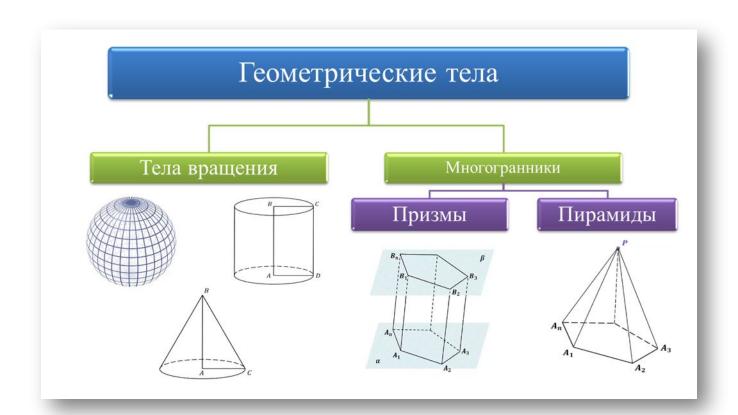
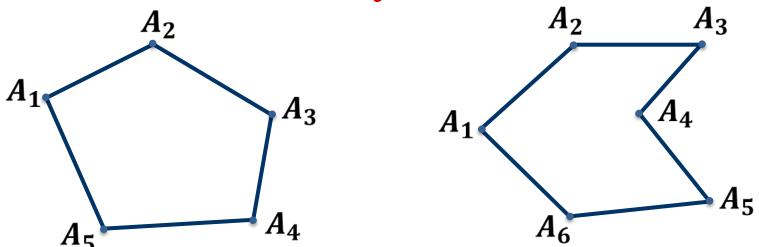
# Тетраэдр



# Многоугольник

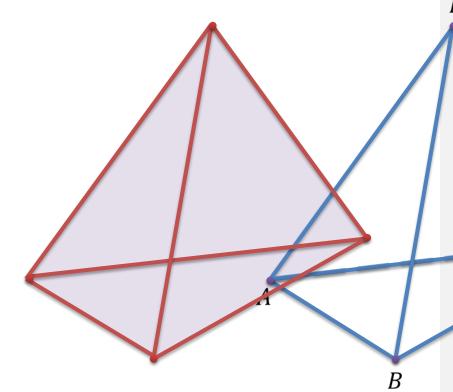


Многоугольником называется замкнутая линия без самопересечений.

**Многоугольник** — часть плоскости, ограниченная этой линией, включая ее саму.



# Тетраэдр



*DABC* — тетраэдр

 $D^{DAB}$ , DBC, DCA, ABC — грани

DA, DB, DC, AB, BC, CA - рёбра

D, A, B, C — вершины

У тетраэдра:

4 грани

6 рёбер

4 вершины

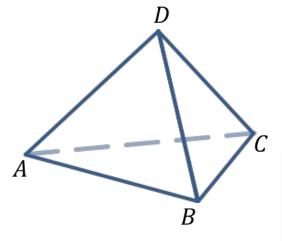
AD и BC, BD и AC, CD и AB —

противоположные рёбра

*ABC* — основание

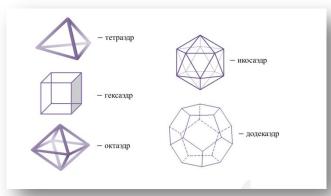
*DAB*, *DBC*, *DCA*, *ABC* — боковые грани

τέσσαρες, τέσσερες, τέτταρες, τέττορες, τέττορες — «четыре»  $\xi \delta \rho \alpha$  — «основание» или «грань»



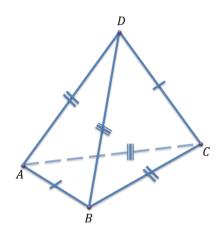
 $\triangle ABD$ ,  $\triangle DBC$ ,  $\triangle ADC$ ,  $\triangle ABC$  — равносторонние треугольники

*DABC* — правильный тетраэдр



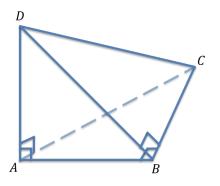






$$\Delta ABD = \Delta DBC = \Delta ADC = \Delta ABC$$

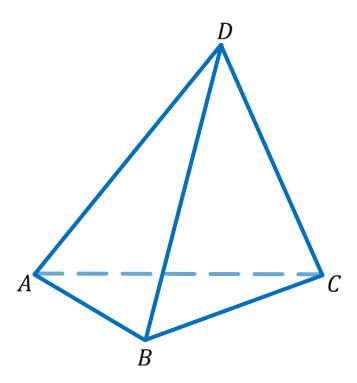
*DABC* — равногранный тетраэдр

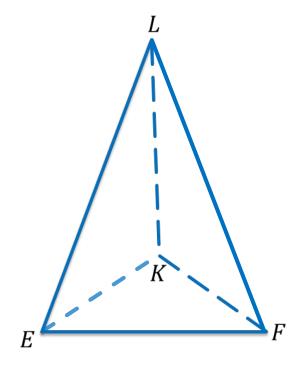


$$\angle DAC = \angle ADB = 90^{\circ}$$

$$\angle ABC = \angle DBC = 90^{\circ}$$

*DABC* — прямоугольный тетраэдр







высота – 360 м

количество квартир — 20000

суммарная жилая площадь —  $2040000 \text{ м}^2$ 

особенность — способность держаться на плаву



**Задача.** Назовите все пары скрещивающихся рёбер тетраэдра *ABCD*. Сколько таких пар рёбер имеет тетраэдр?

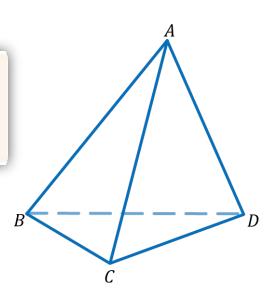
#### Решение.

Две прямые называются *скрещивающимися*, если они не лежат в одной плоскости.

AB и CD

AC и BD

AD и BC



**Задача.** В тетраэдре  $DABC \angle ADB = 54^\circ$ ,  $\angle BDC = 72^\circ$ ,  $\angle CDA = 90^\circ$ , DA = 20 см, BD = 18 см, DC = 21 см. Найти рёбра основания ABC данного тетраэдра.

### Решение.

Рассмотрим *ΔADC*:

$$\angle CDA = 90^{\circ} \Rightarrow \Delta ADC -$$
 прямоугольный

$$AC^2 = AD^2 + DC^2$$

$$AC^2 = 20^2 + 21^2$$

$$AC^2 = 481$$

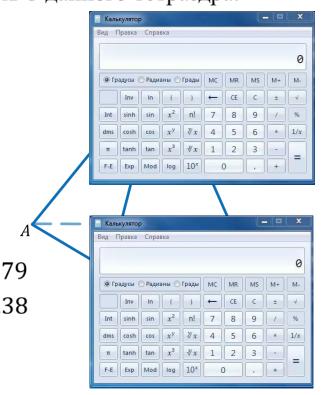
$$AC = 29 \text{ cm}$$

$$AB^2 = AD^2 + DB^2 - 2 \cdot AD \cdot DB \cdot \cos \angle ADB \approx 300,79$$

$$BC^2 = BD^2 + DC^2 - 2 \cdot BD \cdot DC \cdot cos \angle BDC \approx 531,38$$

$$AB \approx 17,34 \, \text{см}$$

$$BC$$
 ≈ 23,05 см





**Задача.** Пусть точки M и N — середины рёбер AB и AC тетраэдра ABCD. Доказать, что прямая MN параллельна плоскости BCD.

### Доказательство.

Рассмотрим  $\triangle ABC$ :

*MN* — средняя линия

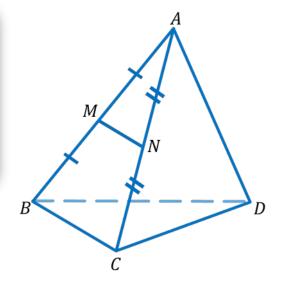
 $MN \parallel BC$ 

 $ABC \cap BCD = BC$ 

 $MN \subset ABC$ 

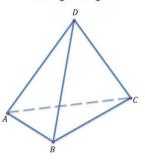
 $MN \parallel BCD$ 

Если прямая, не лежащая в данной плоскости, параллельна какой-нибудь прямой, лежащей в этой плоскости, то она параллельна данной плоскости.



# Тетраэдр

#### Тетраэдр



*DABC* — тетраэдр *DAB*, *DBC*, *DCA*, *ABC* — грани

DA, DB, DC, AB, BC, CA — pëpa

D, A, B, C — вершины

У тетраэдра:

4 грани

6 рёбер4 вершины

AD и BC, BD и AC, CD и AB — противоположные рёбра

АВС - основание

DAB, DBC, DCA, ABC — боковые грани

**Задача.** Назовите все пары скрещивающихся ребер тетраэдра *ABCD*. Сколько таких пар ребер имеет тетраэдр?

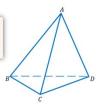
#### Решение.

Две прямые называются *скрещивающимися*, если они не лежат в одной плоскости.

AB и CD

AC u BD

AD и BC



VIDEOUROKI.

VIDEOUROKI.

**Задача.** В тетраэдре  $DABC \angle ADB = 54^\circ, \angle BDC = 72^\circ, \angle CDA = 90^\circ, DA = 20$  см, BD = 18 см, DC = 21 см. Найти ребра основания ABC данного тетраэдра.

#### Решение.

Рассмотрим *ΔАDC*:

 $\angle CDA = 90^{\circ} \Rightarrow \Delta ADC -$  прямоугольный

 $AC^2 = AD^2 + DC^2$ 

 $AC^2 = 20^2 + 21^2$ 

 $AC^2 = 481$ 

AC = 29 cm

 $AB^2 = AD^2 + DB^2 - 2 \cdot AD \cdot DB \cdot cos \angle ADB \approx 300,79$ 

 $BC^2 = BD^2 + DC^2 - 2 \cdot BD \cdot DC \cdot cos \angle BDC \approx 531{,}38$ 

AB ≈ 17,34 cm

 $BC \approx 23,05 \text{ cm}$ 





VIDEOUROKI.

