

**АКТИВНОЕ И
РЕАКТИВНЫЕ
СОПРОТИВЛЕНИЯ
В ЦЕПИ
ПЕРЕМЕННОГО ТОКА**

02.12.2020г

R, C, L в цепи переменного тока

Вопросы для изучения:

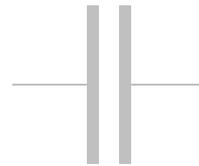
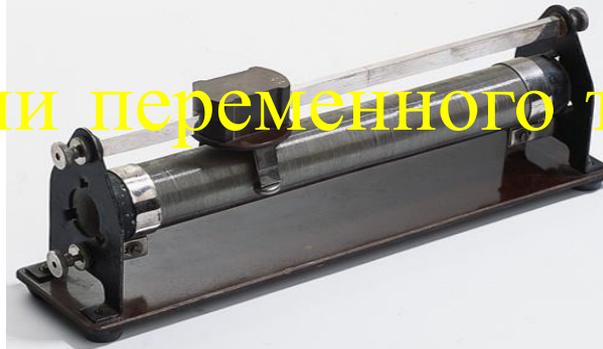
- 1. Действующие значения тока и напряжения. Активное сопротивление в цепи \sim тока**
- 2. Конденсатор в цепи \sim тока**
- 3. Индуктивность в цепи \sim тока**
- 4. Использование частотных свойств конденсатора и катушки индуктивности**



R C L

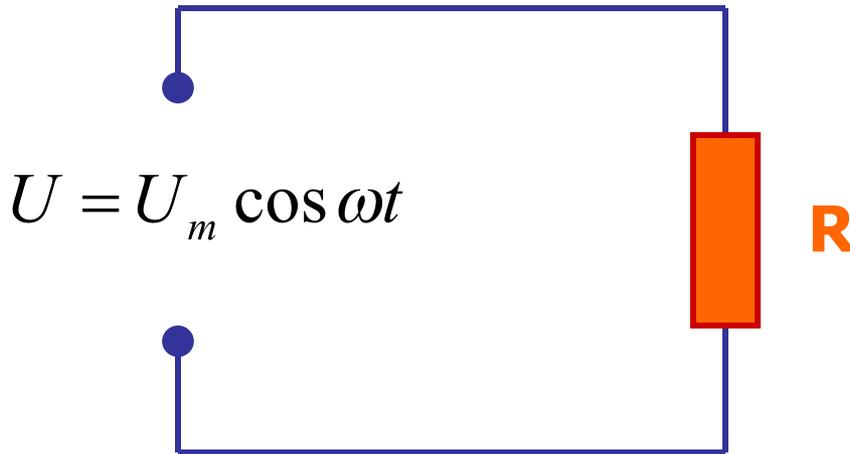


в цепи переменного тока -1



1. Действующие значения
тока и напряжения. Активное
сопротивление в цепи
переменного тока

Рассмотрим активное сопротивление в цепи переменного тока:



Мгновенное значение силы тока через активное сопротивление пропорционально мгновенному значению напряжения

$$i = \frac{U}{R} = \frac{U_m \cos \omega t}{R} = I_m \cos \omega t$$

Колебания напряжения и силы тока на активном сопротивлении совпадают по фазе

РЕЗИСТОР В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

$u = U_m \cos \omega t$ – мгновенное значение напряжения

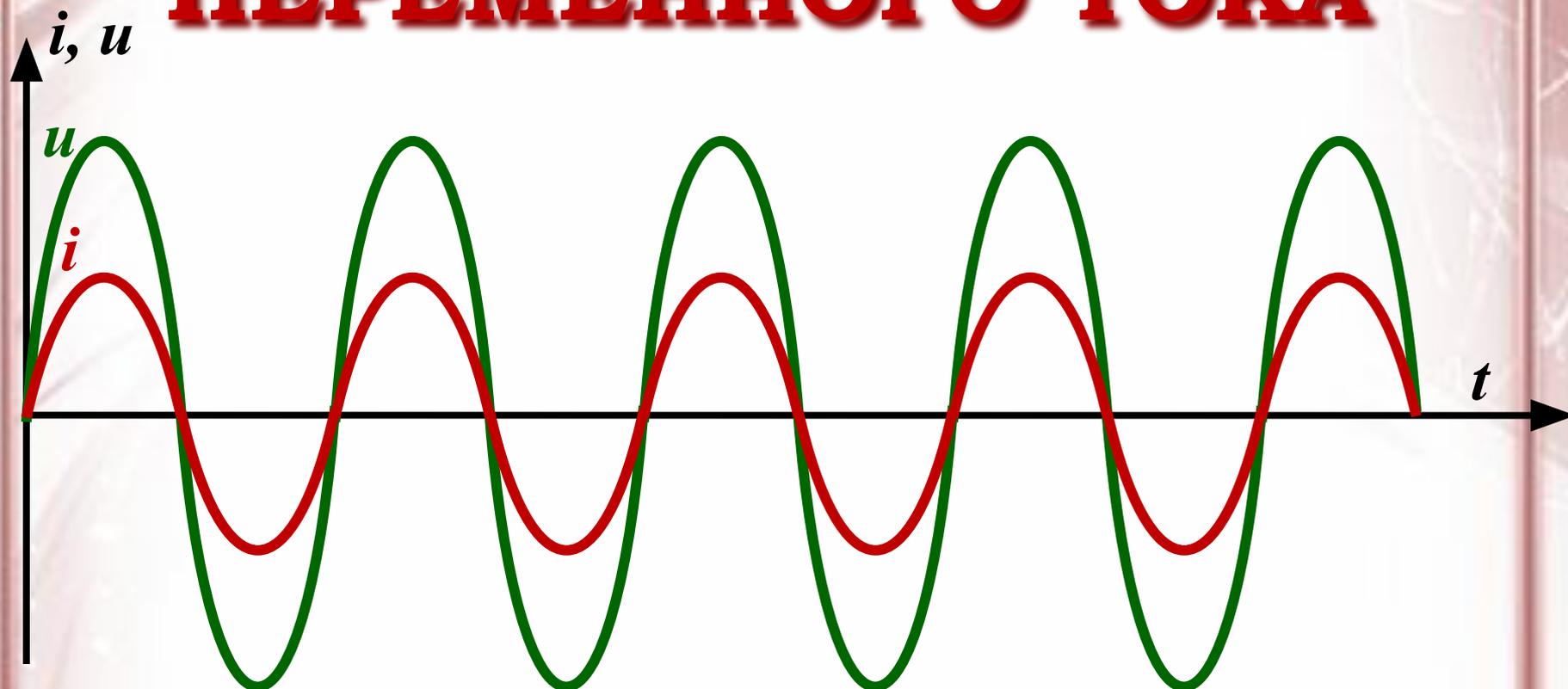
$i = I_m \cos \omega t$ – мгновенное значение силы тока

$$I = \frac{I_m}{\sqrt{2}} \text{ – действующее значение силы тока} \quad U = \frac{U_m}{\sqrt{2}} \text{ – действующее значение напряжения}$$

$$I = \frac{U}{R} \quad I_m = \frac{U_m}{R} \text{ – закон Ома для цепи переменного тока с резистором, } R \text{ – активное сопротивление}$$

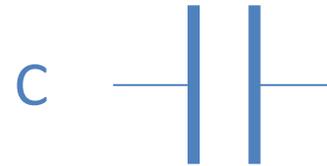
$$P = IU = I^2 R \text{ – действующее значение мощности}$$

РЕЗИСТОР В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

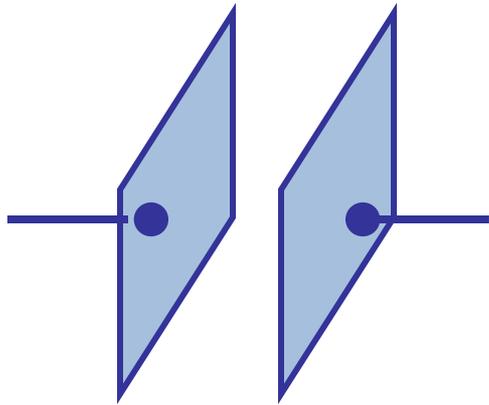


В цепи переменного тока, содержащей активное сопротивление, колебания силы тока i и напряжения u совпадают по фазе

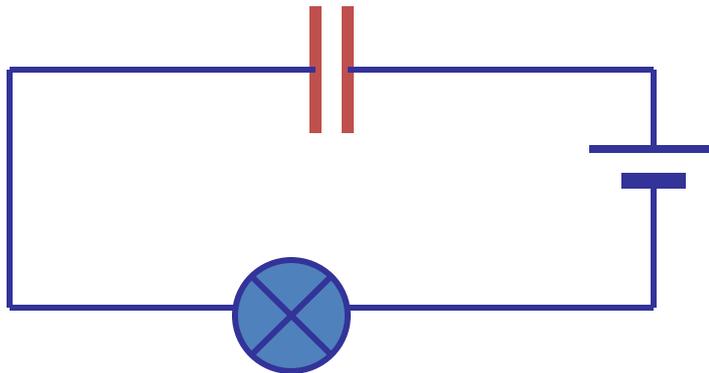
2. Конденсатор в цепи переменного тока



Давайте вспомним, что такое конденсатор



Конденсатор – это система из двух проводников, разделенных слоем диэлектрика (воздуха, слюды, керамики ...)



Ясно, что конденсатор – это разрыв в цепи (подобно разомкнутому выключателю), поэтому **постоянный ток конденсатор не проводит**

Итак, конденсатор проводит переменный ток, однако он оказывает току сопротивление, которое называется ёмкостным сопротивлением

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi\nu C} \quad X_C \text{ - ёмкостное сопротивление}$$

ω - циклическая частота протекающего тока

C – емкость конденсатора

ν - частота тока

КОНДЕНСАТОР В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА

$q = C U_m \cos \omega t$ - мгновенное значение заряда

$u = U_m \cos \omega t$ - мгновенное значение напряжения

$i = q' = -C U_m \omega \sin \omega t$

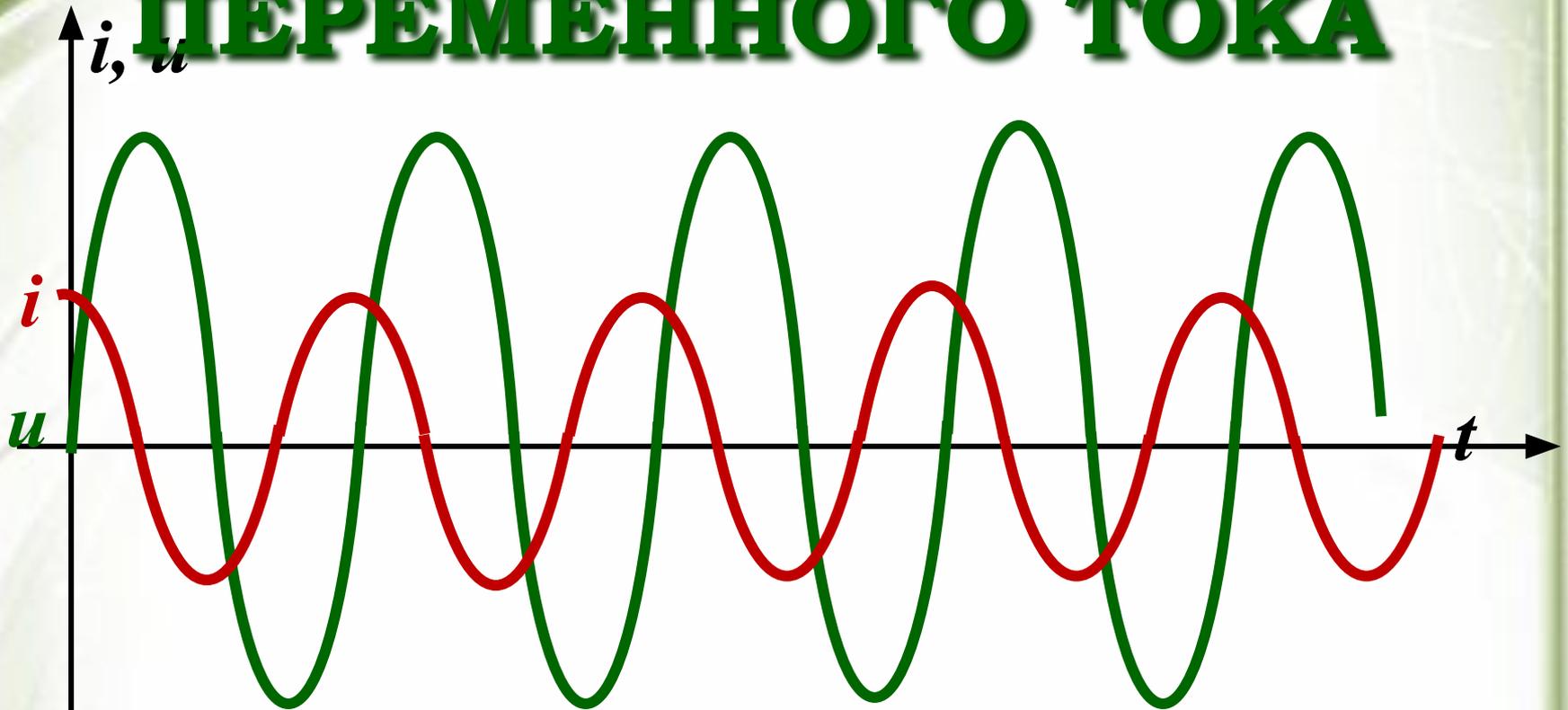
$I_m = U_m C \omega$ - максимальное значение силы тока

$i = I_m \cos (\omega t + \pi)$ - мгновенное значение силы тока

$I = \frac{U}{X_C}$ - закон Ома для цепи переменного тока с конденсатором

$X_C = \frac{1}{\omega C}$ - емкостное сопротивление

КОНДЕНСАТОР В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА



В цепи переменного тока, содержащей конденсатор, колебания силы тока i опережают колебания напряжения u на $\frac{\pi}{2}$

3. Индуктивность в цепи переменного тока



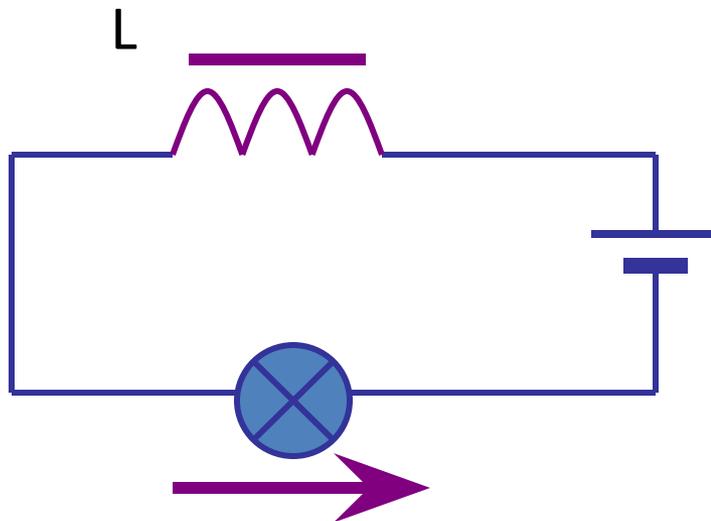
L



Давайте вспомним, что такое индуктивность



Индуктивность L – это физическая величина, подобная массе в механике. Как в механике для изменения скорости тела нужно время, и масса является мерой этого времени (**инерция**), так и электродинамике для изменения тока через проводник нужно время и индуктивность является мерой этого времени (**самоиндукция**)

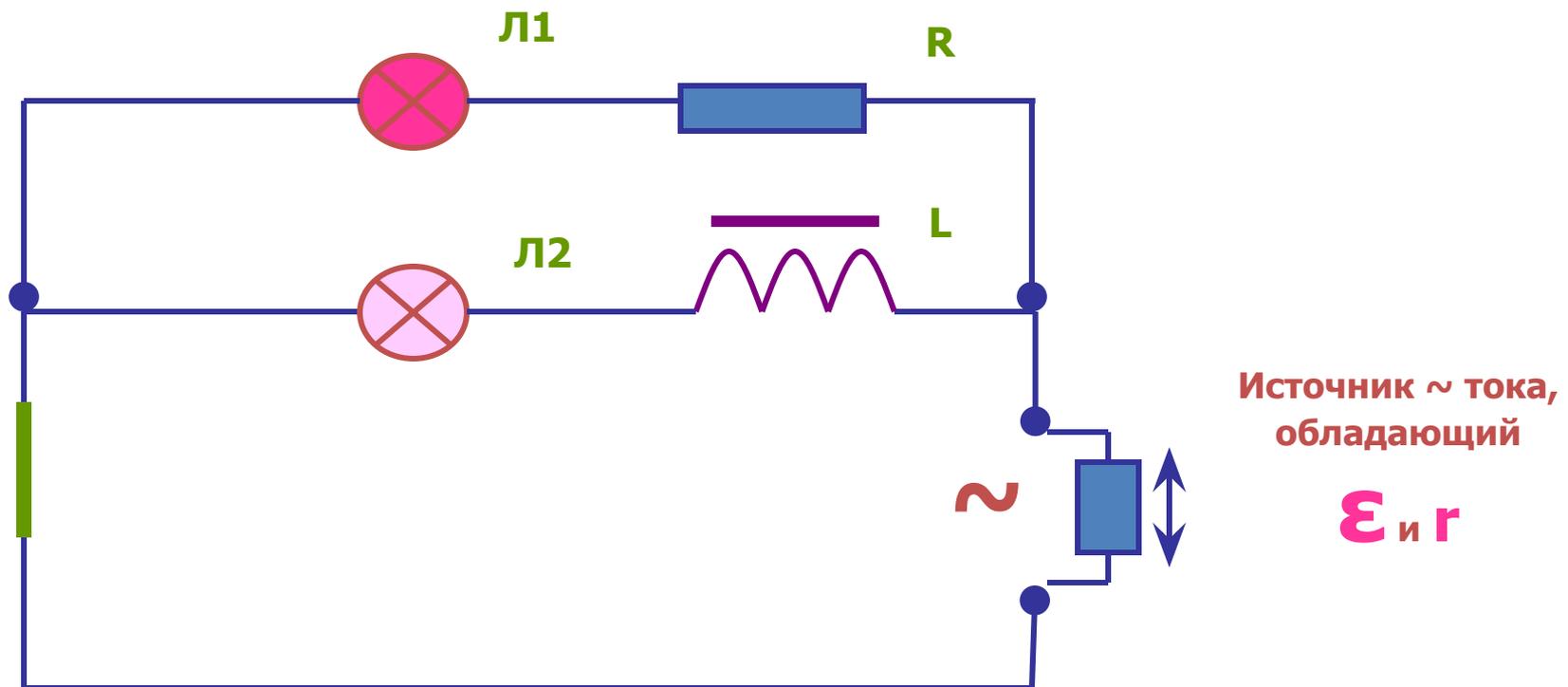


Катушка индуктивности – это обычный проводник с необычной формой, обладающий активным сопротивлением. Поэтому катушка хорошо проводит постоянный ток, значение которого ограничено только его активным сопротивлением

Явление самоиндукции возникает только в моменты включения и выключения (препятствует любому изменению тока)

Посмотрим, как ведет себя индуктивность в цепи переменного тока:

Замкнем цепь и сравним яркость горения лампочек 1 и 2



В цепи сопротивление R выберем равным активному сопротивлению L

Лампочка Л1 горит гораздо ярче, чем Л2

Почему ?

Все дело в **явлении самоиндукции**, возникающей в катушке при любом изменении тока, которое мешает этому изменению – поэтому у катушки индуктивности кроме активного сопротивления провода, из которой она сделана, появляется еще одно сопротивление, обусловленное явлением самоиндукции и называемое **индуктивным сопротивлением** X_L

$$X_L = \omega L = 2\pi\nu L$$

ω - циклическая частота протекающего тока

L – индуктивность катушки

ν - частота тока

КАТУШКА ИНДУКТИВНОСТИ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА



$i = I_m \sin \omega t$ - мгновенное значение силы тока

$$e_i = -L i' = -L I_m \omega \cos \omega t$$

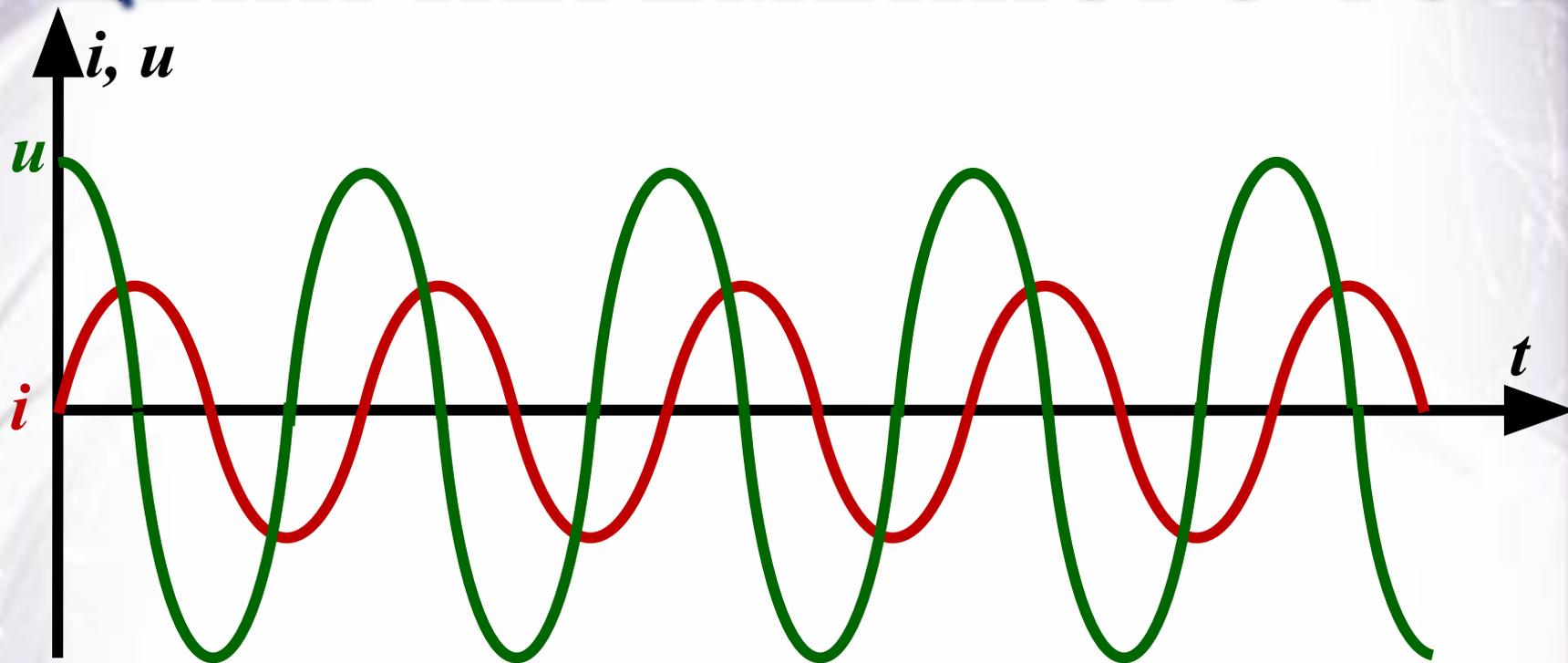
$$u = -e_i = U_m \sin \left(\omega t + \frac{\pi}{2} \right) - \text{мгновенное значение напряжения}$$

$$U_m = L I_m \omega$$

$$I = \frac{U}{X_L} - \text{закон Ома для цепи переменного тока с катушкой индуктивности}$$

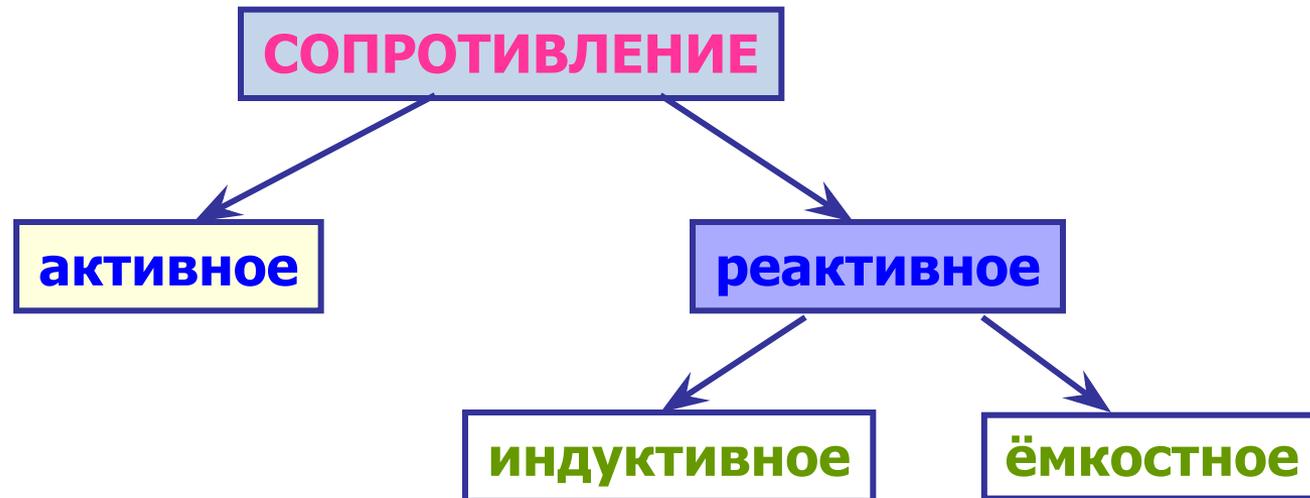
$$X_L = \omega L - \text{индуктивное сопротивление}$$

КАТУШКА ИНДУКТИВНОСТИ В ЦЕПИ ПЕРЕМЕННОГО ТОКА



В цепи переменного тока, содержащей катушку индуктивности, колебания напряжения u опережают колебания силы тока i на $\frac{\pi}{2}$

Таким образом, в цепи переменного тока можно выделить 3 вида сопротивлений (или три вида элементов, оказывающих сопротивление току)



Реальные электрические цепи содержат все виды сопротивлений (активное, индуктивное и ёмкостное), поэтому ток в реальной цепи зависит от ее полного (эквивалентного) сопротивления, а сдвиг фаз определяется величиной L и C цепи

стр.100(2)

<u>стр.100(2)</u>	$X_L = \omega L = 2\pi \nu L = (2 \cdot 3,14 \cdot 1000 \cdot 0,08 = 502,4 \text{ Ом})$
$L = 0,08 \text{ Гн}$	$I_g = \frac{U_g}{X_L} = \frac{U_g}{2\pi \nu L} = \left(\frac{100}{502,4} \approx 0,2 \text{ А} \right)$
$\nu = 1000 \text{ Гц}$	
$U_g = 100 \text{ В}$	$I_m = I_g \sqrt{2} = \frac{U_g \sqrt{2}}{2\pi \nu L} = \frac{100 \sqrt{2}}{2 \cdot 3,14 \cdot 1000 \cdot 0,08} \approx 0,28 \text{ А}$
$I_m = ?$	

P-976

P-976

$$V = 50 \text{ J}_{16}$$

$$U_g = 220 \text{ B}$$

$$I = 2,5 \text{ A}$$

C = ?

$$X_c = \frac{U_g}{I}$$

$$X_c = \frac{1}{2\pi \nu C}$$

$$\frac{U_g}{I} = \frac{1}{2\pi \nu C} \Rightarrow C = \frac{I}{U_g \cdot 2\pi \nu}$$

$$C = \frac{2,5}{220 \cdot 2 \cdot 3,14 \cdot 50} \approx 0,0000361 \text{ F}$$

$$= 36,1 \text{ мкФ}$$

P-971

P-971

$$R = 50 \text{ Ohm}$$

$$V = 50 \text{ V}$$

$$U_g = 220 \text{ B}$$

$u(t) = ?$
 $i(t) = ?$

$$u(t) = U_m \cos \omega t, \text{ где } U_m = \sqrt{2} U_g = 220\sqrt{2} \approx 310 \text{ B}$$

$$\omega = 2\pi V = 100\pi \text{ c}^{-1}$$

$$u(t) = 310 \cos 100\pi t$$

$$i(t) = I_m \cos \omega t, \text{ где } I_m = \frac{U_m}{R} = \frac{310}{50} = \underline{6,2 \text{ A}}$$

$$i(t) = 6,2 \cos 100\pi t$$

ДОМАШНЕЕ ЗАДАНИЕ

**СПАСИБО
ЗА УРОК!**

§§ 21, 22.

Письменно ответить
на вопросы § 21(в.3,4)

Решить задачи **Р-975, 978**

