



КАЗАНСКИЙ (ПРИВОЛЖСКИЙ) ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

# МЕТОД ОПРЕДЕЛЕНИЯ ТЕМАТИКИ МАТЕМАТИЧЕСКИХ ДОКУМЕНТОВ НА ОСНОВЕ ВЕРОЯТНОСТНОЙ МОДЕЛИ СКРЫТОГО РАЗМЕЩЕНИЯ ДИРИХЛЕ

Выполнил студент гр. 05-603

Альмухаметов Дамир Альбертович

Специальность: математика и компьютерные науки

Кафедра компьютерной математики и информатики

Научный руководитель:

Липачёв Евгений Константинович

К. ф.-м. н., доц. каф. КМиИ

КАЗАНЬ - 2020



# Постановка задачи

Дана коллекция из  $D$  документов, обозначаемая как  $D = \{d_1, d_2, \dots, d_D\}$ , и словарь терминов  $V = \{v_1, v_2, \dots, v_V\}$ .

Заранее задано количество тем  $K$ .

Найти: параметры тематической модели  $p(d|v) = \sum_{k \in K} \vartheta_{dk} \varphi_{kv}$

- $\vartheta_{dk} = p(d|k)$  – вероятность документа  $d$  соответствовать темам  $k$ .  
 $\Theta = \{\bar{\vartheta}_d\}_{d=1}^D$  –  $D \times K$ -матрица;
- $\varphi_{kv} = p(k|v)$  – вероятность темы  $k$  соответствовать терминам  $v$ .  
 $\Phi = \{\bar{\varphi}_k\}_{k=1}^K$  –  $K \times V$ -матрица.



# Цель работы

- Описать вероятностную модель скрытого размещения Дирихле;
- Выбрать наиболее подходящий метод оценки матриц  $\Theta$  и  $\Phi$  для модели скрытого размещения Дирихле;
- Реализовать выбранный метод на высокоуровневом языке программирования Python;
- Протестировать программную реализацию на коллекции русскоязычных математических документов, хранящихся в pdf формате.



# Модель скрытого размещения Дирихле

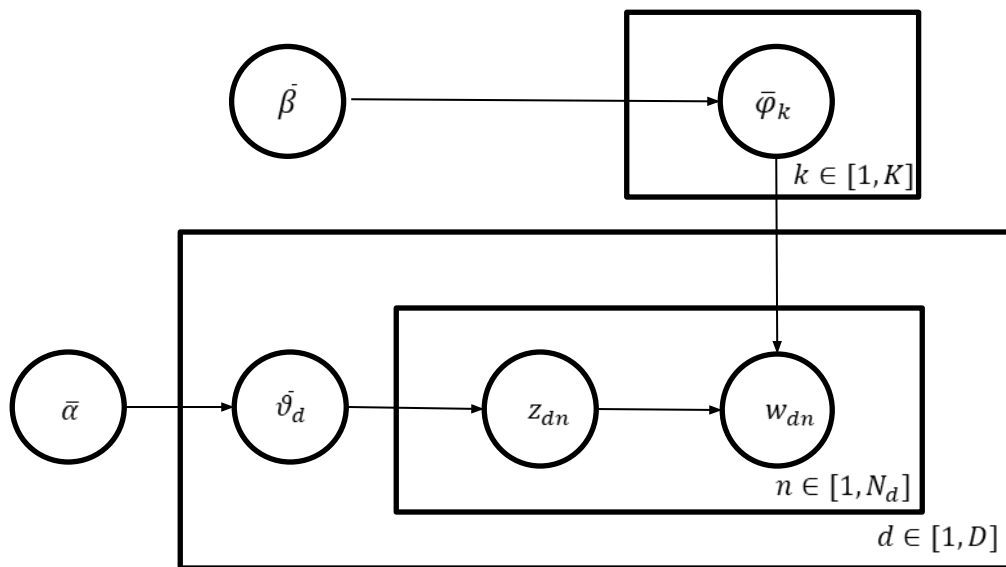


Рис. 1: Байесовская сеть для модели скрытого размещения Дирихле. Внешний блок представляет документы, а внутренний – набор тем и слов в документе.

Наблюдаемые переменные

- $N_d$  - количество слов в документе  $d$
- $w_{dn}$  - слово в документе  $d$

Скрытые переменные

- $z_{dn}$  - значение темы для слова  $w_{dn}$
- $\bar{\theta}_d$  - вероятность встретить тему в документе  $d$
- $\bar{\varphi}_k$  - вероятность встретить слово в теме  $k$



# Метод оценки матриц $\Theta$ и $\Phi$

## Модифицированный вариационный вывод Байеса

*EM*-алгоритм – итерационный процесс, в котором каждая итерация состоит из двух шагов – *E* (expectation) и *M* (maximization).

*E*-шаг:

$$p(k|d, v) = \frac{p(v|k)p(k|d)}{p(v|d)} = \frac{\varphi_{vk} \vartheta_{kd}}{\sum_{s \in K} \varphi_{vs} \vartheta_{sd}}$$

*M*-шаг:

$$\vartheta_{kd} = \frac{n_{dk} + \alpha_k}{n_d + \alpha_0}$$
$$\varphi_{vk} = \frac{\rho n_{vk} + \beta_v}{\rho n_k + \beta_0}, \rho \in (0, 1]$$



## Схема работы программы



# Загрузка коллекции документов и предпроцессорная обработка

```
def get_docs_set():
    directory = path_to_docs
    files = os.listdir(directory)
    docs_set = list()
    docs_set_name = list()
    for f in files:
        print(f)
        text = text_cleaner(extract_text(directory + f))
        docs_set.append(text)
        docs_set_name.append(f)
    return (docs_set, docs_set_name)
```



## Извлечение текста из PDF документа

```
def extract_text(path_to_file):
    resource_manager = PDFResourceManager()
    file_extract = io.StringIO()
    converter = TextConverter(resource_manager, file_extract)
    interpreter = PDFPageInterpreter(resource_manager, converter)
    with open(path_to_file, 'rb') as file:
        for page in PDFPage.get_pages(file, caching=True, check_extractable=True):
            interpreter.process_page(page)
            text = file_extract.getvalue()
    converter.close()
    file_extract.close()
    return text
```





- Удаление пунктуации;
- Лемматизация слов  
(«формам изгибных колебаний» → «форма изгибный колебание»);
- Удаление стоп слов  
({'ну', 'за', 'было', 'тем', 'мне', 'что', 'эти', ...}).

```
def text_cleaner(text):
    text = re.sub(r'^а-яА-ЯёЁ -]+', ' ', text)
    text = re.sub(r'-' , ' ', text)
    text = re.sub(r'\s+' , ' ', text)
    text = text.lower()
    lemmat_words = list()
    words = text.split()
    for w in words:
        if not (len(w) == 1 or len(w) > 20):
            p = morph.parse(w)[0]
            lemmat_words.append(p.normal_form)
    text = ' '.join([lw for lw in lemmat_words if lw not in(ru_stop_words)])
    return text
```



# Формирование «мешка слов»

Порядок слов в документе не важен,  
документ — «МЕШОК СЛОВ».

```
def parse_doc_set(docs, vocab):
    D_len = len(docs)
    word_ids = list()
    word_cts = list()
    for d in range(D_len):
        words = str.split(docs[d])
        d_dict = dict()
        for w in words:
            if (w in vocab):
                word_token = vocab[w]
                if (not word_token in d_dict):
                    d_dict[word_token] = 0
                d_dict[word_token] += 1
        word_ids.append(list(d_dict.keys()))
        word_cts.append(list(d_dict.values()))
    return (word_ids, word_cts)
```



# Процесс тематического моделирования

```
def update_lambda_docs(self, docs):
    rho_t = pow(self._tau_0 + self._update_ct, -self._kappa)
    self._rho_t = rho_t
    (gamma, s_stats) = self.do_e_step_corpus(docs)
    self._lambda = self._lambda * (1 - rho_t) + \
        rho_t * (self._beta + self._D * s_stats / len(docs))
    self._Elogbeta = dirichlet_expectation(self._lambda)
    self._expElogbeta = numpy.exp(self._Elogbeta)
    return gamma
```



```
def do_e_step(self, word_ids, word_cts):
    part_D = len(word_ids)
    gamma = 1 * numpy.random.gamma(100., 1. / 100., (part_D, self._K))
    Elogtheta = dirichlet_expectation(gamma)
    expElogtheta = numpy.exp(Elogtheta)
    s_stats = numpy.zeros(self._lambda.shape)
    for d in range(part_D):
        ids = word_ids[d]
        cts = word_cts[d]
        gamma_d = gamma[d, :]
        expElogtheta_d = expElogtheta[d, :]
        expElogbeta_d = self._expElogbeta[:, ids]
        phi_norm = numpy.dot(expElogtheta_d, expElogbeta_d) + 1e-100
        while True:
            last_gamma = gamma_d
            gamma_d = self._alpha + expElogtheta_d * \
                numpy.dot(cts / phi_norm, expElogbeta_d.T)
            Elogtheta_d = dirichlet_expectation(gamma_d)
            expElogtheta_d = numpy.exp(Elogtheta_d)
            phi_norm = numpy.dot(expElogtheta_d, expElogbeta_d) + 1e-100
            meanchange = numpy.mean(abs(gamma_d - last_gamma))
            if meanchange < mean_change_thresh:
                break
        gamma[d, :] = gamma_d
        s_stats[:, ids] += numpy.outer(expElogtheta_d.T, cts / phi_norm)
    s_stats = s_stats * self._expElogbeta
    return (gamma, s_stats)
```



# Тестирование работы программы

В качестве коллекции русскоязычных математических документов были использованы труды математического центра имени Н.И. Лобачевского. Коллекция состояла из 20 томов.

В каждом томе содержались статьи различной направленности и длины, от одной страницы до 34 страниц.

Слов в коллекции: 313992

Уникальных слов: 31082



# Результаты обработки коллекции

## Тема 118:

Кол-во слов в документне	1	---	21059
Кол-во слов в документне	2	---	2522
Кол-во слов в документне	3	---	21957
Кол-во слов в документне	4	---	15560
Кол-во слов в документне	5	---	3300
Кол-во слов в документне	6	---	18795
Кол-во слов в документне	7	---	3653
Кол-во слов в документне	8	---	2437
Кол-во слов в документне	9	---	21086
Кол-во слов в документне	10	---	179
Кол-во слов в документне	11	---	147
Кол-во слов в документне	12	---	150
Кол-во слов в документне	13	---	17006
Кол-во слов в документне	14	---	11863
Кол-во слов в документне	15	---	4162
Кол-во слов в документне	16	---	48592
Кол-во слов в документне	17	---	45880
Кол-во слов в документне	18	---	32280
Кол-во слов в документне	19	---	22300
Кол-во слов в документне	20	---	21064

функция	---	0.01451141
задача	---	0.01386783
уравнение	---	0.01161890
решение	---	0.01070110
теорема	---	0.00709562
условие	---	0.00689531
система	---	0.00678978
пусть	---	0.00649745
пространство	---	0.00627105
метод	---	0.00621360

## Тема 139:

пусть	---	0.00556454
литература	---	0.00517794
ключевые слов	---	0.00376323
теорема	---	0.00320365
матема	---	0.00263575
такимобраз	---	0.00237961
например	---	0.00234695
для всех	---	0.00206908
участность	---	0.00183186
обозначим через	---	0.00162887



# Результаты обработки одной статьи из коллекции

УДК 534.121.1

ПАРАМЕТРИЧЕСКИЙ РЕЗОНАНС ПРИ ИЗГИБНО-КРУТИЛЬНЫХ КОЛЕБАНИЯХ ПЛАСТИНЫ  
Б. Аффане<sup>1</sup>

<sup>1</sup> bouddhil.affane@gmail.com; Каванский (Приволжский) федеральный университет, институт математики и механики им. Н.И. Лобачевского

Статья посвящена исследованию параметрического резонанса крутильных колебаний возникающего при изгибных колебаниях консольных пластин. В работе проводится поиск окон параметрического резонанса крутильных колебаний. Для первых двух мод изгибных колебаний построены окна параметрического резонанса крутильных колебаний.

Ключевые слова: изгибные колебания, крутильные колебания, параметрический резонанс

Введение

Консольно закрепленные пластины стержневого типа, у которых толщина  $h$ , ширина  $b$  и длина  $L$  таковы, что  $b \ll h \ll L$  используются, в частности при определении логарифмического декремента колебаний (ЛДК) материала на основе исследования затухающих изгибных колебаний тест-образцов по первой основной моде с учетом аэродинамического демпфирования [2, 3]. Однако при определении ЛДК материалов на основе исследования вынужденных колебаний тест-образцов по второй форме изгибных колебаний, наряду с фиксируемыми изгибными колебаниями, наблюдаются также и высокочастотные крутильные колебания. Для корректного описания указанных механических эффектов в основу базовых уравнений движения положим уточненные геометрически нелинейные уравнения колебаний удлиненных пластин, предложенные в работе [1]. Для простоты, уравнения [1] анализируются в пренебрежении демпфированием (внутренним и внешним). Модель предсказывает возбуждение крутильных колебаний (КК) пластины за счет параметрического резонанса при наличии высокоамплитудных изгибных колебаний (ИК). В данной работе ставится задача теоретического изучения этого явления с целью построения окон параметрического резонанса КК. Задача сводится к решению бесконечной цепочки обыкновенных дифференциальных уравнений с периодическими коэффициентами, эта цепочка усекается и определяется мультипликаторы усеченной системы. Для первых двух мод ИК построены окна параметрического резонанса крутильных колебаний. Показано, что при типичных значениях параметров для основной моды ИК окна резонанса чрезвычайно узки, в силу чего фиксации роста КК не представляется возможной на имеющемся экспериментальном оборудовании. Иначе обстоит ситуация для второй моды. Здесь окна параметрического резонанса проявляются более отчетливо и может ставится задача их экспериментального обнаружения

Вероятность темы 1	---	0.00448833
Вероятность темы 2	---	0.00448833
Вероятность темы 3	---	0.00448833
Вероятность темы 4	---	0.00448833
Вероятность темы 5	---	0.00448833
Вероятность темы 6	---	0.00448833
Вероятность темы 7	---	0.00448833
Вероятность темы 8	---	0.00448833
Вероятность темы 9	---	0.00448833
Вероятность темы 10	---	0.00448833
Вероятность темы 11	---	0.00448833
Вероятность темы 12	---	0.00448833
Вероятность темы 13	---	0.00448833
Вероятность темы 14	---	0.00448833
Вероятность темы 15	---	0.00448833
Вероятность темы 16	---	0.00448833
Вероятность темы 17	---	0.00448833
Вероятность темы 18	---	0.00448833
Вероятность темы 19	---	0.91472172
Вероятность темы 20	---	0.00448833

Тема 19:

колебание	---	0.04512674
окно	---	0.02551494
резонанс	---	0.02355376
пластина	---	0.02355373
параметрический	---	0.02159261
изгибный	---	0.01963145
крутильный	---	0.01767029
уравнение	---	0.01767022
мода	---	0.01570909
задача	---	0.01374789
значение	---	0.01178674
случай	---	0.00982561
мультипликатор	---	0.00982558
частота	---	0.00982557
проводиться	---	0.00982554



# Перспективы развития работы

- Использование методов оптического распознавания символов (Optical Character Recognition, OCR)
- Создание русскоязычного словаря математических терминов на основе советской математической энциклопедии в пяти томах под редакцией Виноградова И. М.





# Заключение

Основные результаты работы:

- Исследованы модель скрытого размещения Дирихле и методы оценки матриц  $\Theta$  и  $\Phi$  для модели скрытого размещения Дирихле;
- Разработана программа для автоматической обработки коллекций документов и выявления скрытых тем в ней;
- Программа протестирована на коллекции русскоязычных математических документов, состоящей трудов математического центра имени Н.И. Лобачевского. Коллекция состояла из 20 томов;
- Предложены дальнейшие перспективы развития работы.



**Спасибо за внимание!**