

Информация и информационные процессы

§ 3. Сжатие данных

Что такое сжатие?

Алфавит: **A, B, C, _**

Сообщение: **ABA CABA**



80 битов в 8-битной кодировке!

A → 00 **C** → 10

B → 01 **_** → 11

ABA CABA → 00 01 00 11 10 00 01 00 01 00

20 битов



Как раскодировать?

Словарь:

	00	01	10	11
00000100 ₂	01000001 ₂	01000010 ₂	01000011 ₂	00100000 ₂
4 символа	A (код 65)	B (код 66)	C (код 67)	пробел (код 32)

Коэффициент сжатия

Сообщение: **10240 символов**

Алфавит: **A, B, C, _**

Словарь: **5 байтов**

Длина кода:

$$10240 \times 2 = 20480 \text{ битов} = \mathbf{2560 \text{ байтов}}$$

Длина сжатого сообщения:

$$5 + 2560 = \mathbf{2565 \text{ байтов}}$$

Коэффициент сжатия – это отношение размеров исходного и сжатого файлов.

$$k = \frac{10240}{2565} \approx 4$$

Сжатие без потерь

Сжатие без потерь – это такое уменьшение объема закодированных данных, при котором можно восстановить их исходный вид из кода без искажений.



За счёт чего сжимается сообщение?



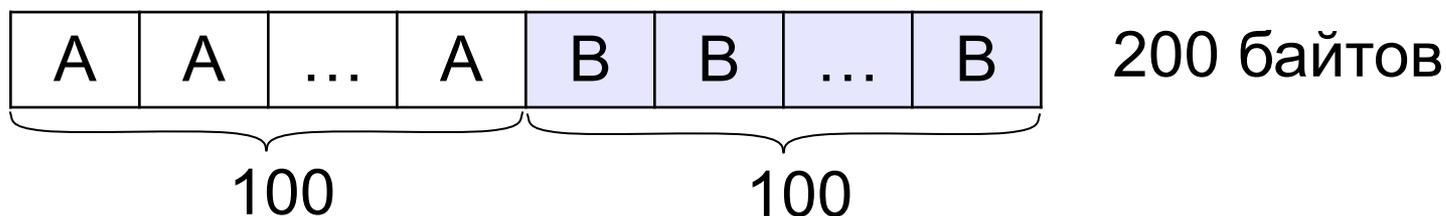
В данных должна быть избыточность!

используются только
4 символа из 256

Алгоритм RLE

RLE (англ. *Run Length Encoding*, кодирование цепочек одинаковых символов)

Файл qq.txt



Файл qq.rle (сжатый)



сжатие в 50 раз!



В чем состоит избыточность?

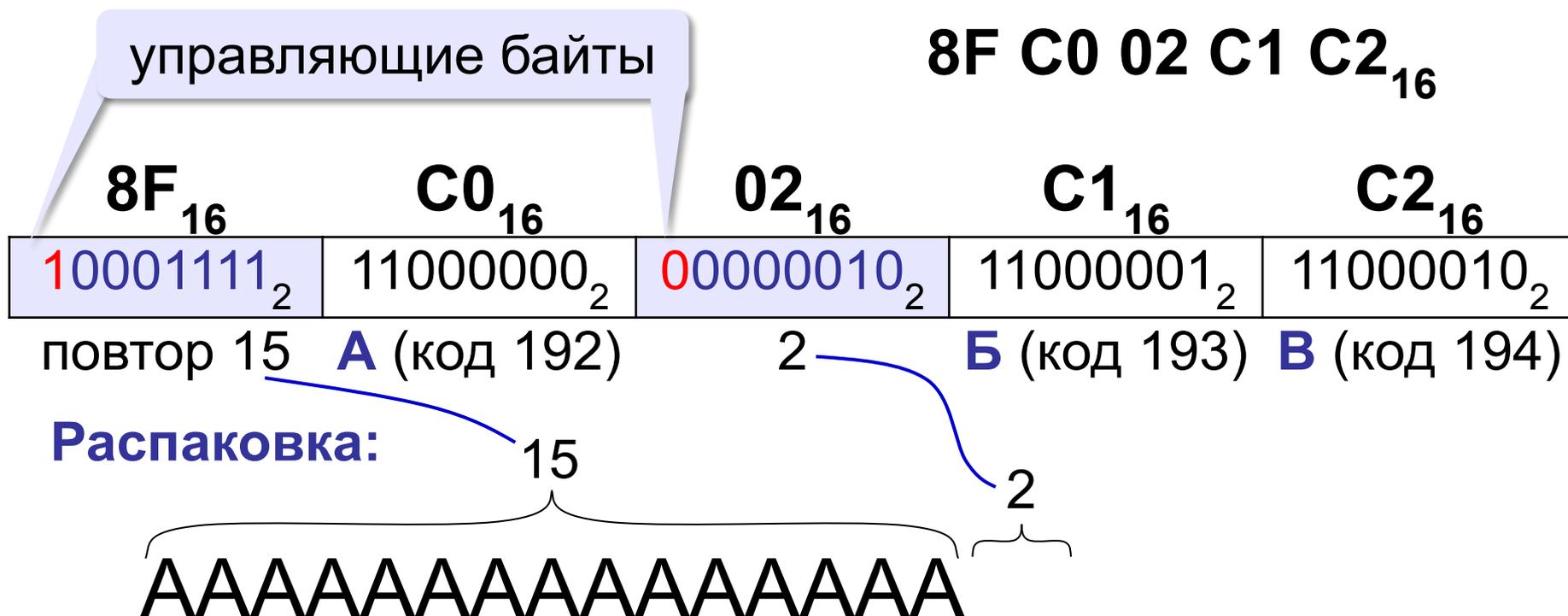


Сжатие с потерями или без?



Что в худшем случае?

Алгоритм RLE



Применение:

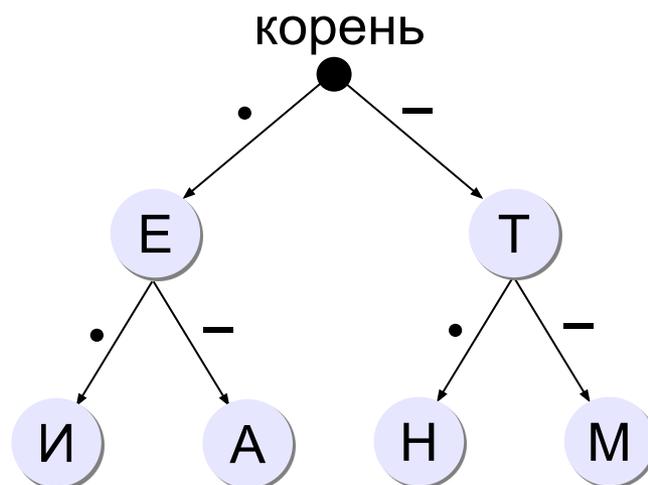
- сжатие рисунков * .bmp (с палитрой)
- один из этапов сжатия рисунков * .jpg

Неравномерные коды

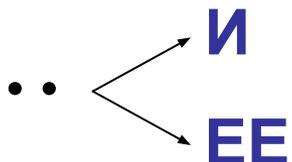
Идея: кодировать часто встречающиеся символы более короткими кодовыми словами.

Азбука Морзе:

Е	•	И	••
Т	—	А	•—
		Н	—•
		М	— —



Проблема: разделить последовательность на кодовые слова!

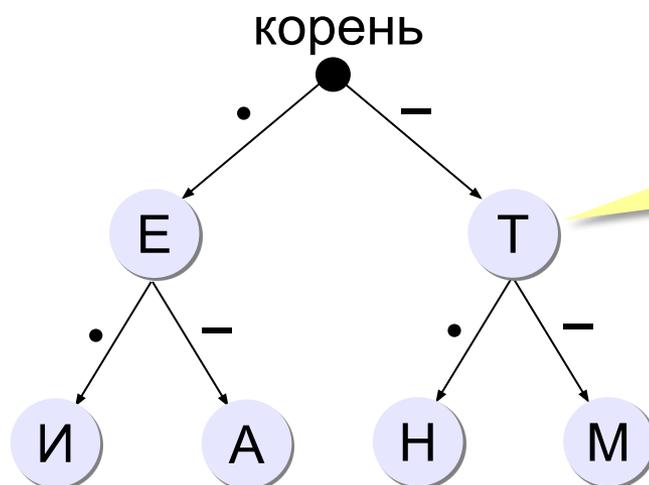


Можно ли обойтись без разделителя?

Префиксные коды

Префиксный код – это код, в котором ни одно кодовое слово не является началом другого кодового слова (условие Фано).

Е	•	И	••
Т	–	А	•–
		Н	–•
		М	––



НЕ ВСЕ СИМВОЛЫ
В ЛИСТЯХ!



Это не префиксный код!



Проблема: как построить префиксный код?

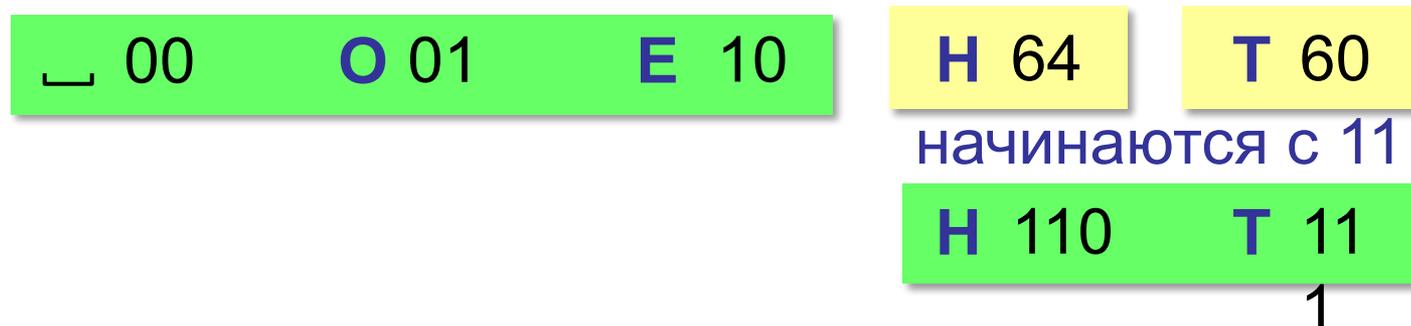
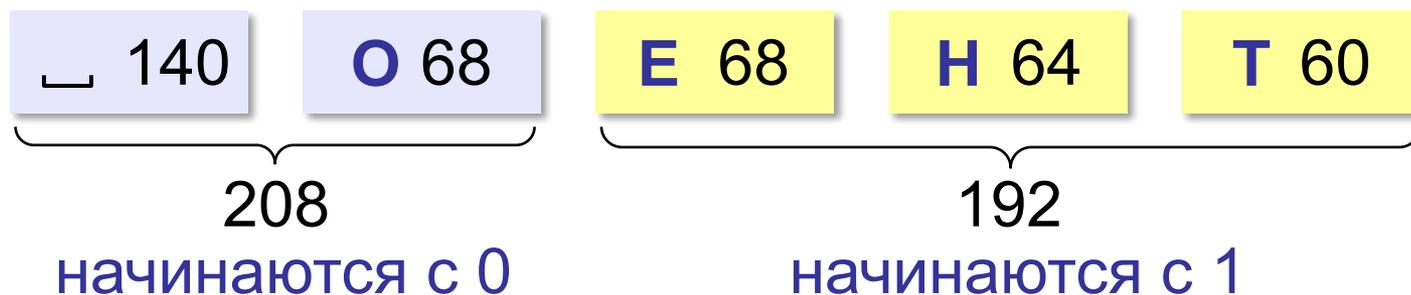
Код Шеннона-Фано

Алфавит: **О**, **Е**, **Н**, **Т**, **␣**

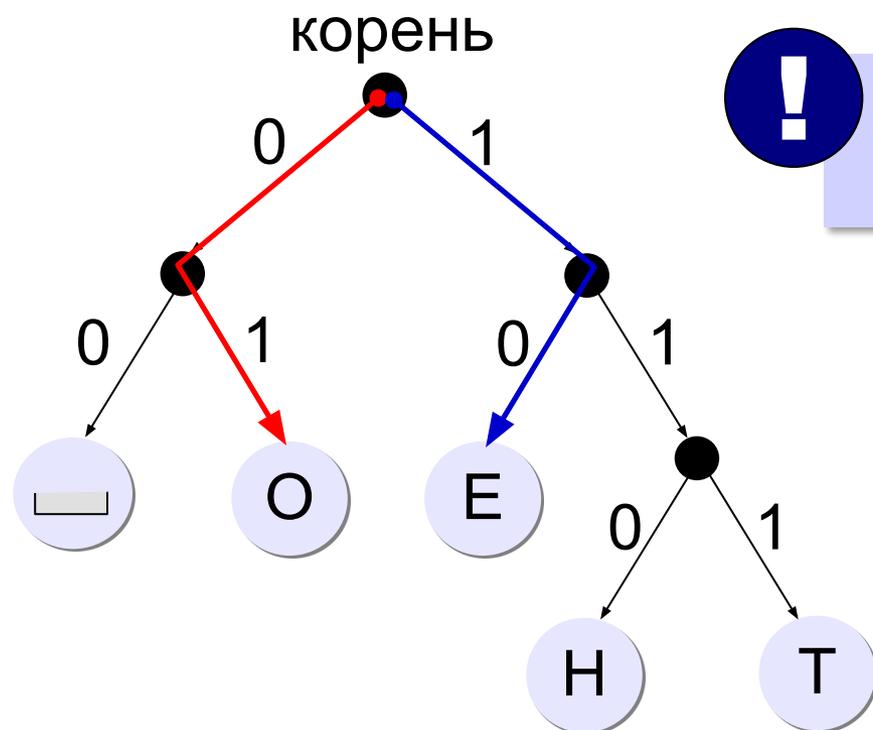
Количество символов в сообщении:



На 2 группы с примерно равным числом символов:



Код Шеннона-Фано



Это префиксный код (все символы в листьях дерева)!

Декодирование:

1110111101001011001111
 1Т О 1Т О _ Е Н О 1Т

Код Шеннона-Фано



- учитывается частота символов
- не нужен символ-разделитель
- код префиксный – можно декодировать по мере поступления данных



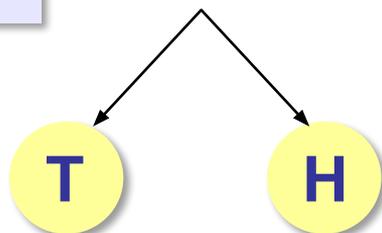
- нужно заранее знать частоты символов
- код неоптимален
- при ошибке в передаче сложно восстановить «ХВОСТ»
- не учитывает повторяющиеся последовательности СИМВОЛОВ

Алгоритм Хаффмана

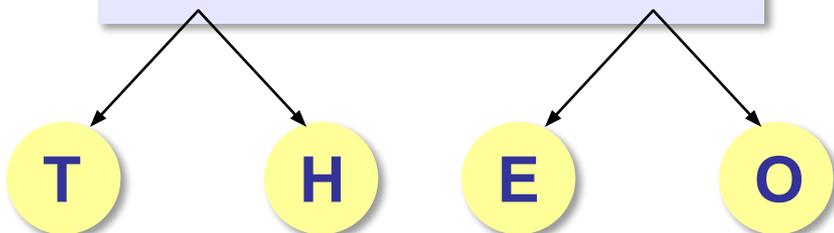
По увеличению частоты:

Т 60 **Н** 64 **Е** 68 **О** 68 \lfloor 140

Е 68 **О** 68 124 \lfloor 140

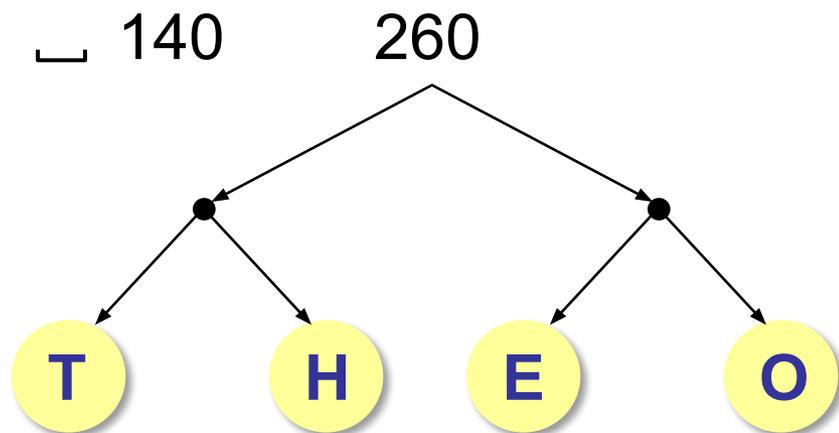


124 136 \lfloor 140



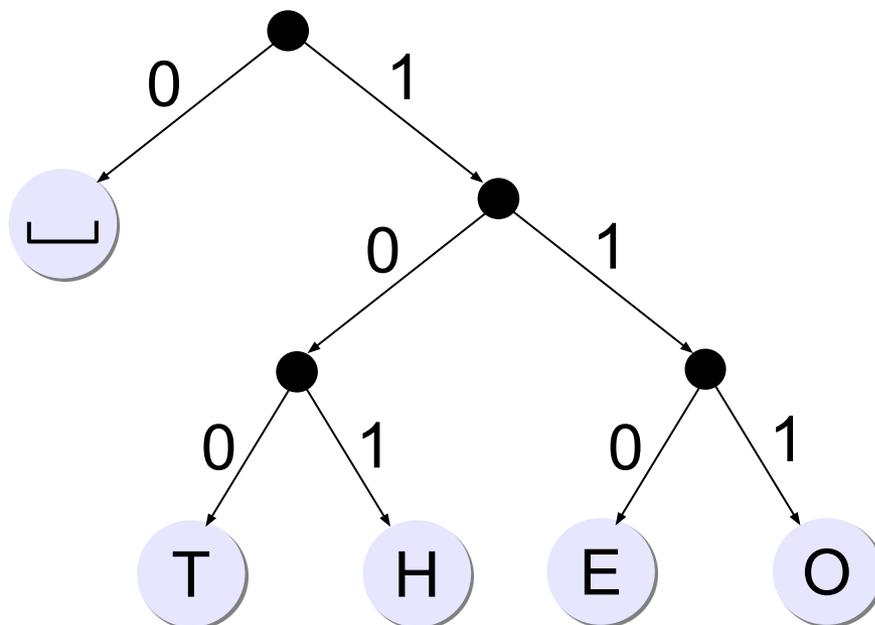
Дэвид Хаффман

Алгоритм Хаффмана



Код Хаффмана:

┌ 0 **Т** 100 **Н** 101
 Е 110 **О** 11
 1



Сравнение алгоритмов

Количество символов в сообщении:

Л 140 О 68 Е 68 Н 64 Т 60

Равномерное кодирование (8-битный код):

$$(140 + 68 + 68 + 64 + 60) \cdot 8 = 3200$$

БИТОВ

Равномерное кодирование (3-битный код):

$$(140 + 68 + 68 + 64 + 60) \cdot 3 = 1200$$

БИТОВ

+ словарь!



В чём избыточность?

Сравнение алгоритмов

Количество символов в сообщении:

Л 140 О 68 Е 68 Н 64 Т 60

Код Шеннона-Фано:

Л 00 О 01 Е 10 Н 110 Т 11

$$(140 + 68 + 68) \cdot 2 + (64 + 60) \cdot 3 = 924 \text{ }^1$$

бита

$$k = \frac{1200}{924} \approx 1,299$$

Код Хаффмана:

Л 0 О 11 Е 110 Н 101 Т 100

$$140 + (68 \text{ }^1 + 68 + 64 + 60) \cdot 3 = 920$$

бит

$$k = \frac{1200}{920} \approx 1,304$$



Оптimalен!

Алгоритм Хаффмана



- код оптимальный среди алфавитных кодов



- нужно заранее знать частоты символов

- при ошибке в передаче сложно восстановить «ХВОСТ»

- не учитывает повторяющиеся последовательности СИМВОЛОВ

Алгоритм LZW

1977: А. Лемпел и Я. Зив, 1984: Т. Велч

Идеи:

- кодировать не отдельные символы, а блоки
 - последовательностям символов присваиваются числовые коды
 - новая цепочка \Rightarrow занесение в словарь с новым кодом
- 
 - словарь строится по мере получения данных
 - не нужны частоты символов \Rightarrow за один проход!

Применение:

- сжатие рисунков `*.gif`, `*.tif`
- сжатие документов `*.pdf`

Сжатие с потерями

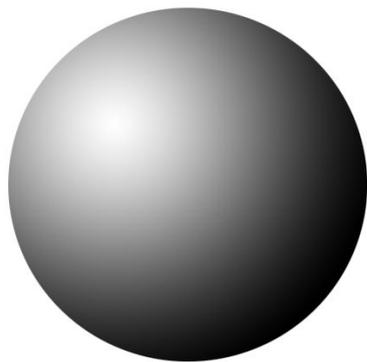
Сжатие с потерями – это такое уменьшение объема закодированных данных, при которых распакованный файл может отличаться от оригинала.

Идея: «отбросить» часть данных, которые не влияют на восприятие информации человеком (доп. размытие фотографий, частоты выше 20 кГц, ...)

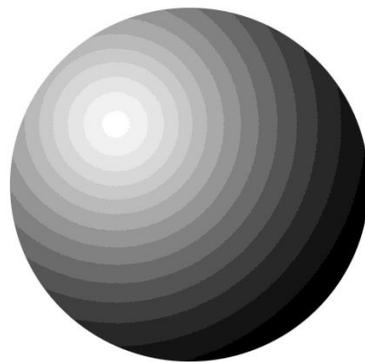
Применение:

- сжатие рисунков * .jpg, * .jpeg
- сжатие звука * .mp3, * .aac, * .ogg, ...
- сжатие видео * .mpg, * .wmv, * .mov, ...

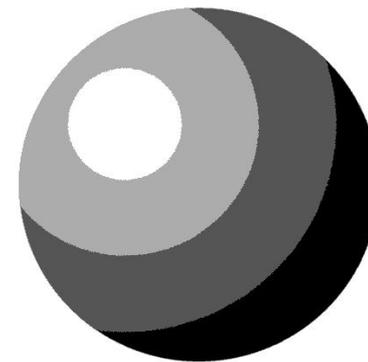
Снижение глубины цвета



8 битов на пиксель
(256 цветов)



4 бита на пиксель
(16 цветов)



2 бита на пиксель
(4 цвета)



размер ↓

качество ↓

Сжатие JPEG

яркость

«синева»

RGB → **Y Cb Cr**

«краснота»

$Y = 0,299 \cdot R +$ глаз чувствительнее к зелёному!

$Cb = 128 - 0,1687 \cdot R - 0,3313 \cdot G + 0,5$

$\cdot B$

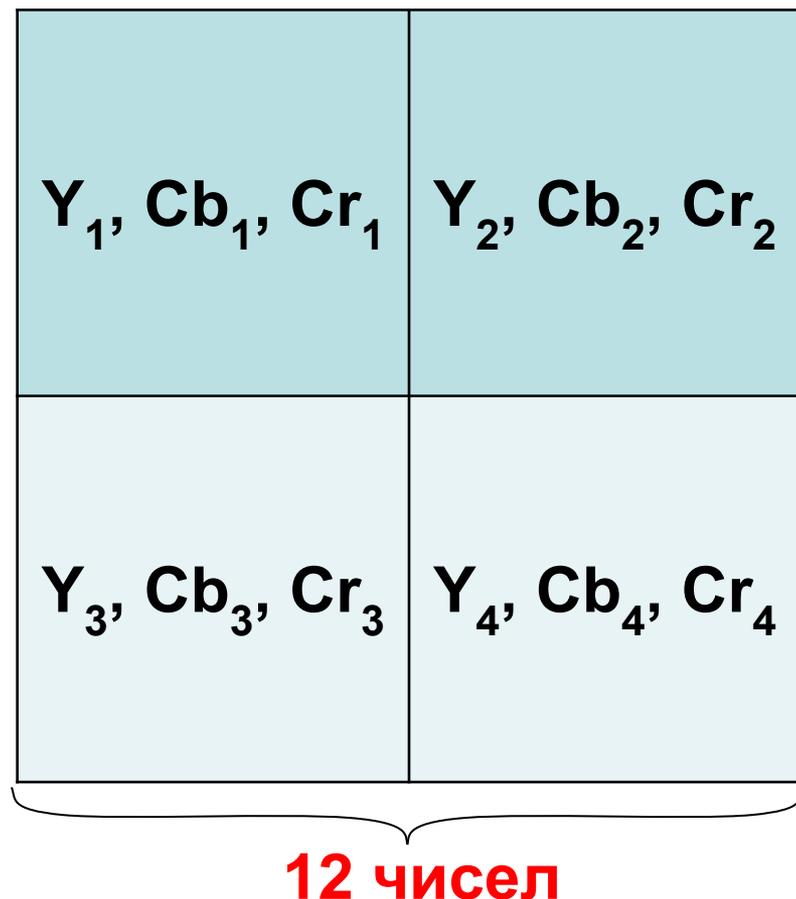
$Cr = 128 + 0,5 \cdot R - 0,4187 \cdot G - 0,0813$

? Что для чёрно-белого (серого)?

$Cb = Cr = 128$

Сжатие JPEG

Идея: глаз наиболее чувствителен к яркости



6 чисел

$\Rightarrow Y_1, Y_2, Y_3, Y_4, Cb, Cr$
например:

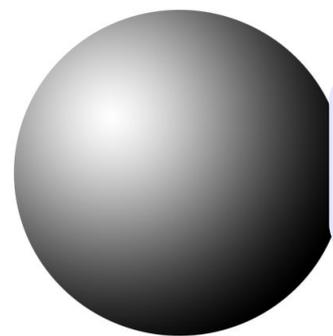
$$Cb = \frac{Cb_1 + Cb_2 + Cb_3 + Cb_4}{4}$$

$$Cr = \frac{Cr_1 + Cr_2 + Cr_3 + Cr_4}{4}$$

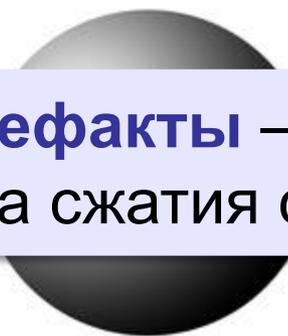
потери!

+ *дискретное косинусное преобразование*, алгоритмы RLE и Хаффмана

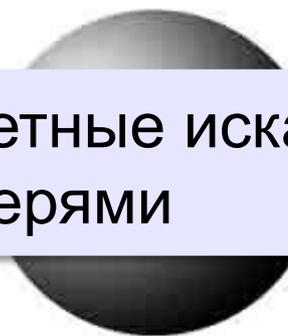
Сжатие JPEG



качество 100
(8400 байтов)



качество 50
(3165 байтов)

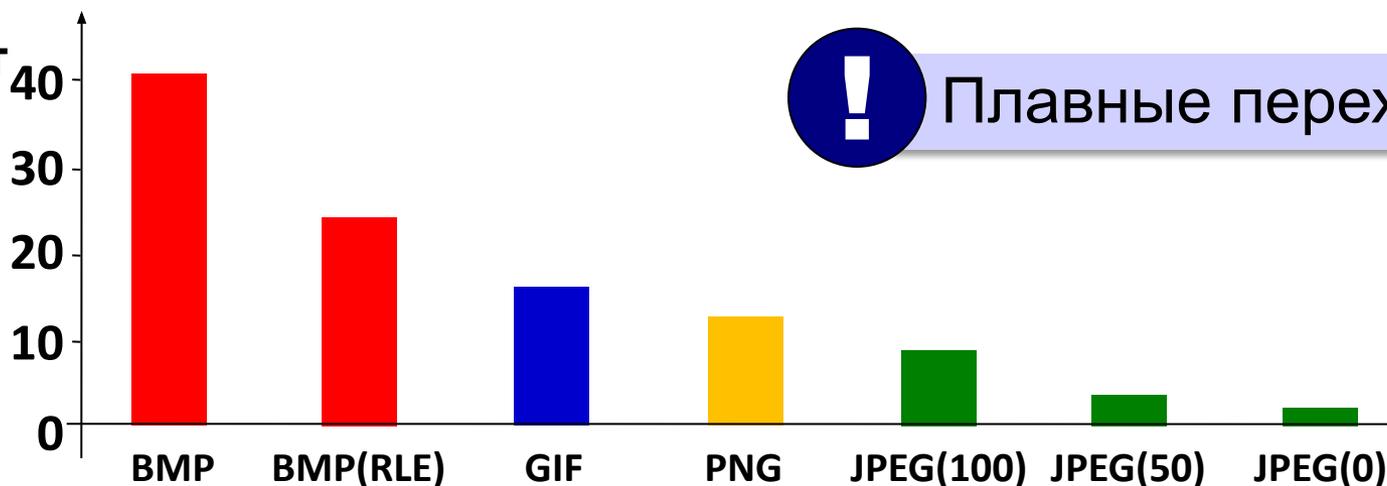


качество 0
(1757 байтов)



Артефакты – заметные искажения из-за сжатия с потерями

V,
Кбайт



Плавные переходы!

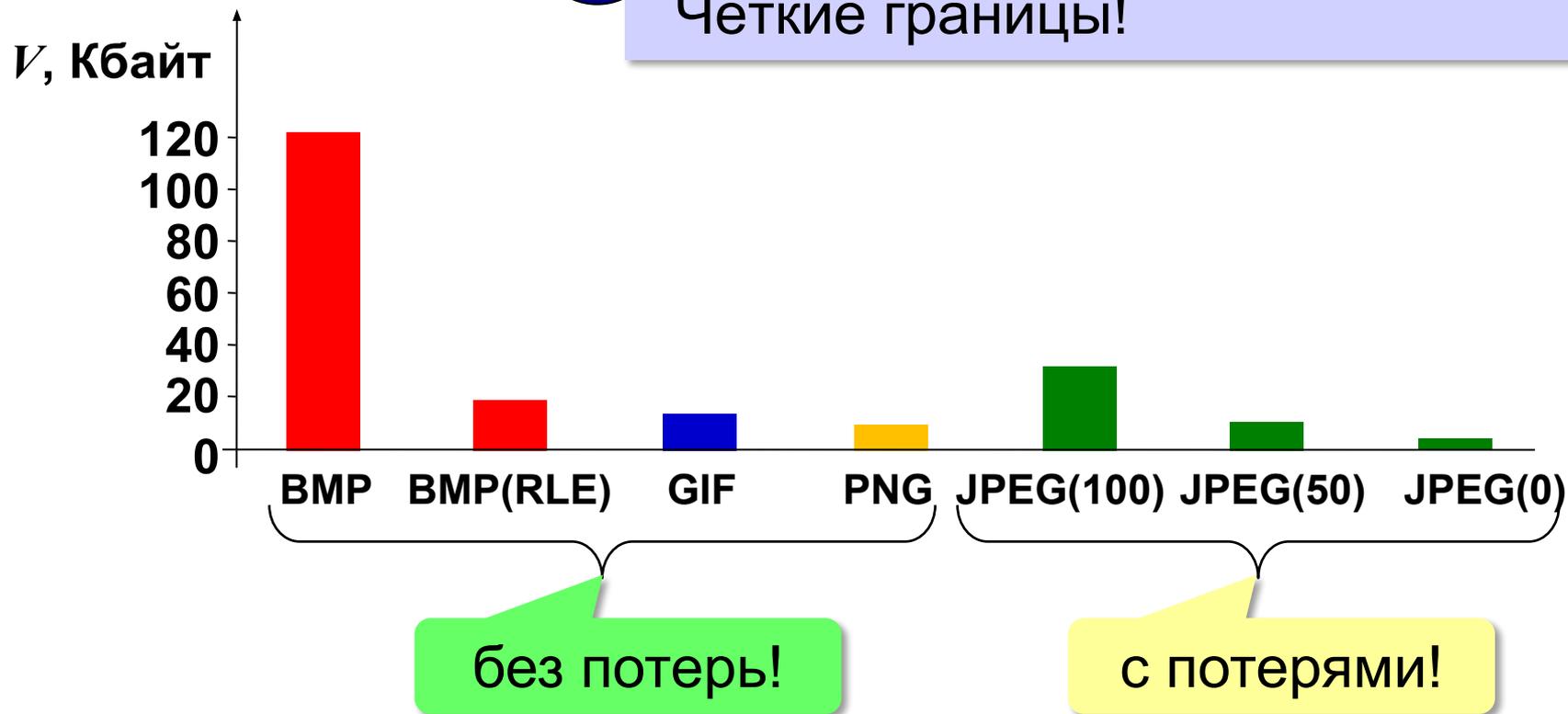
Сжатие рисунков с потерями и без



Что особенного?



Большие области одного цвета!
Чёткие границы!



без потерь!

с потерями!

Сжатие звука (MP3)

MP3 = MPEG-1 Layer 3, кодирование восприятия

Битрейт – это число бит, используемых для кодирования 1 секунды звука.

MP3: от 8 до 320 кбит/с

Без сжатия на CD (1 сек, 44 кГц, 16 бит, стерео):

$2 \times 88000 = 176\,000$ байт = $1\,408\,000$ бит = **1408 кбит**

Сжатие MP3 (**256 кбит/с**):

$$k = \frac{1408}{256} \approx 5,5$$

Сжатие видео

видео = изображения + звук

Кодек (кодировщик/декодировщик) – это программа для сжатия данных и восстановления сжатых данных.

MJPEG, MPEG-4, DivX, Xvid, H.264, ...



Артефакты – заметные искажения из-за сжатия с потерями

Сжатие: итоги



Сжатие уменьшает избыточность данных!

Хорошо сжимаются:

- тексты (*.txt)
- документы (*.doc)
- несжатые рисунки (*.bmp)
- несжатый звук (*.wav)
- несжатое видео (*.avi)



Нужно ли стремиться к полному удалению избыточности?

Плохо сжимаются:

- случайные данные
- сжатые данные в архивах (*.zip, *.rar, *.7z)
- сжатые рисунки (*.jpg, *.gif, *.png)
- сжатый звук (*.mp3, *.aac)
- сжатое видео (*.mpg, *.mp4, *.mov)