

Тема урока: Возрастание и убывание функции. Экстремумы.



Понятие «Функция»

Функция 1692 г

Готфрид Вильгельм
Лейбниц



1698 г. Якоб Бернулли

Математика начала XIX века сторонник
Николай Иванович Лобачевский

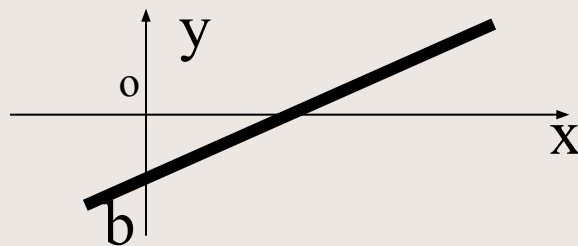


Линейная $y=kx+b$



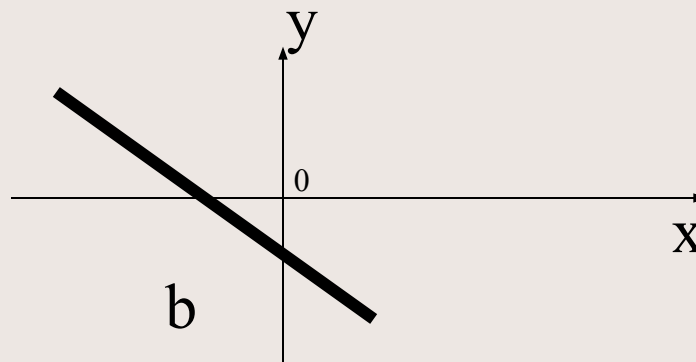
$$S=vt$$

$$v_x = v_{0x} + a_x t$$



$$k > 0$$

$$t_\phi = 1,8t_c + 32$$



$$k < 0$$

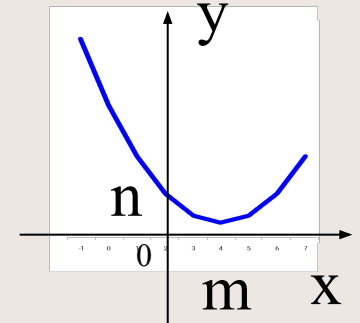
Квадратичная $y=ax^2+bx+c$

$$y=a(x-m)^2+n$$

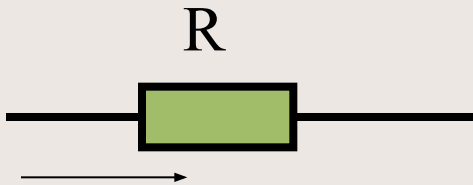


$$y=a(x-m)^2+n$$

$$a>0$$



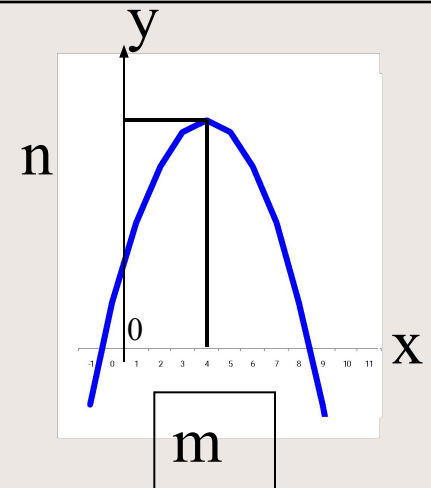
$$S(t) = -\frac{g}{2}t^2 + v_0t$$



I

$$a<0$$

$Q=RI^2$ в единицу
времени



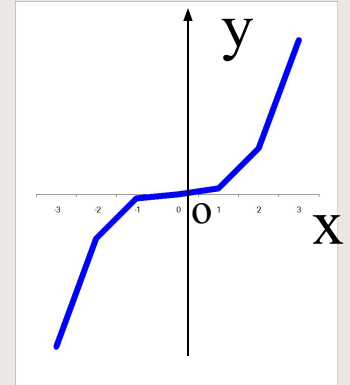
Степенная функция $y=ax^n$

$$V = x^3$$



Объём куба

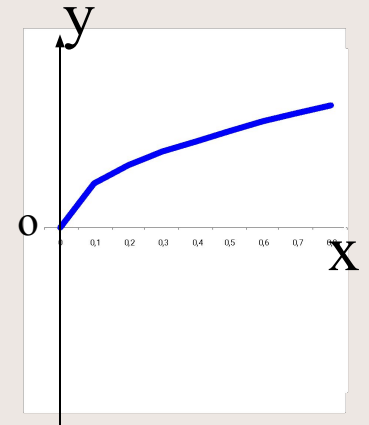
$$Y=x^3$$



$$T = \frac{2\pi}{\sqrt{g}} X^{\frac{1}{2}}$$

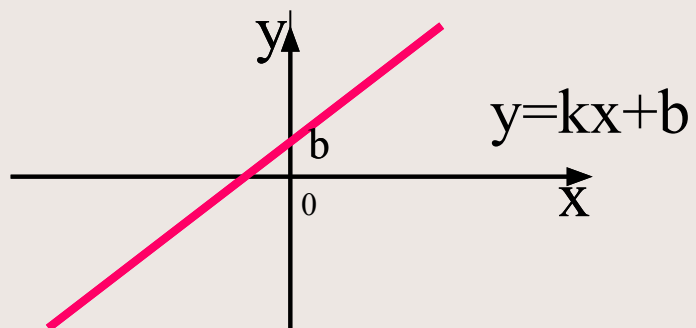


$$y = x^{\frac{1}{2}}$$

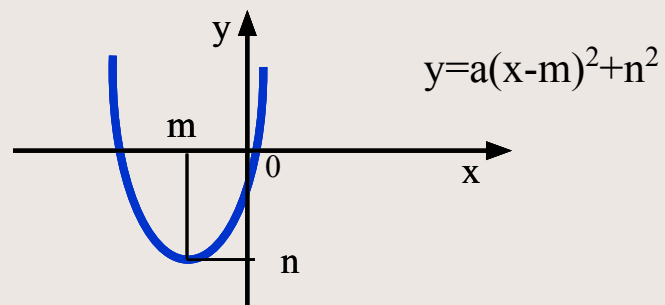


Элементарные функции.

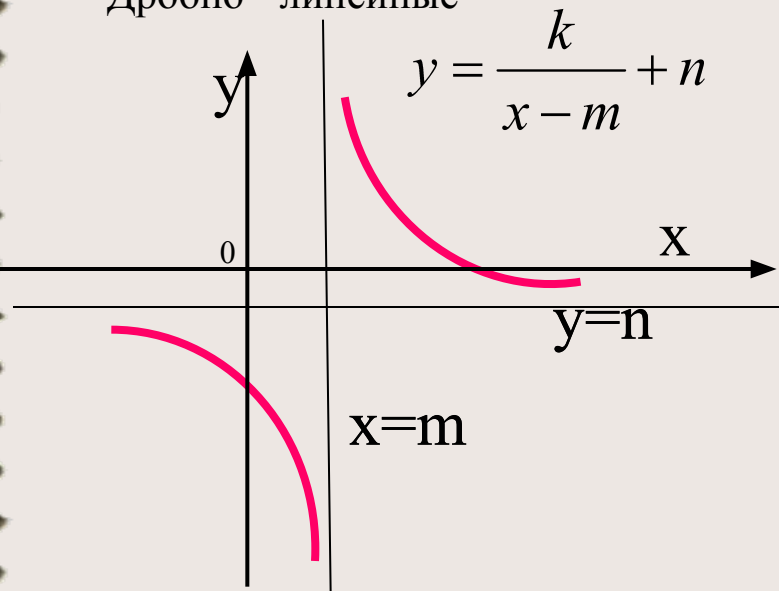
Линейные



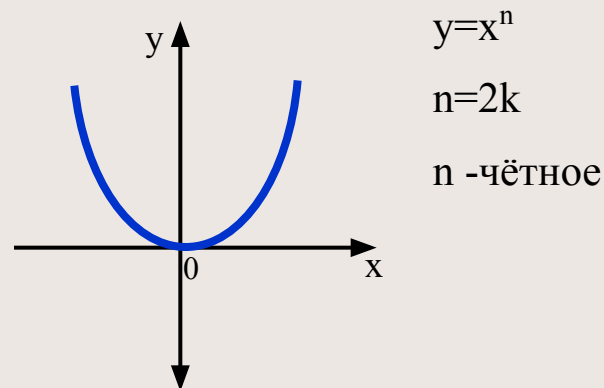
Квадратичная



Дробно - линейные

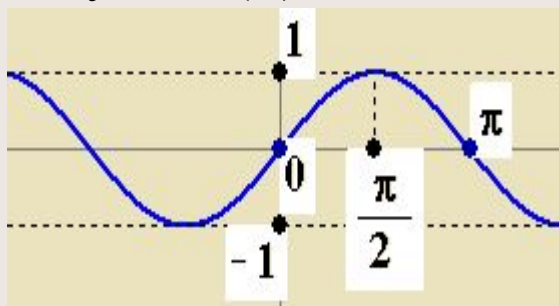


Степенная

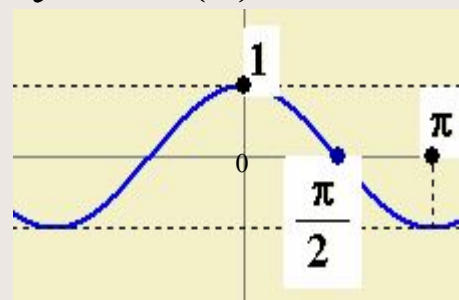


Элементарные функции. Тригонометрические.

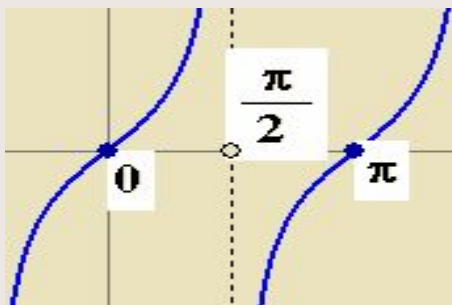
$$y = \sin(x)$$



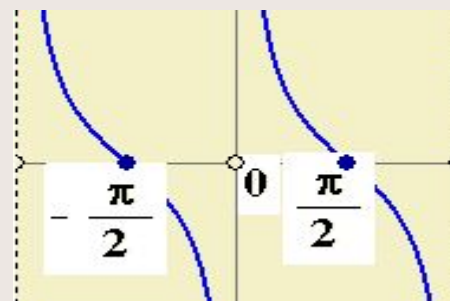
$$y = \cos(x)$$



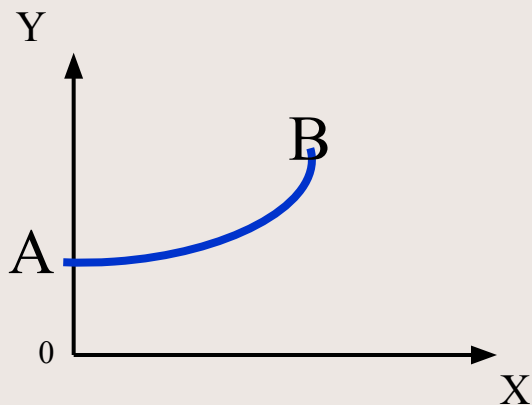
$$y = \operatorname{tg}(x)$$



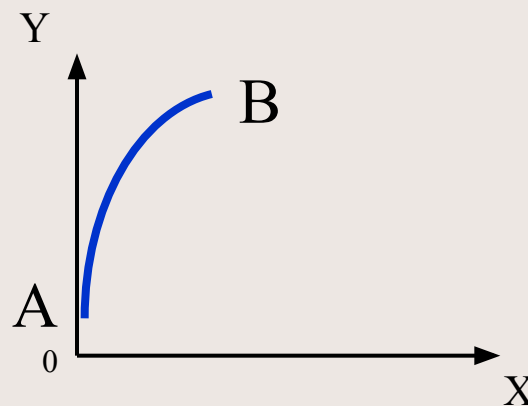
$$y = \operatorname{ctg}(x)$$



Что объединяет эти графики?



Форма графика функции напоминает тяжёлую цепь подвешенную в A и B



Форма графика функции напоминает ветвь яблони отягощённую плодами

○: Функция $f(x)$ называется возрастающей на промежутке I ,
если для любых $x_1, x_2 \in I: x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_1) < f(x_2)$.

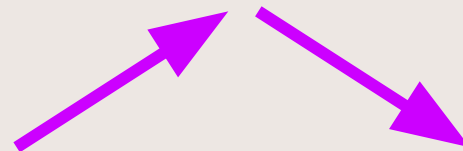
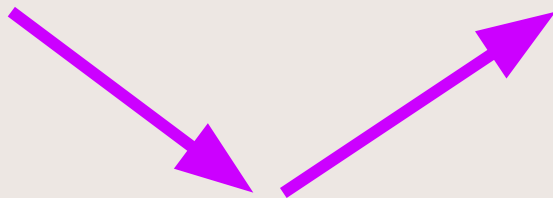
○: Функция $f(x)$ называется убывающей на промежутке I ,
если для любых $x_1, x_2 \in I: x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_1) > f(x_2)$.

○: Функция $f(x)$ называется монотонной на промежутке I ,
если она либо возрастает, либо убывает на этом промежутке.

Extremum- крайний

Minimum - наименьший
непрерывная

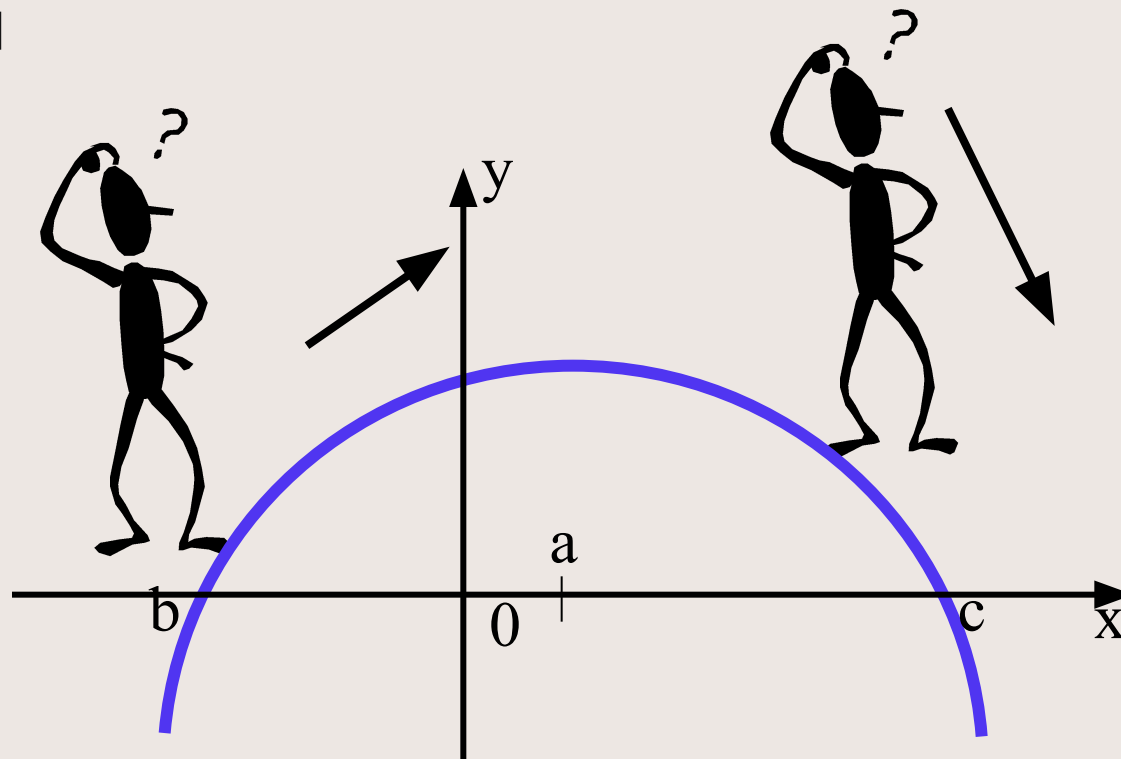
Maximum –наибольший
непрерывная



Возрастание и убывание функции (МОНОТОННОСТЬ)

Иду под гору. Функция *убывает* на промежутке $[ab]$

Иду в гору. Функция *возрастает* на промежутке $[ba]$

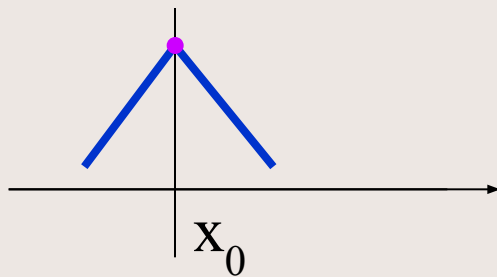
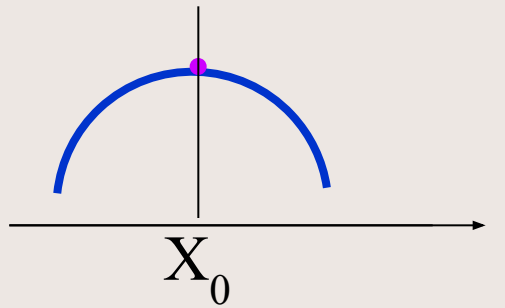


Maximum – наибольший

Minimum - наименьший

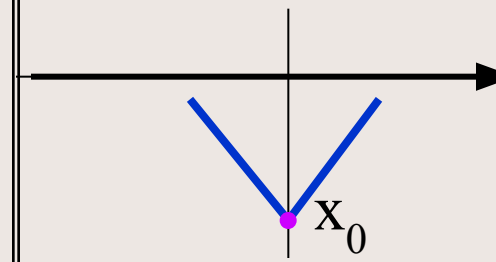
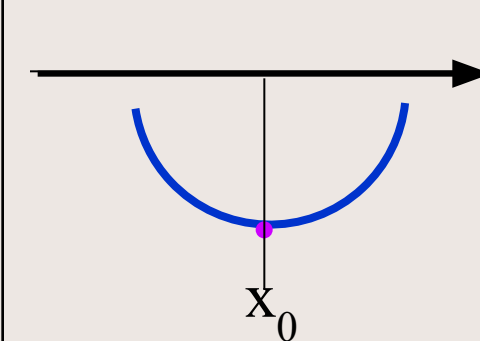
Maximum

Max



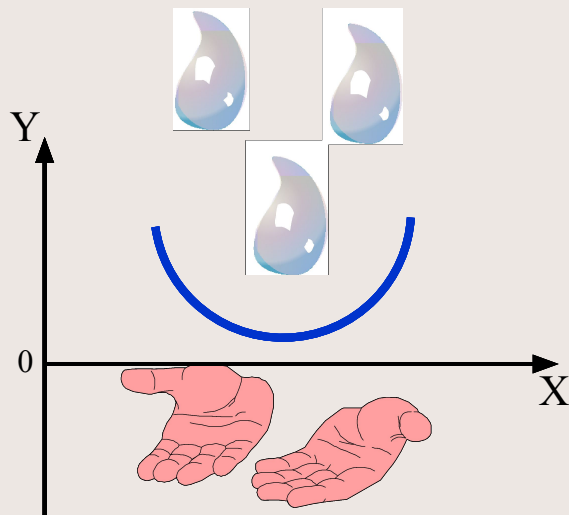
Minimum

Min

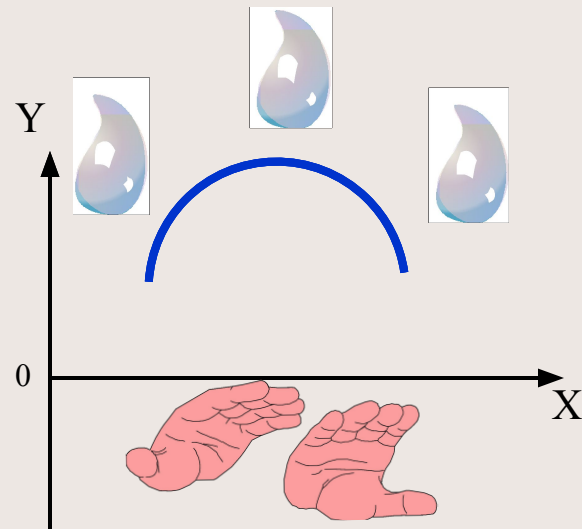


Экстремумы

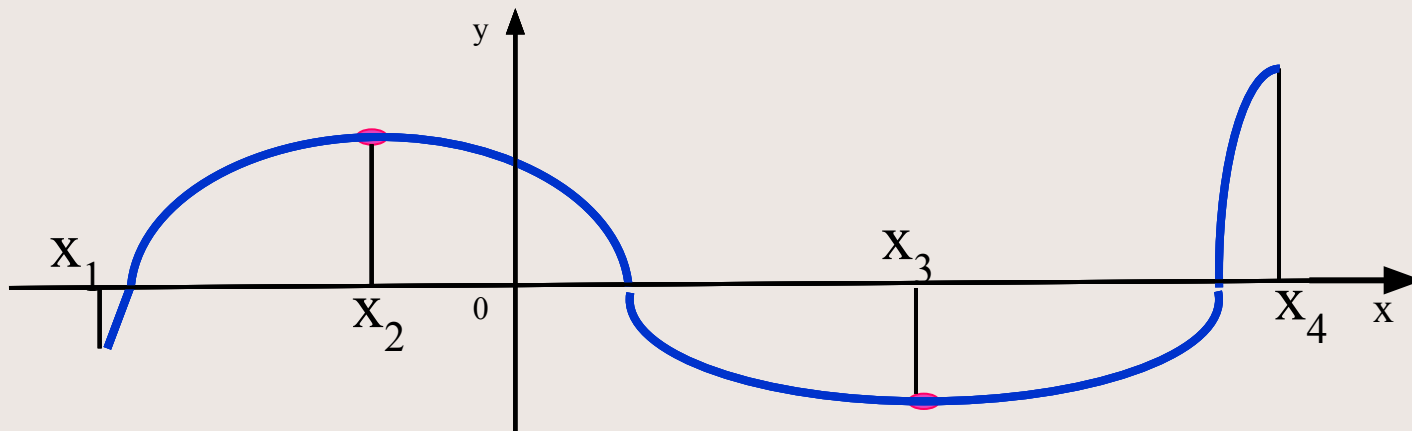
Минимум (min)



Максимум (max)



Максимум, наибольший Минимум, наименьший



$$x_{\max} = x_2$$

Мак не всегда наибольший

$$x_{\text{наиб}} = x_4$$

Мин не всегда наименьший

$$x_{\text{наим}} = x_4$$

Точки экстрема x_{\max} и x_{\min}

$$x_{\min} = x_3$$

Экстремум функции $y_{\max} = f(x_{\max})$,

$$y_{\min} = f(x_{\min})$$