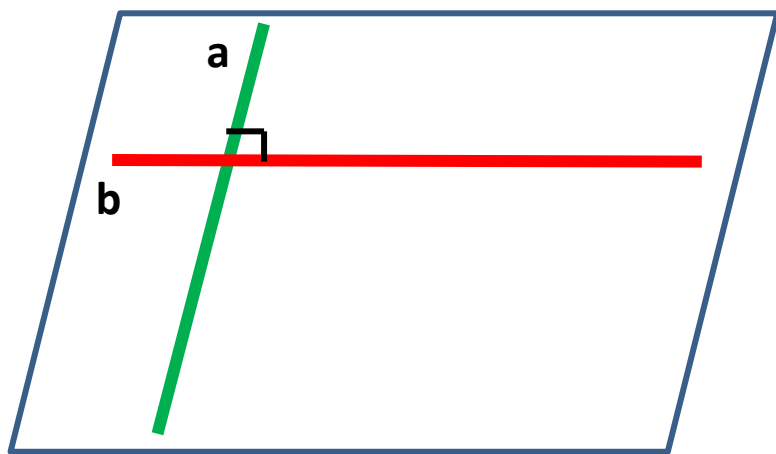
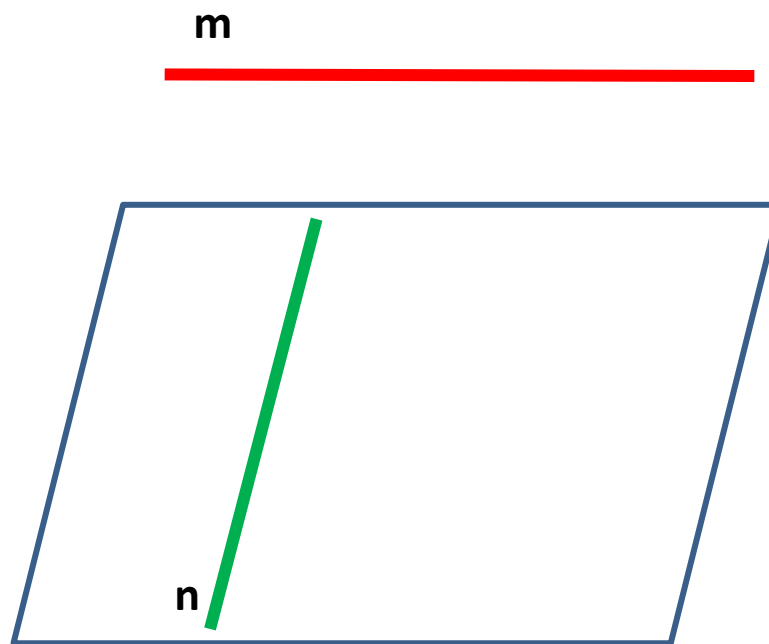


**ПЕРПЕНДИКУЛЯРНО  
СТЬ  
ПРЯМОЙ  
И ПЛОСКОСТИ**

Определение. Две прямые в пространстве называются перпендикулярными, если угол между ними равен  $90^\circ$ .



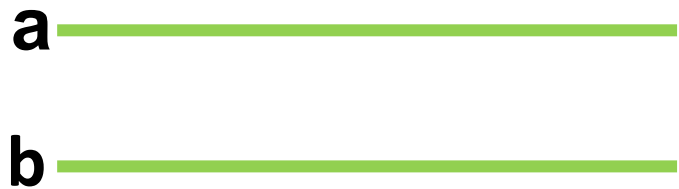
$$a \perp b$$



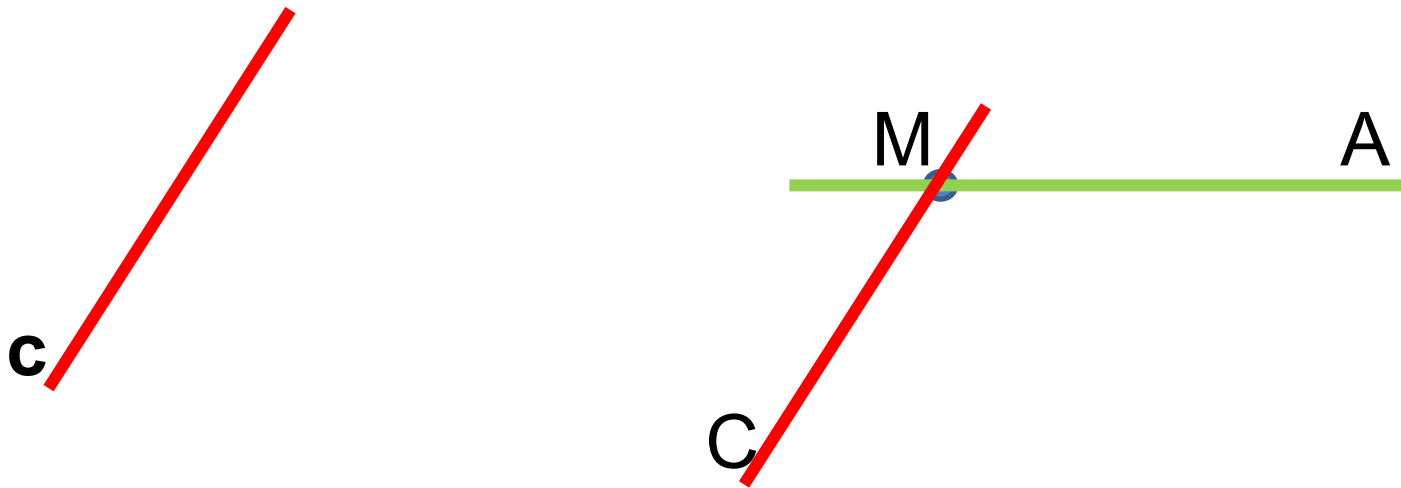
$$m \perp n$$

# Лемма о перпендикулярности двух параллельных прямых третьей

Если одна из двух  $\parallel$ -х прямых  $\perp$  третьей прямой, то и другая прямая  $\perp$  к этой прямой.

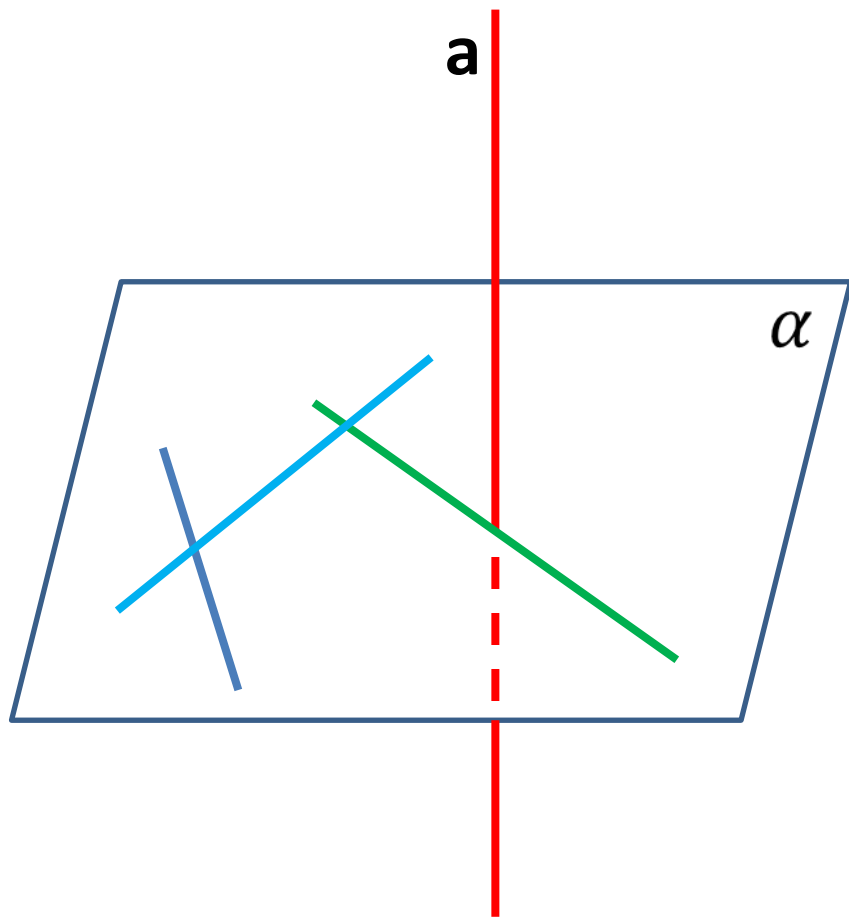


Пусть  $a \parallel b$  и  $a \perp c$ .  
Докажем, что  $b \perp c$ .



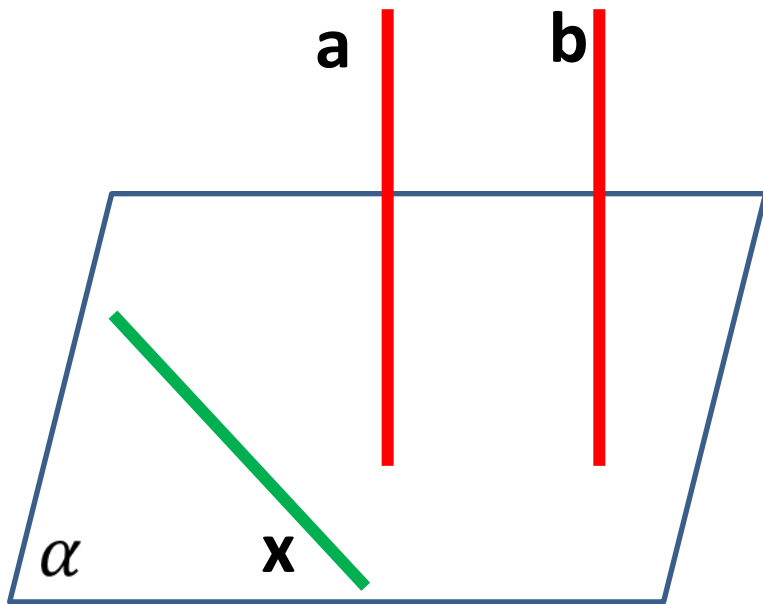
Т.к.  $a \perp c$ , то  $\angle AMC = 90^\circ$ . Т.к.  $a \parallel b$ ,  $MA \parallel a$ , то  $MA \parallel b$ .  
Итак,  $b \parallel MA$ ,  $c \parallel MC$ , причем  $\angle AMC = 90^\circ$ , значит,  $b \perp c$

**Определение.** Прямая называется  $\perp$ -ной к плоскости, если она  $\perp$ -на к любой прямой, лежащей в этой плоскости.



$$a \perp \alpha$$

**Теорема.** Если одна из двух  $||$ -ых прямых  $\perp$ -на к плоскости, то и другая прямая  $\perp$ -на к этой плоскости.



Дано:  $a || b$  и  $a \perp \alpha$ .

Доказать:  $b \perp \alpha$ .

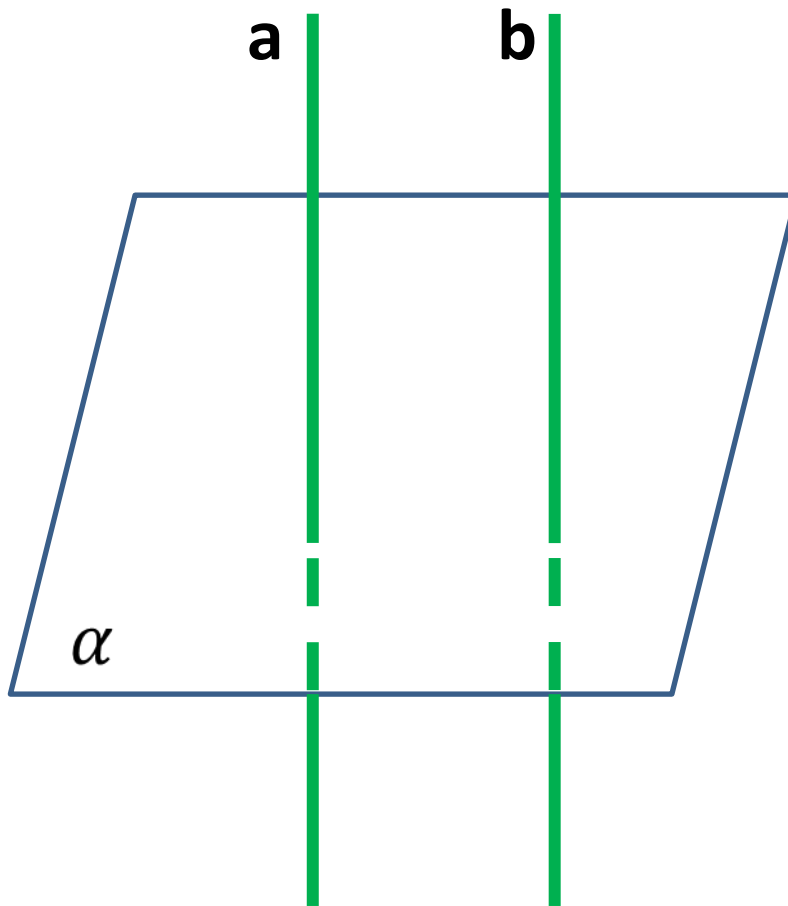
**Доказательств**

**о:**

Т.к.  $a \perp \alpha$ , то  $a \perp x$ .

По лемме о параллельности двух  $||$ -х прямых третьей следует, что  $b \perp x$ . Т.к.  $x$ - произвольная прямая плоскости  $\alpha$ , то  $b \perp \alpha$ .

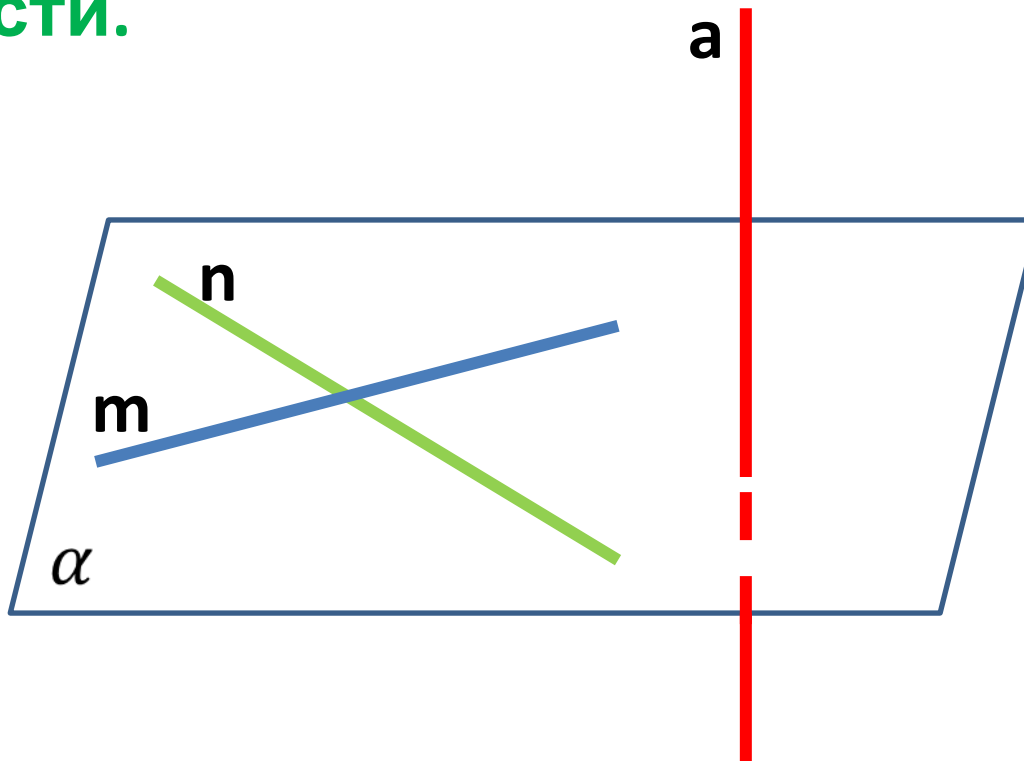
Теорема (обратная). Если две прямые перпендикулярны к плоскости, то они параллельны



Если  $a \perp \alpha$  и  $b \perp \alpha$ ,  
то  $a \parallel b$ .

# Признак перпендикулярности прямой и плоскости

**Теорема.** Если прямая параллельна двум пересекающимся прямым, лежащим в плоскости, то она перпендикулярна к этой плоскости.



# Теорема о прямой, перпендикулярной к плоскости

**Теорема.** Через любую точку пространства проходит прямая,  $\perp$ -ая к данной плоскости, и притом только одна.

