

ЦЕЛОЕ УРАВНЕНИЕ И ЕГО КОРНИ

9 класс



Уравнения

Целые

Например:

$$(x^3 - 1) + x^2 = x^3 - 2(x - 1)$$

$$\frac{x^3 - 1}{4} - \frac{x^2 + 1}{2} = 3x^2$$

Дробные

$$\frac{x}{x^2 - 1} = \frac{5}{x + 1} ; \frac{\sqrt{3}}{x^2} = x + 5$$

$$2x - 1 = \frac{x}{x + 12}$$



ЦЕЛЫМ УРАВНЕНИЕМ С
ОДНОЙ ПЕРЕМЕННОЙ
НАЗЫВАЕТСЯ
УРАВНЕНИЕ, ЛЕВАЯ И
ПРАВАЯ ЧАСТИ
КОТОРОГО- ЦЕЛЫЕ
ВЫРАЖЕНИЯ

Если уравнение с одной переменной
записано в виде

$P(x) = 0$, где $P(x)$ - многочлен стандартного вида,
то степень этого многочлена называют
степенью данного уравнения

$$x^5 - 2x^3 + 2x - 1 = 0 \quad (5\text{-я степень})$$

$$x^4 - 14x^2 - 3 = 0 \quad (4\text{-я степень})$$



Уравнение n -й степени

имеет не более n корней

Методы решения целых уравнений:

$$ax + b = 0$$

Линейное уравнение

Нет
корней

x -
 \forall число

Один корень

$$x = -\frac{b}{a}$$

$$ax^2 + bx + c = 0$$

Квадратное уравнение

$D=0$
 $x = \frac{-b}{2a}$

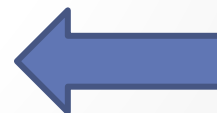
$D>0$
 $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

$D<0$
Нет
корней



Уравнение третьей
степени вида:

$$ax^3+bx^2+cx+d=0$$



Какова степень уравнения?

$$2x^2 + 6x^5 + 1 = 0$$

$$x^6 - 4x^3 - 3 = 0$$

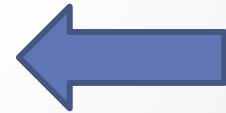
$$(x + 8)(x - 7) = 0$$

$$\frac{x}{2} - \frac{x}{4} = 5$$

$$5x^3 - 5x(x^2 + 4) = 17$$

$$\frac{1}{7}x^5 = 0$$

$$x^2(x + 4) - (x - 2)(x^2 + 1) = 3$$



Решить уравнение:

$$(8x-1)(2x-3)-(4x-1)^2=38$$

Решение:

Раскроем скобки и приведем
подобные слагаемые

$$16x^2-24x-2x+3-16x^2+8x-138=0$$

$$-18x-36=0$$

$$x+2=0$$

$$x=-2$$

Ответ: $x=-2$

Спасибо за внимание!

