

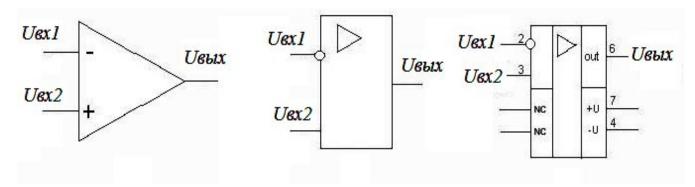
# Схемотехника аналоговых электронных устройств

# Практика 8. Операционные усилители и устройства на их основе

#### Введение

- ОУ и устройства на их основе имеют значительные преимущества по сравнению с транзисторами и устройствами на их основе, поэтому этой теме нужно уделить значительное внимание.
- В следующем семестре нам предстоит выполнить курсовой проект по «Схемотехнике», в процессе выполнения которого нужно спроектировать различные аналоговые устройстваб выполнить расчет, проверить результаты расчета моделированием, а также оформить пояснительную записку к КП в соответствии с правилами оформления технической документации.
- Ввиду значительного упрощения расчета схем и характеристик устройства, в качестве активных элементов рекомендуется применение ОУ.
- Большая часть КП выполняется на тему активных фильтров, это тема последней контрольной работы, которую сегодня рассмотрим.

## Операционные усилители



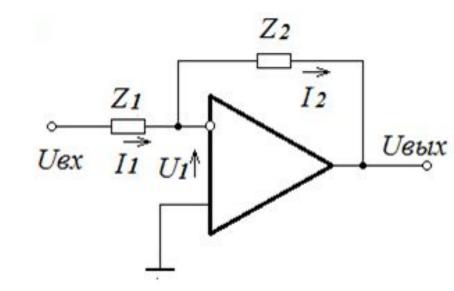
Характеристики близки к идеальному усилителю:

- полоса пропускания от 0 до  $\infty$ ,
- коэффициент усиления  $\rightarrow \infty$ ,
- $R_{BX} \rightarrow \infty$
- RB $\mapsto$ 0.

В схемах ОУ применяются типовые узлы на транзисторах и диодах, рассмотренные в лекциях: источники тока, токовые зеркала, дифференциальные каскады, схемы снижения потенциалов, буферные каскады, двухтактные каскады и пр.

#### Обратные связи в ОУ

- Цепь обратной связи образуется посредством включения двухполюсника обратной связи Z2 между инвертирующим входом и выходом операционного усилителя.
- Коэффициент передачи ОУ, прямо пропорционален сопротивлению двухполюсника Z2, включенного между выходом и инвертирующим входом операционного усилителя и обратно пропорционален сопротивлению двухполюсника Z1, включенного между входом и источником сигнала.



• При 
$$Rex \to \infty$$
,  $I_1 = I_2$ . 
$$I_1 = \frac{U_{BX} - U_1}{Z_1} \ I_2 = \frac{U_1 - U_{BbIX}}{Z_2}$$

При условии  $Ku \rightarrow \infty$ ,

$$K_{o.c} = Uebix/Uex = -Z_2/Z_1$$

#### Активные фильтры

#### **Устройства** на основе частотнозависимых ОС

Типы: фильтры нижних частот (ФНЧ),  $(\Phi B \Psi),$ фильтры верхних частом фильтры полосовые (режекторные) заграждающие (РФ), избирательные фильтры (селективные) фильтры (СФ).

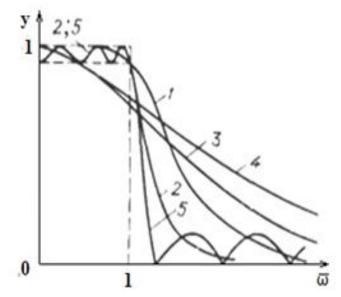
Передаточная функция ФНЧ:

$$W_{\Phi HY}(P) = K_0/(1 + a_1 p + a_2 p^2 + ... + a_n p^n)$$

Полиномы 1. Батерворта,

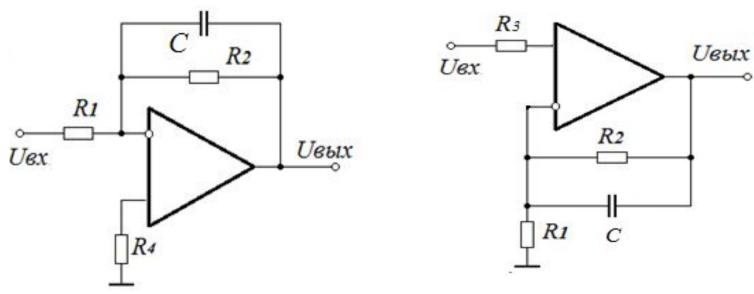
- 2. Чебышева, 3. Бесселя,
- 4. RC фильтр,
- 5. Эллиптический фильтр (имеет нули одинаковой схеме фильтра.  $\Pi\Phi$ )

Прототипы всех фильтров — ФНЧ.



Фильтры отличаются в крутизне спада АЧХ за полосой пропускания при одинаковом порядке и

#### Активные фильтры нижних частот

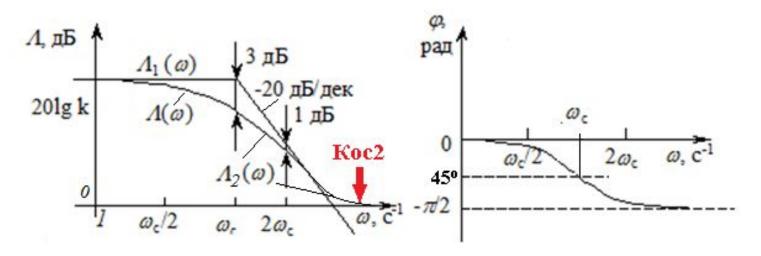


#### ОС включается между выходом и инвертирующем входом!

- Коэффициент усиления с учетом обратной связи и изменения полярности:  $K_{OCI} = -R_2/R_1$ ,  $K_{OC2} = 1 + R_2/R_1$
- Постоянная времени цепи ОС  $\tau = R_2 C$ ,

$$K(j\omega) = -\frac{R_2}{R_1} \cdot \frac{1}{1 + j\omega R_2 C} \qquad |K(j\omega)| = K_{OC} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 + \omega^2 \tau^2}}$$

## ЛАЧХ фильтров нижних частот

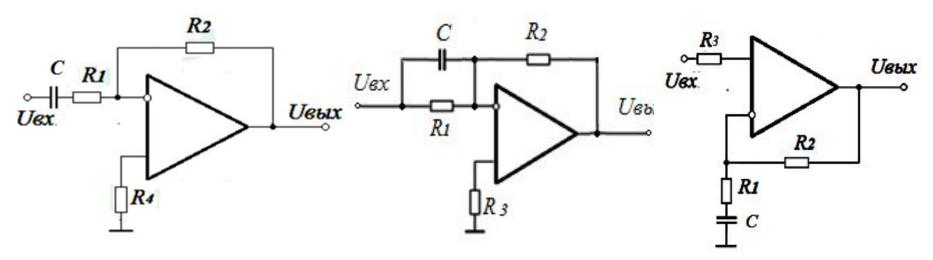


В ЛАЧХ по горизонтальной оси откладываются частоты в логарифмическом масштабе, по вертикальной оси — коэффициент передачи в децибелах (дБ),  $\Lambda$ =20lg|K( $\omega$ )|.

Максимальная разница между АЧХ и ЛАЧХ составит 3 дБ на частоте сопряжения, совпадающей с верхней частотой  $\omega e = 2\pi f e$ .

$$\Lambda_1(\omega) = \frac{20 \lg |K|}{\sqrt{1 + \omega^2 T^2}} \qquad \varphi(\omega) = -\operatorname{arctg} \omega T$$

## Активные фильтры верхних частот

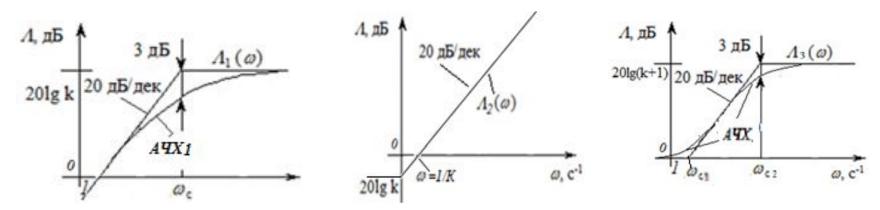


•  $K_{OCI,2}$  =- $R_2/R_1$ ,  $K_{OC3}$ = $I+R_2/R_1$  коэффициент усиления с учетом обратной связи и изменения полярности,  $\tau = R_1 C - постоянная времени цепи ОС.$ 

$$|K(j\omega)| = K_{OC} \cdot \frac{\omega \tau}{\sqrt{1 + \frac{2}{2} + \frac{2}{2}}}$$

 $|K(j\omega)| = K_{OC} \cdot \frac{\omega \tau}{\sqrt{\log 2^2}}$  ФВЧ 1 можно рассматривать как последовательно  $\sqrt{\log 2^2}$  дифференцирующего устройства, см. лекции, с  $K\partial u \phi = \omega \tau$  и ФНЧ, с частотой сопряжения  $\omega c = 1/\tau$  . Действие ФНЧ компенсирует подъем ЛАЧХ с частоты сопряжения и получается горизонтальная линия.

#### ЛАЧХ разных фильтров верхних частот



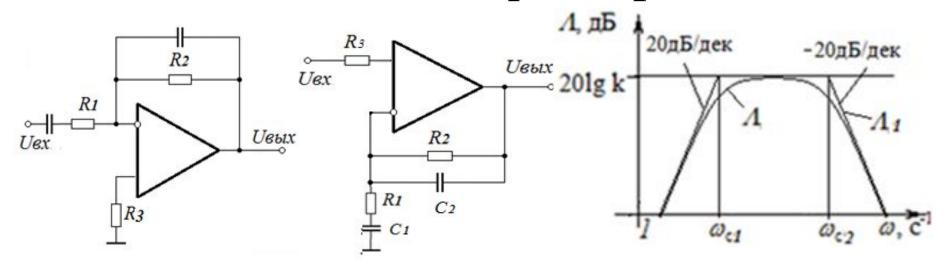
**ФВЧ 1** - последовательное соединение дифференцирующего устройства с  $K\partial u \phi = \omega \tau$  и ФНЧ, с частотой сопряжения  $\omega c = 1/\tau$ , компенсирует подъем ЛАЧХ с частоты  $\omega c$ 

ФВЧ 2 - дифференцирующее устройство, ограничение *K=R2/R1* 

**ФВЧ 3** – неинвертирующий, отличается от ФВЧ 1 коэффициентом передачи на НЧ, равным 1 и наличием двух частот сопряжения,  $\omega_{C1} = 1/kT$  и  $\omega_{C2} = 1/T$ .

$$\Lambda_1(\omega) = \frac{20 \lg |K| \cdot \omega T}{\sqrt{1 + \omega^2 T^2}} \qquad \Lambda_2(\omega) = 20 \lg |K| \cdot (1 + \omega T) \qquad \Lambda_3(\omega) = 1 + \frac{20 \lg |K| \cdot \omega T}{\sqrt{1 + \omega^2 T^2}}$$

## Полосовые фильтры



Объединение цепей ОС фильтров низких и высоких частот Постоянные времени для верхних и нижних частот существенно отличаются, расчет АЧХ независимый,

$$R_{I}C_{I} = \tau_{H} = 1/2\pi f_{H}, \qquad R_{2}C_{2} = \tau_{B} = 1/2\pi f_{e}.$$

Коэффициенты усиления  $K_{OC\ I} = -R_2/R_I$ , для неинвертирующего —  $K_{OC\ 2} = 1 + R_2/R_I$ .

## Режекторные фильтры

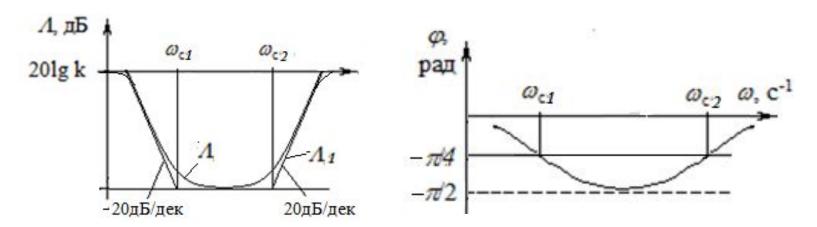
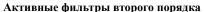
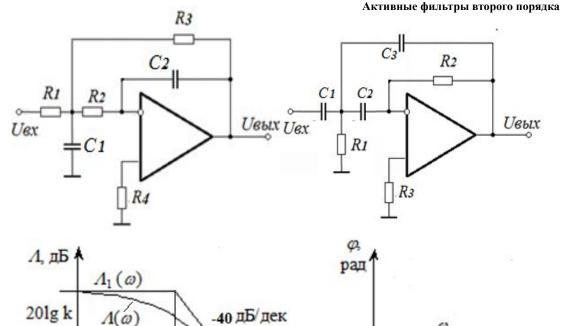


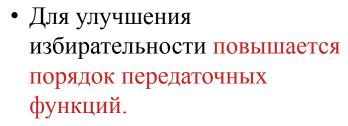
Схема как у полосовых фильтров, отличие частотной характеристики режекторного фильтра в том, что действие ФНЧ проявляется на нижних частотах, а ФВЧ — на верхних частотах, что обеспечивается соответствующим выбором постоянных времени фильтров.



Oc.

ω, c-1



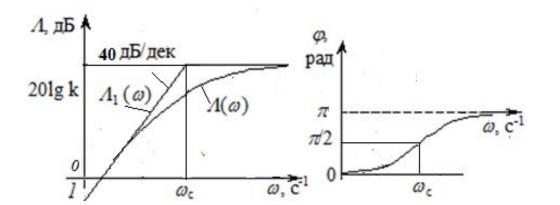


При условии  $R_1 = R_2$  частота сопряжения для ФНЧ  $\omega_{C} = \frac{\sqrt{R_{2}R_{3}C_{1}C_{2}}}{\sqrt{R_{2}R_{3}C_{1}C_{2}}}$ 

При условии  $C_1 = C_2$  для ФВЧ частота сопряжения:

$$\omega_C = \frac{1}{\sqrt{R_1 R_2 C_2 C_3}}$$

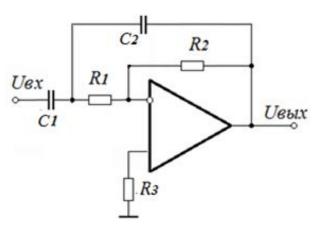
Выражения означают равенство на частоте сопряжения постоянных времени  $\tau_1 = \tau_2$  в цепи ОС.

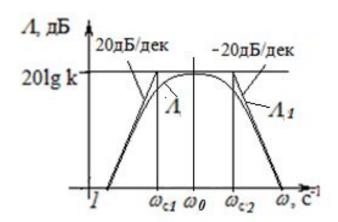


Oc.

 $-\pi d^2$ 

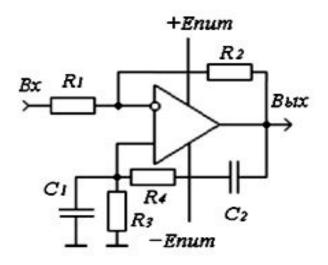
#### Селективные фильтры

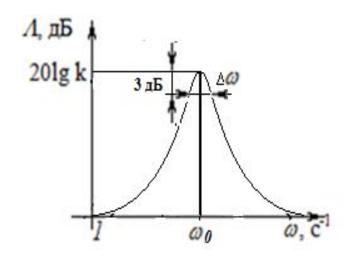




- Выделяют сигналы в узкой полосе рабочих частот. В полосовых фильтрах элементы ФВЧ и ФНЧ действовали независимо на своих частотах. При сближении *fн* и *fв* элементы фильтров начинают влиять друг на друга, что необходимо учитывать при расчетах: коэффициент передачи определяется отношением постоянных времени
- Основные расчетные соотношения: коэффициент усиления, полоса пропускания, центральная частота

$$K_{0} = -\frac{R_{2}C_{2}}{R_{1}C_{1}} \qquad \frac{\Delta\omega}{\omega_{0}} = \frac{\omega_{c2} - \omega_{c1}}{\omega_{0}} = \sqrt{\frac{R_{1}C_{1}}{R_{2}C_{2}}} \qquad \omega_{0} = \frac{1}{\sqrt{R_{1}C_{1}R_{2}C_{2}}}$$





**Мост Вина,** использование одновременно положительной и отрицательной обратных связей, на частоте резонанса происходит компенсации действия отрицательной ОС действием положительной ОС. Отрицательная частотно-независимая ОС - делитель  $R_1 - R_2$ , положительная ОС – частотно-зависимая, по схеме является полосовым фильтром. При полной компенсации действия ООС - отсутствие ОС на частоте резонанса:  $Ko > 10^5 - 10^6$  (коэффициент усиления ОУ на частоте резонанса), добротность  $Q \rightarrow \infty$ .

Из требований стабильности  $\mathit{Ko} \leq$  60-80 дБ,  $\mathit{Q} \leq$  100-200.

- Максимальная глубина ПОС и резонанс возникает при равенстве постоянных времени  $R_3$ ,  $C_1 = R_2$ ,  $C_2$
- При  $R_3 = R_4 = R$  и  $C_1 = C_2 = C$  частота резонанса  $f_o = 1/2\pi RC$ ,

Коэффициент передачи частотно-независимой отрицательной ОС

$$\beta_{ooc} = R_1/(R_1 + R_2),$$

коэффициент передачи положительной ОС на частоте резонанса,  $\beta_{\text{пос}} = 1/3$ .

На частоте резонанса,  $\beta_{\text{пос}} = \beta_{\text{оос}}$  откуда получаем выражение для расчета резисторов ООС, соответствующих границе устойчивости :  $(R_1 + R_2) / R_1 \le 3$ .

Для получения высокой добротности необходимо выполнить соотношения между активными и реактивными составляющими на частоте резонанса, ограничивающие величину резисторов ПОС:

$$R \ge Q/\omega_0 C$$
, при  $Rex oy >> R = R_3 = R_4$ .

#### Мост Вина, расчетные соотношения

На добротность также влияет сопротивление цепи ООС, поэтому необходимо выбирать величину резистора, чтобы выполнить условие:

RBX oy>
$$R_2$$
.

Величина резистора R, определяется необходимой добротностью:

$$R2=2R_{1}-R_{1}/Q$$

При  $R_2 > 2R_1$  не выполняется условие устойчивости, и схема превращается в автогенератор на мосте Вина.

Максимальный коэффициент усиления (при резонансе) при указанных ограничениях  $Kpes\approx 3Q$ .

На частотах  $\omega \to \infty$  и  $\omega \to 0$ , глубина ПОС  $\to 0$  из-за наличия конденсаторов в параллельной и последовательных цепях, поэтому коэффициент усиления определяется глубиной ООС.

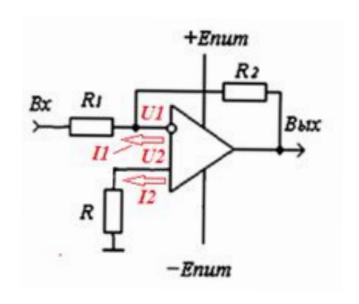
$$K_0 = K \infty = -R_2/R_1$$
.

#### Температурная стабилизация параметров ОУ.

Зависимость напряжения смещения Ucm от температуры описывается температурной чувствительностью ОУ dUcm/dT. Смещение вызвано разностью напряжений эмиттерных переходов из-за несимметрии транзисторов. Изменение тока смещения описывает выражение:

$$\Delta I_{ex} = I_{601} - I_{602} = I_{901} / H_{211} - I_{902} / H_{212}$$
 Величина смещения определяется отношением токов эмиттеров входных транзисторов в диапазоне температур:

$$U_{\scriptscriptstyle \mathcal{O}\!\!M} = \phi_T \ln \left( I_{\scriptscriptstyle \mathcal{D}\!\!\backslash 1} / I_{\scriptscriptstyle \mathcal{D}\!\!\backslash 2} \right)$$

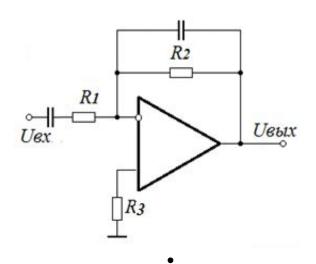


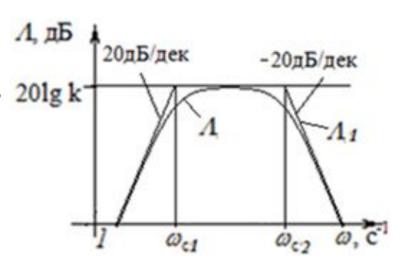
Для выполнения условия U1=U2=I1\*R1||R2=I2\*R, необходимо выполнить условие компенсации R=R1||R2.

#### Пример расчета. Полосовой фильтр

- Задание. Рассчитать ПФ со следующими характеристиками:
- Верхняя частота 1 МГц;
- Нижняя частота 10кГц;
- Коэффициент усиления Ко=20дБ.
- Характеристики ОУ считать идеальными.
- 1. Принимаем величину резистора R2<<RвхОУ, R2=10кОм.
- 2. Определяем величину резистора R1, обеспечивающего нужный коэффициент усиления Ko=10 раз
- R1=R2/Ko=1кОм
- Из условия термостабилизации определяем величину R3=R2, так как R1 включен последовательно с емкостью и постоянный ток через него отсутствует

#### . Схема ПФ





#### Продолжение расчета ПФ

• 1. Постоянную времени цепи ОС, ограничивающую АЧХ на верхних частотах, определим из выражения

$$|K(j\omega)| = K_{OC} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 + \omega^2 \tau^2}}$$

- Откуда из условия  $Y_B = K(j\omega)/K_O = 1/\sqrt{2}$  определяем  $\tau_B = 1/2\pi f_B = 1/6,28*1 M\Gamma \psi = 0,16 mc$
- Из выражения  $\tau_{\theta} = R2*C2$ , находим C2=0,16мкс/10кОм= $0,16*10^{-8}$ Ф=1,6 нФ
- 2. Постоянную времени цепи ОС, определяющую нижнюю частоту, определим из выражения

- Из условия  $Y_H=1/\sqrt{2}$  находим
- $\tau_H = 1/2\pi f_H = 1/6, 28*10\kappa \Gamma y = 0,16*10^{-4} = 1,6 \text{ MC}$
- Из выражения тн=R1\*C1,
   находим
   C1=0,16мс/1кОм=0,16\*10-6Ф=0,1
   6 мкФ

$$YH(\omega) = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{\omega^2 T_{\pi}^2}}}$$

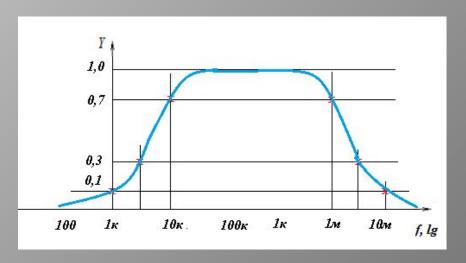
## Построение **АЧХ** каскада в логарифмическом масштабе

В логарифмической шкале длина отрезка частоты от начальной,  $1 \Gamma \mu$ , пропорциональна логарифму отношения величин,  $f/1\Gamma \mu$ .

$$lg0,1=-1; lg1=0; lg10=1;$$
  
 $lg100=2, lg2\approx0,3, lg3=0,5 u$   
 $lg5\approx0,7$ 

Погарифмическая шкала должна с запасом перекрывать весь диапазон рабочих частот, 10 кГц-1 МГц

График удобно строить, определяя значения Y на частотах  $f = 10fe = 10M\Gamma y$ ,  $f = 3fe = 3M\Gamma y$ ,  $f = fe = 1M\Gamma y$ , f = fh, f = 0,  $3fh = 3\kappa\Gamma y$ , f = 0,  $1fh = 1\kappa\Gamma y$  Соответственно, значение ЛАЧХ на этих частотах Y = 0.7: Y = 0.316: Y = 0.1



#### Пример расчета. Резонансный фильтр

- Задание. Рассчитать фильтр на частоту резонанса fo=5к $\Gamma$ ц, с добротностью Q=50. Использовать ОУ с Rвх>1МОм, Ko= $10^{5}$ ,  $f_1$ =100М $\Gamma$ ц
- Решение: Цепь ПОС
- 1.  $R3=R4=R=R_{BX}/100=1MO_{M}/100=10_{K}O_{M}$
- 2. C1=C2=C= $\tau/R$ ,  $\tau=RC=1/2\pi$ fo
- $C=1/2\pi \text{foR}=1/6,28*5*10^3*10^4=0,3*10^6=300\text{H}\Phi$
- . Цепь ООС
- 1.  $R1 = R_{BX}/10 = 1MO_{M}/10 = 100 \kappa O_{M}$
- $Q = \frac{R_1}{2R_1 R_2}$
- 2.  $R2=2R1-R1/Q=200-100/50=196\kappa O_{M}$
- **Итог**: Q=100/(200-196)=50.  $\Delta f=fo/Q=5/50=100\Gamma \mu$
- Ko=3Q=  $3*50=150 \text{ K}(0)=\text{K}(\infty)=\text{R2/R1}=200/196\approx2$

