

Параллельность плоскостей.

Признак параллельности плоскостей

Теорема

2.4

Если две пересекающиеся прямые одной плоскости соответственно параллельны двум прямым другой плоскости, то эти плоскости параллельны.

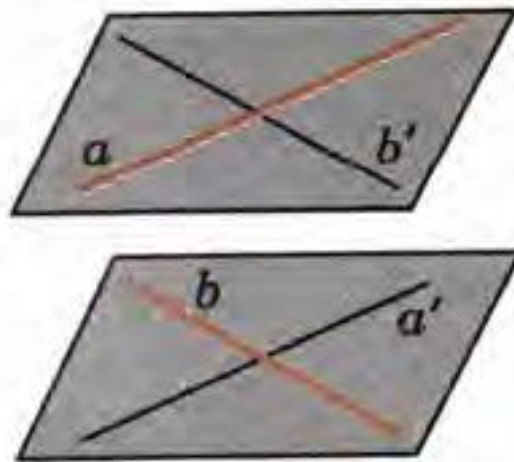


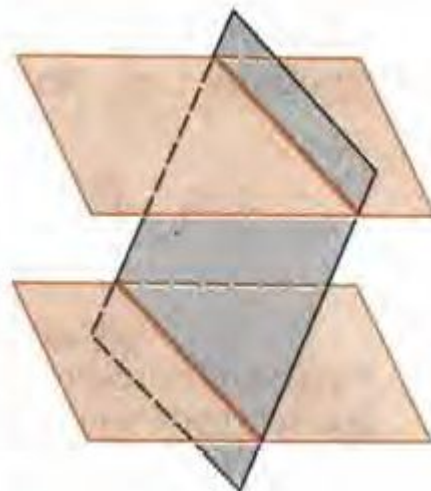
Рис. 20

Теорема

2.5

Через точку вне данной плоскости можно провести плоскость, параллельную данной, и притом только одну.

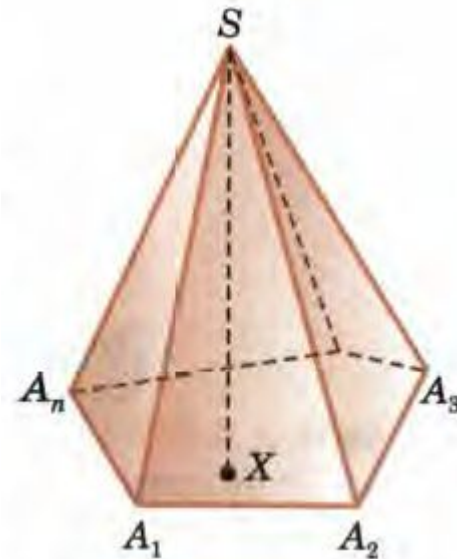
Если две параллельные плоскости пересекаются третьей, то прямые пересечения параллельны (рис. 23).



Отрезки параллельных прямых, заключенные между двумя параллельными плоскостями, равны.

Тэтраэдр

Пирамидой называется многогранник, который состоит из плоского многоугольника — **основания пирамиды**, точки, не лежащей в плоскости основания, — **вершины пирамиды** и всех отрезков, соединяющих вершину пирамиды с точками основания (рис. 108).

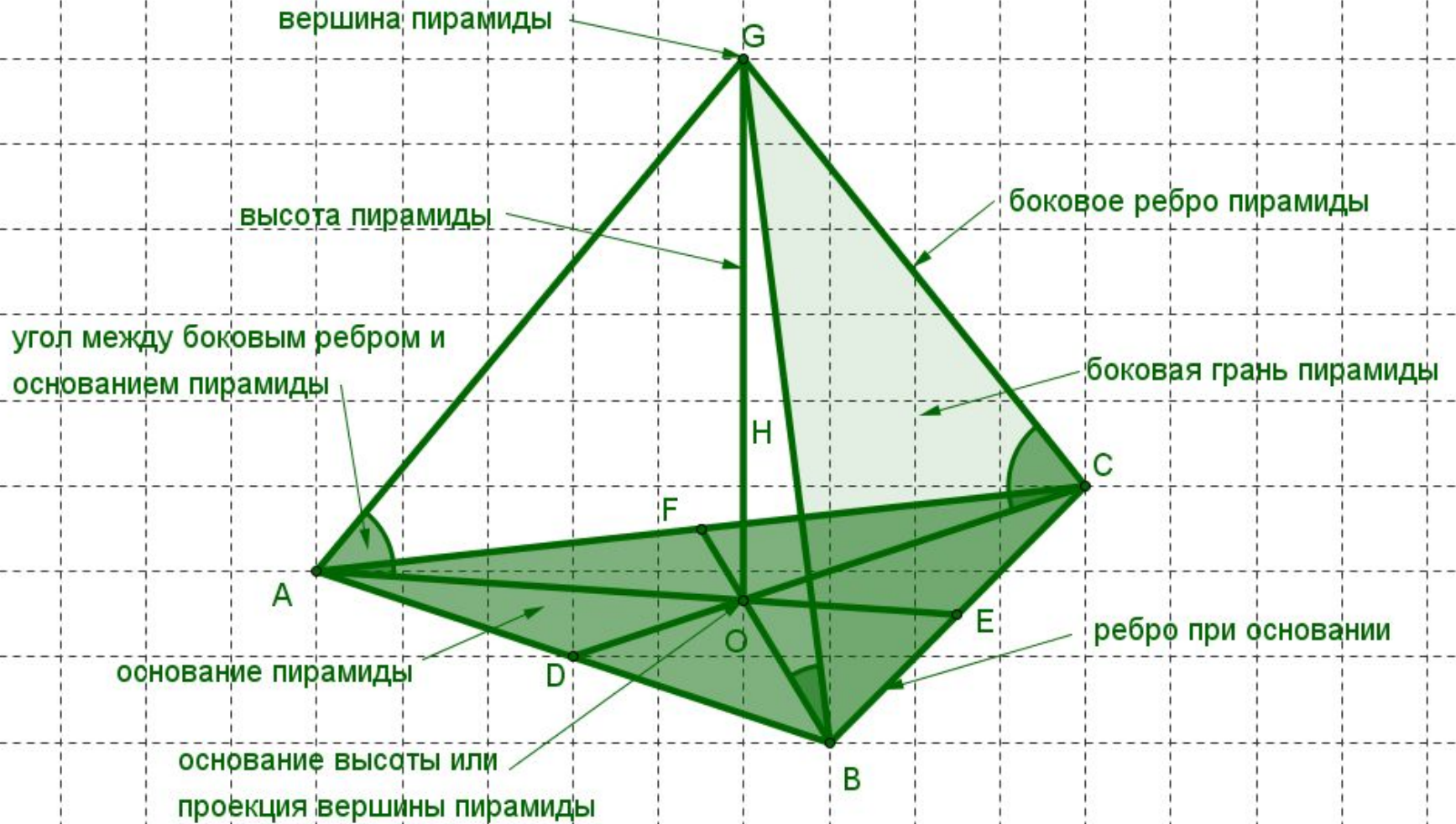


Отрезки, соединяющие вершину пирамиды с вершинами основания, называются **боковыми ребрами**.

Поверхность пирамиды состоит из основания и боковых граней. Каждая боковая грань — треугольник. Одной из его вершин является вершина пирамиды, а противоположной стороной — сторона основания пирамиды.

Высотой пирамиды называется перпендикуляр, опущенный из вершины пирамиды на плоскость основания.

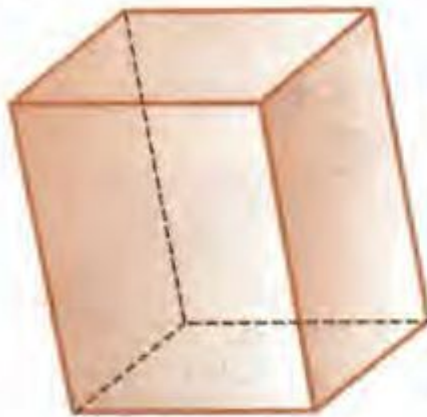
ПИРАМИДА



Параллелепипед

Если основание призмы есть параллелограмм, то она называется параллелепипедом. У параллелепипеда все грани — параллелограммы.

а)



б)

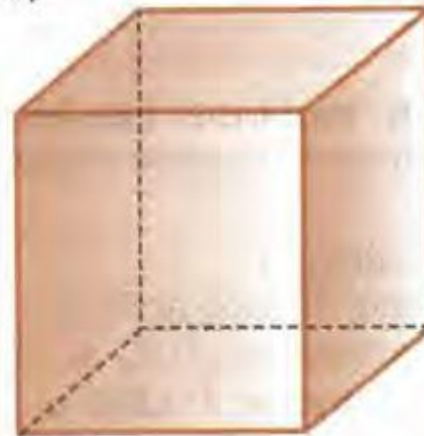


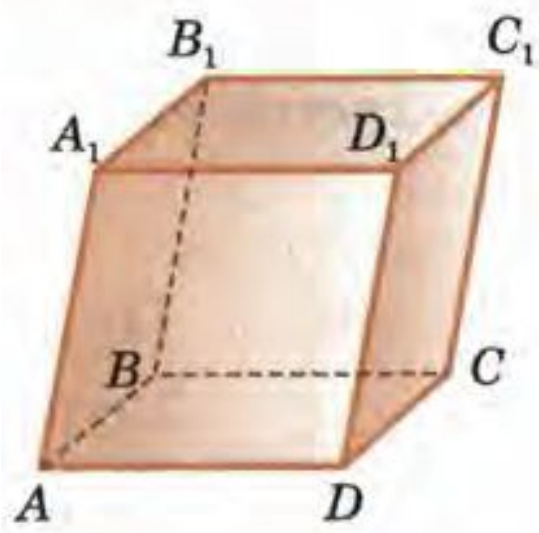
Рис. 102

Грани параллелепипеда, не имеющие общих вершин, называются **противолежащими**.

Теорема

5.2

У параллелепипеда противоположные грани параллельны и равны.



Теорема

5.3

Диагонали параллелепипеда пересекаются в одной точке и точкой пересечения делятся пополам.

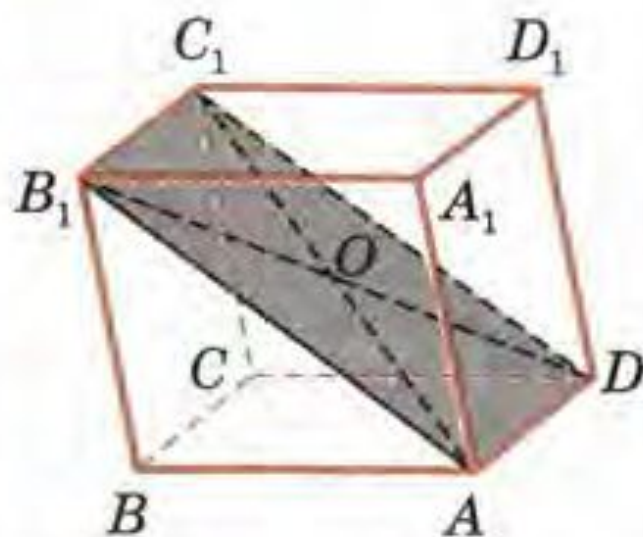


Рис. 104

Прямой параллелепипед, у которого основанием является прямоугольник, называется **прямоугольным параллелепипедом**. У прямоугольного параллелепипеда все грани — прямоугольники.

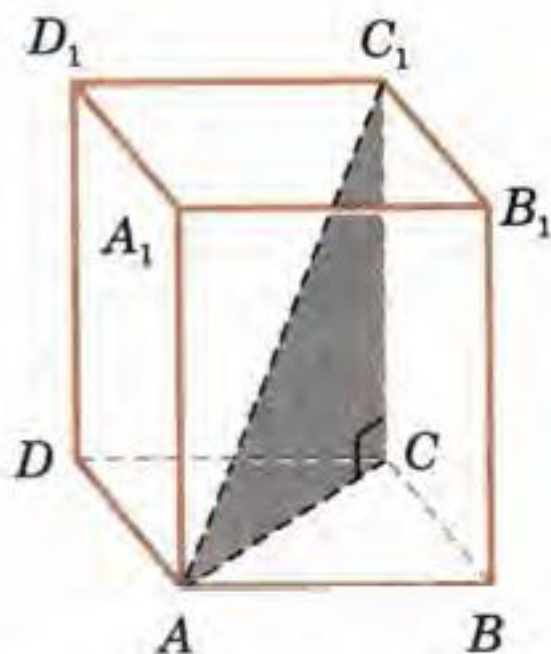
Прямоугольный параллелепипед, у которого все ребра равны, называется **кубом**.

Длины непараллельных ребер прямоугольного параллелепипеда называются его **линейными размерами (измерениями)**. У прямоугольного параллелепипеда три измерения.

Теорема

5.4

В прямоугольном параллелепипеде квадрат любой диагонали равен сумме квадратов трех его измерений.



Доказательство.
 Рассмотрим прямоугольный параллелепипед $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ (рис. 105). Из прямоугольного треугольника $AC_1 C$ по теореме Пифагора получаем

$$AC_1^2 = AC^2 + CC_1^2.$$

Из прямоугольного треугольника ACB по теореме Пифагора получаем

$$AC^2 = AB^2 + BC^2.$$

Отсюда

$$AC_1^2 = CC_1^2 + AB^2 + BC^2.$$

Ребра AB , BC и CC_1 не параллельны, а следовательно, их длины являются линейными размерами параллелепипеда. Теорема доказана.

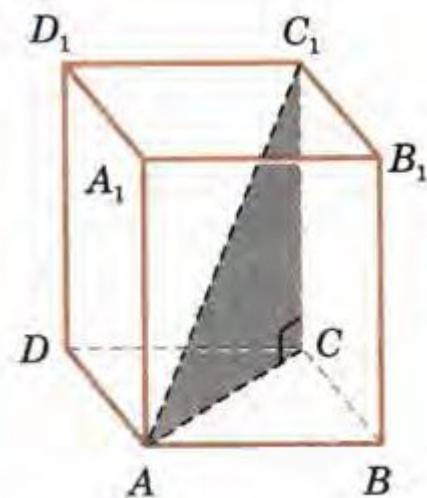


Рис. 105