

**Параллельные прямые.
Признак параллельности
прямых по равенству
накрест лежащих углов**

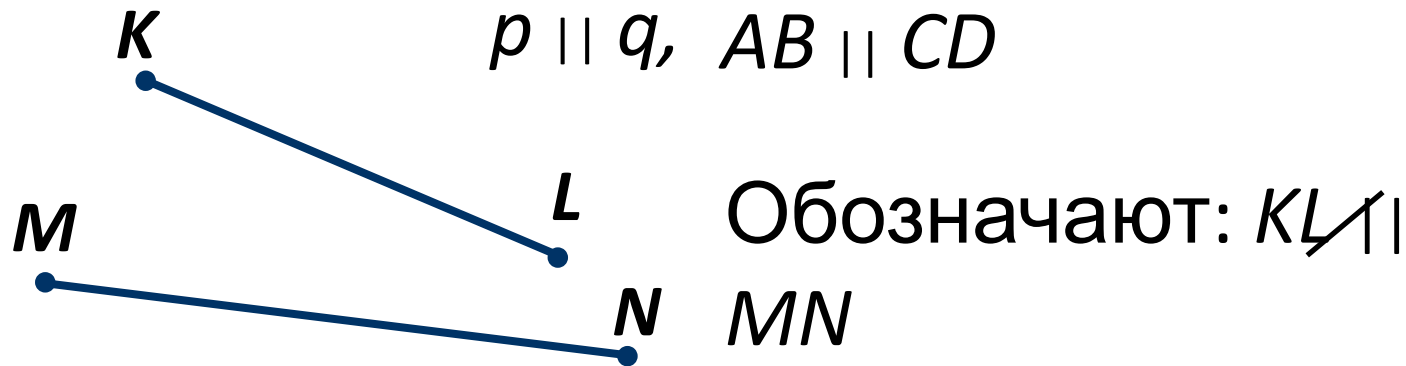
Две прямые называются
параллельными, если они не
пересекаются.

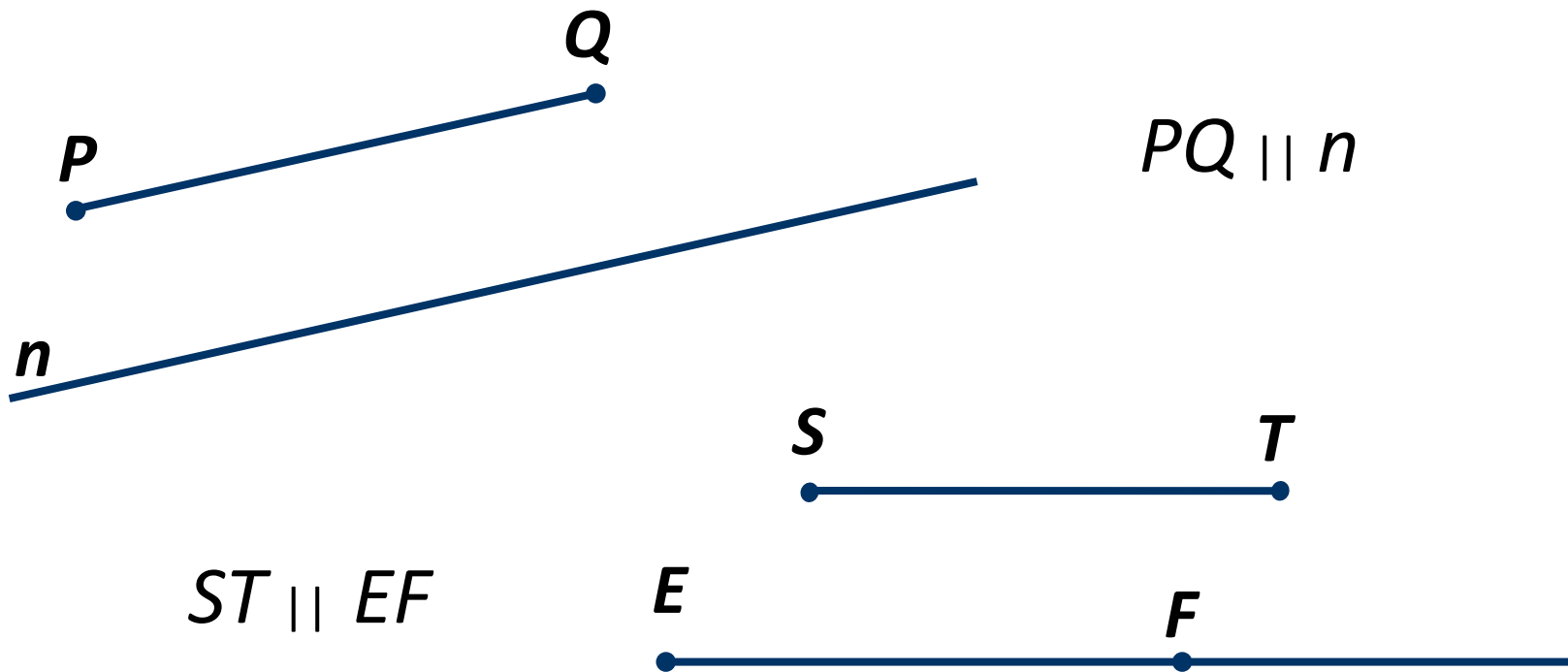


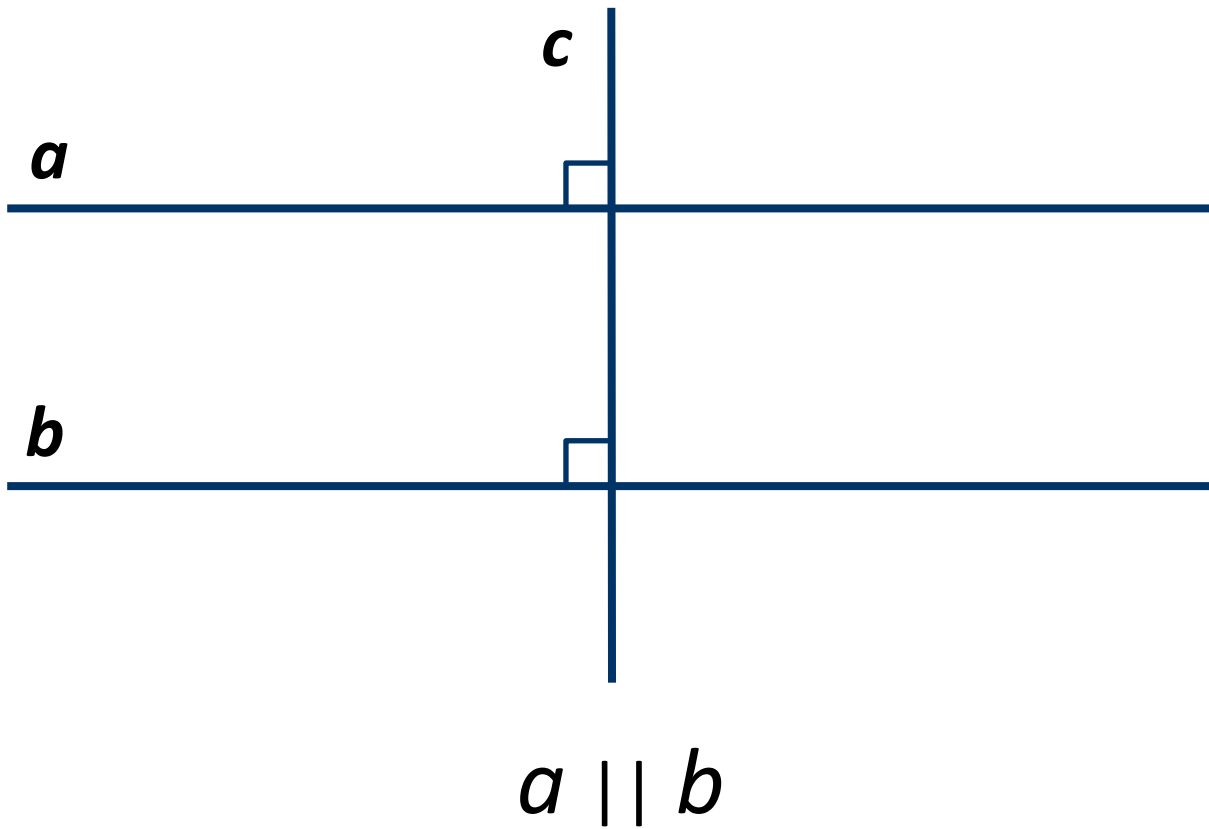
Обозначают: $a \parallel$

b

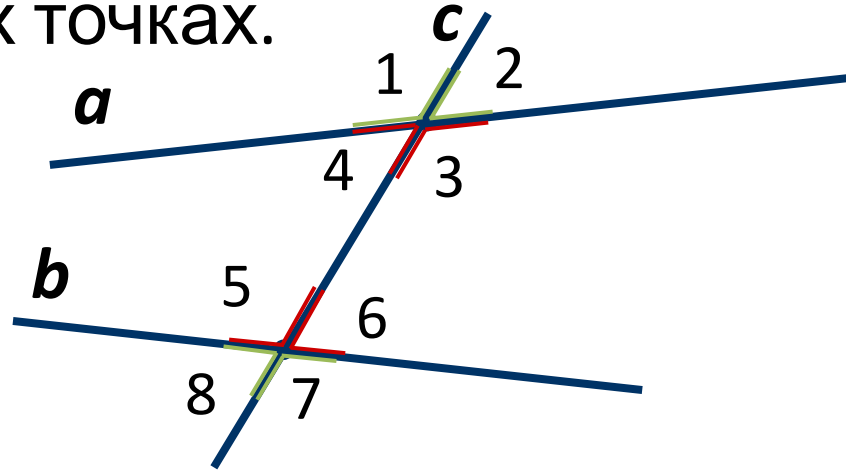
Два отрезка называются параллельными, если они лежат на параллельных прямых.



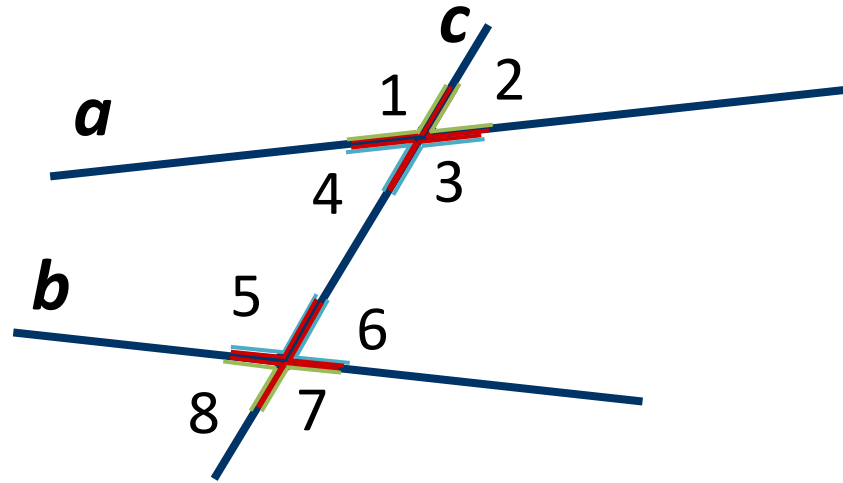




Прямая c называется секущей по отношению к прямым a и b , если она пересекает каждую из них в разных точках.



$\angle 3$ и $\angle 5$, $\angle 4$ и $\angle 6$ – внутренние накрест лежащие
 $\angle 1$ и $\angle 7$, $\angle 2$ и $\angle 8$ – внешние накрест лежащие.



$\angle 1$ и $\angle 5$, $\angle 4$ и $\angle 8$, $\angle 2$ и $\angle 6$, $\angle 3$ и $\angle 7$ –
 $\angle 4$ и $\angle 5$, $\angle 3$ и $\angle 6$ – внутренние
 $\angle 2$ и $\angle 7$, $\angle 1$ и $\angle 8$ – внешние
 односторонние.

Теорема. Если при пересечении двух прямых секущей накрест лежащие углы равны, то прямые параллельны.

Доказательств

Пусть $\angle 1 = \angle 2$ (накрест лежащие)
 Если $\angle 1 = \angle 2 = 90^\circ$, то $a \perp AB$, $b \perp AB$

Значит, $a \parallel b$

Если $\angle 1 = \angle 2 \neq 90^\circ$

Рассмотрим $\triangle OCA$ и $\triangle OC_1B$

$OC = OC_1$, $\angle 1 = \angle 2$

Следовательно, $\triangle OCA = \triangle OC_1B$ (по первому признаку)

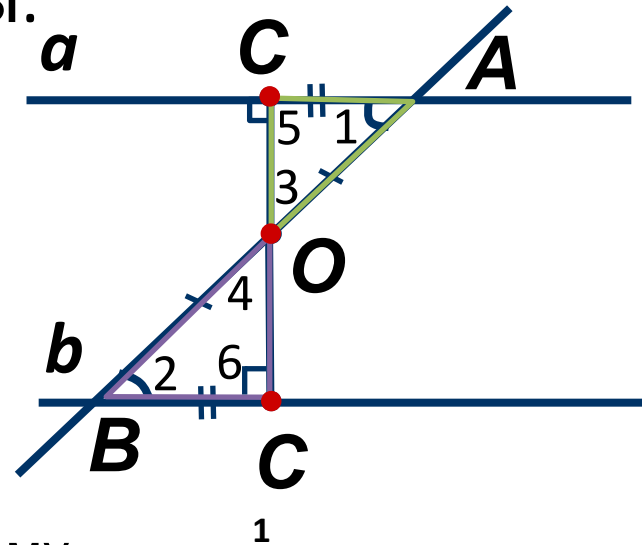
$\angle 5 = \angle 6$

Так как $\angle 5 = 90^\circ$ и $\angle 5 = \angle 6$

Получаем, что $CC_1 \perp a$, $CC_1 \perp b$

Теорема

$a \parallel b$



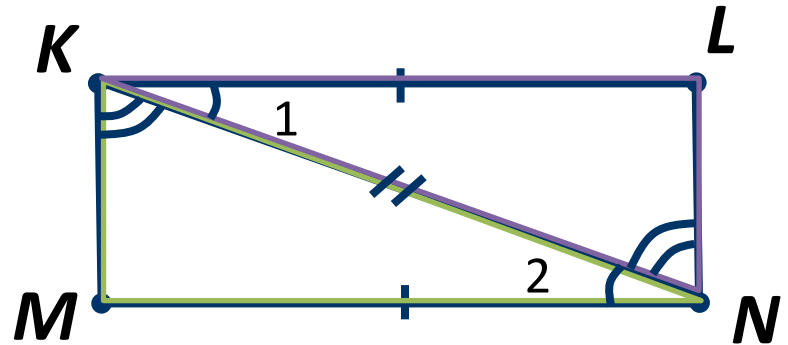
Задача. Докажите, что если два отрезка KL и MN равны и параллельны, то отрезки KM и LN , соединяющие их соответственные концы, параллельны.

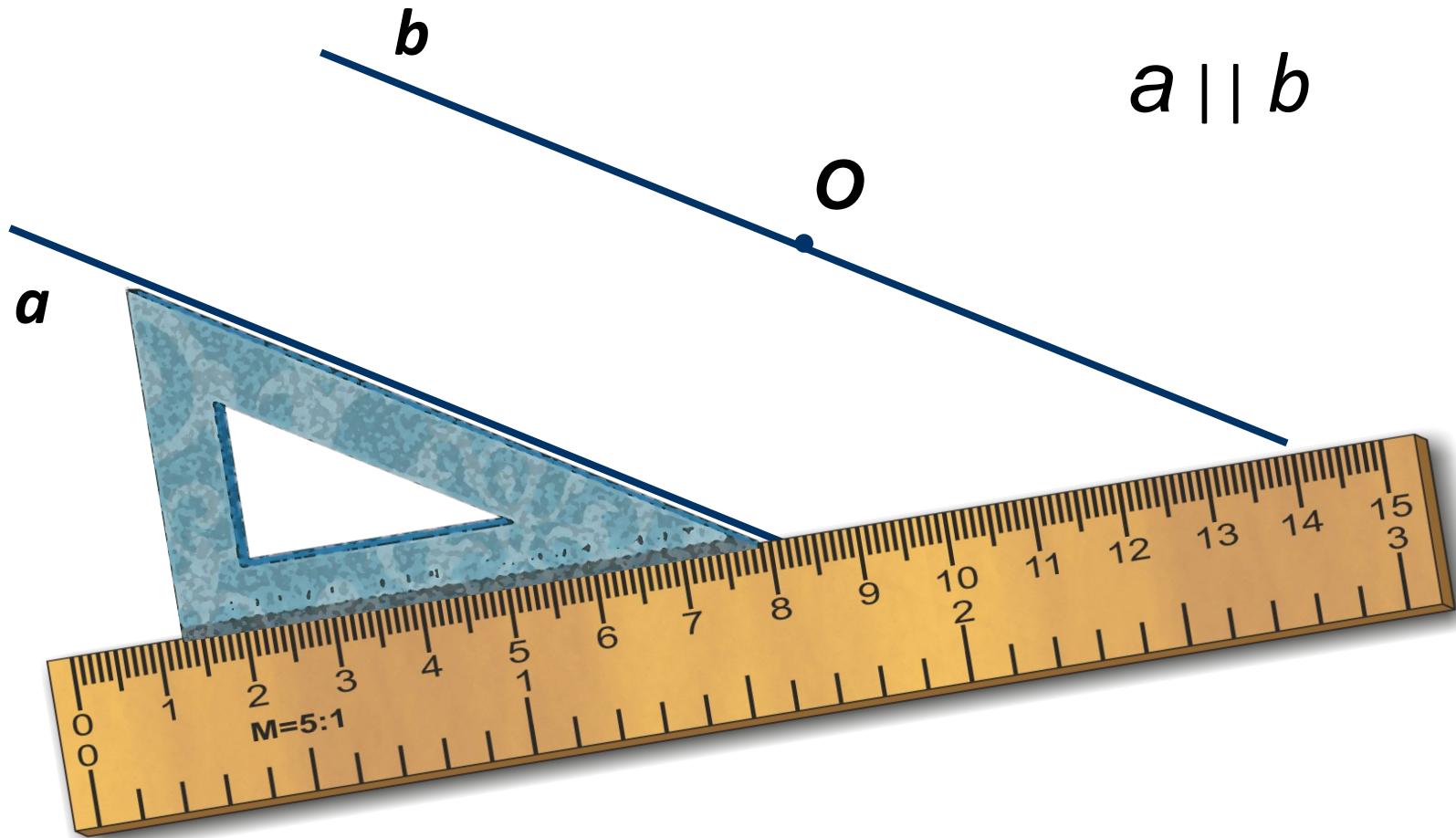
Доказательство

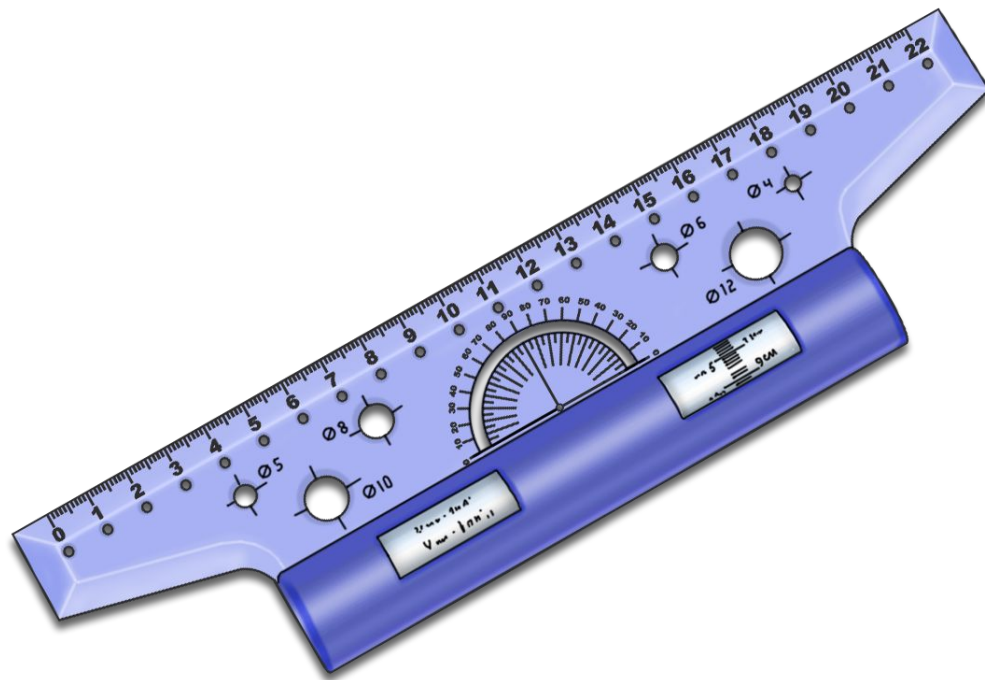
Рассмотрим $\triangle KMN$ и $\triangle KLN$.

$KL = MN$,
 общая сторона KN (как накрест лежащие),
 тогда $\triangle KMN = \triangle KLN$ (по первому признаку).

Следовательно, $KM \parallel LN$







Рейсшин
a



Малк

a