В семье – шесть человек, а за столом в кухне – шесть стульев. В семье решили каждый вечер, ужиная, рассаживаться на эти шесть стульев по-новому. Сколько дней члены семьи смогут делать это без повторений?

- **Для удобства будем считать , что семья (бабушка, дедушка, мама, папа, дочь, сын) будет рассаживаться поочередно.**
- **У бабушки – 6 вариантов выбора стульев.**
- **У дедушки – 5 вариантов выбора стульев.**
- **У мамы – 4 варианта выбора стульев.**
- **У папы – 3 варианта выбора стульев.**
- **У дочери – 2 варианта выбора стульев.**
- **У сына – 1 вариант выбора стульев.**
- **По правилу умножения: 6×5×4×3×2×1 = 720 (дней).**

Определение:

- **Произведение подряд идущих первых n натуральных чисел обозначают n! и называют «эн факториал»:**
- **$n! = 1 \times 2 \times 3 \times 4 \times \ldots \times (n - 2) \times (n - 1) \times n$.**

«factor» - «множитель»

«эн факториал» - «состоящий из n множителей».

Таблица факториалов

n	1	2	3	4	5	6	7
n	1	$1\cdot2=2$	$2!\cdot3 = 6$	$3!\cdot4=24$	$4!\cdot5=120$	$5!\cdot6=720$	$6!\cdot7=$ $=5040$

$$n! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \ldots(n - 2) \cdot (n- 1) \cdot n$$

$$n! = (n - 1)! \cdot n$$

Пример: $\frac{7! \cdot 4!}{6! \cdot 5!} = \frac{6! \cdot 7 \cdot 4!}{6! \cdot 4! \cdot 5} = \frac{7}{5} = 1,4$

Пример:

Сколькими способами четыре вора могут по одному разбежаться на все четыре стороны?

- **Решение: Пусть воры разбегаются поочередно.**
- **У первого – 4 варианта выбора**
- **У второго – 3 варианта выбора**
- **У третьего – 2 варианта выбора**
- **У четвертого – 1 вариант выбора**
- **По правилу умножения $4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 4! = 24$**
- **Ответ: 24 способа.**

В 9 классе в среду семь уроков: алгебра, геометрия, литература, русский язык, английский язык, биология и физкультура. Сколько можно составить вариантов расписания на среду?

- **Для алгебры – 7 вариантов расположения в расписании**
- **Для геометрии – 6 вариантов**

- **Для литературы – 5 вариантов и т.д.**
- **По правилу умножения получаем**

$$7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 7! = 5040$$

Теорема: n различных элементов можно расставить по одному на n различных мест ровно n! способами.

или

- **Число всех перестановок множества из n элементов равна n!**

- $P_n = n!$

- **P – перестановки**
- $P_3 = 3! = 6, \qquad P_7 = 7! = 5040.$