

**Арккосинус. Решение уравнения  $\cos t = a$ .**

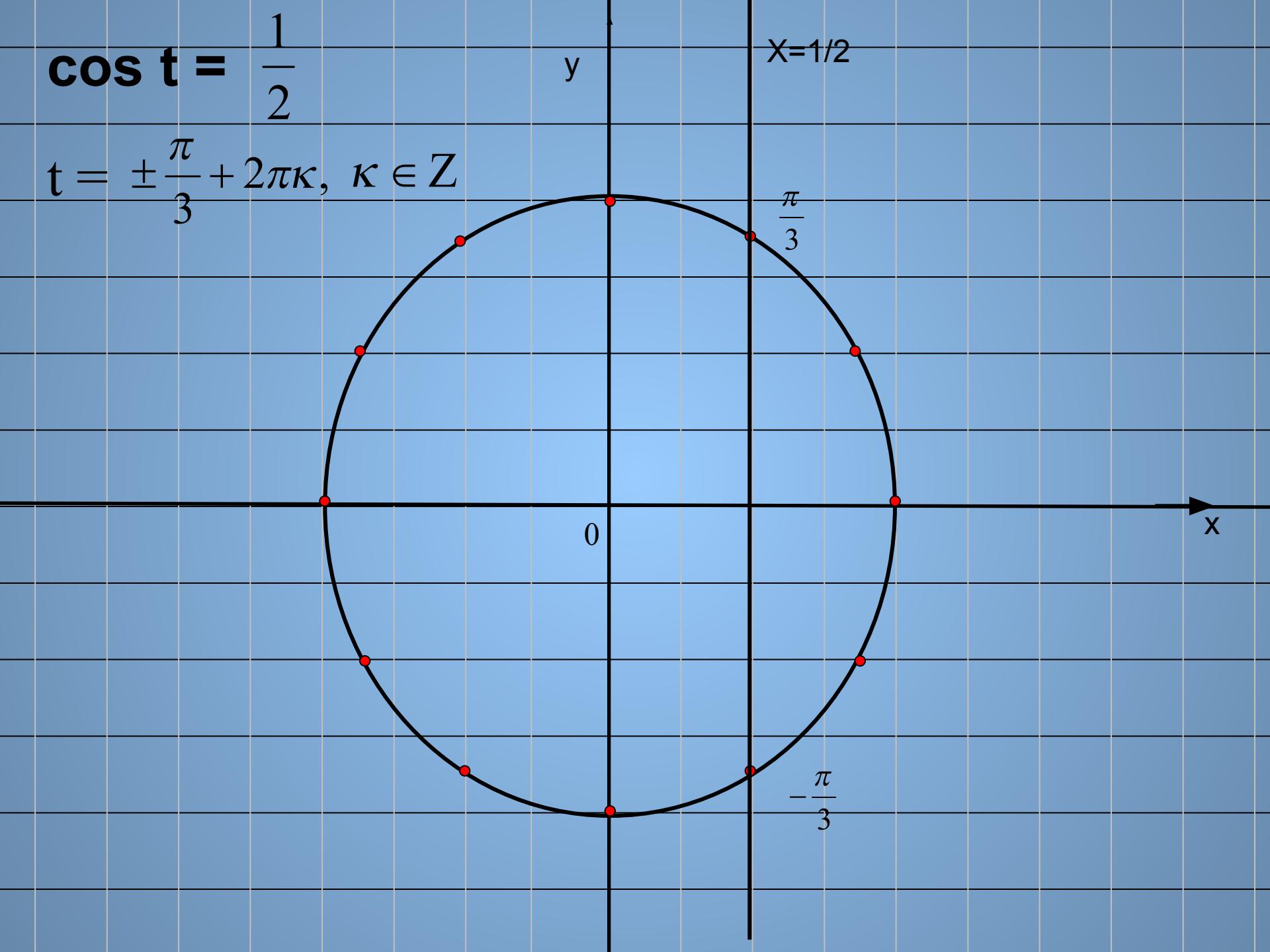
**Решить уравнения:**

$$1) \cos t = \frac{1}{2};$$

$$2) \cos t = 1.$$

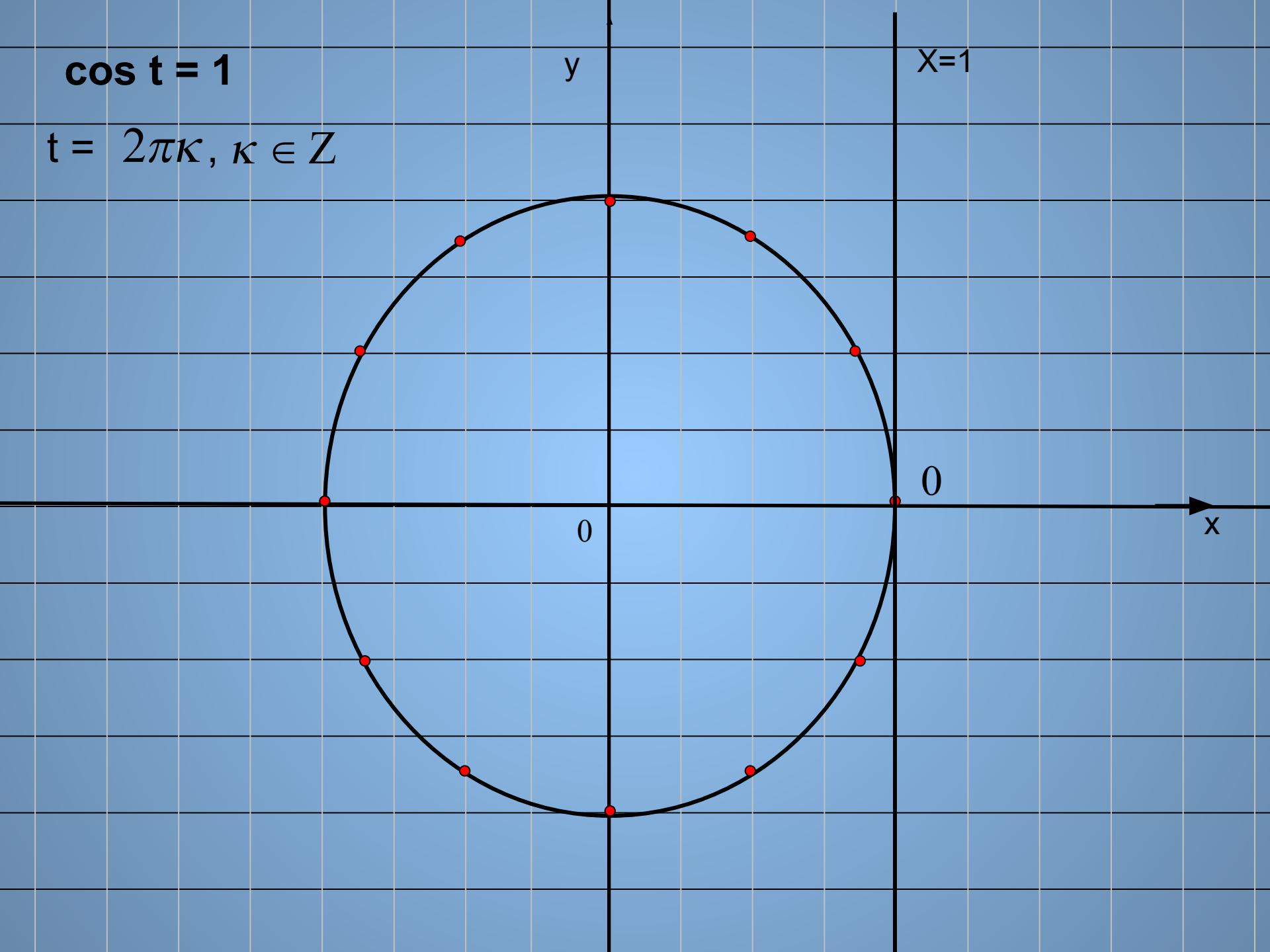
$$\cos t = \frac{1}{2}$$

$$t = \pm \frac{\pi}{3} + 2\pi\kappa, \kappa \in \mathbb{Z}$$



$$\cos t = 1$$

$$t = 2\pi\kappa, \kappa \in \mathbb{Z}$$



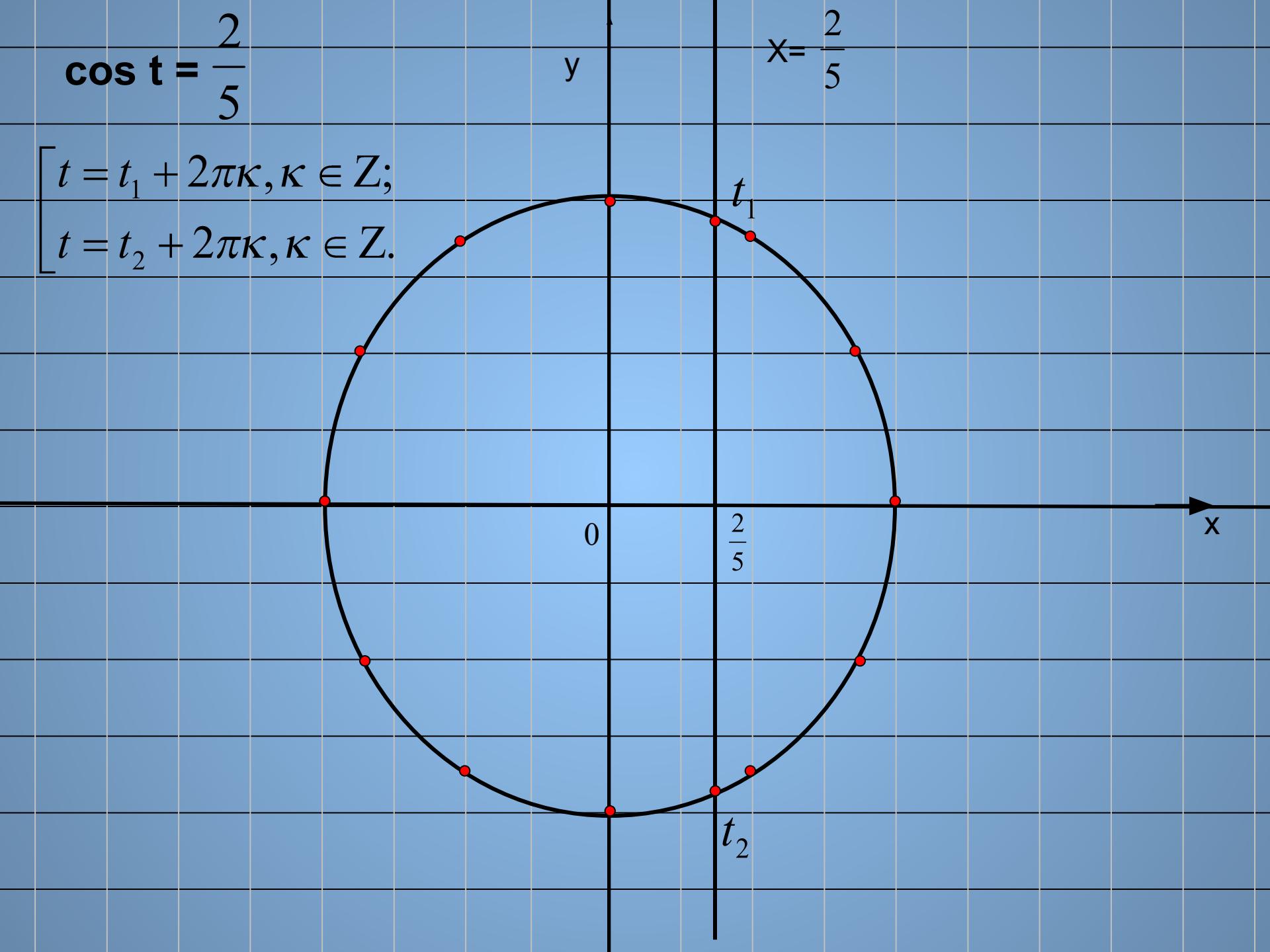
**Решить уравнение:**

$$\cos t = \frac{2}{5}.$$

$$\cos t = \frac{2}{5}$$

$$\begin{cases} t = t_1 + 2\pi\kappa, \kappa \in \mathbb{Z}; \\ t = t_2 + 2\pi\kappa, \kappa \in \mathbb{Z}. \end{cases}$$

$$x = \frac{2}{5}$$



$$\cos t = \frac{2}{5}$$

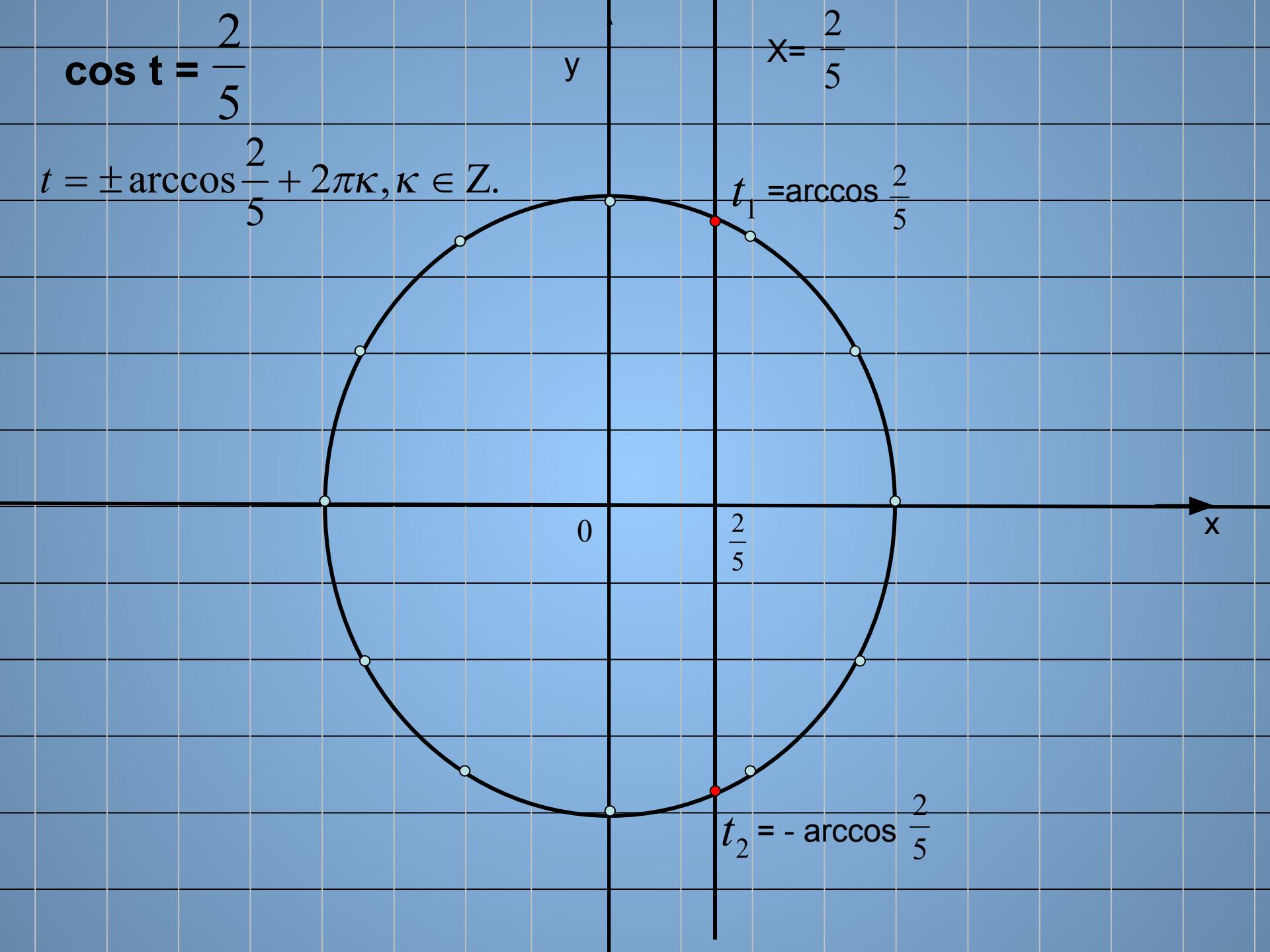
$$t = \pm \arccos \frac{2}{5} + 2\pi\kappa, \kappa \in \mathbb{Z}.$$

$$x = \frac{2}{5}$$

$$t_1 = \arccos \frac{2}{5}$$

$$\frac{2}{5}$$

$$t_2 = -\arccos \frac{2}{5}$$



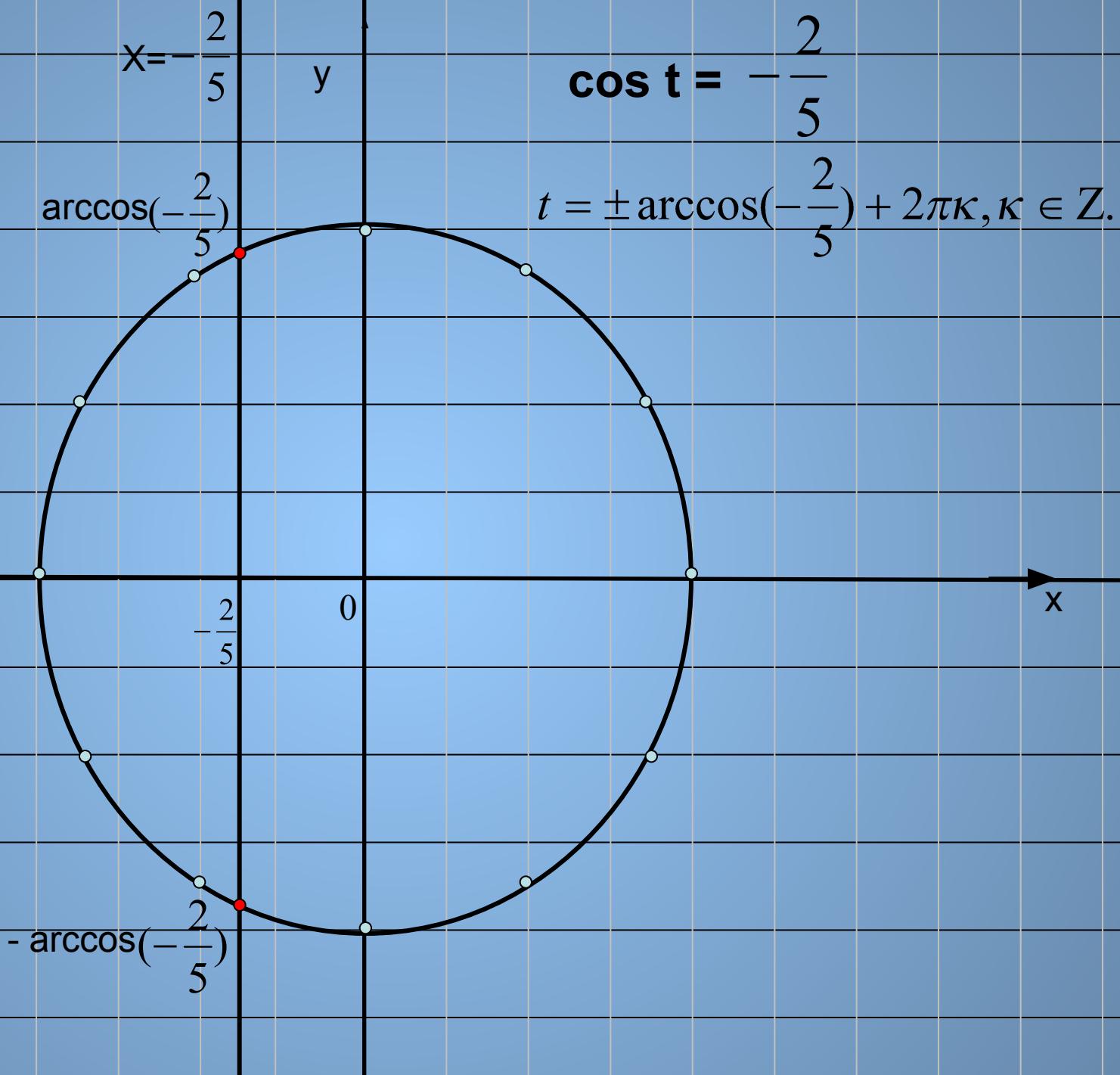
**Что же такое  $\arccos \frac{2}{5}$  ?**

Это число (длина дуги), косинус которого равен  $\frac{2}{5}$  и

которое принадлежит  
первой четверти числовой окружности.

**Решить уравнение:**

$$\cos t = -\frac{2}{5}.$$



**Что же такое  $\arccos\left(-\frac{2}{5}\right)$  ?**

Это число (длина дуги), косинус которого равен  $-\frac{2}{5}$  и

которое принадлежит  
второй четверти числовой окружности.

# Решение уравнения $\cos t = a$ .

Если  $|a| \leq 1$ , то уравнение  $\cos t = a$   
имеет решения:

$$t = \pm \arccos a + 2\pi\kappa, \kappa \in \mathbb{Z}$$

## Частные случаи:

- 1) Если  $\cos t = 0$ , то  $t = \frac{\pi}{2} + \pi\kappa$ ,  $\kappa \in \mathbb{Z}$
  
- 2) Если  $\cos t = 1$ , то  $t = 2\pi\kappa$ ,  $\kappa \in \mathbb{Z}$
  
- 3) Если  $\cos t = -1$ , то  $t = \pi + 2\pi\kappa$ ,  $\kappa \in \mathbb{Z}$

**На практике используется:**

$$\arccos(-a) = \pi - \arccos a, \text{ где } 0 \leq a \leq 1$$

Пример.

$$\begin{aligned}\arccos\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) &= \pi - \arccos \frac{\sqrt{2}}{2} = \\ &= \pi - \frac{\pi}{4} = \frac{3\pi}{4}.\end{aligned}$$

## Решение уравнений

Пример 1.

$$\cos t = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$t = \pm \arccos \frac{\sqrt{3}}{2} + 2\pi\kappa, \kappa \in \mathbb{Z}$$

## Решение уравнений

Пример 1.

$$\cos t = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$t = \pm \arccos \frac{\sqrt{3}}{2} + 2\pi\kappa, \kappa \in \mathbb{Z}$$

$$t = \pm \frac{\pi}{6} + 2\pi\kappa, \kappa \in \mathbb{Z}$$

Ответ:  $\left\{ \pm \frac{\pi}{6} + 2\pi\kappa \right\}, \kappa \in \mathbb{Z}$

## Решение уравнений

Пример 2.

$$\cos t = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$t = \pm \arccos\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) + 2\pi k, \quad k \in \mathbb{Z}$$

Вычислим  $\arccos\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$

$$\begin{aligned}\arccos\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) &= \pi - \arccos\frac{\sqrt{3}}{2} = \\ &= \pi - \frac{\pi}{6} = \frac{5\pi}{6}.\end{aligned}$$

## Решение уравнений

Пример 2.

$$\cos t = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$t = \pm \arccos\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) + 2\pi\kappa, \quad \kappa \in \mathbb{Z}$$

$$t = \pm \frac{5\pi}{6} + 2\pi\kappa, \quad \kappa \in \mathbb{Z}$$

Ответ:  $\left\{ \pm \frac{5\pi}{6} + 2\pi\kappa \right\}, \quad \kappa \in \mathbb{Z}$

## Решение уравнений

Пример 3.

$$\cos t = \frac{2}{7}$$

$$t = \pm \arccos \frac{2}{7} + 2\pi\kappa, \kappa \in \mathbb{Z}$$

Ответ:  $\{\pm \arccos \frac{2}{7} + 2\pi\kappa\}, \kappa \in \mathbb{Z}$

## Решение уравнений

Пример 4.

$$\cos t = -1,2 \quad -1,2 < -1$$

Ответ: уравнение решения не имеет.

Спасибо за урок!