

# **СИСТЕМЫ ГАРАНТИРОВАННОЙ СЕКРЕТНОСТИ**

**(ТЕОРЕТИЧЕСКИ СТОЙКИЕ  
КРИПТОСИСТЕМЫ)**

# Понятие стойкости

- Теоретическая стойкость  
(принципиальная невозможность атаки)
- Практическая стойкость  
(необходимость для атаки таких ресурсов, стоимость которых многократно превышает стоимость приобретаемой в случае успеха выгоды)

# Криптосистема Цезаря (Вижинера)

$$M \quad (a_i)_{i=1,2,\dots,n} \quad A \quad a_i \in A, \quad i=1,2,\dots,n$$

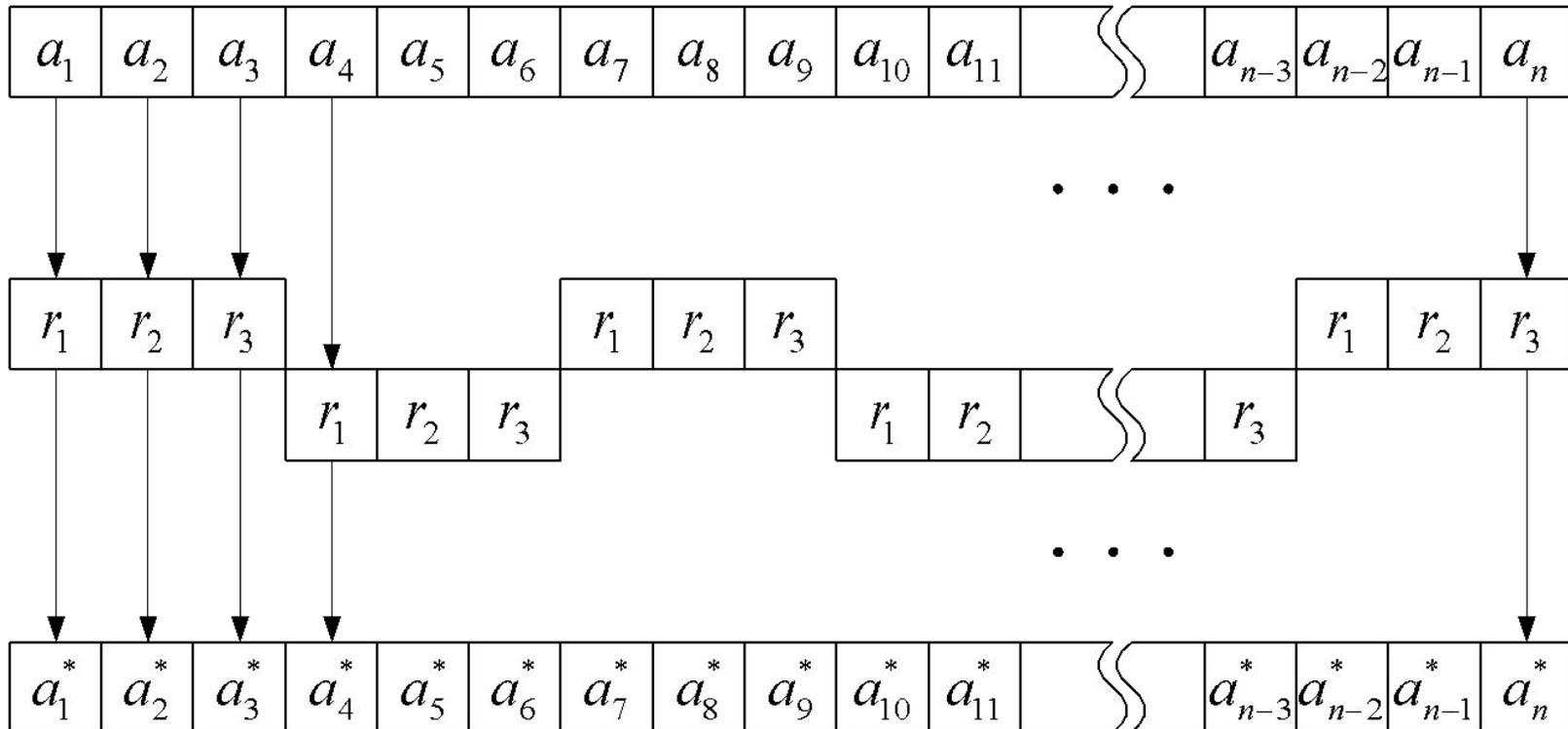
$$k \quad (r_i)_{i=1,2,\dots,n} \quad R^{(0)} \quad r_i \in R^{(0)}, \quad i=1,2,\dots,n$$

$$m \quad m \geq |A| \quad m \geq |R^{(0)}|$$

$$a_i^* = |a_i + r_i|_m, \quad i=1,2,\dots,n$$

$$a_i = |a_i^* - r_i|_m = |a_i^* + m - r_i|_m, \quad i=1,2,\dots,n$$

# Короткопериодический ключ



# Системы гарантированной секретности

$$1) \quad |R^{(0)}| \geq |A|$$

$$2) \quad (r_i)_{i=1,2,\dots,n} \quad R^{(0)}$$

$$3) \quad (r_i)_{i=1,2,\dots,n}$$

Проблема получения  
случайных равномерно  
распределенных  
над заданным алфавитом  
последовательностей  
на компьютерах с **фон**  
**Немановской архитектурой**

# Принципы фон Неймана

1. Принцип двоичности
2. Принцип программного управления
3. Принцип однородности памяти
4. Принцип адресуемости памяти
5. Принцип последовательного программного управления
6. Принцип условного перехода

*Burks A. W., Goldstine H. H., Neumann J. Preliminary Discussion of the Logical Design of an Electronic Computing Instrument. — Institute for Advanced Study, Princeton, N. J., July 1946.*

# Принстонская и гарвардская архитектуры компьютеров

- **Принстонская архитектура** (фон Неймана)
- **Гарвардская архитектура** — архитектура ЭВМ, отличительным признаком которой является раздельное хранение и обработка команд и данных. Архитектура была разработана Говардом Эйкеном в конце 1930-х годов в Гарвардском университете.

**На компьютерах с  
полностью фон  
Неймановской архитектурой  
генерация случайности не  
возможна!!!**

Все ли компьютеры имеют архитектуру фон Неймана?

# Наивные подходы к получению случайности в вычислительных системах

- Использование «не фон Неймановости» человеко-машинных систем
- Использование векового таймера

# Физические источники случайности

- Сцинтилляционные источники

# Спинтарископ



Feinwerktechnik  
ELEKTROMECHANIK - FEINMECHANIK  
701 LEIPZIG Karl-Liebknecht-Straße 11 · Telefon 30440

## Spinthariskop



Länge . . . . . 85 mm

max. Durchmesser . . . 40 mm

Gewicht mit Etui . . . 80 g

Im Spinthariskop kann man die Lichtblitze, welche durch das Auftreffen von  $\alpha$ -Teilchen (Heliumkerne) auf den Zählrohrkristall entstehen, beobachten.

Das Gerät wird im Etui geliefert.  
Aktivität des RaD-Präparates etwa  $0,5 \mu\text{C}$

### Wirkung und Handhabung des Spinthariskopes:

Radioaktive Strahlen treffen beim Durchgang durch Materie mit Atomen zusammen. Sie treffen dabei zumeist nur die Atomhülle, wobei das getroffene Atom „angeregt“ und Energie in Form von Licht oder durch Auslösung chemischer Reaktionen frei wird. Solche Erscheinungen eignen sich zum Nachweis radioaktiver Substanzen.

s. Rückseite!  
[www.periodictable.ru](http://www.periodictable.ru)

- Механические источники случайности



Лототроны

- Электрические источники
  - Шум газового разряда

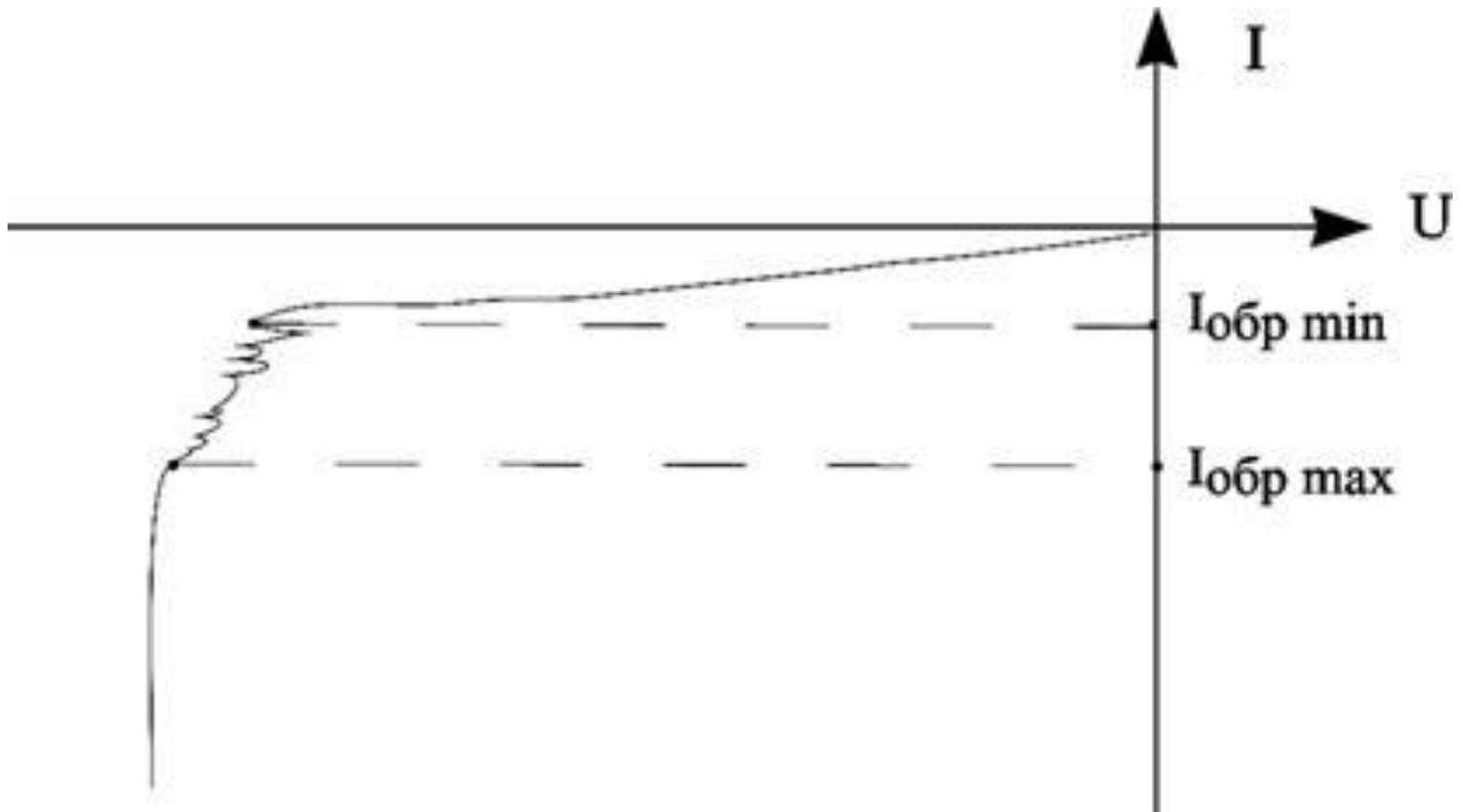


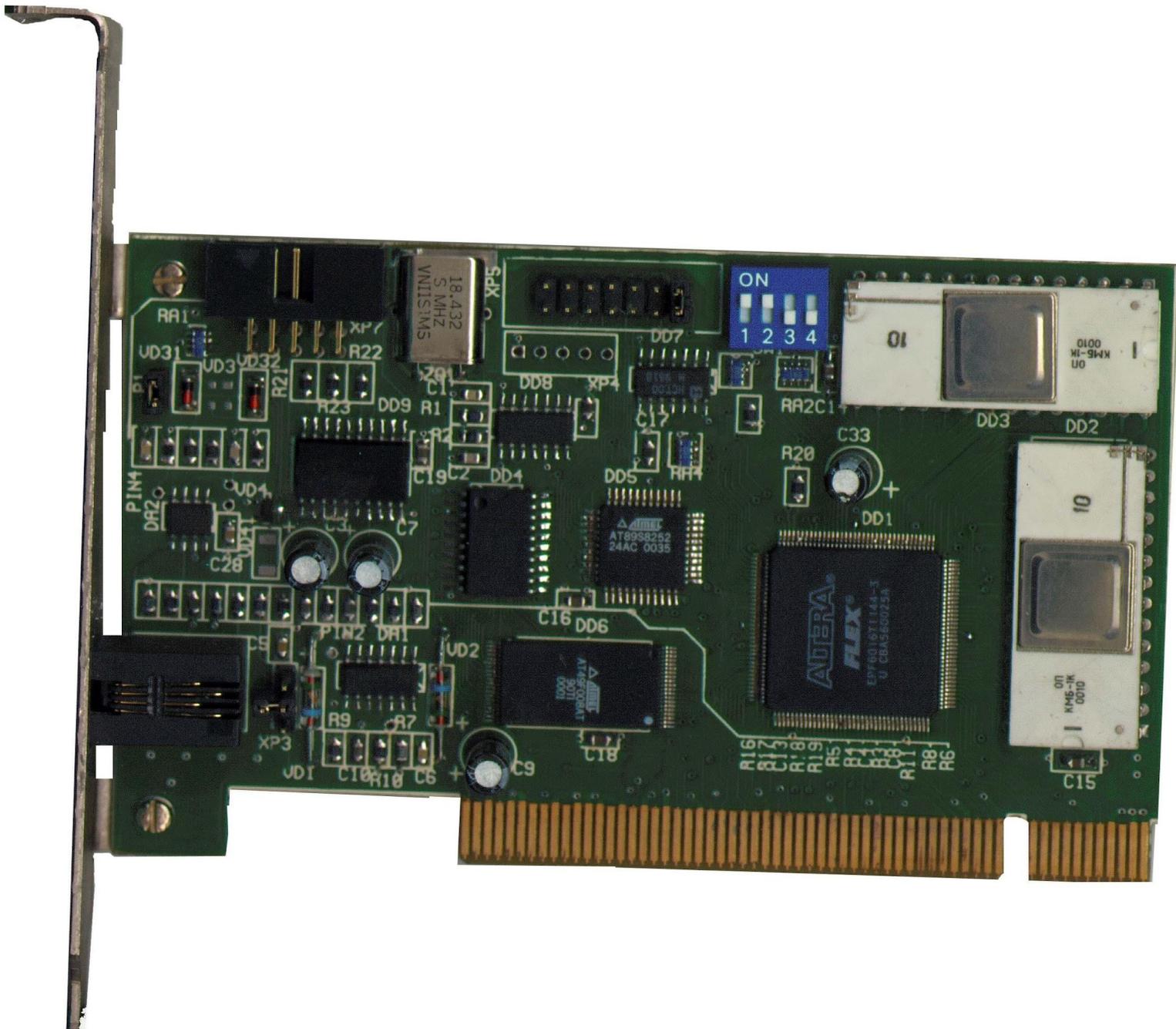
- Шумовые вакуумные диоды



*Шумовой  
вакуумный  
диод 2Д2С*

- Шумовые полупроводниковые диоды





18.432  
S.MHZ  
VNI151MS

SdX

ON  
1 2 3 4

01

0010  
KM6-1K  
U0

DD3

DD2

C33

+

DD1

10

01  
KM6-1K  
U0

C15

AT99S8252  
24AC 0035

AT99S8252  
30T  
0000

ADTEGA  
FLEX  
EPF6016T1144-3  
U CDA540025A

AT99S8252  
30T  
0000

RA1

UD31

UD32

R22

R23

DD9

R1

R2

DD4

C19

C2

DD5

HA4

P1M4

DA2

UD4

C28

C5

P1M2

DA1

UD2

R9

R7

DD6

C16

DD1

C9

XP3

JDI

C10

R10

C6

B17

R16

R15

R14

R13

R12

R11

R10

R9

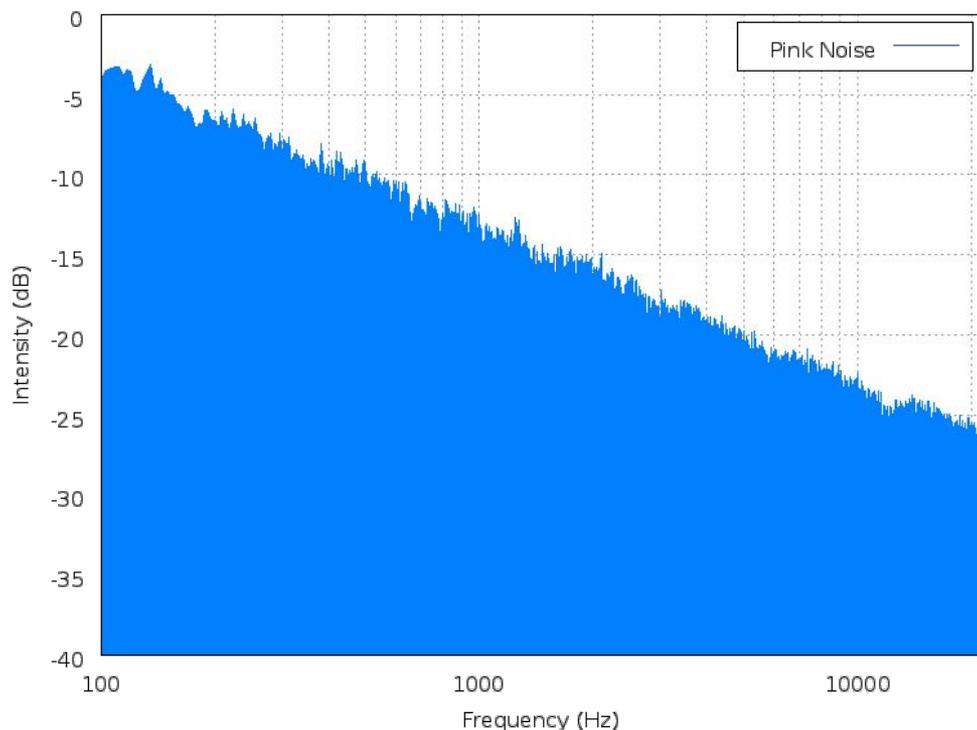
R8

R7

R6

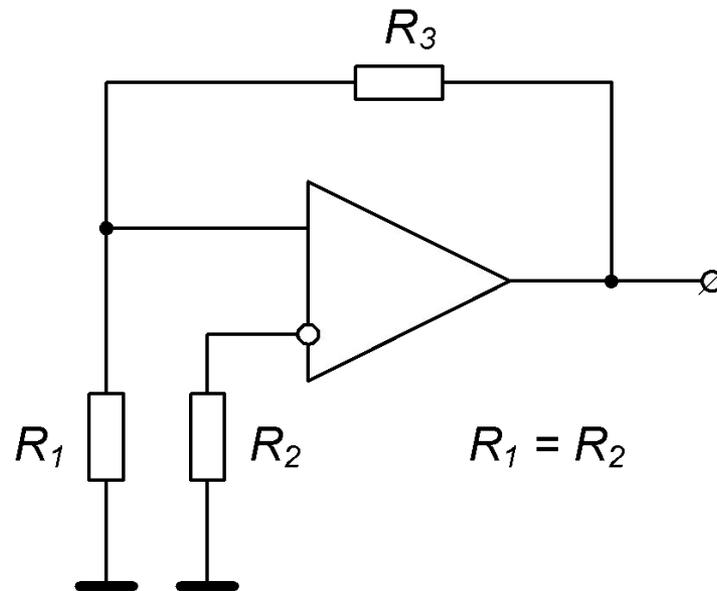
# ФЛИККЕР-шум

**Фликкер-шум** (фликкерный шум,  $1/f$  шум, иногда розовый шум в узком прикладном понимании такого термина)



Спектральная плотность розового шума определяется формулой  $\sim 1 / f$  (плотность обратно пропорциональна частоте), то есть он является равномерным в логарифмической шкале частот.

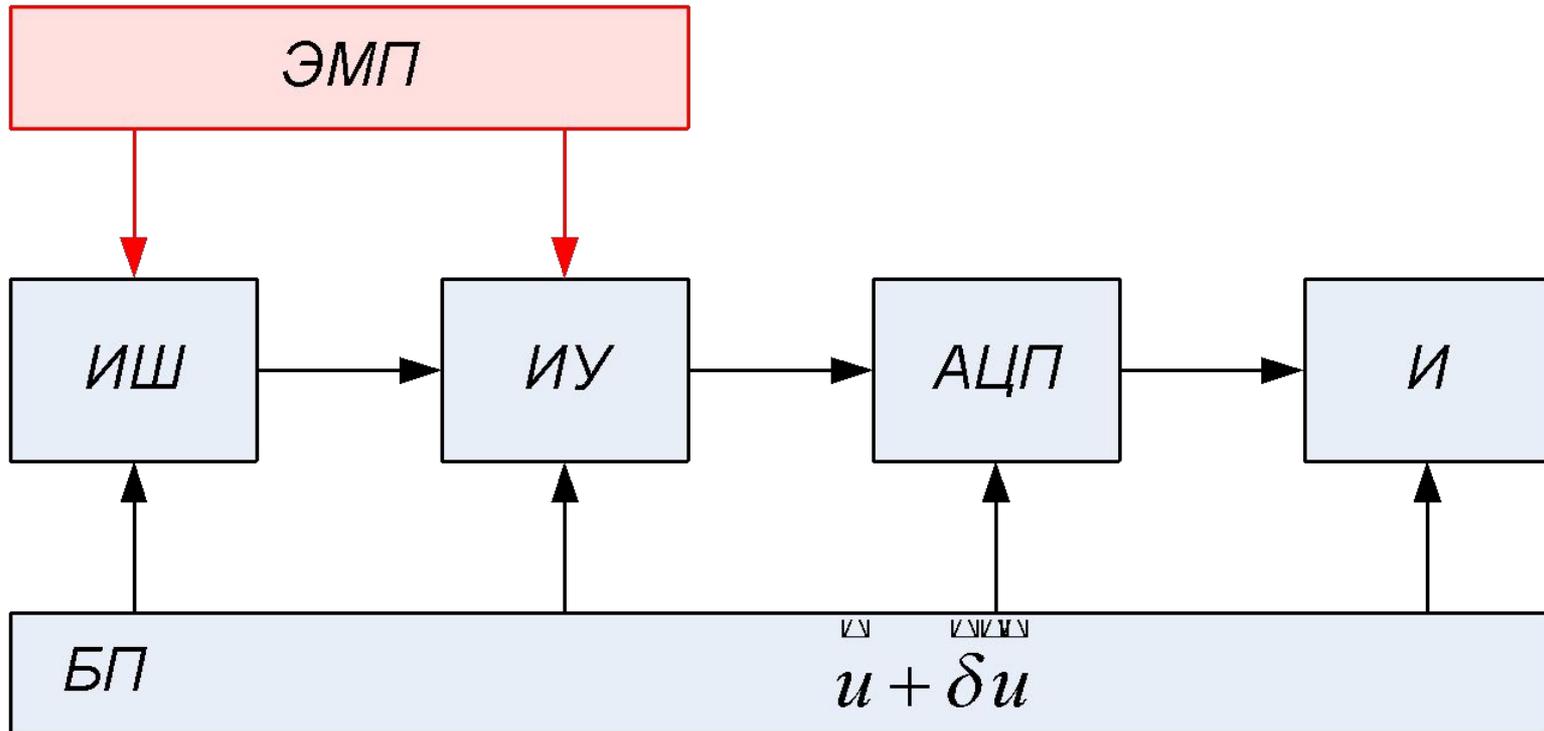
# - Тепловой шум проволочных резисторов



Бородин А. В., МиСЗКИ, 2010

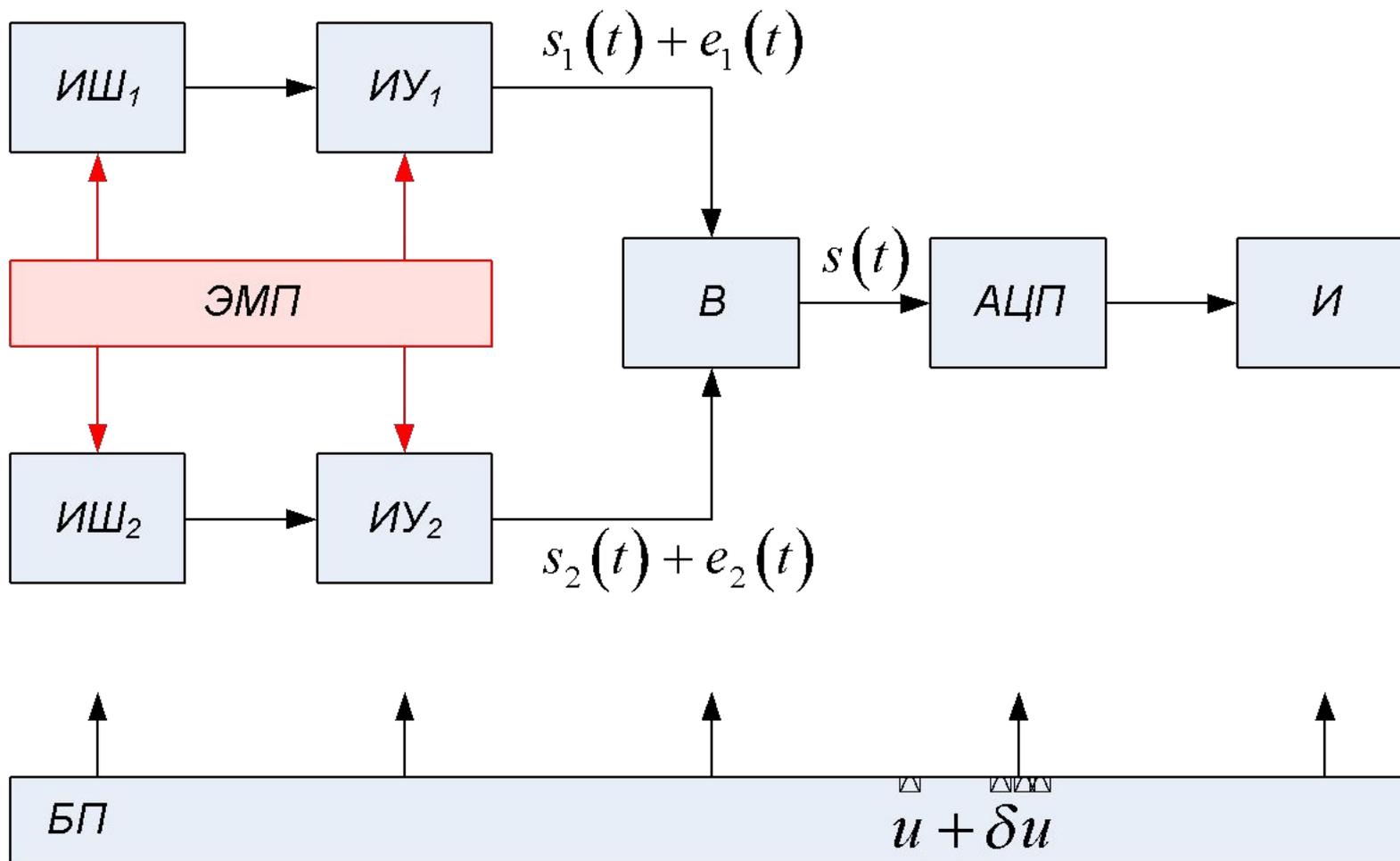
**Математические основы  
и системотехнические решения  
извлечения случайности в условиях  
наличия ЭМП различной природы**

# Решение «в лоб»



Бородин А. В., МиСЗКИ, 2010

# Решение с компенсацией ЭМП



# Решение с компенсацией ЭМП

$$\begin{aligned} s(t) &= (s_1(t) + e_1(t)) - (s_2(t) + e_2(t)) = \\ &= (s_1(t) - s_2(t)) + (e_1(t) - e_2(t)) \end{aligned}$$

$$\left. \begin{aligned} s(t) &= (s_1(t) - s_2(t)) - (e_1(t) - e_2(t)) \\ e_1(t) &\approx e_2(t) \end{aligned} \right\} \Rightarrow s(t) \approx s_1(t) - s_2(t)$$

# Математическое обоснование выбора принципа АЦП

Проблемы:

- 1) Переход от нормального распределения к равномерному
- 2) «Качания» питающих напряжений

# Теорема

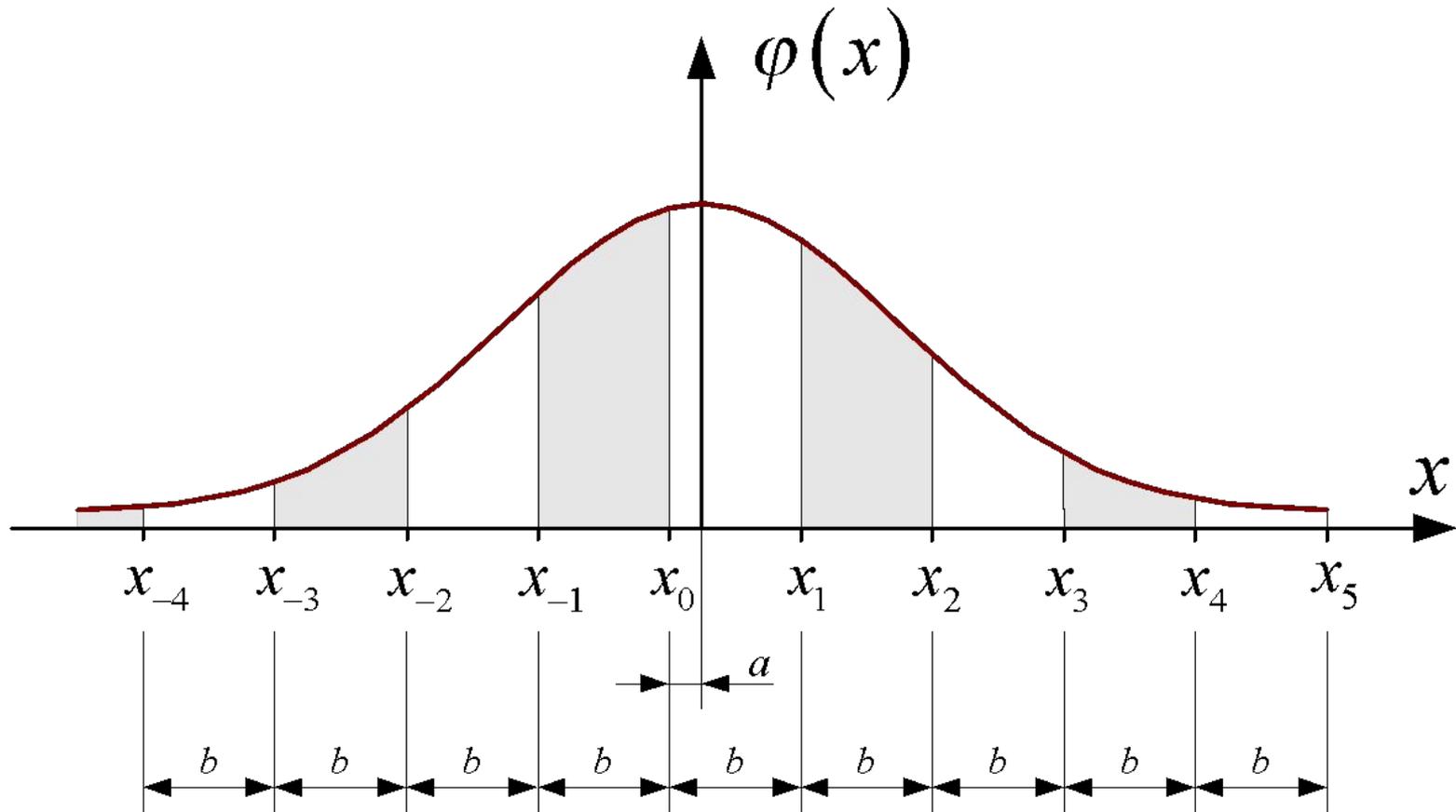
$$\forall k (k \in \mathbf{Z}) [x_{k+1} - x_k = b > 0]$$

$$\varphi(x) = \frac{1}{\sigma \sqrt{2\pi}} \exp \left[ -\frac{1}{2} \left( \frac{x - \xi}{\sigma} \right)^2 \right]$$

$$\boxtimes_{k \in \mathbf{Z}} (x_{2k-1}, x_{2k})$$

$$\boxtimes_{k \in \mathbf{Z}} (x_{2k}, x_{2k+1})$$

# Геометрическая интерпретация теоремы



# План доказательства теоремы

$$F = P \left[ x \in \bigotimes_{k \in \mathbf{Z}} (x_{2k}, x_{2k+1}) \right] - P \left[ x \in \bigotimes_{k \in \mathbf{Z}} (x_{2k-1}, x_{2k}) \right]$$

$$x_k = kb + a, \quad k \in \mathbf{Z}$$

$$F(0) = 0$$

$$\frac{\partial F}{\partial a} = 0$$

$$F(a) = 0 \quad \forall a$$

# АЦП принадлежности

**Z**

$$\mathbf{Z}_{\pm n} = \{ -n, -n+1, \dots, -1, 0, 1, 2, \dots, n-1, n \}$$

# Криптоанализ систем гарантированной секретности

**ВОЗМОЖНО** или **НЕ ВОЗМОЖНО** ?

## **Два подхода:**

- 1) Ни что не случайно.
- 2) Идея модуляции среды.

## **О попытках:**

источник **22** по «старым» лекциям!

# Памятка о формате файлов для сдачи лабораторных работ

- Синтаксис именовани
- Семантика содержания

# Формальная грамматика именовани

*<Имя архивного файла> ::= <Идентификатор лабораторной работы>.zip*

*<Имя файла пояснительной записки> ::= <Идентификатор лабораторной работы>.rtf*

*<Идентификатор лабораторной работы> ::= <Группа>.<Работа>.<ФИО>.<Версия>*

*<Группа> ::= <Поток><Номер>*

*<Работа> ::= LR<Номер>*

*<ФИО> ::= <Фамилия><И><О><Полный тезка>*

*<Версия> ::= v<Номер>*

*<Поток> ::= PS | VM | IVT*

*<Номер> ::= <Цифра><Цифра>*

*<Фамилия> ::= <Прописная буква><Последовательность строчных букв>*

*<И> ::= <Прописная буква>*

*<О> ::= <Прописная буква>*

*<Полный тезка> ::= ∅ | <Цифра>*

*<Последовательность строчных букв> ::= ∅ | <Последовательность строчных букв><Строчная буква>*

*<Прописная буква> ::= A | B | ... | Z*

*<Строчная буква> ::= a | b | ... | z*

*<Цифра> ::= 0 | 1 | ... | 9*

**Здесь:** ∅ – «пустой» символ