

«Методика прикладных вычислений в конечных полях»



□ **Цель работы:**

на основе изученной учебно-методической и научной литературы по теме исследования разработать элективный курс по теме «Вычисление в конечных полях» для учащихся 10-11 класса профильного уровня подготовки.

□ **задачи:**

Изучить, обобщить и систематизировать теоретический материал в учебно-методической и научной литературе по теме исследования.

Разработать содержание занятий элективного курса и наглядный демонстрационный материал для их проведения.

№ п/п	Наименование темы	Общее часов	КОЛ-ВО
1	Конечные поля. Аксиомы поля.	1	
2	Поля из четырех элементов.	1	
3	Алгоритмы вычислений в конечных полях(сложение, разность, произведение)	2	
4	Алгоритмы вычислений в конечных полях(деление). Вычисление обратного элемента	2	
5	Бинарный алгоритм возведения в степень. Проверка элемента на примитивность	2	
6	Вычисление степеней	3	
	Итого:	11	

«Алгоритмы вычислений в конечных полях.»

□ Цель урока:

научить находить произведение сумму и разность элементов конечного поля.

□ Задачи:

Закрепить вычисление операций в конечном поле.

Закрепить лекционный материал на практике.


Для вычисления $\gamma_1 \mp \gamma_2$ достаточно в выражении $q_1(\beta) \mp q_2(\beta)$ привести подобные члены

Пусть $f(x) = x^3 + 2x + 1 \in F_3[x]$. Он неприводим в F_3 .
Вычислить сумму, разность элементов $\gamma_1 = \beta + 1$ и $\gamma_2 = \beta^2 + \beta + 2$.

Ясно что

$$\gamma_1 + \gamma_2 = (\beta + 1) + (\beta^2 + \beta + 2) = \beta^2 + 2\beta;$$

$$\gamma_1 - \gamma_2 = (\beta + 1) - (\beta^2 + \beta + 2) = -\beta^2 - 1 = 2\beta^2 + 2;$$



Чтобы найти каноническое представление произведения $\gamma_1 \gamma_2 = q_1(\beta)q_2(\beta)$ нужно многочлен $q_1(\beta)q_2(\beta)$ разделить в кольце $P[x]$ на многочлен $f(x)$ с остатком:

$$q_1(x)q_2(x) = f(x)h(x) + r(x)$$