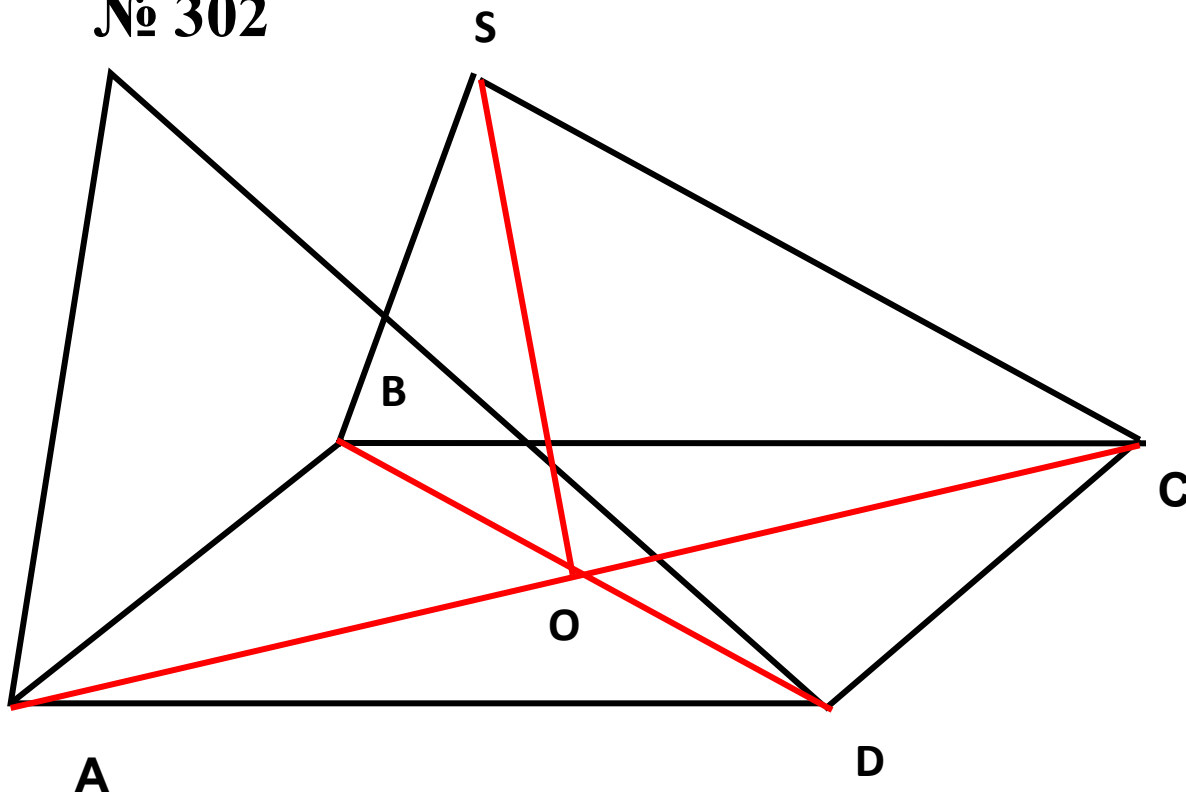


**Тема урока:**

**Пирамида.**

(решение задач)

№ 302



*Дано:*

*ABCDS- пирамида*

*O – точка  
пересечения  
диагоналей*

*AB = 3 см*

*AD = 7 см*

*AC = 6 см*

*SO = 4 см*

*Найдите: SA, SB,  
SC, SD*

**Решение:**

**1.  $SABCD$  пирамида,  $ABCD$  -параллелограмм**

**2. По свойству параллелограмма найдем:**

$$BO = OD \text{ и } AO = OC$$

$$BO \perp \text{пл.} ABC, SO = 4 \text{ см}$$

$$\triangle OSB = \triangle OSD \text{ ( по двум катетам), тогда } SB = SD;$$

$$\triangle AOS = \triangle COS \text{ ( по двум катетам), тогда } SB = SC;$$

$$\text{Пусть } AO = OC = \frac{1}{2} AC = 3 \text{ см, } BO = OD = x$$

**Из  $\triangle ACD$  по теореме косинусов имеем:**

$$AD^2 = AC^2 + CD^2 - 2 AC * CD * \cos A$$

$$7^2 = 6^2 + 3^2 - 2 * 6 * 3 * \cos A,$$

$$49 = 36 + 9 - 36 * \cos A,$$

$$36 \cos A = -4;$$

$$\cos A = -4/36 = -1/9$$

**Из  $\triangle COD$  по теореме косинусов имеем:**

$$x^2 = 9 + 9 + 2 * 9 * 1/9 = 18 + 2 = 20, x = 2\sqrt{5} \text{ (см)}$$

**Из прямоугольного  $\triangle SOB$  по теореме Пифагора имеем:**

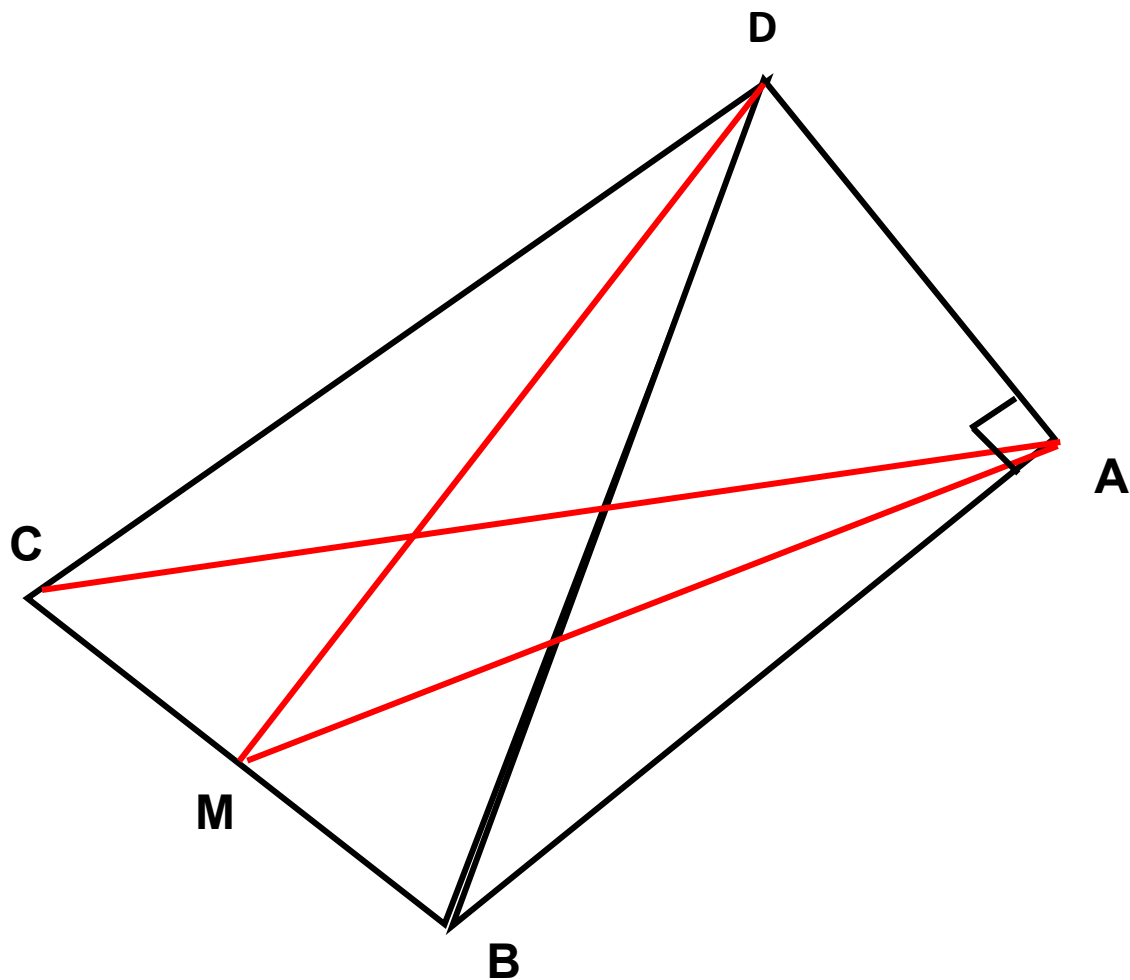
$$SD = \sqrt{SO^2 + OD^2} = \sqrt{4^2 + 20} = \sqrt{36} = 6 \text{ (см)}$$

**Из прямоугольного  $\triangle SOC$  по теореме Пифагора имеем:**

$$SC = \sqrt{SO^2 + OC^2} = \sqrt{4^2 + 3^2} = \sqrt{25} = 5 \text{ см, } SC = SA = 5 \text{ см}$$

**Ответ: 5 см 5 см 6 см 6 см**

№ 310



*Дано:*

*$DABC$  –*

*пирамида,*

*$DA \perp ABC,$*

*$AB = AC = 25 \text{ см},$*

*$BC = 40 \text{ см},$*

*$DA = 8 \text{ см}.$*

*Найти  $S$*   
*бок*

**Решение:**

**1.  $DABC$  пирамида,  $DA \perp (ABC)$**

$$2. S_{\text{бок}} = S_{ABD} + S_{ADC} + S_{BDC};$$

$$S_{\text{бок}} = S_{ADC} = DH * AC / 2 = 8 * 25 / 2 = 100 \text{ см}^2$$

**Из  $\triangle ABD$  по т. Пифагора имеем:**

$$BD = \sqrt{AB^2 + DA^2} = \sqrt{25^2 + 8^2} = \sqrt{689} \text{ см.}$$

**Из  $\triangle BDM$  по т. Пифагора имеем:**

$$AB^2 + DA^2 = \sqrt{25^2 + 8^2} = \sqrt{689} \text{ см}$$

$$DM^2 = BD^2 - BM^2 = 689 - 400 = 289,$$

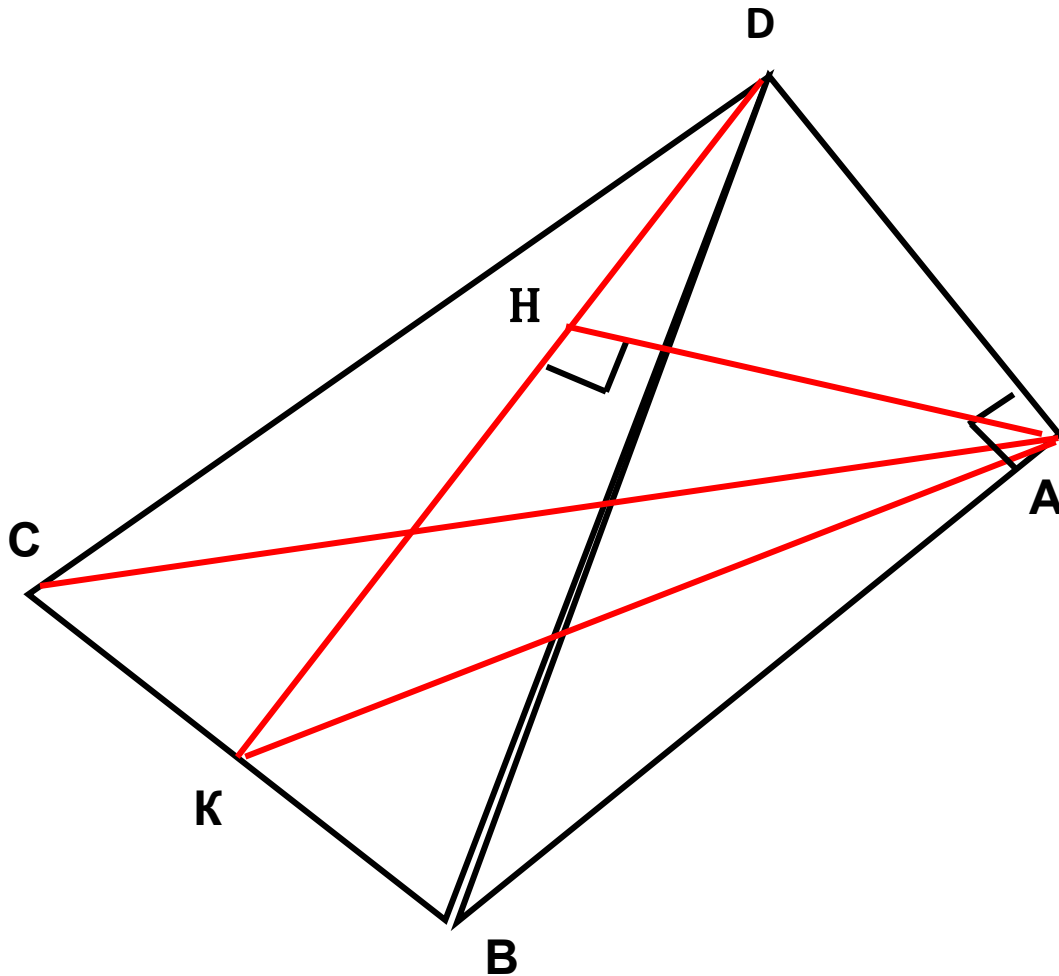
$$DM = 17$$

$$S_{BDC} = (DM * BM) * \frac{1}{2} * 2 = 17 * 20 = 340 \text{ см}^2$$

$$S_{\text{бок}} = 100 + 100 + 340 = 540 \text{ см}^2$$

**Ответ:  $540 \text{ см}^2$**

№ 311



*Дано:*

*$DABC$  - пирамида,*

*$ADC$  – основание,*

*$AC=13$  см,*

*$AB=15$  см,*

*$CB=14$  см,*

*$AD \perp ABC$ ,*

*$AD=9$  см.*

*Найти*

*а)  $S_{n.n.}$*

*б)  $AH$*

**Решение:**

1.  $DABC$  пирамида,  $DA \perp (ABC)$

2.  $\triangle DAB$  и  $\triangle DAC$  прямоугольные

$$S_{BDA} = \frac{1}{2} DA * BA = \frac{1}{2} * 9 * 15 \text{ (см}^2\text{)}, S_{CDA} = \frac{1}{2} DA * CA = \frac{1}{2} * 9 * 13 \text{ (см}^2\text{)}.$$

По формуле Герона имеем:

$$S_{ABC} = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}, \text{ где } a = 14, b = 15, c = 13, \text{ а } p = (AB + AC + CB) / 2 = (13 + 14 + 15) / 2 = 21 \text{ см}$$

3. Построим  $AK \perp BC$  и отрезок  $DK$ . По теореме о 3-х перпендикулярах имеем  $DK \perp BC$ .

Проведем в плоскости  $ADK$  отрезок  $AH \perp DK$

$AH \perp DK$  – по построению, и  $AH \perp BC$ , т.к  $AH$  принадлежит пл. $ADK$  то пл. $ADK \perp BC$ .

$AH$  перпендикулярна двум пересекающимся прямым плоскости  $BKD$ , а значит  $AH \perp$  пл. $BKD$ .

4. Точка  $H \in DK$ , а  $DK$  - высота грани  $DBC$

$$S_{DBC} = \frac{1}{2} BS * DK.$$

Из  $\triangle ADK$  по т. Пифагора

$$DK = \sqrt{DA^2 + AK^2} = \sqrt{81 + AK^2}$$

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} AK * BC = \frac{1}{2} AK * 14$$

$$\frac{1}{2} AK * 14 = 84$$

$$AK = 12 \text{ см}$$

$$DK = \sqrt{81 + 144} = \sqrt{225} = 15 \text{ см}$$

$$S_{DBC} = \frac{1}{2} * 14 * 15 = 7 * 15 = 105 \text{ см}^2$$

$$S_{n.n.} = 9 * 15 / 2 + 9 * 13 / 2 + 84 + 105 = \\ = 9 * 28 / 2 + 189 = 315 \text{ см}^2$$

$$KD = \sqrt{AK^2 + DA^2} = \sqrt{144 + 81} = \sqrt{225} = 15 \text{ см}$$

$$\sin A = DA / KD = 9 / 15 = 3 / 5$$

$$\text{Из } \triangle KHA, AH = KA * \sin A = 12 * 3 / 5 = 36 / 5 = 7,2 \text{ см}$$

Ответ:  $315 \text{ см}^2$  ;  $7.2 \text{ см}$