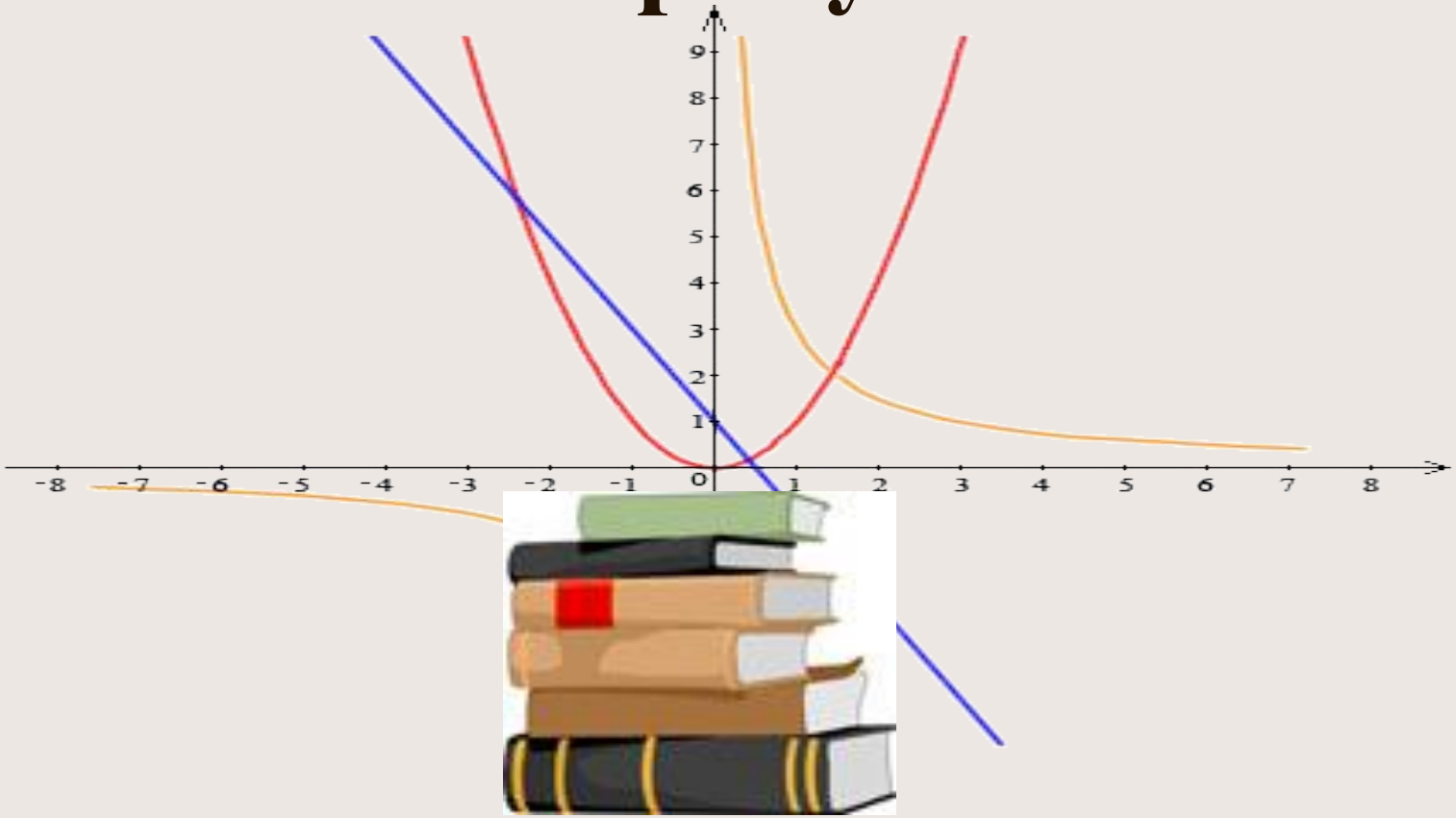
Тема урока: Возрастание и убывание функции. Экстремумы.



Понятие «Функция»

Функция 1692 г

Готфрид Вильгельм Лейбниц

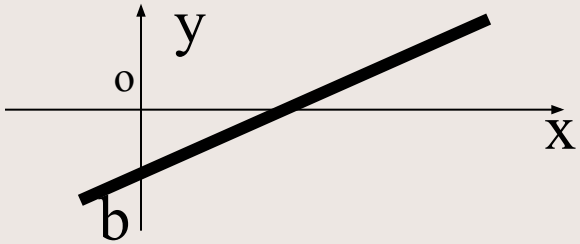
1698 г. Якоб Бернулли

Математика начала XIX века сторонник Николай Иванович Лобачевский

Линейная y=kx+b

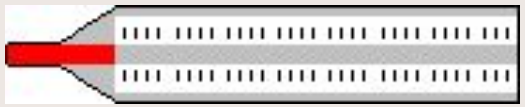
$S=vt$

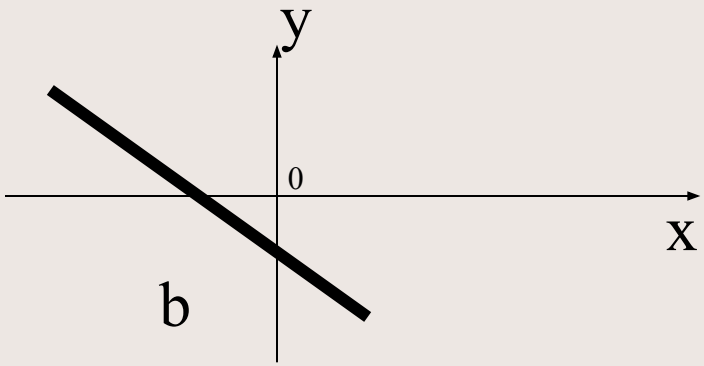
$v_x=v_{0x}+a_xt$



k>0

$t_ф=1,8t_c+32$

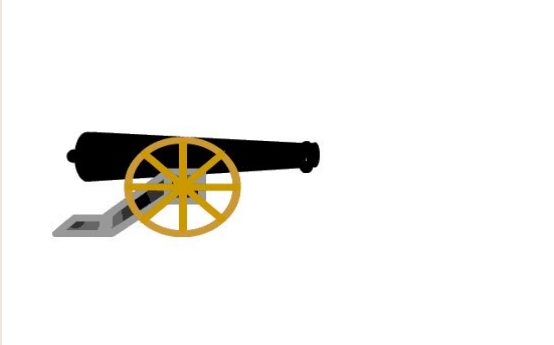




k<0

Квадратичная $y=ax^2+bx+c$

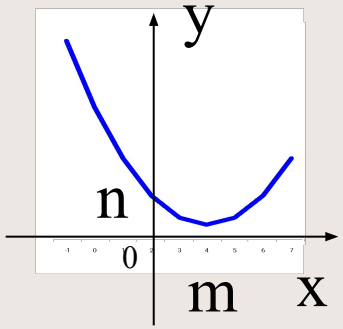
$y=a(x-m)^2+n$

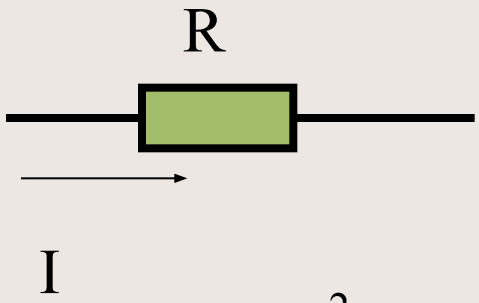


$$S(t) = -\frac{g}{2}t^2 + v_0 t$$

$y=a(x-m)^2+n$

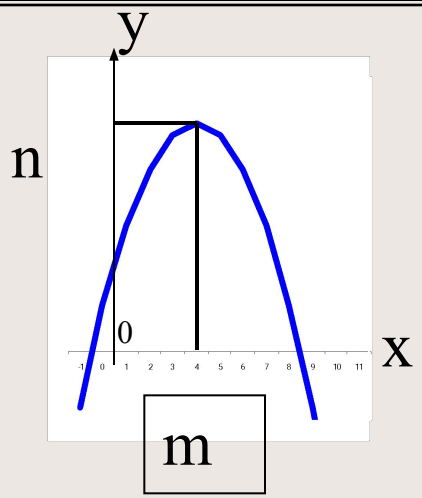
$a>0$





$Q=RI^2$ в единицу времени

$a<0$

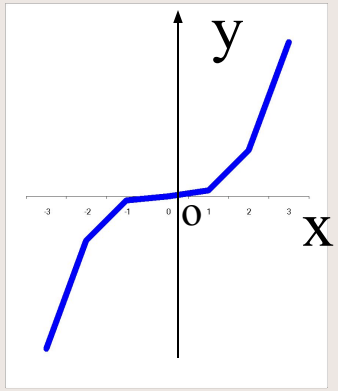


Степенная функция $y=ax^n$

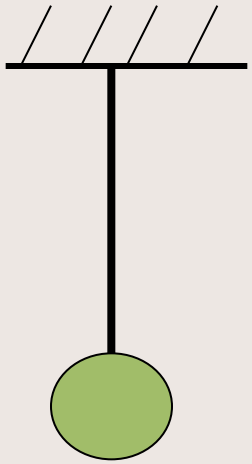
$$V = x^3$$

Объём куба

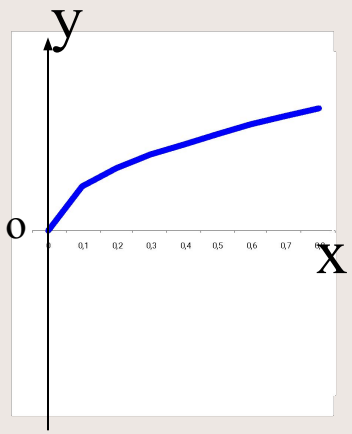
$Y=x^3$



$$T = \frac{2\pi}{\sqrt{q}} X^{\frac{1}{2}}$$

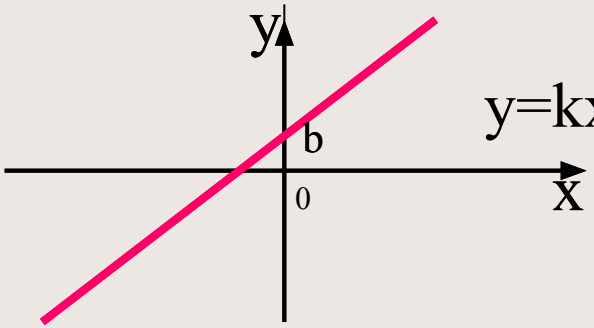


$$y = x^{\frac{1}{2}}$$



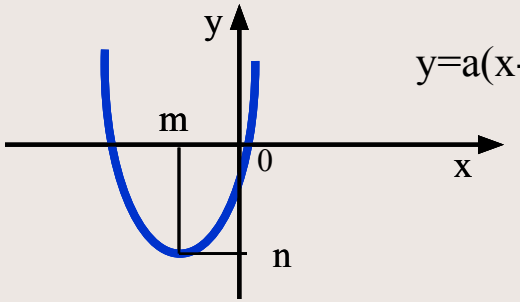
Элементарные функции.

Линейные



$y=kx+b$

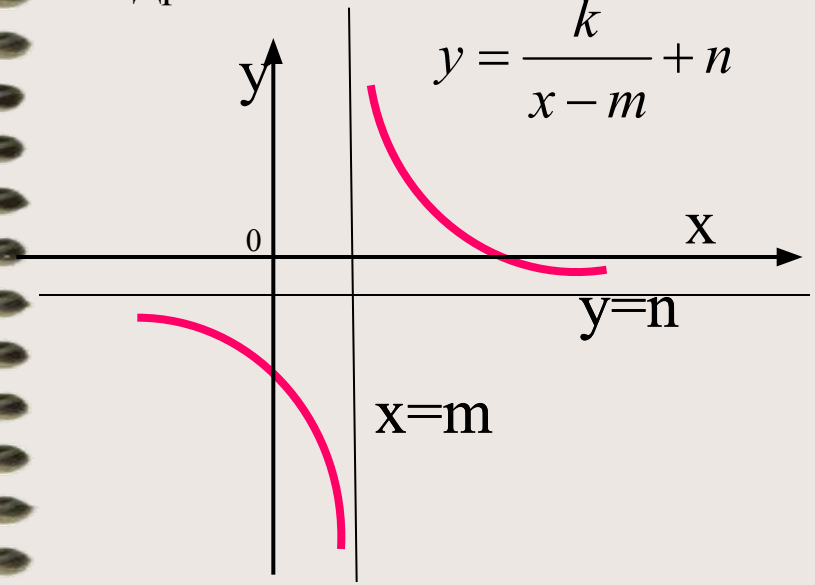
Квадратичная



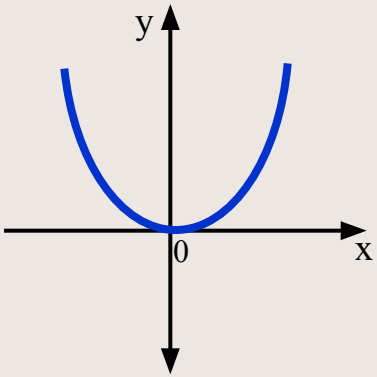
$y=a(x-m)^2+n^2$

Дробно - линейные

$$y=\frac{k}{x-m}+n$$



Степенная



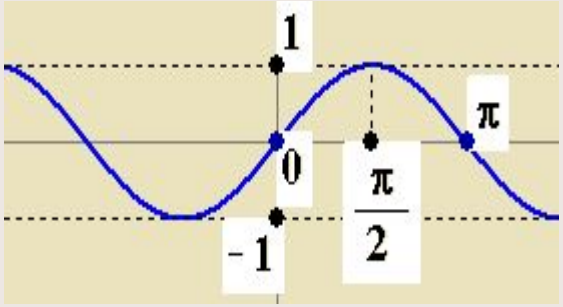
$y=x^n$

$n=2k$

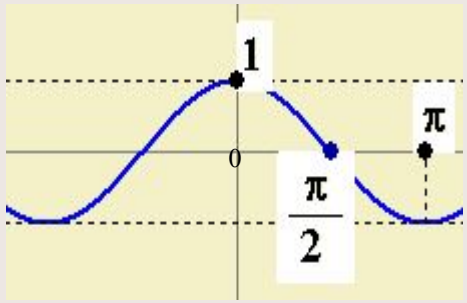
n -чётное

Элементарные функции. Тригонометрические.

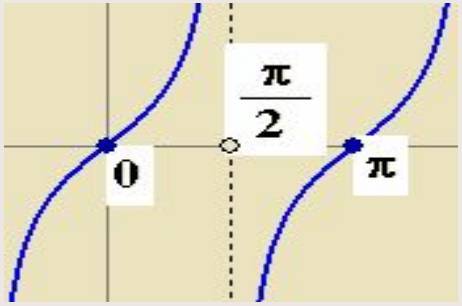
y=sin(x)



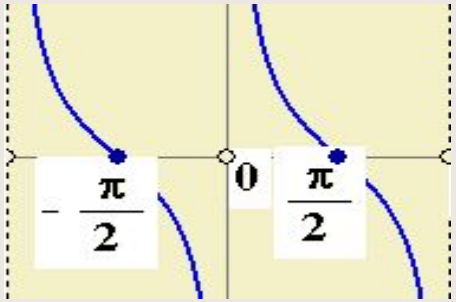
y=cos(x)



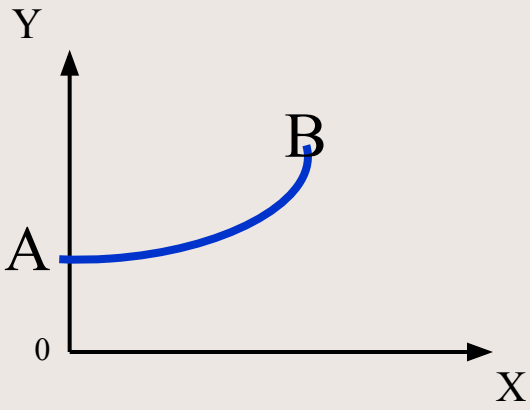
y=tg(x)



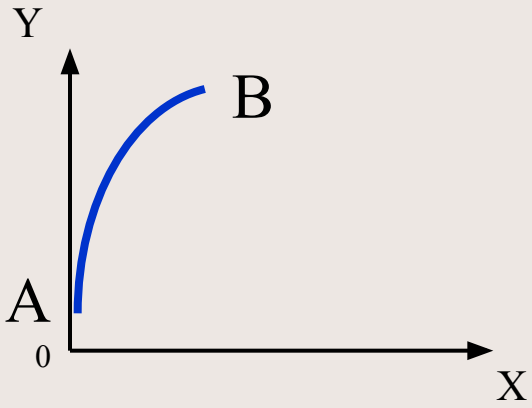
y=ctg(x)



Что объединяет эти графики?



Форма графика функции напоминает тяжёлую цепь подвешенную в А и В



Форма графика функции напоминает ветвь яблони отягощённую плодами

О: Функция $f(x)$ называется **возрастающей** на промежутке I, если для любых $x_1, x_2 \in I$: $x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_1) < f(x_2)$.

О: Функция $f(x)$ называется **убывающей** на промежутке I, если для любых $x_1, x_2 \in I$: $x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_1) > f(x_2)$.

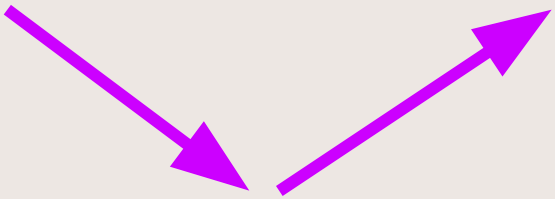
О: Функция $f(x)$ называется **монотонной на промежутке** I, если она либо возрастает, либо убывает на этом промежутке.

Extremum- крайний

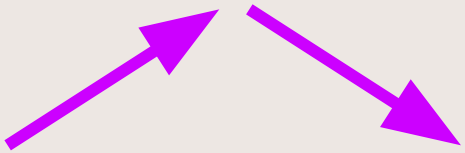
Minimum - наименьший

Maximum –наибольший

непрерывная



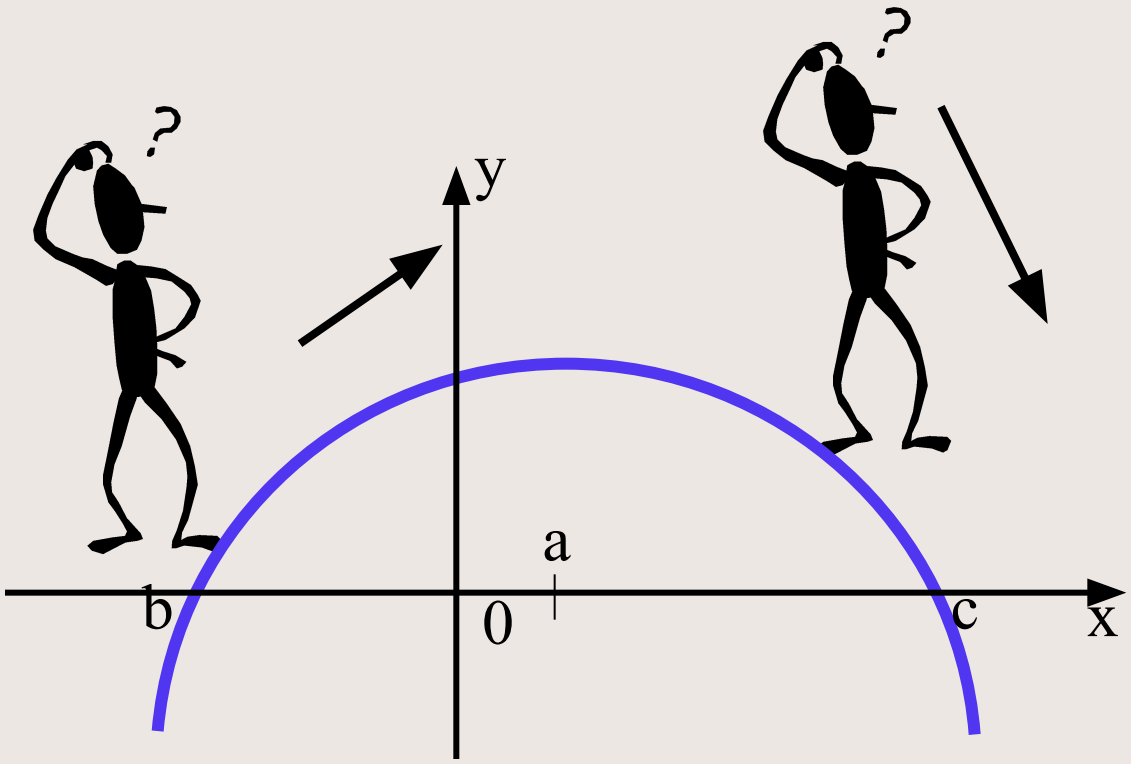
непрерывная



Возрастание и убывание функции (монотонность)

Иду под гору. Функция ***убывает*** на промежутке[ab]

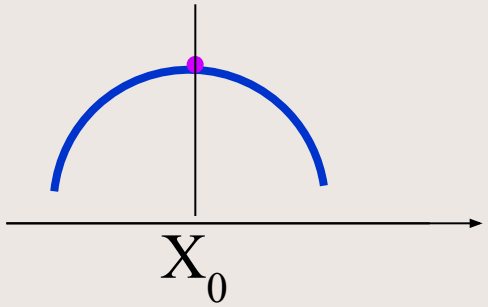
Иду в гору. Функция ***возрастает*** на промежутке[ba]

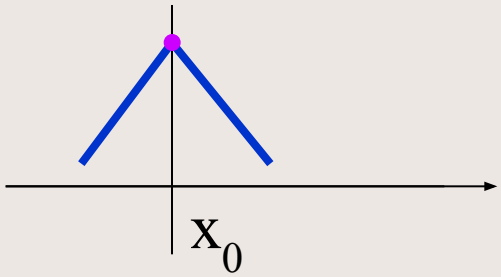


Maximum – наибольший
Minimum - наименьший

Maximum

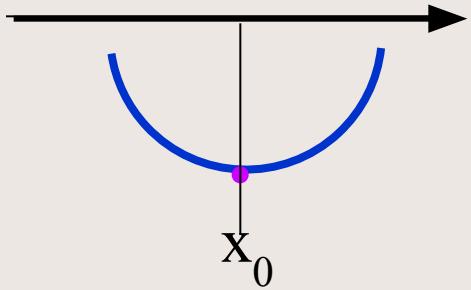
Max

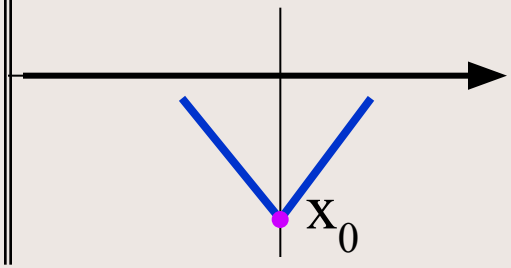




Minimum

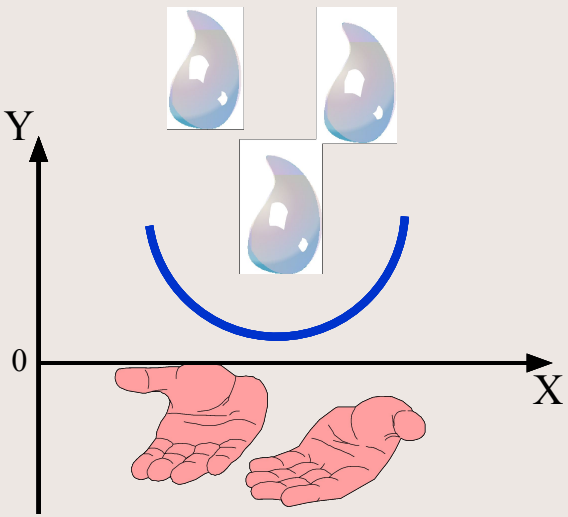
Min



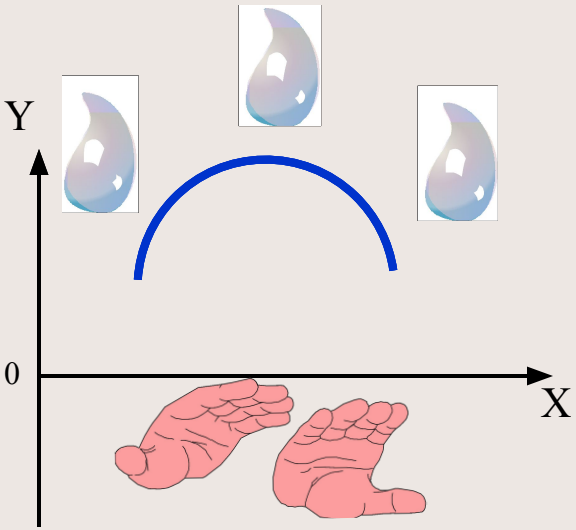


Экстремумы

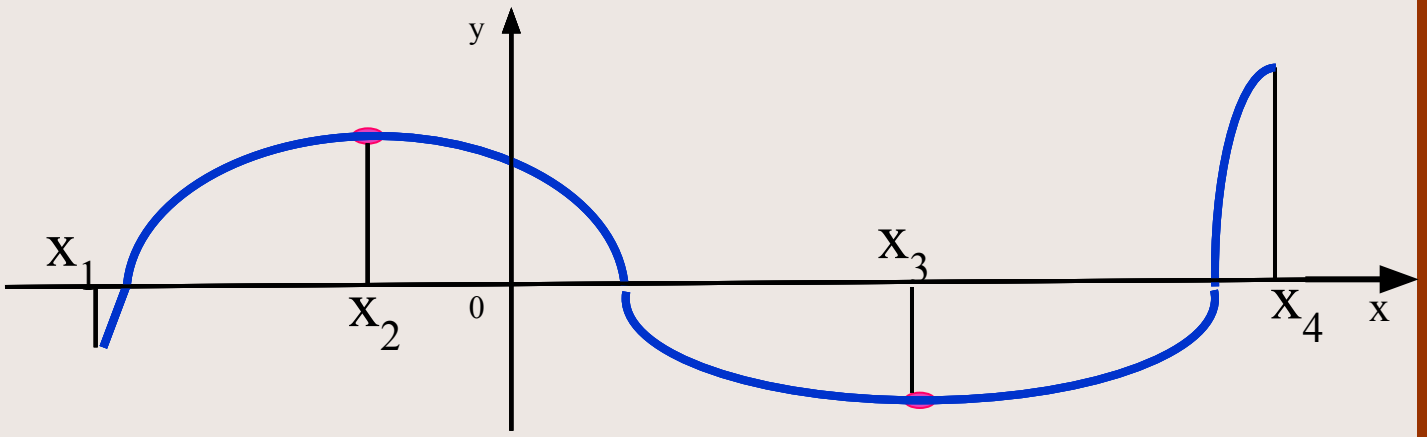
Минимум (min)



Максимум (max)



Maximum, наибольший
Minimum, наименьший



$x_{max}=x_2$ Max не всегда наибольший

$X_{наиб}=x_4$ Min не всегда наименьший

$x_{наим}= x_4$ Точки экстрема x_{max} и x_{min}

$x_{min}= x_3$ Экстремум функции $y_{max}=f(x_{max})$, $y_{min}=f(x_{min})$