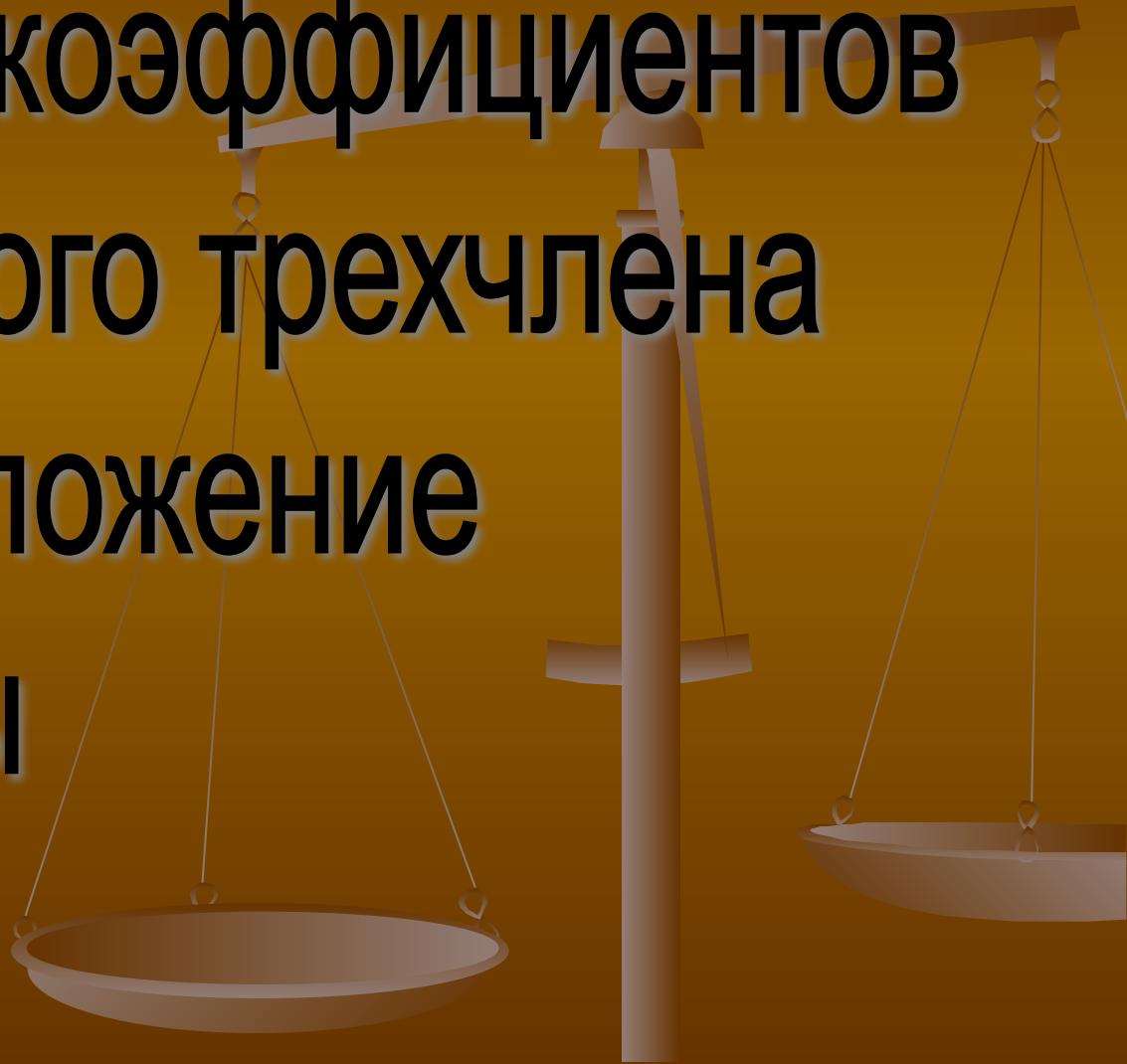


# Влияние коэффициентов квадратного трехчлена на расположение параболы



Преобразуем формулу  $y=ax^2+bx+c$ .  
Получим:

$$y = a\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 - \frac{b^2}{4a} + c$$

Выясним, как расположена парабола в зависимости от знака коэффициентов  $a, b, c$ .

Пользуясь полученной формулой:

$$y = a\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 - \frac{b^2}{4a} + c,$$

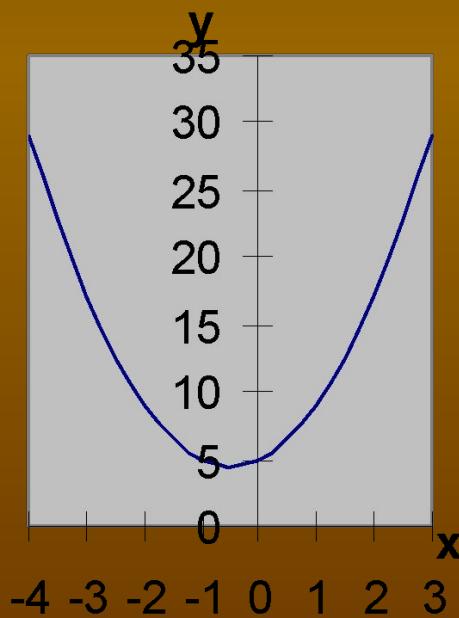
выясним расположение параболы при  $a > 0$

Ветви параболы направлены вверх. При  $b > 0$ ,  
 $c > 0$  вершина находится во II или III четверти.

При  $c > \frac{b^2}{4a}$

вершина параболы  
находится во II четверти.

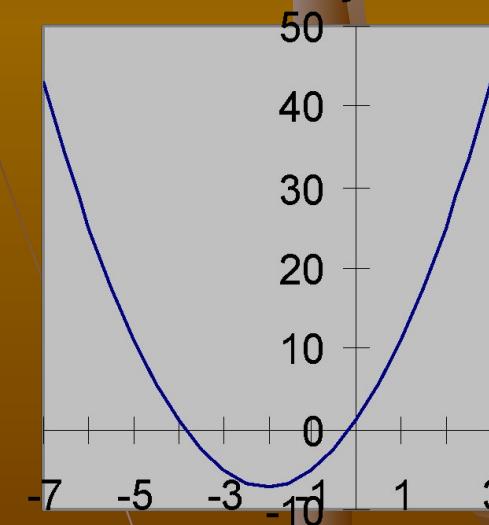
$$a>0, b>0, c>0$$



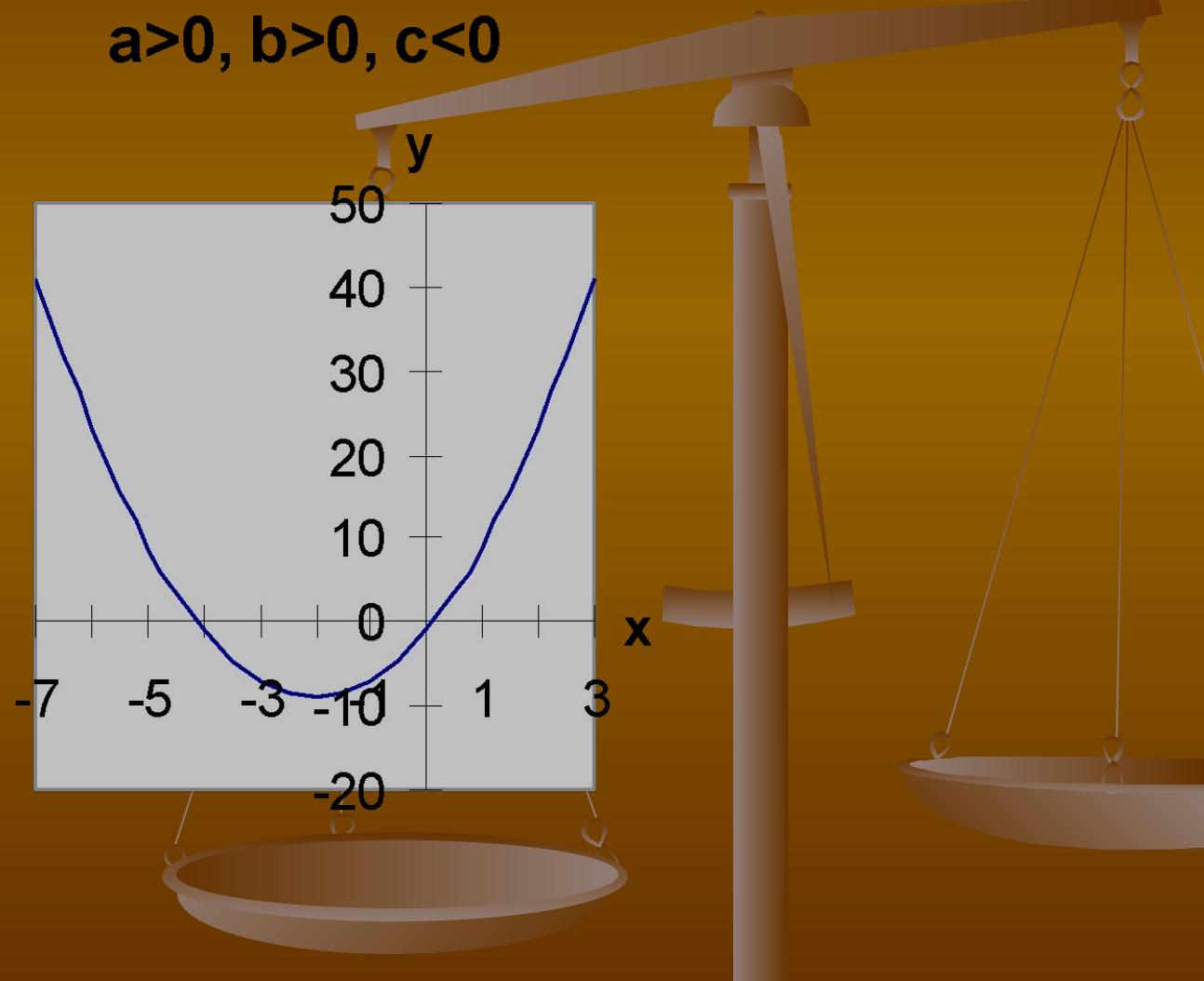
При  $c < \frac{b^2}{4a}$

вершина параболы  
находится в III четверти.

$$a>0, b>0, c>0$$



При  $b>0$ ,  $c<0$  вершина параболы находится в III четверти.

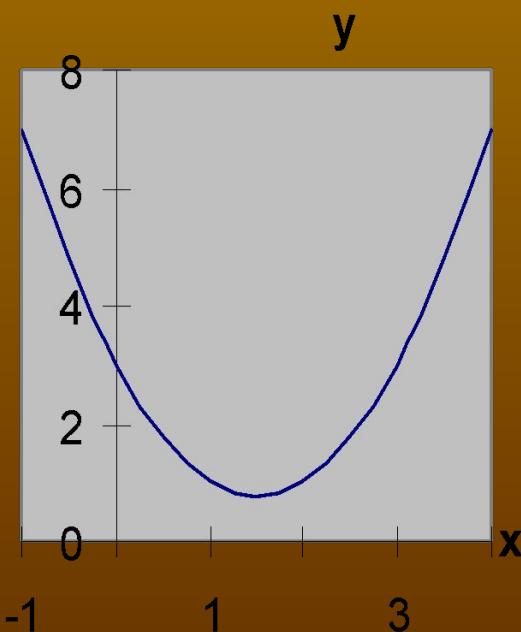


При  $b < 0, c > 0$  вершина находится в I или IV четверти.

При  $c > \frac{b^2}{4a}$

вершина параболы  
находится в I четверти.

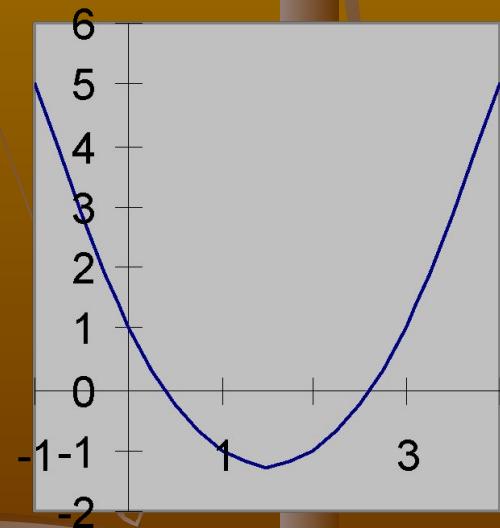
$a > 0, b < 0, c > 0$



При  $c < \frac{b^2}{4a}$

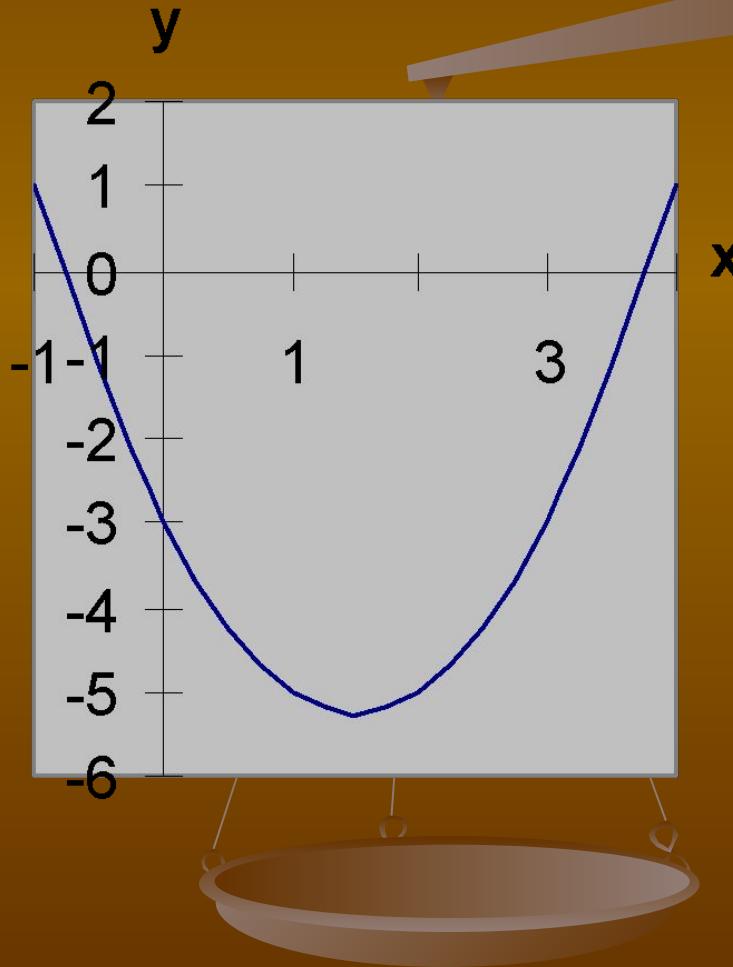
вершина параболы  
находится в IV четверти.

$a > 0, b < 0, c > 0$



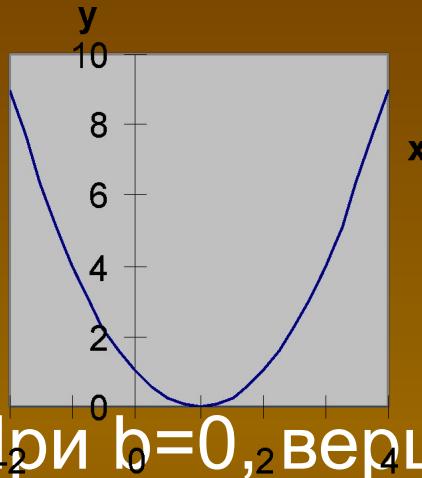
При  $b < 0$ ,  $c < 0$  вершина находится в IV четверти.

$$a > 0, b < 0, c > 0$$

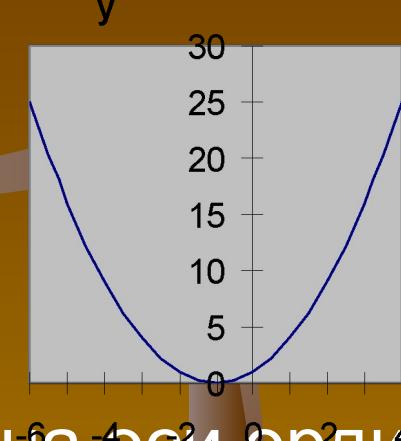


При  $b^2=4ac$  вершина находится на оси абсцисс.

$b^2=4ac, b<0$

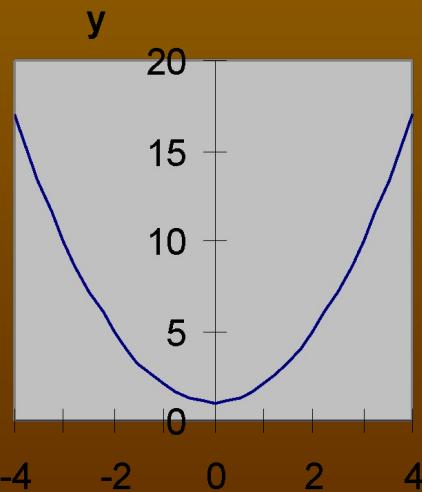


$b^2=4ac, b>0$

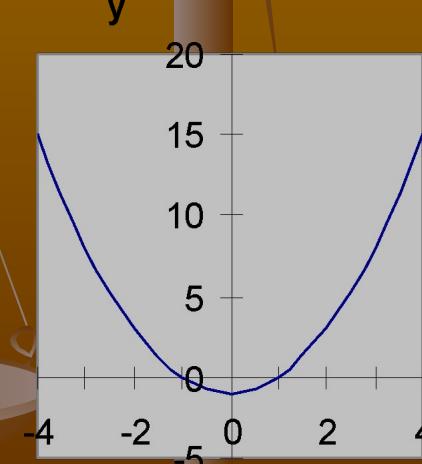


При  $b=0, c>0$  вершина находится на оси ординат.

$b=0, c>0$



$b=0, c<0$



Пользуясь полученной формулой:

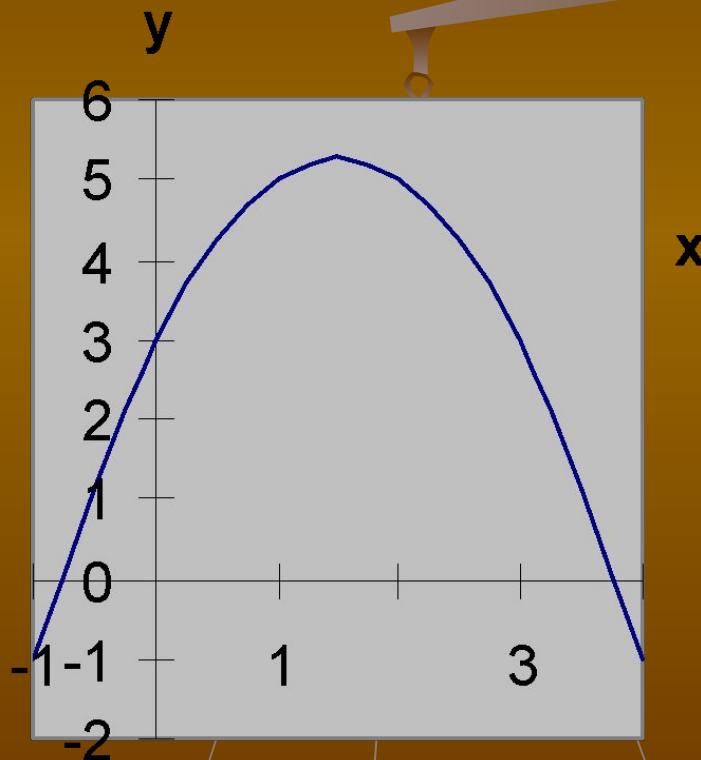
$$y = a\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 - \frac{b^2}{4a} + c,$$

выясним расположение параболы при  $a < 0$

Ветви параболы направлены вниз.

При  $b>0$ ,  $c>0$  вершина параболы находится в I четверти.

$$a<0, b>0, c>0$$

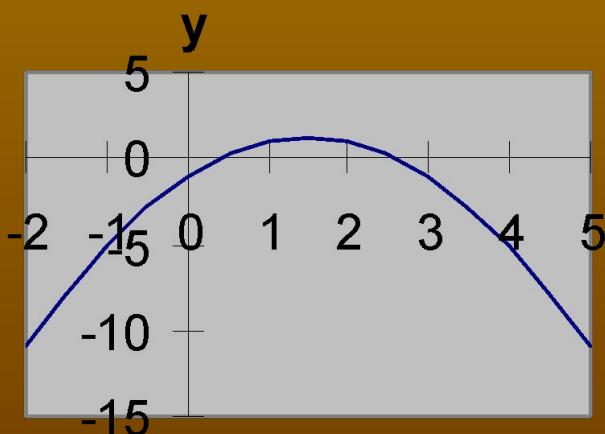


При  $b>0$ ,  $c<0$  вершина находится во I или IV четверти.

При  $c>\frac{b^2}{4a}$

вершина параболы  
находится в I четверти.

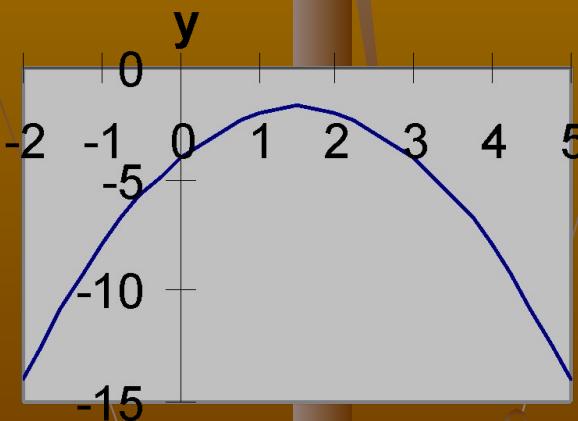
$a<0, b>0, c<0$



При  $c<\frac{b^2}{4a}$

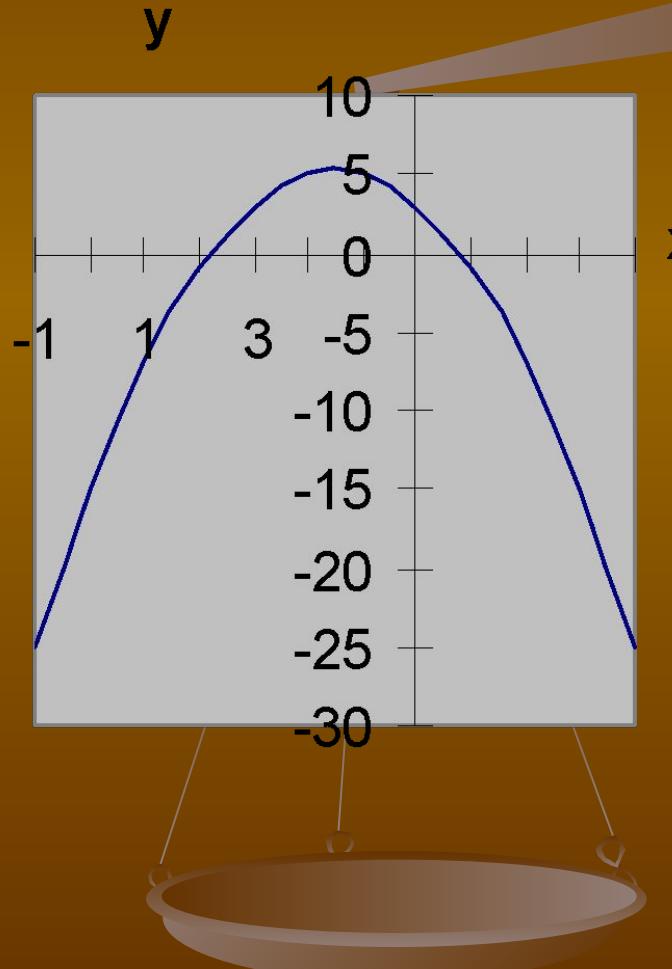
вершина параболы  
находится в IV четверти.

$a<0, b>0, c<0$



При  $a < 0$ ,  $b < 0$ ,  $c > 0$  вершина параболы находится во II четверти.

$$a < 0, b < 0, c > 0$$

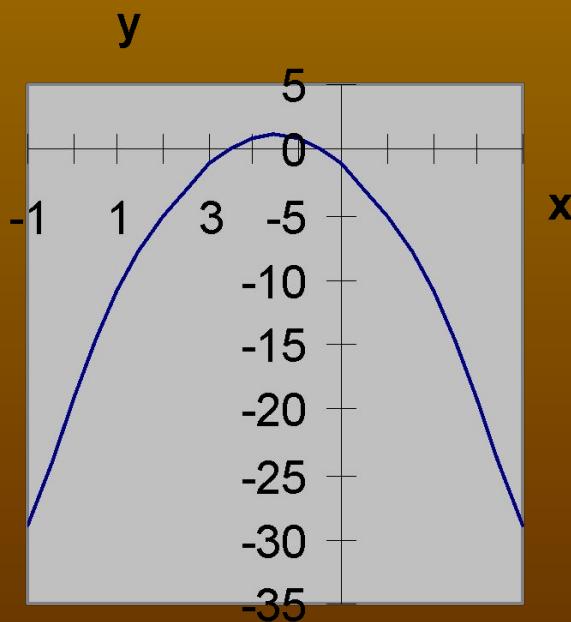


При  $b < 0$ ,  $c < 0$  вершина находится во II или III четверти.

При  $c > \frac{b^2}{4a}$

вершина параболы  
находится во II четверти.

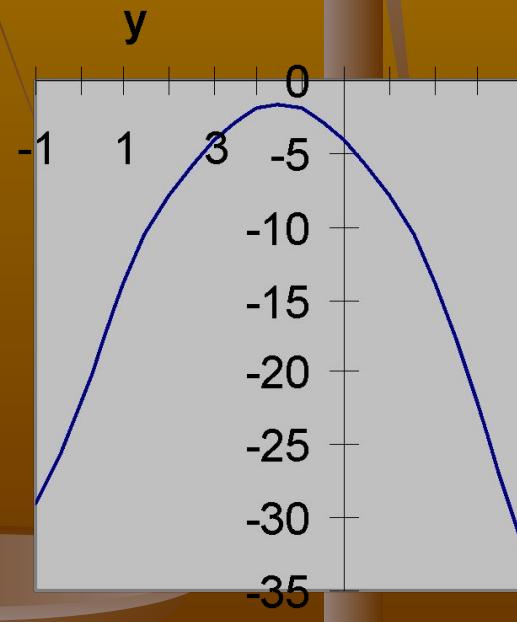
$a < 0$ ,  $b < 0$ ,  $c < 0$



При  $c < \frac{b^2}{4a}$

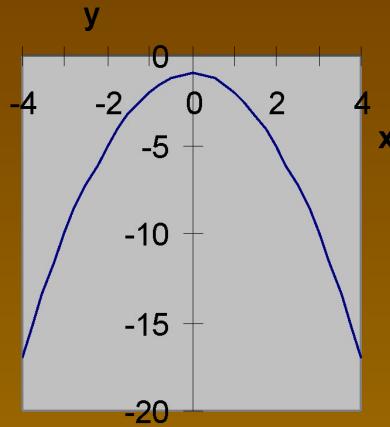
вершина параболы  
находится в III четверти.

$a < 0$ ,  $b < 0$ ,  $c < 0$

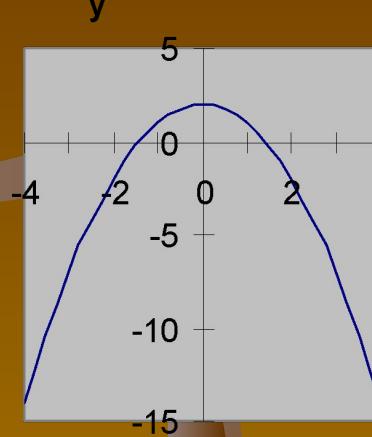


При  $b=0$ , вершина находится на оси ординат.

$$a < 0, b = 0, c < 0$$

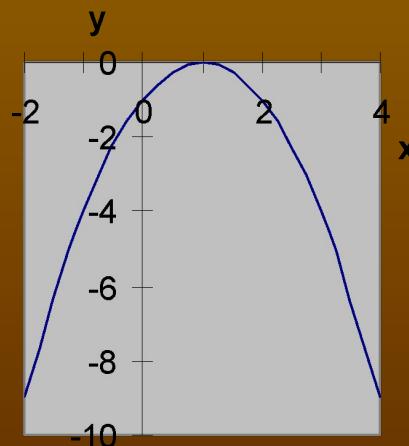


$$a < 0, b = 0, c > 0$$



При  $b^2=4ac$  вершина находится на оси абсцисс.

$$b^2=4ac, b>0$$



$$b^2=4ac, b<0$$

