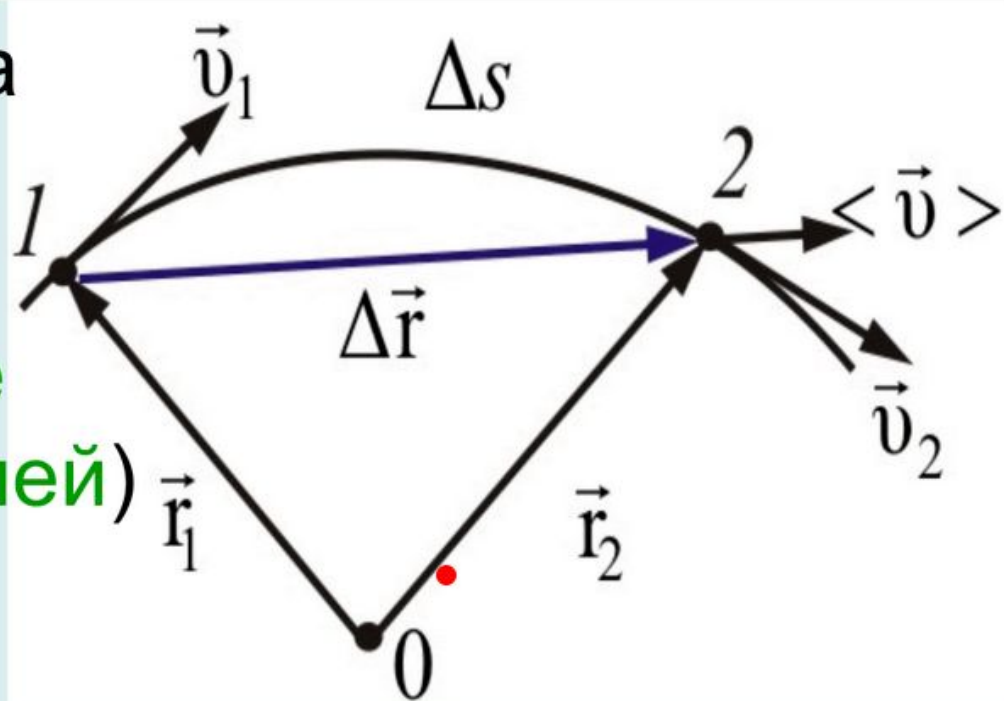
мгновенную скорость

можно выразить через

скалярную величину –

путь:

$$v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{ds}{dt}; \quad \text{или} \quad v = \frac{ds}{dt}.$$



Так вычислять скорость проще, т.к. S – скаляр

Обратное действие – интегрирование

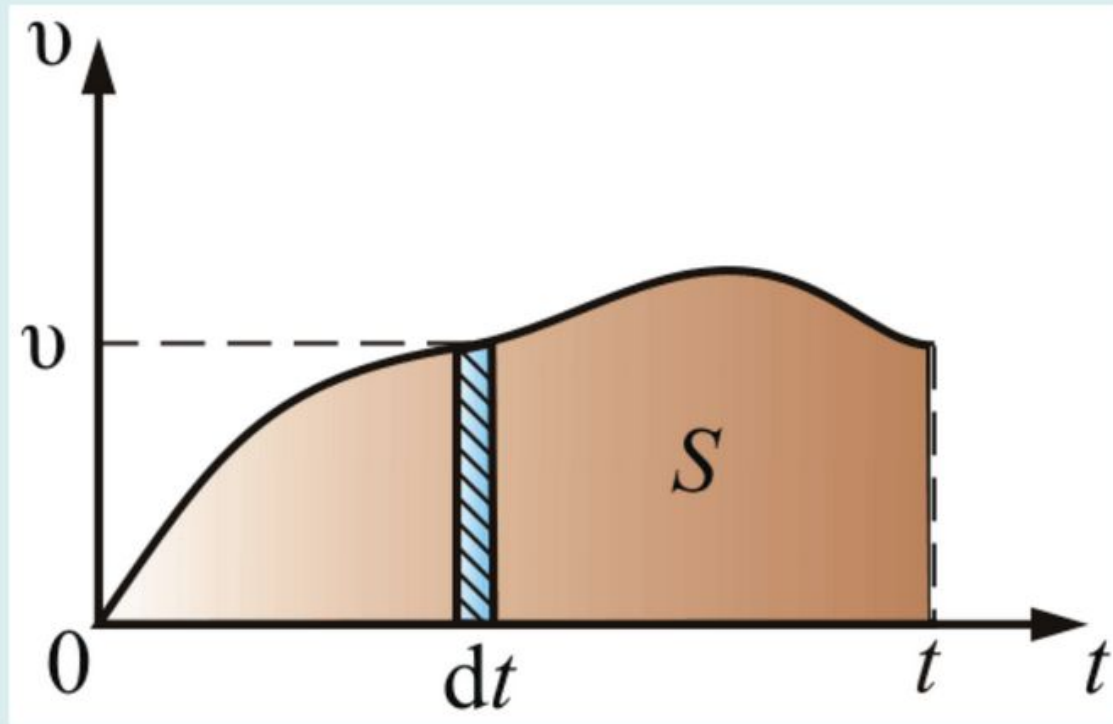
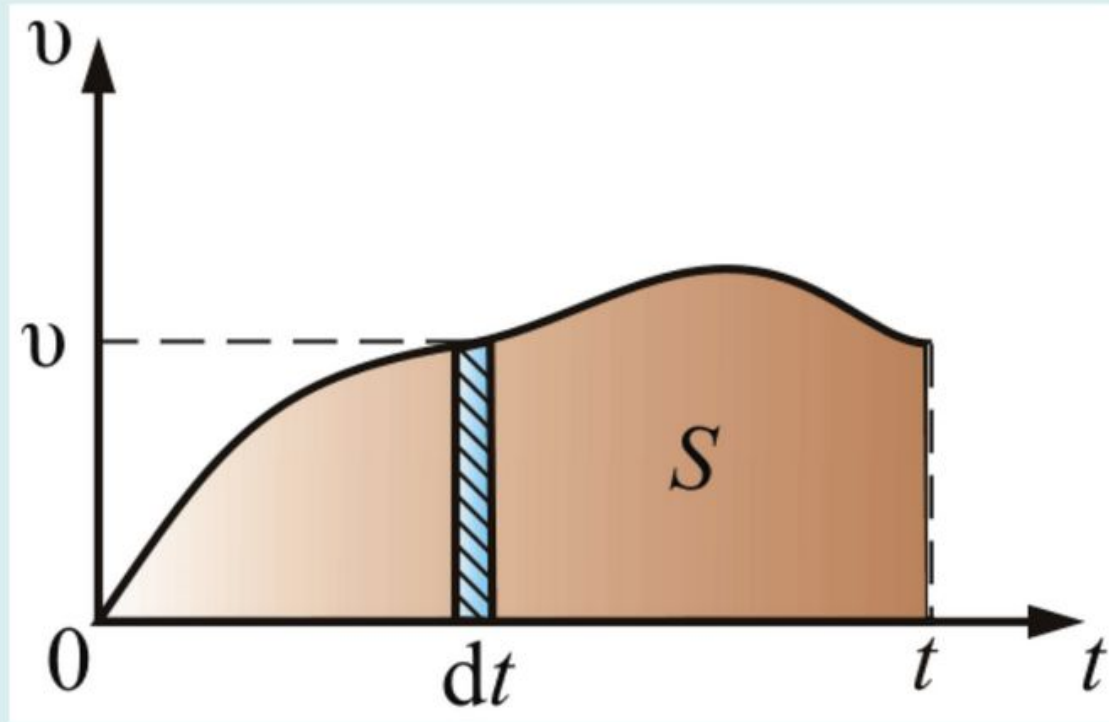


Рисунок 1.5

$ds = v dt$ – площадь бесконечно узкого прямоугольника. Чтобы вычислить весь путь S за время t , надо сложить площади всех прямоугольников.



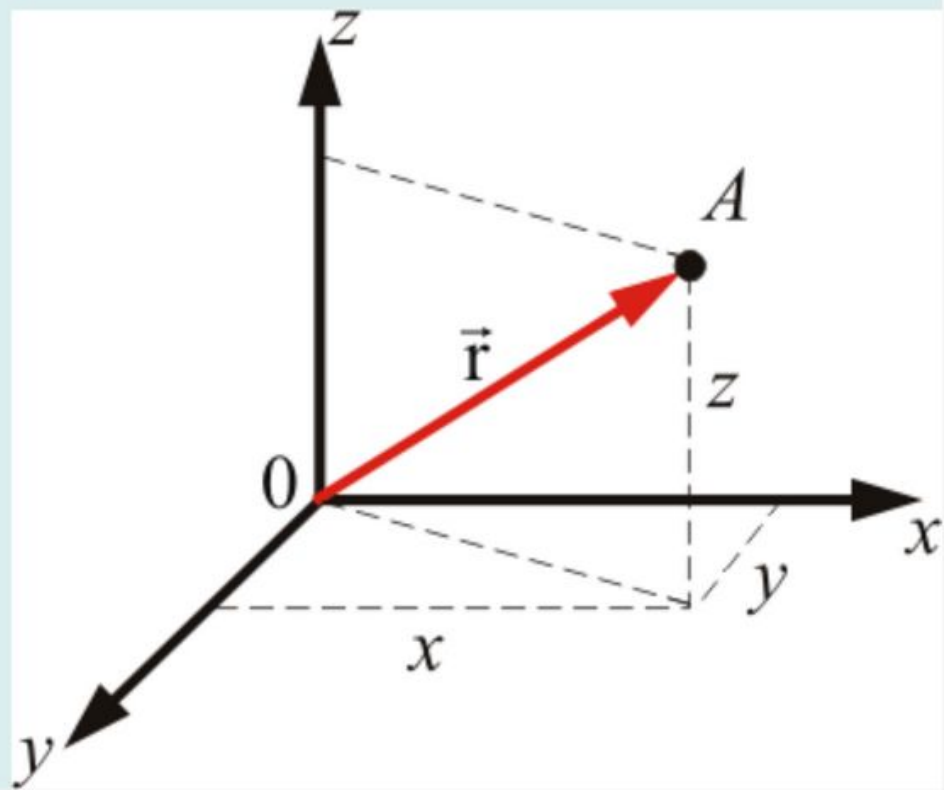
$$S = \int_0^t v dt.$$

Геометрический смысл этого интеграла в том, что **площадь под кривой $v(t)$ есть путь тела за время t .**

1.3.3. Проекция вектора скорости на оси координат

В векторной форме уравнения записываются легко и кратко. Но для практических вычислений нужно знать проекции вектора на оси координат выбранной системы отсчета.

•
Положение точки A задается радиус-вектором \vec{r} . Спроецируем вектор \vec{r} на оси x , y , z .

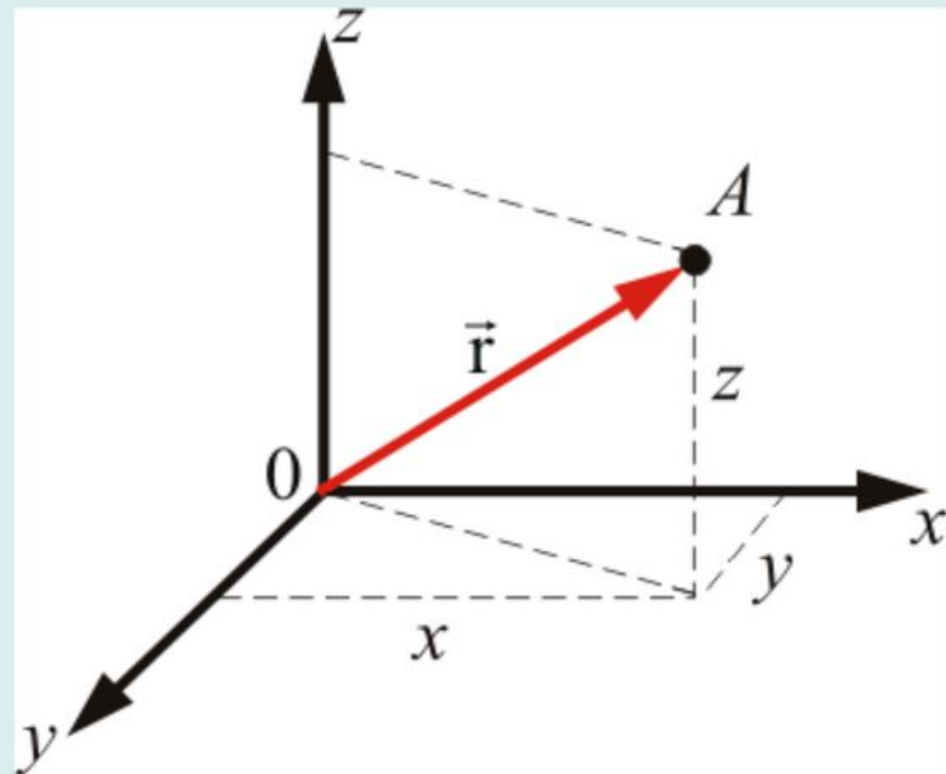


Понятно, что x , y , z зависят от времени t , т.е. $x(t)$, $y(t)$, $z(t)$. Зная зависимость этих координат от времени (закон движения точки) можно найти в каждый момент времени скорость точки.

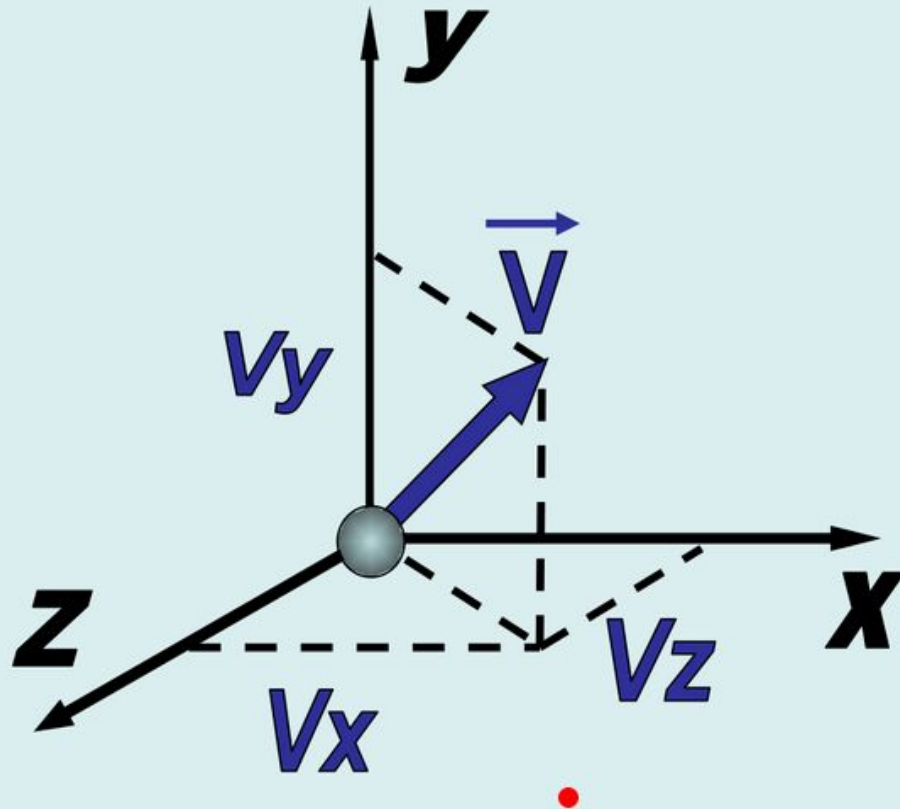
Проекция вектора скорости на ось x

равна:

$$v_x = \frac{dx}{dt}$$



Проекции вектора скорости на оси равны:



$$v_x = \frac{dx}{dt}$$

$$v_y = \frac{dy}{dt}$$

$$v_z = \frac{dz}{dt}.$$

Так как \vec{v} вектор, то

$$\vec{v} = v_x \vec{i} + v_y \vec{j} + v_z \vec{k} = \frac{dx}{dt} \vec{i} + \frac{dy}{dt} \vec{j} + \frac{dz}{dt} \vec{k},$$

где \vec{i} , \vec{j} , \vec{k} единичные векторы – орты.

$$\vec{v} = v_x \vec{i} + v_y \vec{j} + v_z \vec{k}$$

Модуль вектора скорости:

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2 + v_z^2}$$

1.3.4. Ускорение. Нормальное и тангенциальное ускорения

В произвольном случае движения скорость не остается постоянной. *Быстрота изменения скорости по величине и направлению характеризуются ускорением:*

$$\bullet \quad \vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$$

Ускорение величина векторная.

При криволинейном движении изменяется и по времени и по направлению. В какую сторону? С какой скоростью? Из выражения на эти вопросы не ответишь.

Введем *единичный вектор* $\vec{\tau}$ (рисунок 1.9), связанный с точкой 1 и направленный по касательной к траектории движения точки 1 (векторы \vec{v} и $\vec{\tau}$ в точке 1 совпадают). Тогда можно записать:

$$\vec{v} = v\vec{\tau},$$

Где $v = |\vec{v}|$ – модуль вектора скорости.

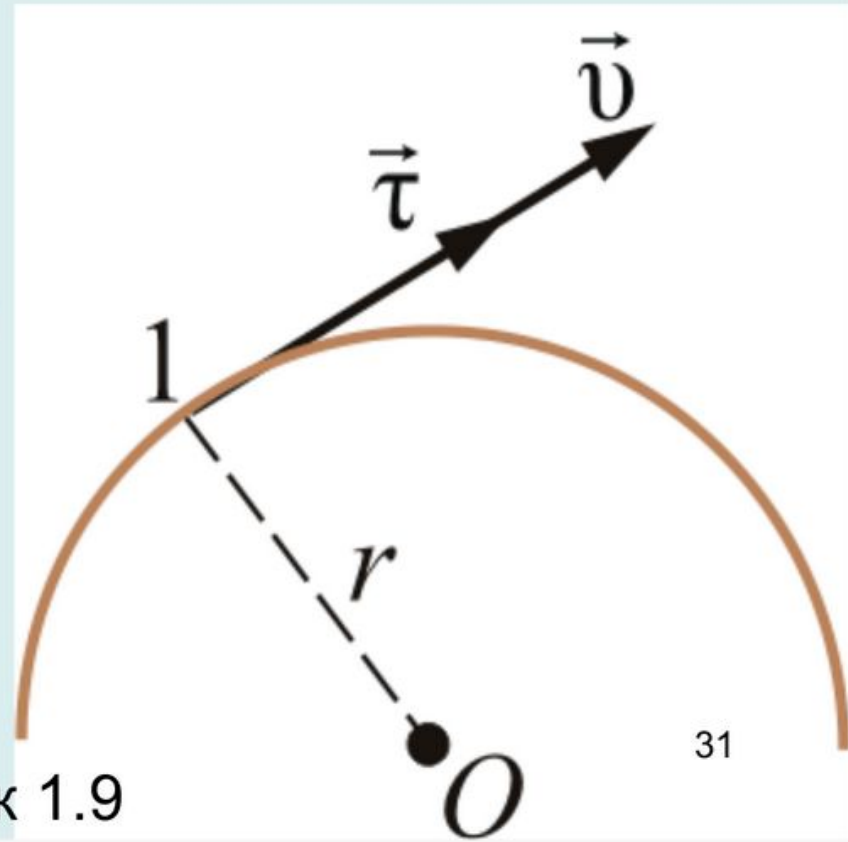


Рисунок 1.9

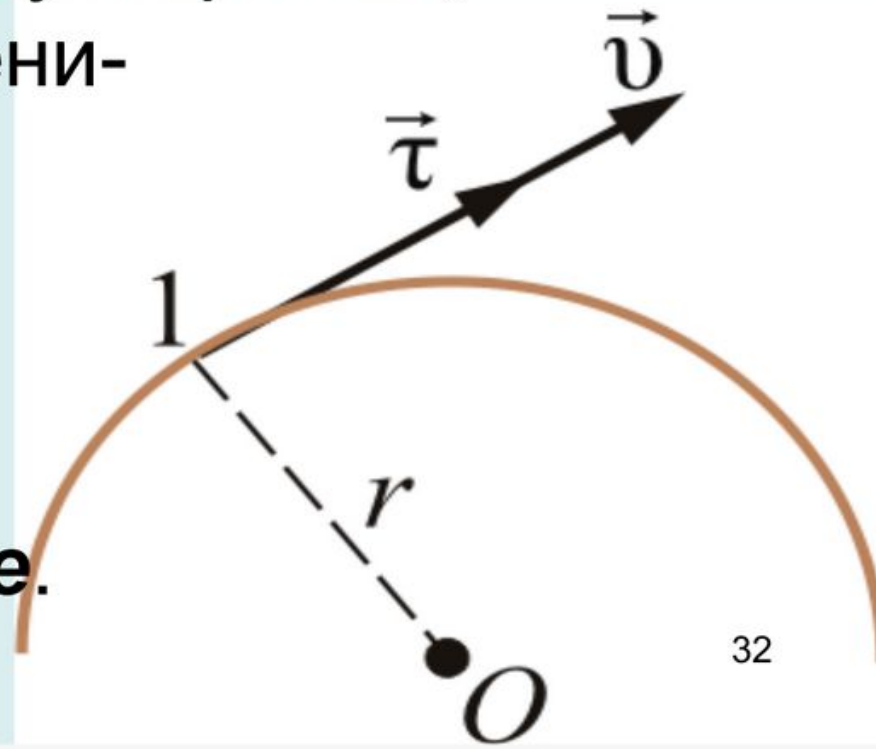
Найдем общее ускорение (как производную):

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{d\dot{v}}{dt} \vec{\tau} + v \frac{d\vec{\tau}}{dt} = \vec{a}_{\tau} + \vec{a}_n.$$

Получили два слагаемых ускорения:

\vec{a}_{τ} – **тангенциальное** ускорение, совпадающее с направлением \vec{v} в данной точке.

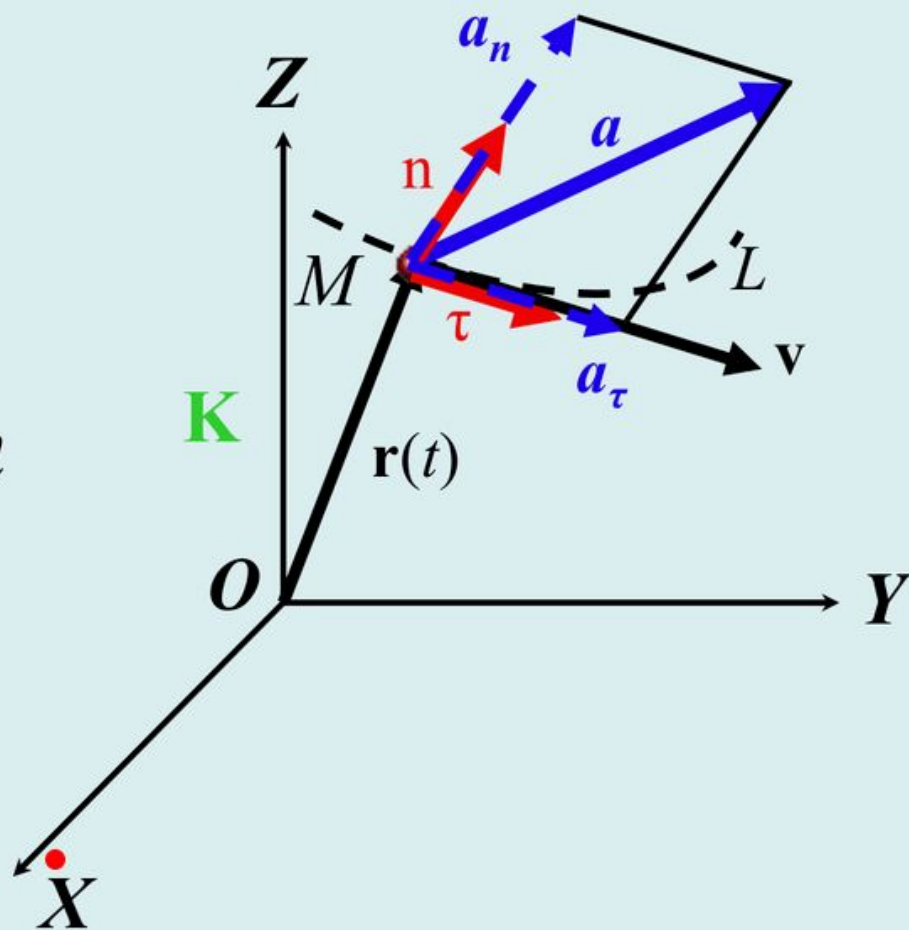
\vec{a}_n – **нормальное** ускорение или **центростремительное**.



При произвольном движении

точки имеем:

$$\vec{a}(t) = \vec{a}_\tau + \vec{a}_n$$



$$\vec{a}_\tau = \frac{dv}{dt} \vec{\tau}$$

или по модулю

$$a_\tau = \frac{dv}{dt}$$

\vec{a}_τ - показывает изменение вектора скорости по величине:

- - если $\frac{dv}{dt} > 0$ то \vec{a}_τ направлено в ту же сторону, что и вектор \vec{v} т.е. **ускоренное движение**;
- - если $\frac{dv}{dt} < 0$ то \vec{a}_τ направлено в противоположную сторону \vec{v} , т.е. **замедленное движение**;
- - при $\frac{dv}{dt} = 0$ то $\vec{a}_\tau = 0$ $\vec{v} = \text{const}$ – движение **постоянной по модулю скоростью**.

Рассмотрим подробнее второе слагаемое уравнения $\vec{a}(t) = \vec{a}_\tau + \vec{a}_n$

т.е. *нормальное ускорение*:

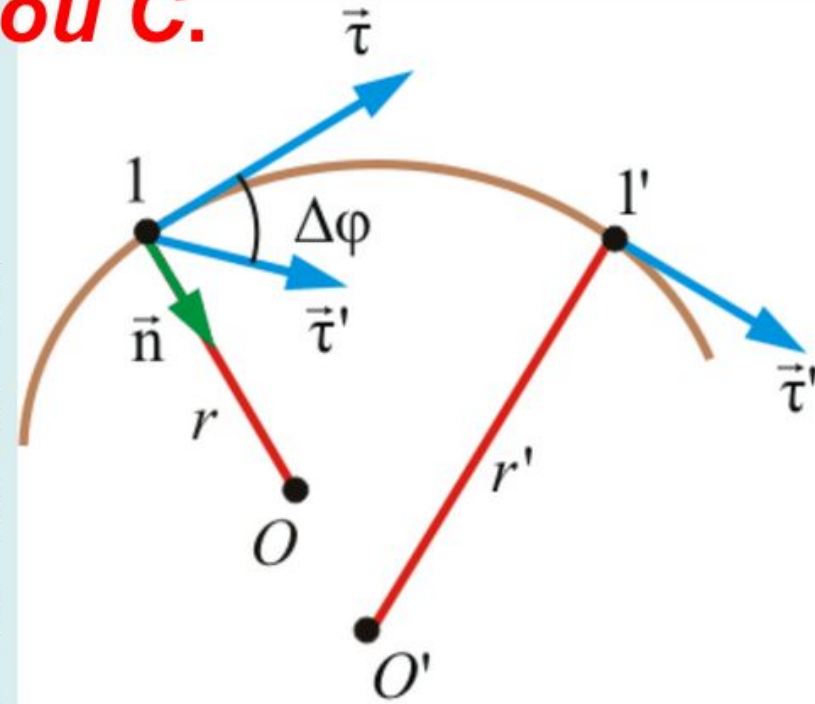
$$\vec{a}_n = v \frac{d\vec{\tau}}{dt}.$$

Быстрота изменения направления касательной $(d\vec{\tau}/dt)$ к траектории определяется скоростью движения точки по окружности и степенью искривленности траекторий.

Степень искривленности плоской кривой характеризуется **кривизной C** .

Радиус кривизны r

– радиус такой окружности, которая сливается с кривой в данной точке на бесконечно малом ее участке dS .



$$r = \frac{1}{C} = \lim_{\Delta\varphi \rightarrow 0} \frac{\Delta S}{\Delta\varphi} = \frac{dS}{d\varphi}.$$

Ускорение при произвольном движении

При произвольном движении материальной точки

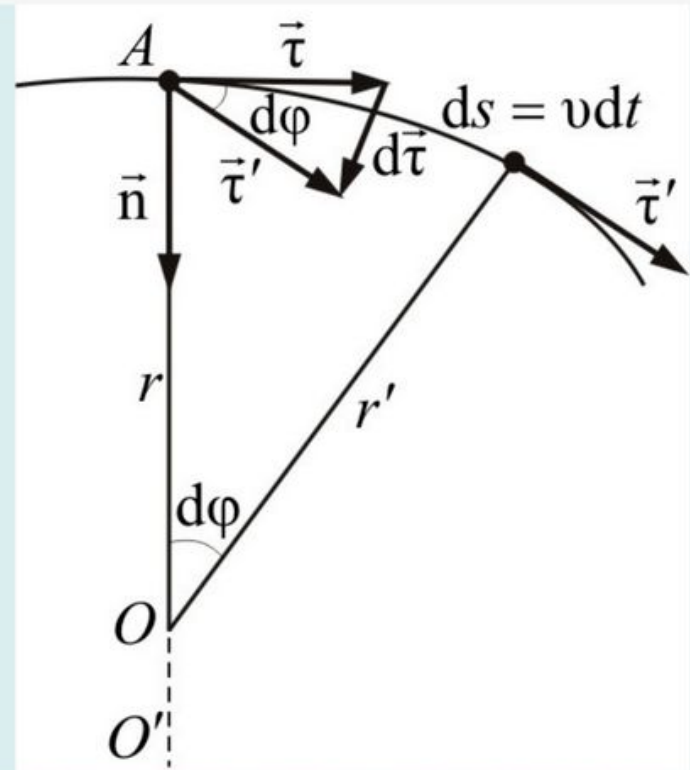
величина r будет равна радиусу некоторой моментальной (т.е. соответствующей данному моменту времени) окружности

В любой точке траектории движение материальной точки можно рассматривать как вращательное движение по окружности, (с касательным a_τ и нормальным a_n ускорениями)



Саму величину r называют радиусом кривизны траектории в данной точке

$$\frac{d\vec{\tau}}{dt} = \frac{d\varphi}{dt} \vec{n}$$



Скорость изменения направления касательной можно выразить как произведение скорости изменения угла на **единичный вектор** \vec{n} , показывающий направление изменения угла.

\vec{n} – единичный вектор, направленный перпендикулярно касательной ($\vec{\tau}$) в данной точке, т.е. по радиусу кривизны к центру кривизны.

$$d\varphi = \frac{dS}{r} \quad dS = v dt \quad d\varphi = \frac{v dt}{r} \quad \bullet \quad \frac{d\varphi}{dt} = \frac{v}{r}$$

$$\frac{d\vec{\tau}}{dt} = \frac{v}{r} \vec{n}$$

$$v \frac{d\vec{\tau}}{dt} = \frac{v^2}{r} \vec{n}$$

отсюда

$$\vec{a}_n = \frac{v^2}{r} \vec{n},$$

– **нормальное ускорение**
или **центробежное**
т.к. направлено оно к центру
кривизны, перпендикулярно $\vec{\tau}$

**Нормальное ускорение показывает
быстроту изменения направления вектора
скорости**

Нормальное ускорение

показывает быстроту изменения направления вектора скорости

$$\vec{a}_n = \frac{v^2}{r} \vec{n},$$

Модуль нормального ускорения:

$$|\vec{a}_n| = a_n = \frac{v^2}{r}.$$

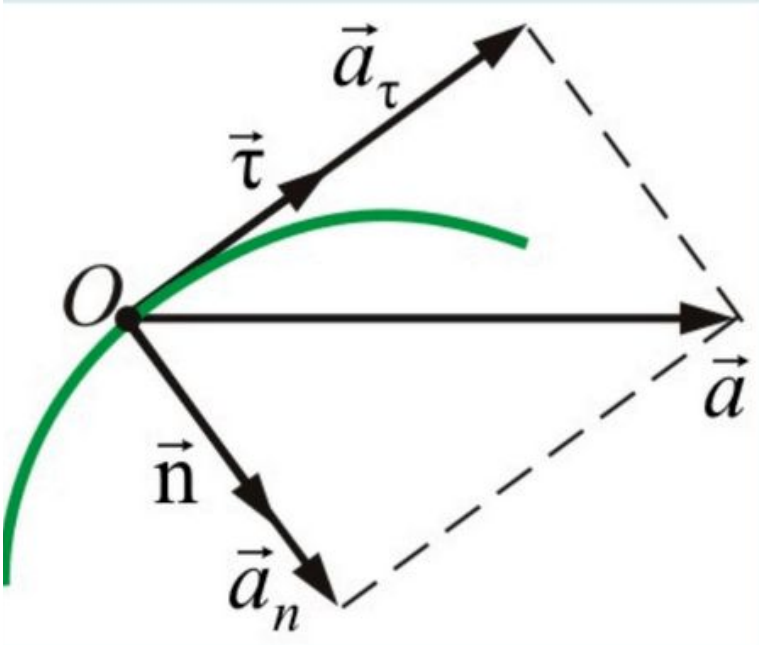
Центростремительным

называют

ускорение – когда движение происходит по окружности. А когда движение происходит по произвольной кривой – говорят, **нормальное ускорение**, перпендикулярное к касательной в любой точке траектории.

Суммарный вектор ускорения при

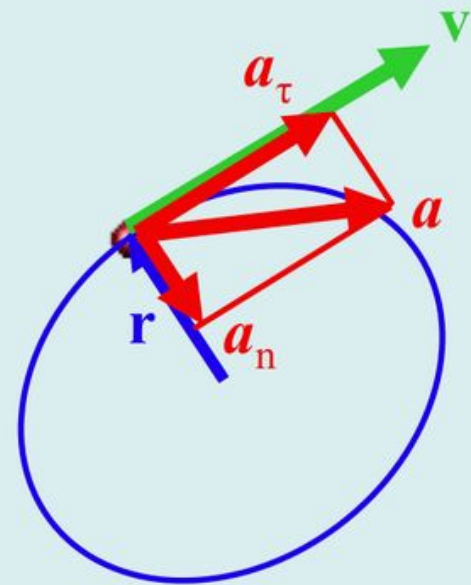
движении точки вдоль плоской кривой равен:



$$\vec{a} = \vec{a}_\tau + \vec{a}_n = \frac{dv}{dt} \vec{\tau} + \frac{v^2}{r} \vec{n}.$$

Модуль общего ускорения равен:

$$a = \sqrt{a_\tau^2 + a_n^2}$$



Рассмотрим несколько предельных (частных) случаев:

$a_\tau = 0; a_n = 0$ – равномерное прямолинейное движение;

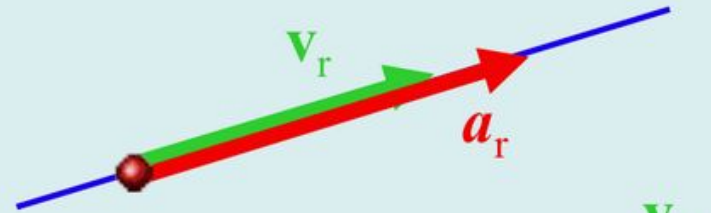
$a_\tau = \text{const}; a_n = 0$ – равноускоренное прямолинейное движение;

$a_\tau = 0; a_n = \text{const}$ – равномерное движение по окружности.

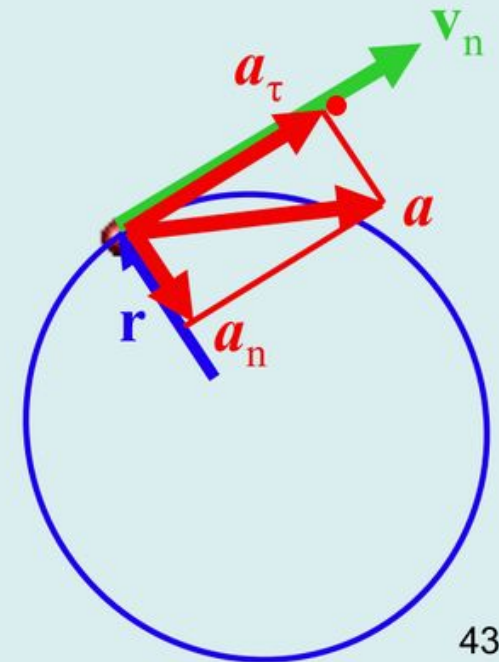
Типы ускорений

Чтобы более наглядно представить свойства введенных составляющих полного ускорения, рассмотрим примеры движений частицы, при которых эти составляющие возникают

Частица движется прямолинейно



Частица движется по дуге окружности



Прямая задача кинематики

Определение по заданному движению тела всех основных кинематических характеристик (траектории, скорости, ускорения) любой из его точек

Если по закону движения нужно найти закон скорости или по закону скорости нужно найти закон ускорения, то такая задача называется прямой:

$$\vec{r}(t) \rightarrow \vec{v}(t) \rightarrow \vec{a}(t).$$

Обратная задача кинематики

Если по зависимости ускорения от времени нужно найти зависимость скорости от времени или по зависимости скорости от времени нужно найти закон движения, то такая задача называется обратной:

$$\vec{a}(t) \rightarrow \vec{v}(t) \rightarrow \vec{r}(t).$$

Обратная задача решается интегрированием, а потому обычно существенно сложнее, чем прямая. Кроме того, для решения обратной задачи необходимо знать начальные условия.

Обратная задача кинематики заключается

в том, что по известному значению ускорения $a(t)$ найти скорость точки и восстановить траекторию движения $r(t)$.

По определению
$$a(t) = \frac{dv(t)}{dt},$$

отсюда
$$v(t) = v(t_0) + \int_{t_1}^{t_2} a(t) dt$$

или, так как
$$v(t) = \frac{dr}{dt},$$

Следовательно
$$r(t) = r(t_0) + \int_{t_1}^{t_2} v(t) dt.$$

1.4. Кинематика твердого тела

Различают **пять видов движения** твердого тела:

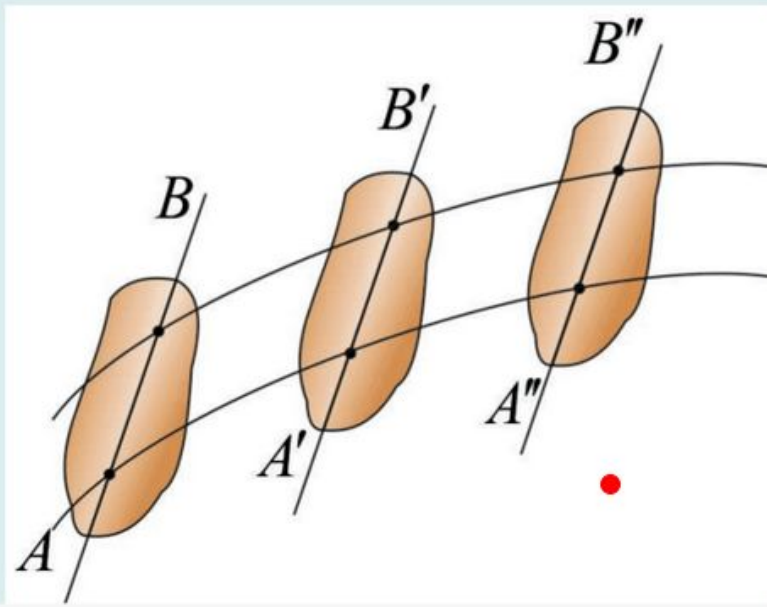
- поступательное;
- вращательное вокруг неподвижной оси;
- плоское;
- вокруг неподвижной точки;
- свободное.

Поступательное движение **и**
вращательное движение **вокруг** **оси** –
основные виды движения твердого тела.

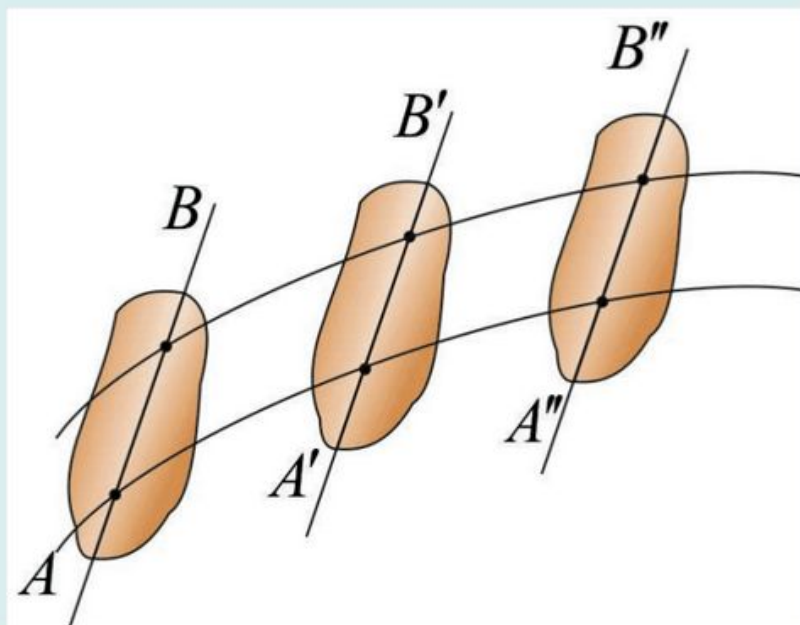
Остальные виды движения твердого тела можно свести к одному из этих основных видов или к их совокупности.

1.4.1. Поступательное движение твёрдого тела

Поступательное движение – это такое движение твёрдого тела, при котором любая прямая, связанная с телом, остается параллельной своему начальному положению и при этом, все точки твёрдого тела совершают **равные перемещения**.



Скорости и ускорения *всех точек* твердого тела в данный момент времени t одинаковы. Это позволяет свести изучение поступательного движения твердого тела к изучению движения отдельной точки, т.е. к задаче кинематики материальной точки, подробно рассмотренной в прошлом разделе.



При **вращательном движении** все точки тела движутся по окружностям, центры которых лежат на одной и той же прямой OO' , называемой **осью вращения** (рисунок 1.3).

Из определения вращательного движения ясно, что понятие вращательного движения для материальной точки неприемлемо.

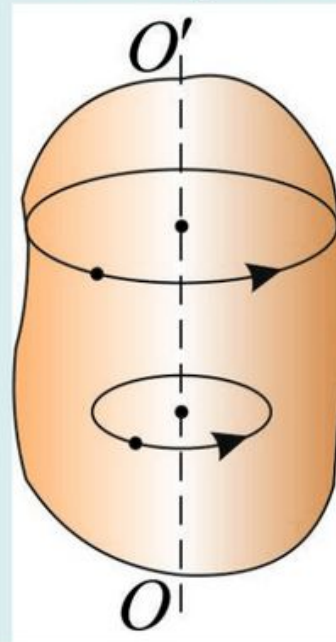


Рисунок 1.3

1.4.2. Вращательное движение вокруг неподвижной оси

Движение твердого тела, при котором две его точки O и O' остаются неподвижными, называется **вращательным движением вокруг неподвижной оси**, а неподвижную прямую OO' называют **осью вращения**.

Пусть абсолютно твердое тело вращается вокруг неподвижной оси OO'

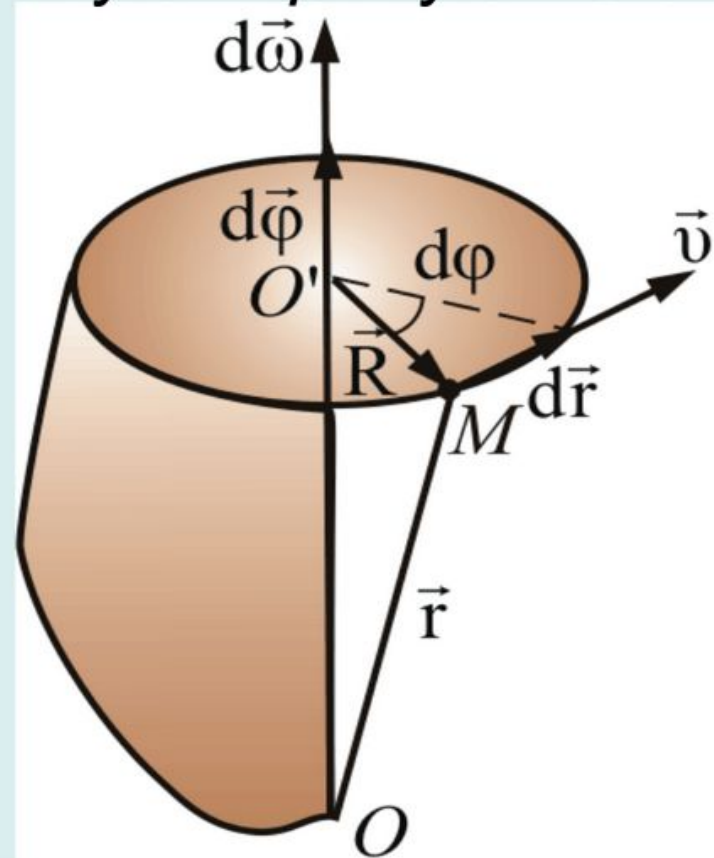


Рисунок 1.12

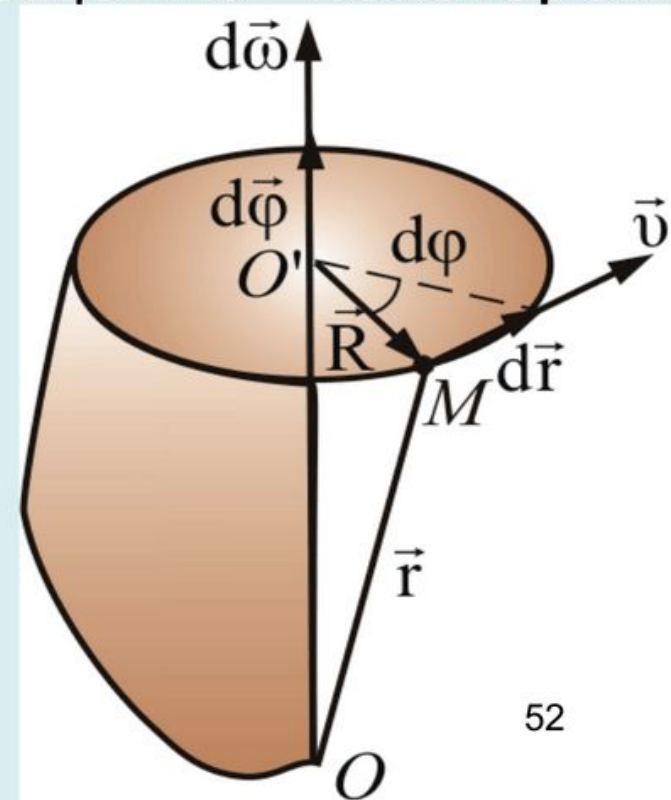
Проследим за некоторой точкой M этого твердого тела. За время dt точка M совершает элементарное перемещение

При том же самом угле поворота $d\varphi$ другая точка, отстоящая от оси на большее или меньшее расстояния, совершает другое перемещение. Следовательно, ни само перемещение некоторой точки твердого тела,

ни первая производная $\frac{dr}{dt}$

ни вторая производная $\frac{d^2r}{dt^2}$

не могут служить характеристикой движения всего твердого тела.

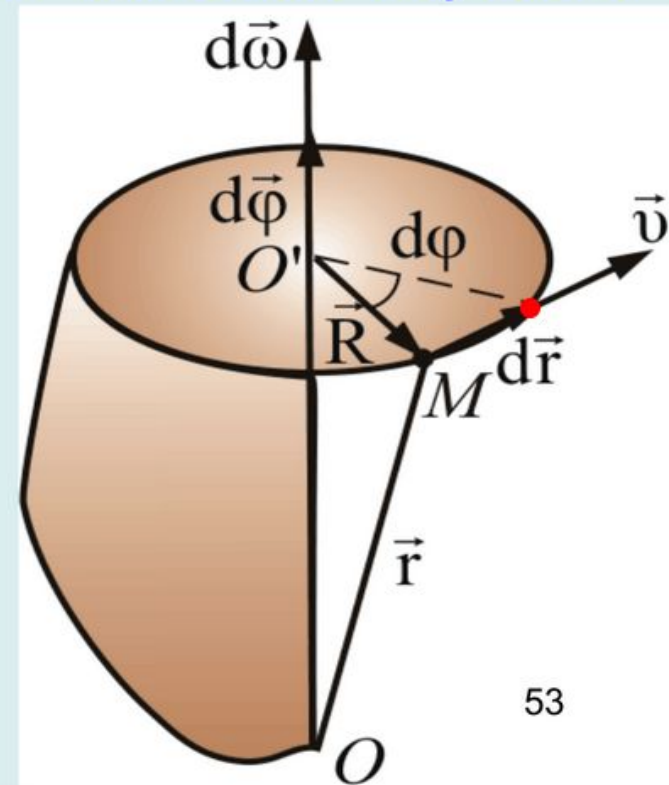


Угол поворота $d\varphi$ характеризует перемещение всего тела за время dt (**угловой путь**)

Удобно ввести $d\vec{\varphi}$ – вектор элементарного поворота тела, численно равный $d\varphi$ и направленный вдоль оси вращения OO' так, чтобы глядя вдоль вектора $d\vec{\varphi}$ мы видели **вращение по часовой стрелке** (направление вектора $d\vec{\varphi}$ и направление вращения связаны **правилом буравчика**).

Элементарные повороты удовлетворяют обычному правилу сложения векторов:

$$d\vec{\varphi} = d\vec{\varphi}_1 + d\vec{\varphi}_2.$$

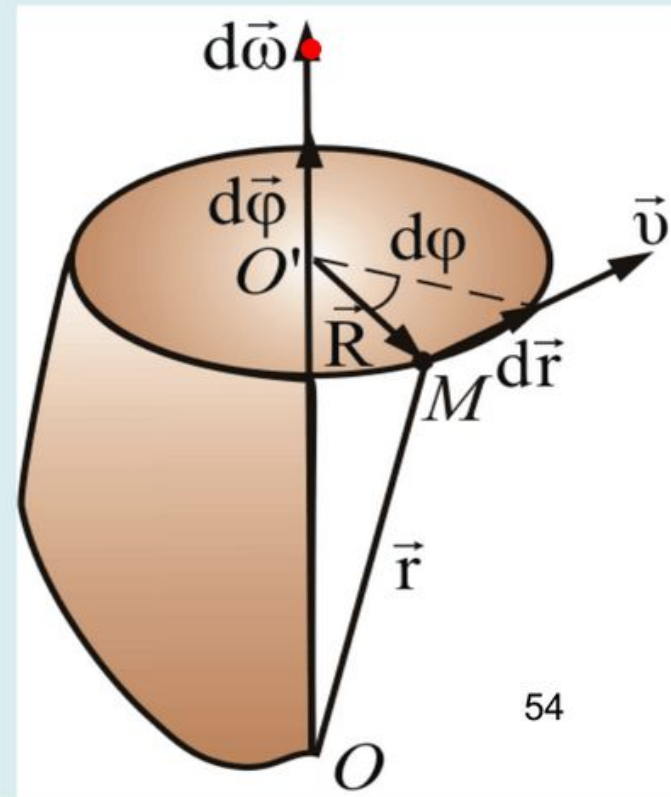


Угловой скоростью

называется вектор $\vec{\omega}$
численно равный первой
производной от угла поворота
по времени и направленный
вдоль оси вращения в
направлении $d\vec{\phi}$ ($\vec{\omega}$ и $d\vec{\phi}$
всегда направлены в одну
сторону).

$$\vec{\omega} = \frac{d\vec{\phi}}{dt}$$

$$\omega = \frac{d\phi}{dt}.$$



Связь линейной и угловой скорости

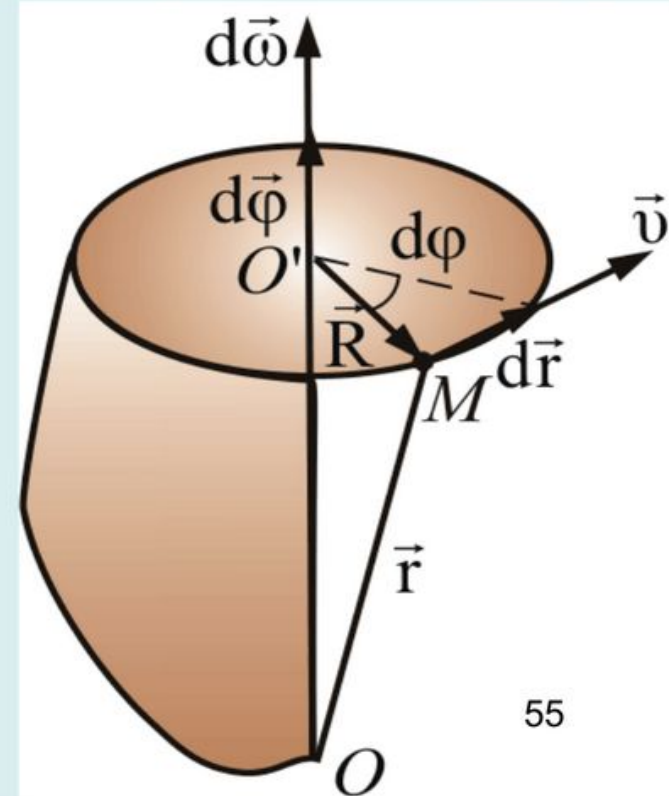
Пусть \vec{v} – линейная скорость точки M .

За промежуток времени dt точка M проходит путь $dr = v dt$. В то же время

$dr = R d\varphi$ (центральный угол). Тогда,

$$v = \frac{dr}{dt} = \frac{R d\varphi}{dt} = \omega R$$

$$v = \omega R$$

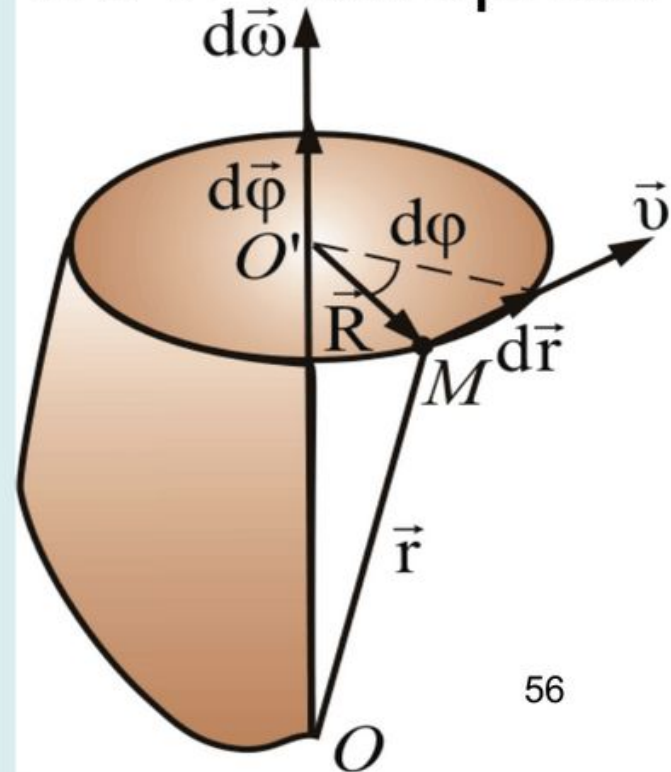


$$v = \omega R$$

- Связь линейной и угловой скорости

В векторной форме - $\vec{v} = [\vec{\omega}, \vec{R}]$

Вектор \vec{v} ортогонален к векторам $\vec{\omega}$ и \vec{R} и направлен в ту же сторону, что и векторное произведение $[\vec{\omega}, \vec{R}]$



Период T – промежуток времени, в течение которого тело совершает полный оборот (т.е. поворот на угол $\varphi = 2\pi$)

$$T = \frac{2\pi}{\omega};$$

Частота ν – число оборотов тела за 1 сек.

$$\nu = \frac{1}{T}.$$

Угловая скорость $\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi\nu;$

Введем **вектор *углового ускорения*** $\vec{\epsilon}$

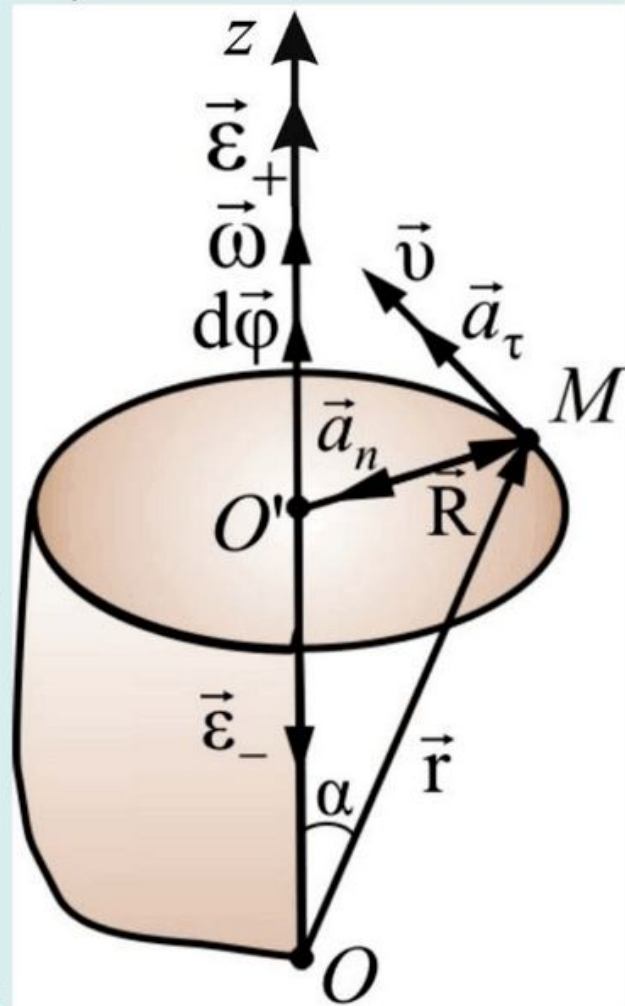
для характеристики *неравномерного вращения тела:*

$$\vec{\epsilon} = \frac{d\vec{\omega}}{dt} \quad (1.4.3)$$

Вектор $\vec{\epsilon}_+$ направлен в ту же сторону, что и $\vec{\omega}$ при ускоренном вращении $\left(\frac{d\omega}{dt} > 0\right)$

а $\vec{\epsilon}_-$ направлен в противоположную сторону при вращении $\left(\frac{d\omega}{dt} < 0\right)$

(рисунок 1.13).



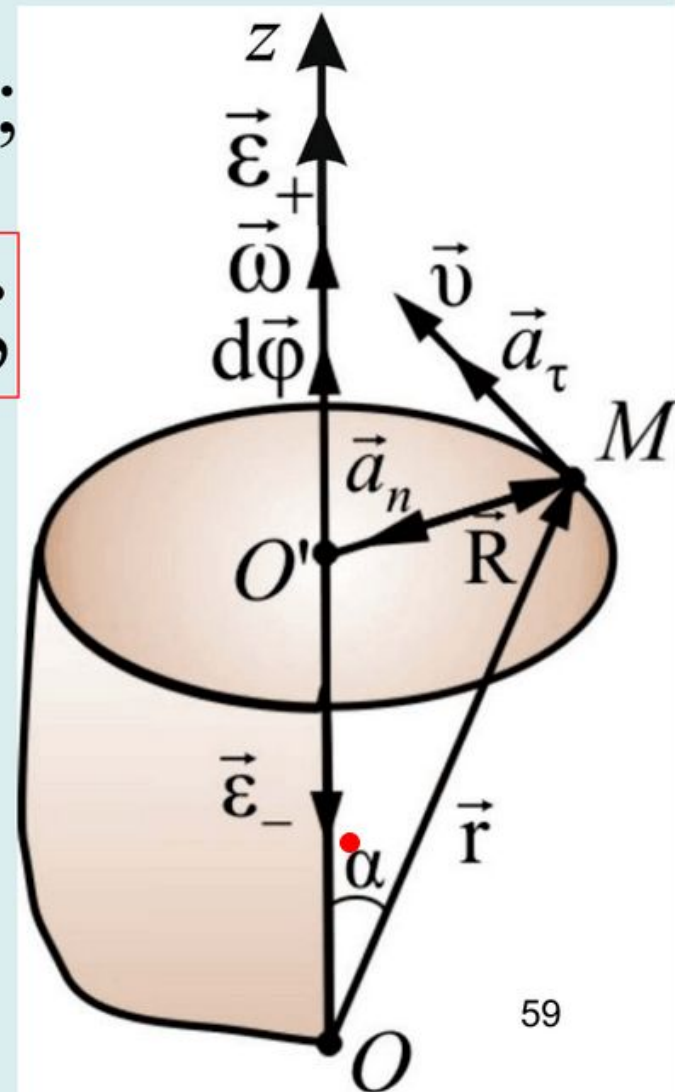
Выразим **нормальное** и **тангенциальное** ускорения точки ***M*** через **угловую скорость** и **угловое ускорение**:

$$a_{\tau} = \frac{dv}{dt} = \frac{d}{dt}(\omega R) = R \frac{d\omega}{dt} = R\varepsilon;$$

$$a_{\tau} = R\varepsilon;$$

$$a_n = \frac{v^2}{R} = \omega^2 R.$$

$$a_n = \frac{4\pi^2 R}{T^2} = 4\pi^2 v^2 R$$



Формулы простейших случаев вращения тела вокруг неподвижной оси:

- **равномерное вращение** $\varepsilon = 0$; $\omega = \text{const}$;

$$\varphi = \varphi_0 \pm \omega t;$$

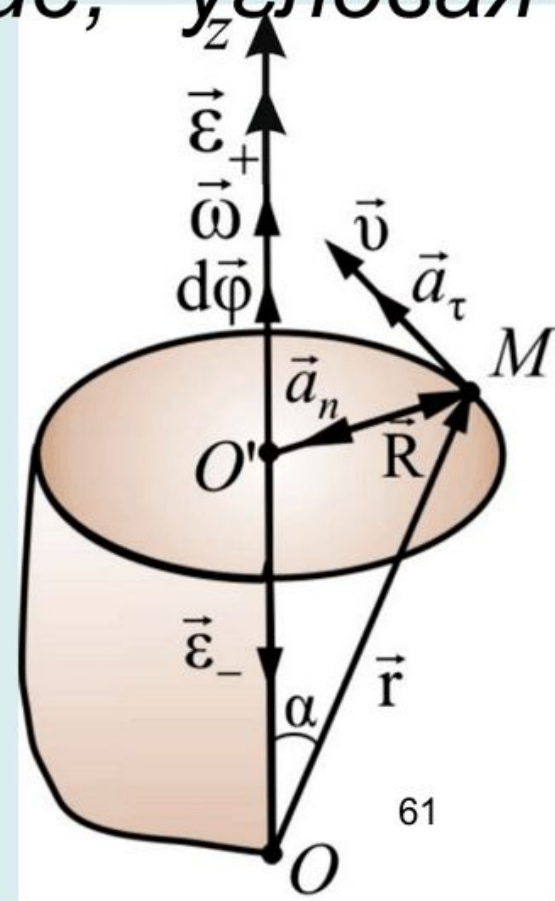
- **равнопеременное вращение** $\varepsilon = \text{const}$;

$$\omega = \omega_0 \pm \varepsilon t$$

$$\varphi = \omega_0 t \pm \frac{\varepsilon t^2}{2}$$

Обратите внимание.

Все кинематические параметры, характеризующие вращательное движение (угловое ускорение, угловая скорость и угол поворота) **направлены вдоль оси вращения.**



Связь между линейными и угловыми величинами при вращательном движении:

$$s = R\varphi$$

$$v = R\omega$$

$$\vec{a} = \vec{a}_\tau + \vec{a}_n$$

$$a = \sqrt{a_\tau^2 + a_n^2}$$

$$a_n = v^2 / R = \omega^2 R$$

$$a_\tau = R \cdot \varepsilon.$$

$$a_n = \frac{4\pi^2 R}{T^2} = 4\pi^2 v^2 R$$

Поступательное движение

$$v = \frac{dS}{dt}$$

$$a = \frac{dv}{dt}$$

$$v = v_0 \pm at$$

$$S = v_0 t \pm \frac{at^2}{2}$$

$$S = \int_0^t v dt$$

Вращательное движение

$$\omega = \frac{d\varphi}{dt}$$

$$\varepsilon = \frac{d\omega}{dt}$$

$$\omega = \omega_0 \pm \varepsilon t$$

$$\varphi = \omega_0 t \pm \frac{\varepsilon t^2}{2}$$

$$\varphi = \int_0^t \omega dt$$

Примеры различных видов движения

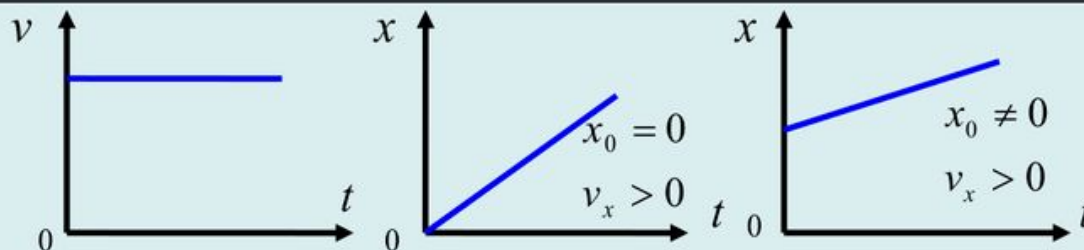
Равномерное прямолинейное движение $\vec{v} = const$ – материальная точка за любые равные промежутки времени совершает равные перемещения.

Скорость $\vec{v} = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t}$ Вектор скорости совпадает по направлению с вектором перемещения и в каждой точке траектории направлен вдоль траектории

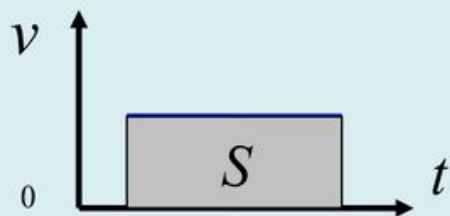
$$x = x_0 + v_x t$$

Кинематическое уравнение равномерного движения материальной точки вдоль оси x

Графики



Вычисление пройденного пути



$$S = v \Delta t$$

$$S = \int_{t_1}^{t_2} v dt$$

Равнопеременное прямолинейное движение $a = const$ – скорость материальной точки за равные промежутки времени изменяется на равные величины, т.е. движение с постоянным по модулю и направлению ускорением.

Равноускоренное прямолинейное движение – Движение, при котором направление вектора ускорения совпадает с направлением вектора скорости точки. Модуль скорости с течением времени возрастает.

Равнозамедленное прямолинейное движение – Движение, при котором направление вектора ускорения противоположно направлению вектора скорости точки. Модуль скорости с течением времени уменьшается.

| | |
|---------------------------------------|---|
| Скорость | $\vec{v} = \vec{v}_0 \pm \vec{a}t$ |
| Проекция вектора скорости на ось Ox | $v_x = v_{0x} \pm a_x t$ |
| Графики | <p>The figure contains three coordinate systems with time t on the horizontal axis:</p> <ul style="list-style-type: none"> Graph 1: Velocity v_x vs. time t. A blue line starts at v_{0x} on the vertical axis and increases linearly. The region above the line is labeled $a_x > 0$. Graph 2: Acceleration a_x vs. time t. A horizontal blue line is drawn at a positive value, labeled $a_x > 0$. Graph 3: Acceleration a_x vs. time t. A horizontal blue line is drawn at a negative value, labeled $a_x < 0$. |
| Пройденный путь | $s = v_0 t + \frac{at^2}{2}$ |
| Вектор перемещения | $\Delta \vec{r} = \vec{v}_0 \Delta t + \frac{\vec{a}(\Delta t)^2}{2}$ |