

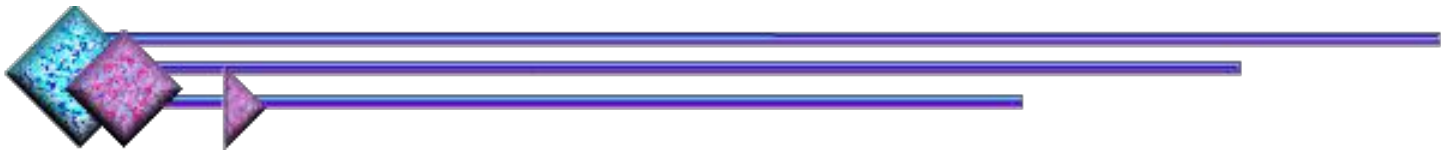
# Системы счисления

- Система счисления - это совокупность правил для обозначения и наименования чисел.
- Системы счисления делятся на позиционные и непозиционные.
- Знаки, используемые при записи чисел, называются цифрами.



# План

- Немного истории
- Позиционная система счисления
- Непозиционная система счисления
- Перевод десятичных чисел в произвольную систему счисления



# Немного истории

Счет появился тогда, когда человеку потребовалось информировать своих сородичей о количестве обнаруженных им предметов. В разных местах придумывались разные способы передачи численной информации: от зарубок по числу предметов до хитроумных знаков - цифр. Во многих местах люди стали использовать для счета пальцы. Одна из таких систем счета и стала общепотребительной – десятичная

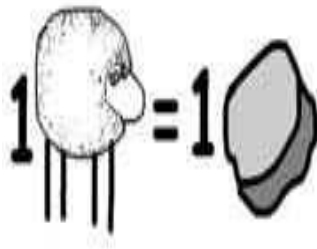


# Немного истории

До сих пор существуют в Полинезии племена с 20-чной системой счисления (с учетом пальцев на ногах).

Сегодня мы настолько сроднились с 10-чной системой счисления, что не представляем себе иных способов счета, пока не вспомним о времени. Нас не смущает, что в минуте 60 секунд, а не 10 или 100. И в часе 60 минут, но более удивительно, что в сутках 24 часа, а в году 365 дней. Таким образом, время (часы и минуты) мы считаем в 60-чной системе, сутки - в 24-чной,

недели в 7-чной, месяцы совсем хитро - каждый по своему, года в 12-чной, если в месяцах, или в 365-чной, если в днях. Другими словами, все дело в привычке.



# Позиционные системы счисления

В позиционных системах счисления величина, обозначаемая цифрой в записи числа, зависит от ее позиции. Количество используемых цифр называется основанием позиционной системы счисления.

Система счисления, применяемая в современной математике, является позиционной десятичной системой.

Основание ее равно 10, т.е. запись любых чисел производится с помощью десяти цифр 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9.

Пример:

3 3 3

сотни десятки единицы

Для записи чисел в позиционной системе счисления с основанием  $p$  нужно иметь алфавит из  $p$  цифр. Обычно для этого при  $p < 10$  используют  $p$  первых арабских цифр, при  $p > 10$  к десяти арабским цифрам добавляют латинские буквы.

Примеры алфавитов нескольких систем

основание название алфавит

$p=2$  двоичная 0 1

$p=3$  троичная 0 1 2

$p=8$  восьмеричная 0 1 2 3 4 5 6 7

$p=16$  шестнадцатеричная 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F

Достоинства позиционных систем счисления

Простота выполнения арифметических операций.

Ограниченное количество символов (цифр) для записи любых чисел



# Непозиционная система счисления

В непозиционных системах счисления от положения цифры в записи числа не зависит величина, которую она обозначает. Пример: римская система, используются латинские буквы.

I V X L C D M

1 5 10 50 100 500 1000

В римских числах цифры записываются слева направо в порядке убывания.

В таком случае их значения складываются. Если же слева записана меньшая цифра, а справа - большая, то их значения вычитаются.

Пример:

CCXXXII=232

VI=6

IV=4

MCMXCVIII=1000+(-100+1000)+(-10+100)+5+1+1+1=1998

Недостатки непозиционных систем счисления

- Существует постоянная потребность введения новых знаков для записи больших чисел.
- Невозможно представлять дробные и отрицательные числа.
- Сложно выполнять арифметические операции, т.к. не существует алгоритмов их выполнения

# Перевод десятичных чисел в другую систему счисления

Перевод десятичных чисел в другие системы счисления

## Перевод целых чисел

Основание новой системы счисления выразить в десятичной системе счисления и все последующие действия производить в десятичной системе счисления;

Последовательно выполнять деление данного числа и получаемых неполных частных на основание новой системы счисления до тех пор, пока получим неполное частное, меньшее делителя;

Полученные остатки, являющиеся цифрами числа в новой системе счисления, привести в соответствие с алфавитом новой системы счисления;

Составить число в новой системе счисления, записывая его, начиная с последнего частного.

Пример 1: Перевести число 37 из десятичной в двоичную систему счисления. (Ответ:  $37_{10}=100101_2$ )

$37:2=18$  целых и 1 в остатке, значит,  $a_0=1$

$18:2=9$  и 0 в остатке, значит,  $a_1=0$

$9:2=4$  и 1 в остатке, значит,  $a_2=1$

$4:2=2$  и 0 в остатке, значит,  $a_3=0$

$2:2=1$  и 0 в остатке, значит,  $a_4=0$ , результат от деления - это  $a_5=1$ .

Теперь составим число  $a_5a_4a_3a_2a_1a_0=100101_2$

# Перевод десятичных чисел в другую систему счисления

## Перевод дробных чисел

Основание новой системы счисления выразить в десятичной системе счисления и все последующие действия производить в десятичной системе счисления; Последовательно умножать данное число и получаемые дробные части произведений на основание новой системы счисления до тех пор, пока дробная часть произведения не станет равной нулю или не будет достигнута требуемая точность представления числа в новой системе счисления; Полученные целые части произведений, являющиеся цифрами числа в новой системе счисления, привести в соответствие с алфавитом новой системы счисления;

Составить дробную часть числа в новой системе счисления, записывая его, начиная с целой части первого произведения.

Пример:  $0,1875_{10} = 0,0011_2$ ,  $0,1875_{10} = 0,14_8$ ,  $0,1875_{10} = 0,3_{16}$

0	1875*2
0	375*2
1	5*2
1	0

0	1875*8
1	5*8
4	0

0	1875*16
3	0



# Арифметические действия в позиционных системах счисления

Любая позиционная система счисления определяется:

- основанием системы счисления;
- алфавитом системы счисления;
- правилами выполнения арифметических операций.

*В основе правил арифметики лежат таблицы сложения и умножения однозначных чисел.*

