



Преобразование графиков тригонометрических функций

Содержание



■ Теория

- Как построить график функции $y = f(x) + b$
- Как построить график функции $y = f(x + a)$
- Как построить график функции $y = mf(x)$
- Как построить график функции $y = f(kx)$

■ Практика

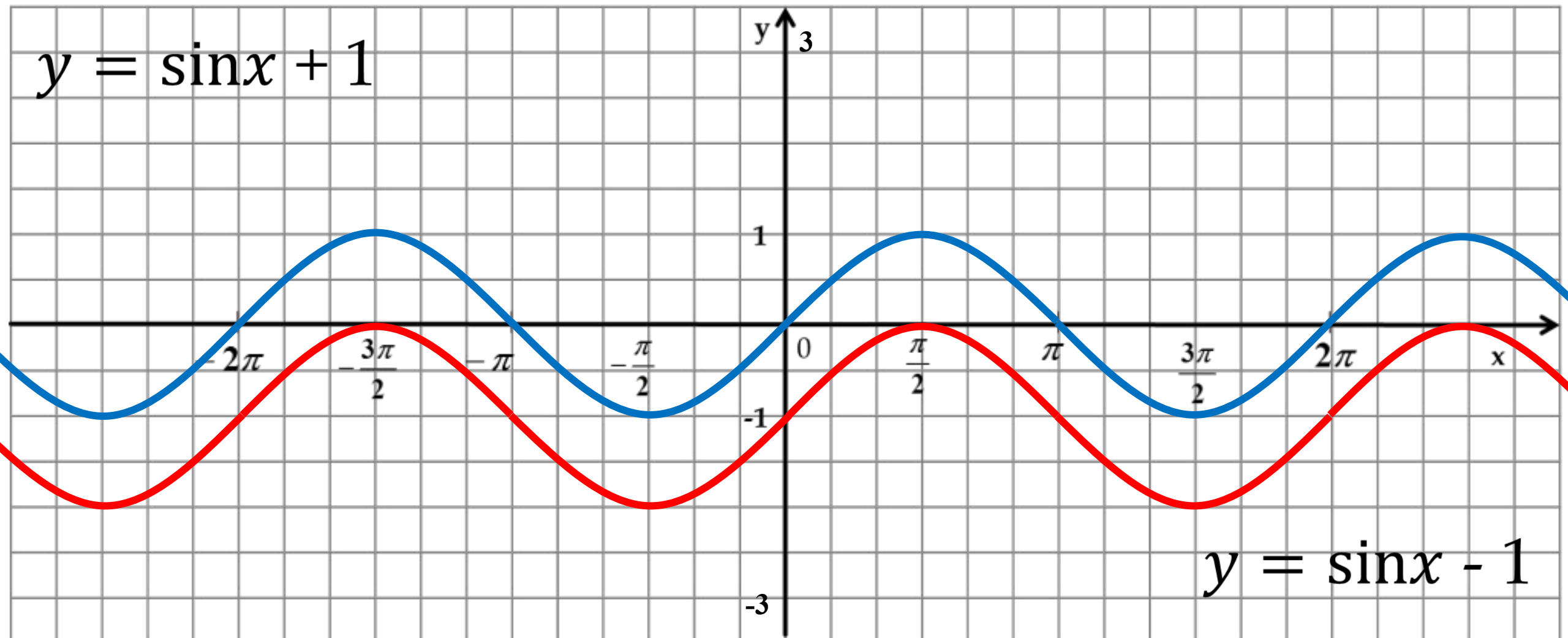
- Соотнесение графиков функций с их формулами
- Построение графиков функций
- Самостоятельная работа

$$y = f(x) + b$$

Параллельный перенос вдоль оси ординат



$$y = \sin x + 1$$



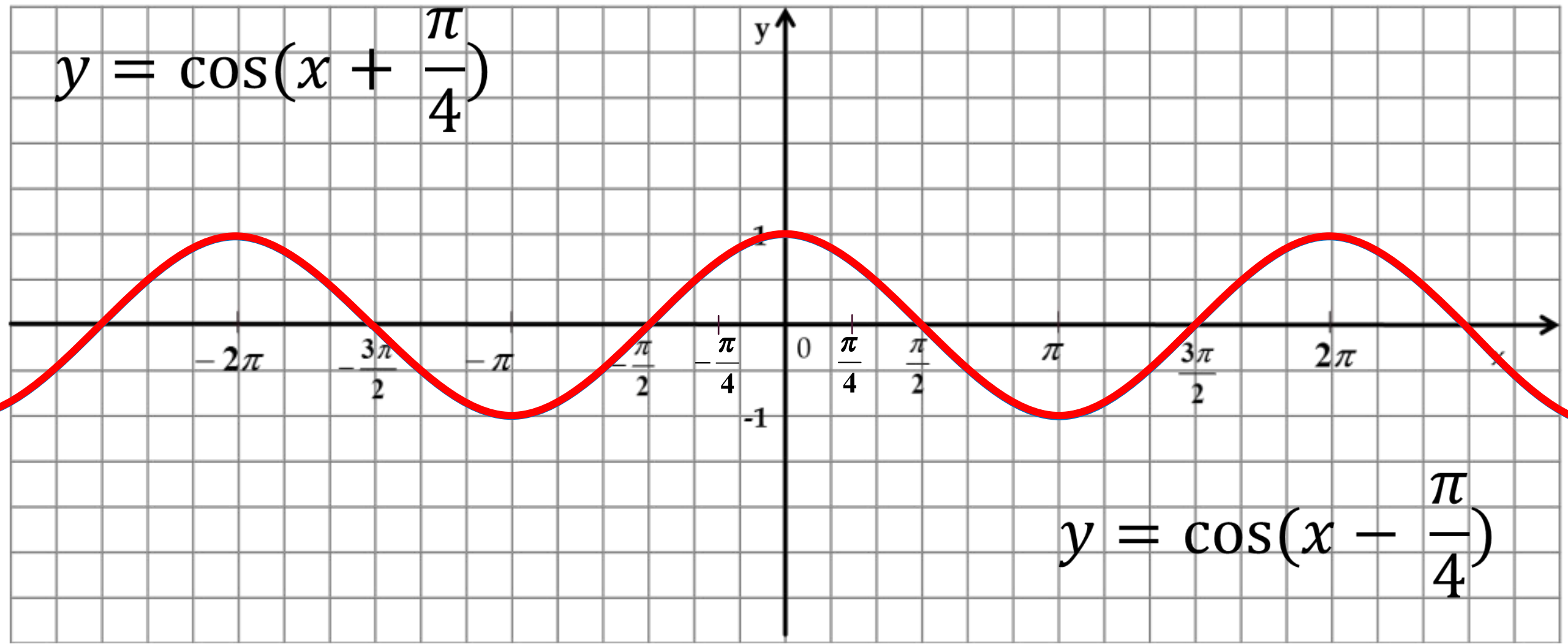
$$y = \sin x - 1$$

$$y = f(x + a)$$

Параллельный перенос вдоль оси ординат



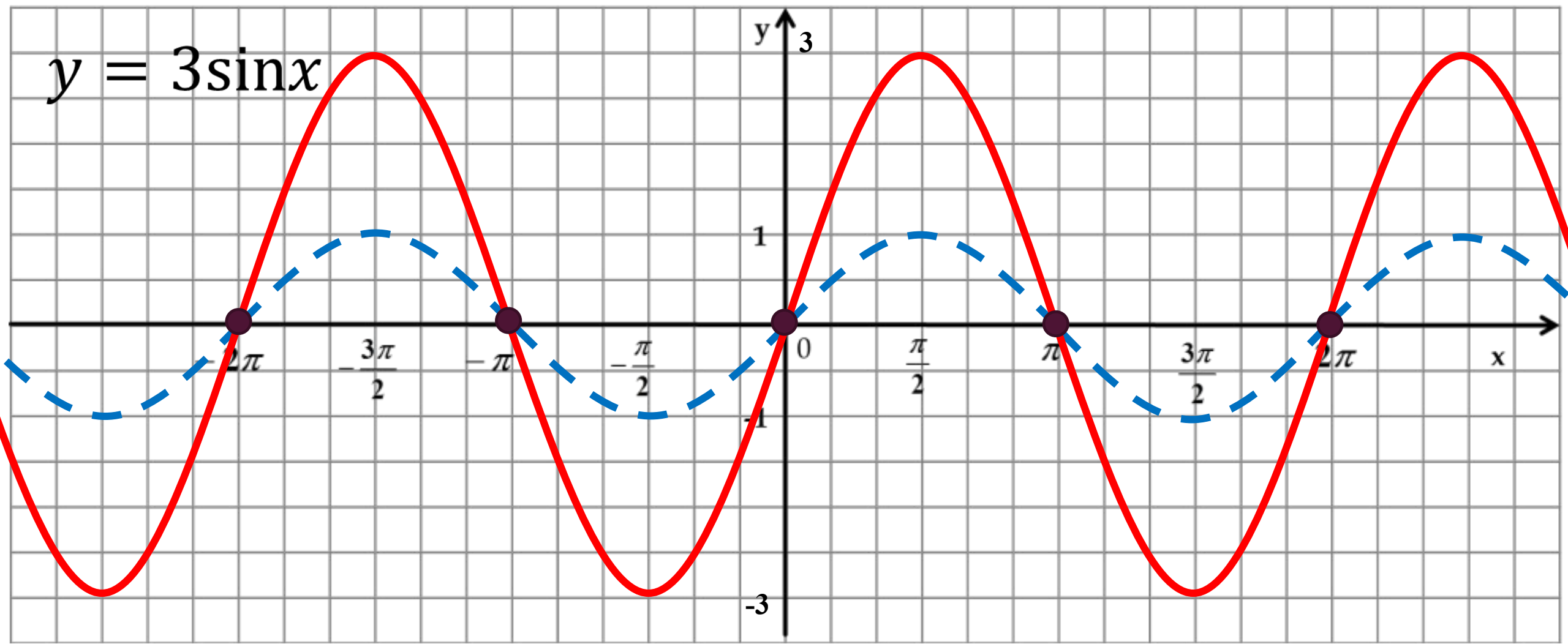
$$y = \cos\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$$



$$y = \cos\left(x - \frac{\pi}{4}\right)$$

$$y = mf(x), \text{ где } m > 1$$

Растяжение от оси x с коэффициентом m

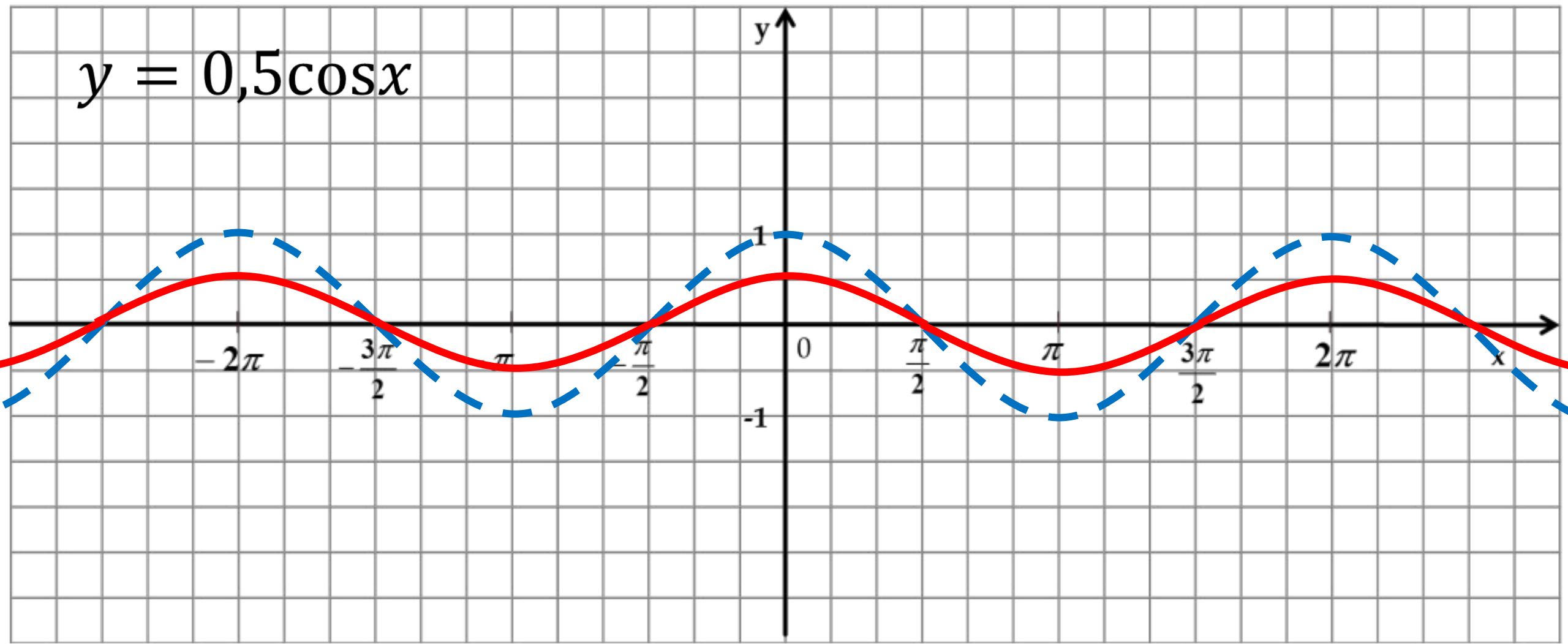


$y = mf(x)$, где $0 < m < 1$

Сжатие к оси x с коэффициентом $\frac{1}{m}$



$$y = 0,5\cos x$$

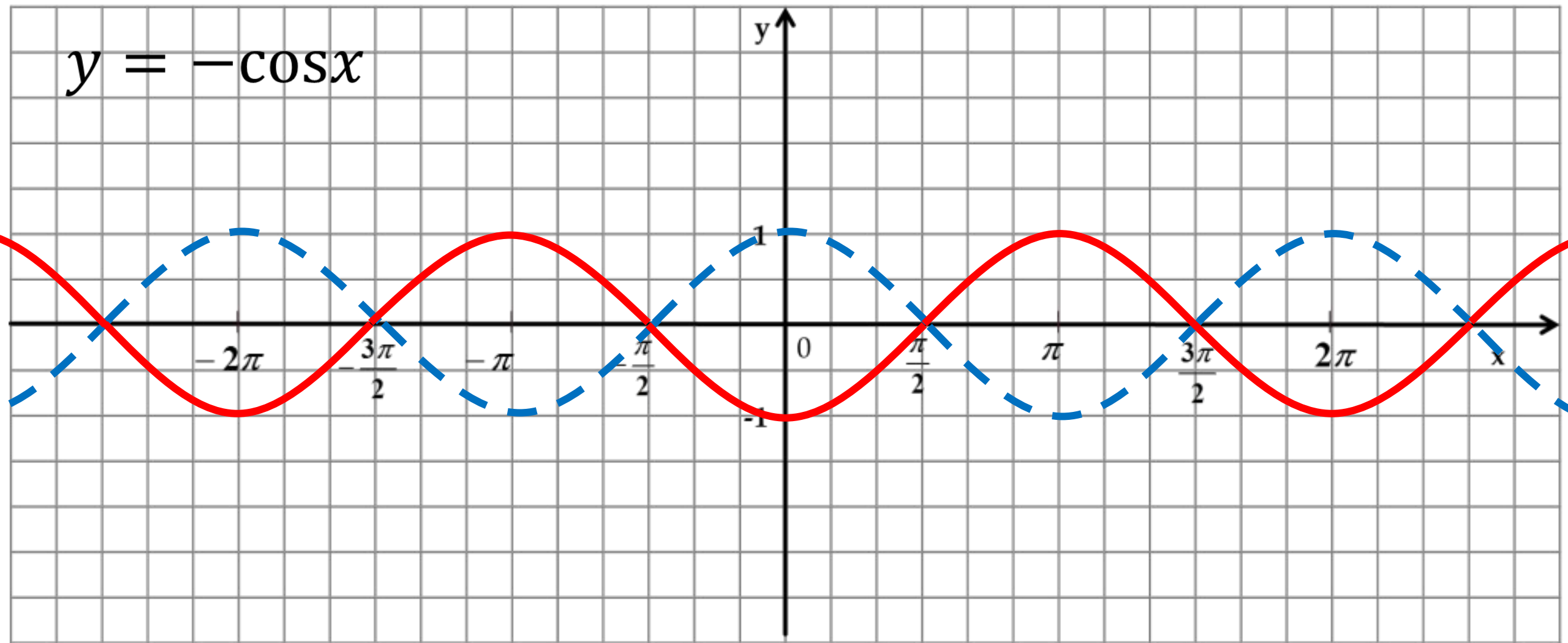


$$y = mf(x), \text{ где } m=-1$$

Преобразование симметрии относительно оси x



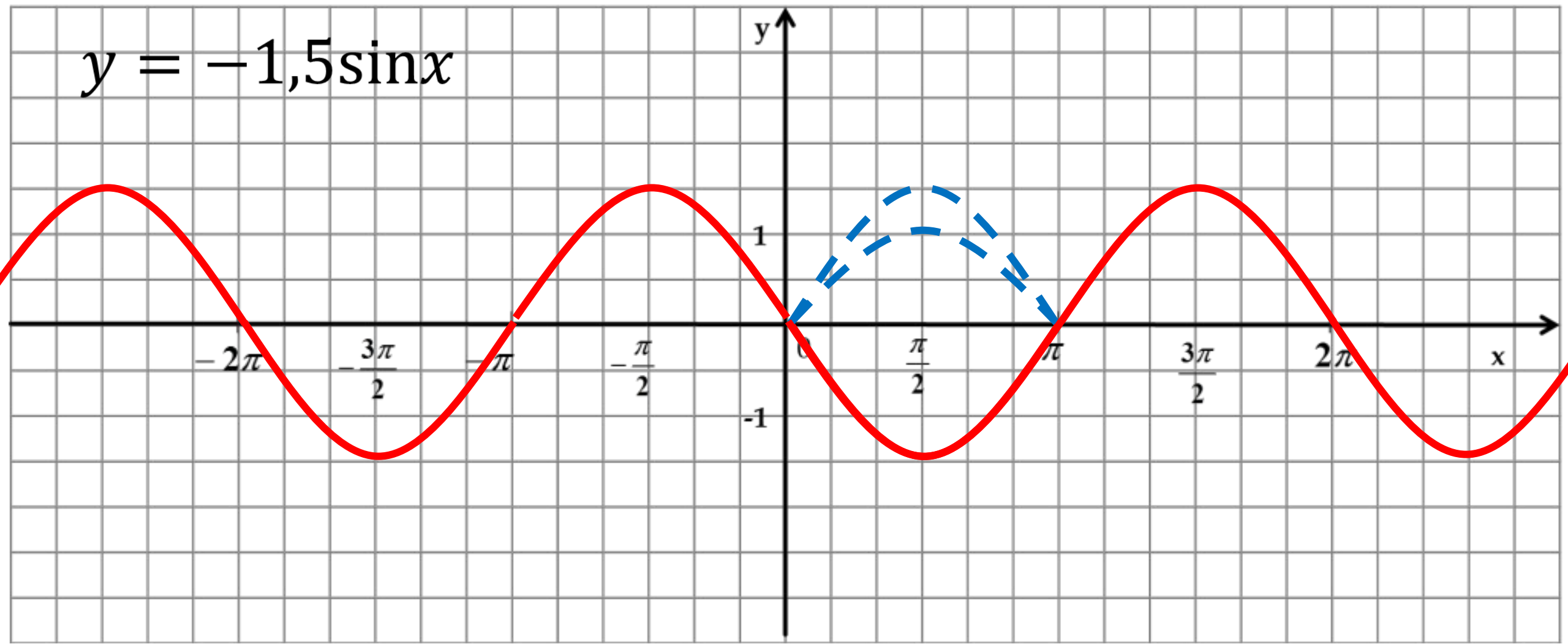
$$y = -\cos x$$



$$y = mf(x), \text{ где } m < 0$$



$$y = -1,5\sin x$$

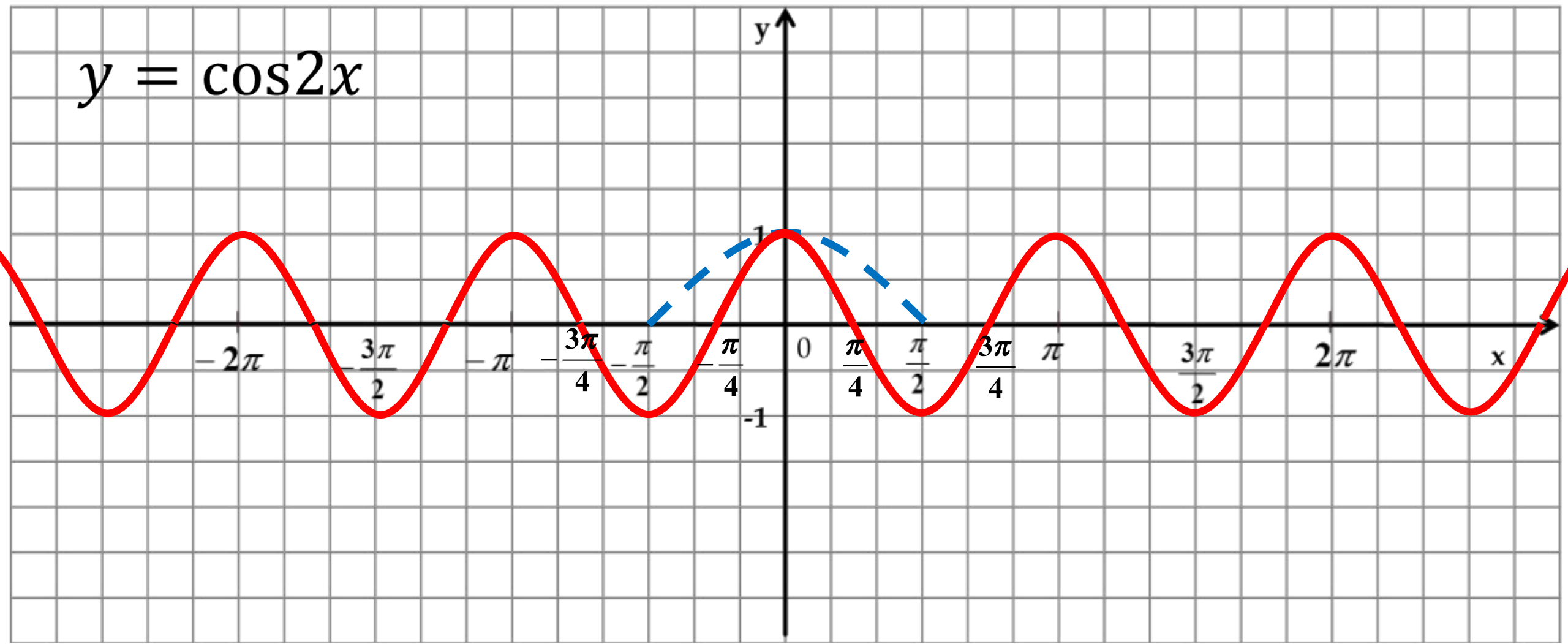


$$y = f(kx), \text{ где } k > 1$$

Сжатие к оси y с коэффициентом k



$$y = \cos 2x$$

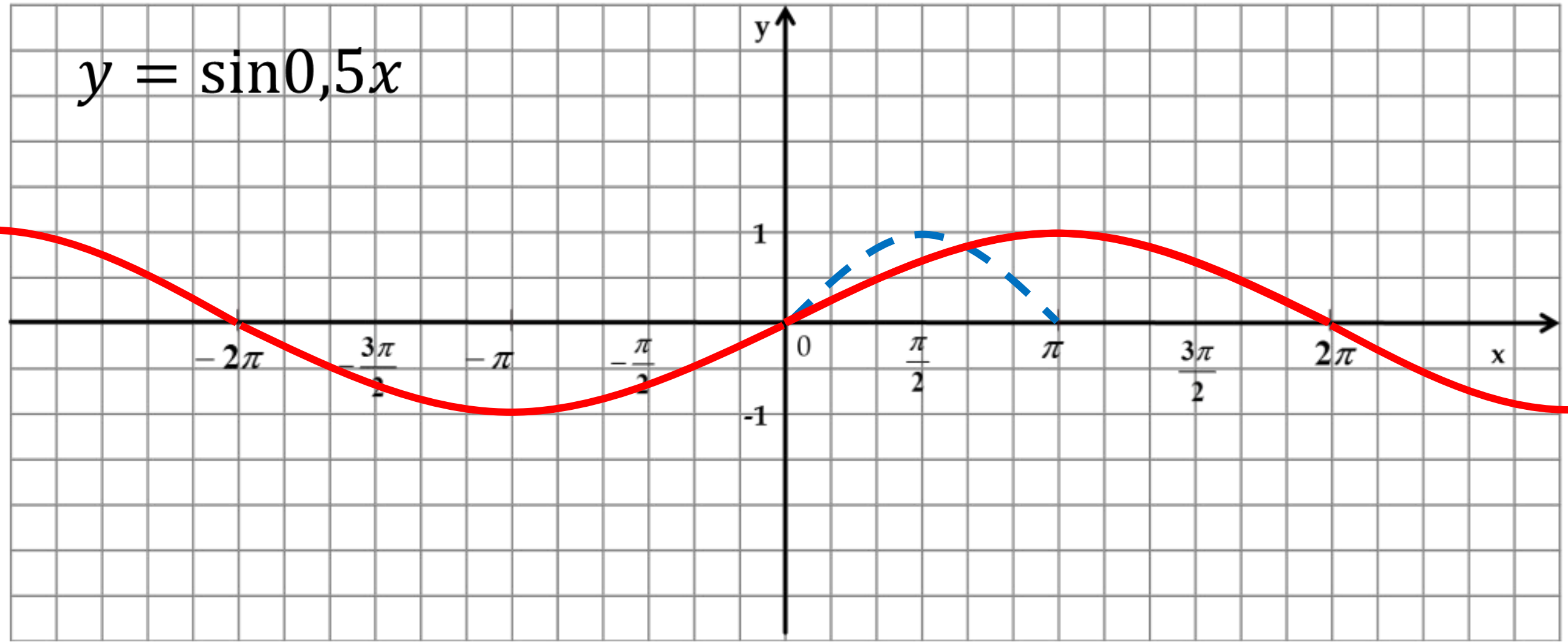


$y = f(kx)$, где $0 < k < 1$

Растяжение от оси y с коэффициентом $\frac{1}{k}$



$$y = \sin 0,5x$$

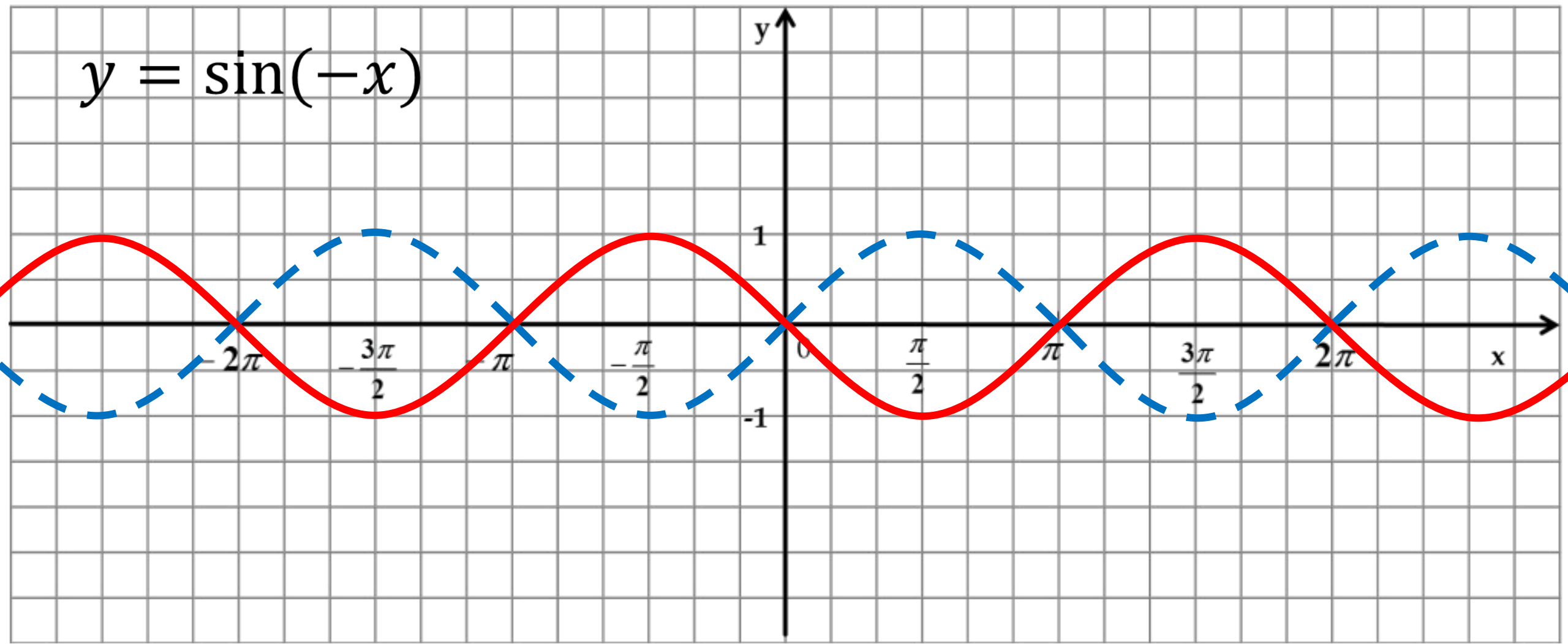


$$y = f(kx), \text{ где } k=-1$$

Преобразование симметрии относительно оси y



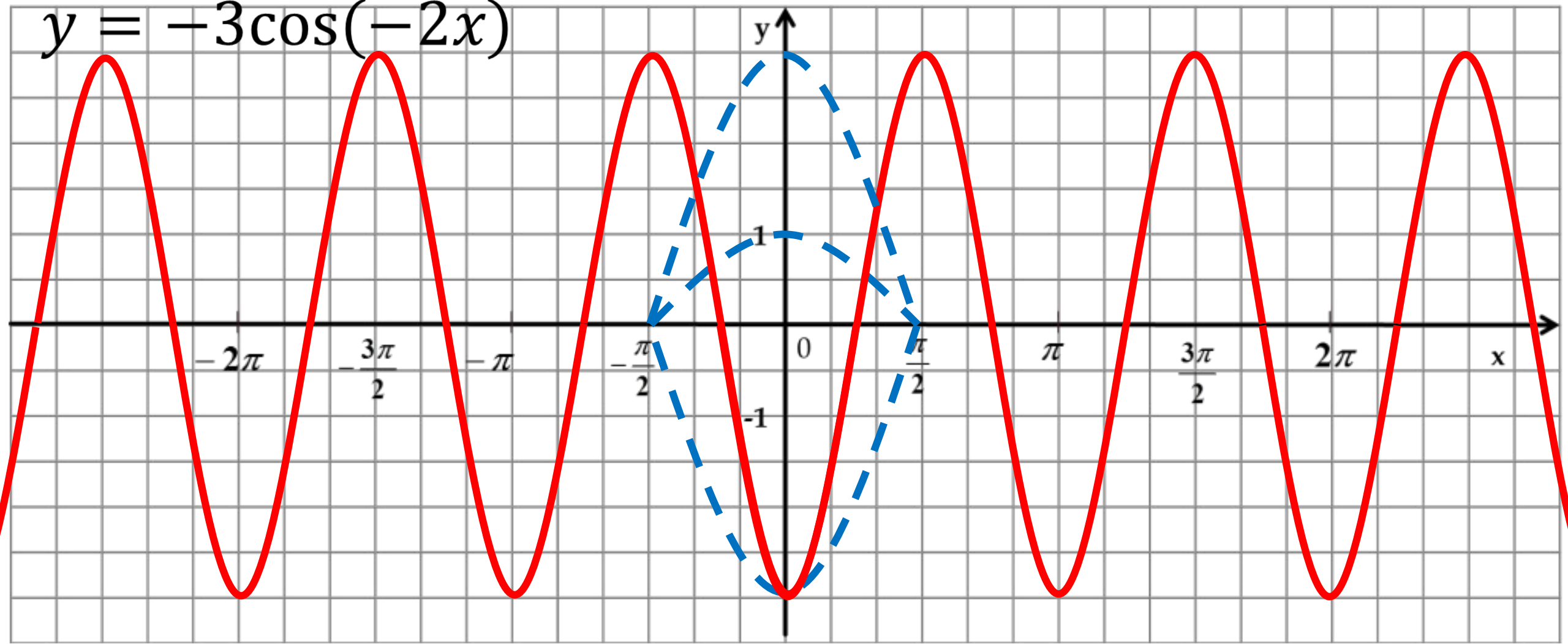
$$y = \sin(-x)$$



$y = f(kx)$, где $k < 0$



$$y = -3\cos(-2x)$$



$$y = \sin 2x$$

$$y = \sin 0,5x$$

$$y = 0,5 \sin x$$

$$y = 2 \sin x$$

$$y = 2 \sin(-0,5x)$$

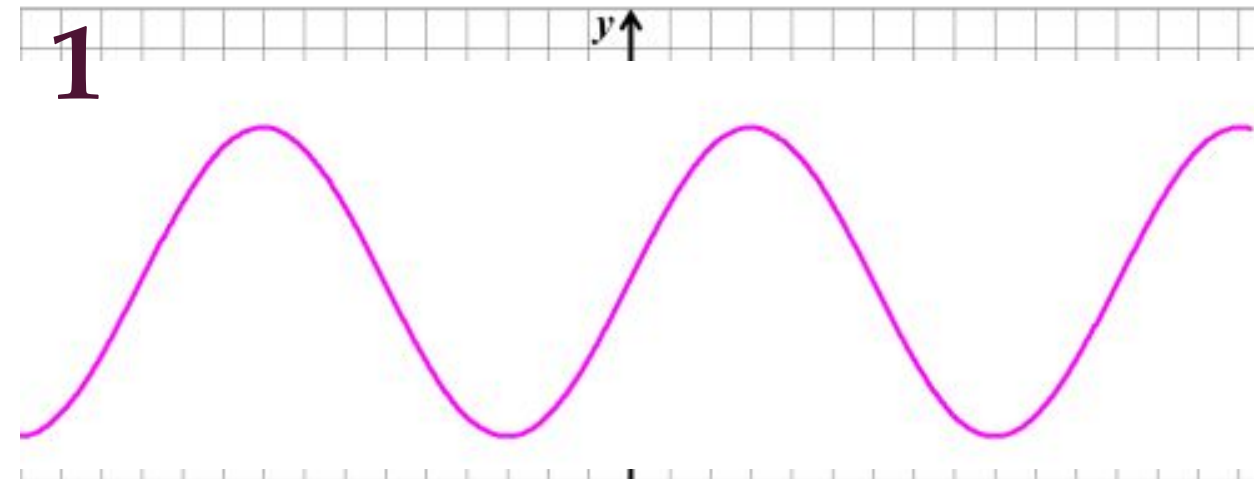
$$y = -2 \sin 2x$$

$$y = -2 \sin 0,5x$$



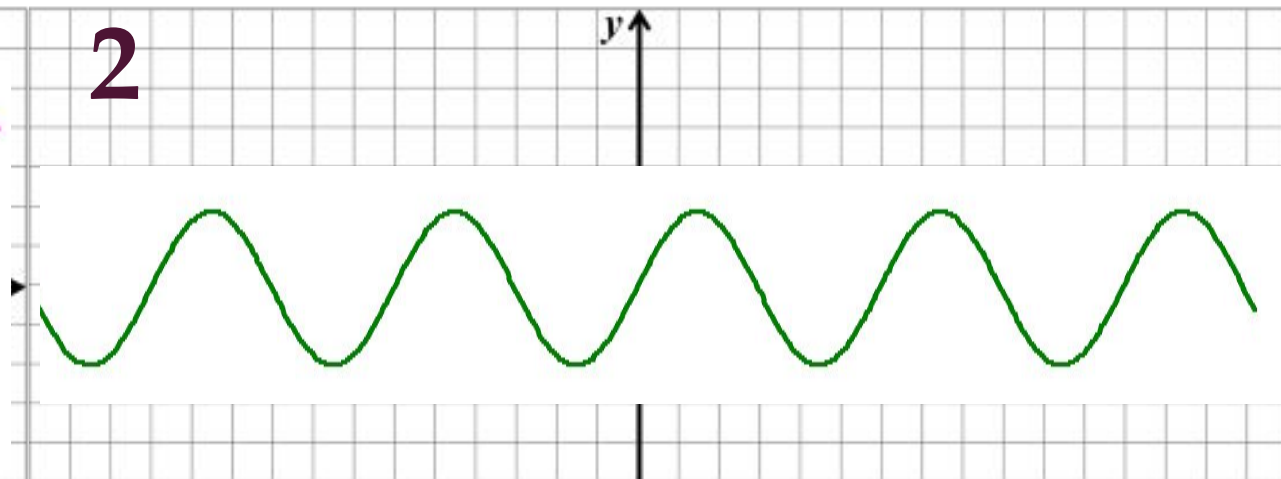
1

y↑

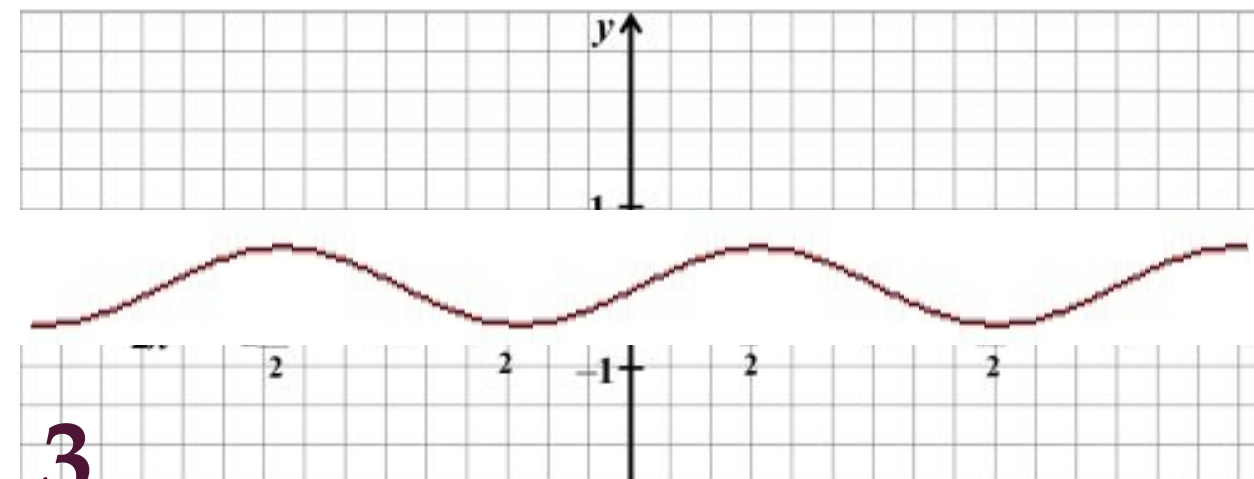


2

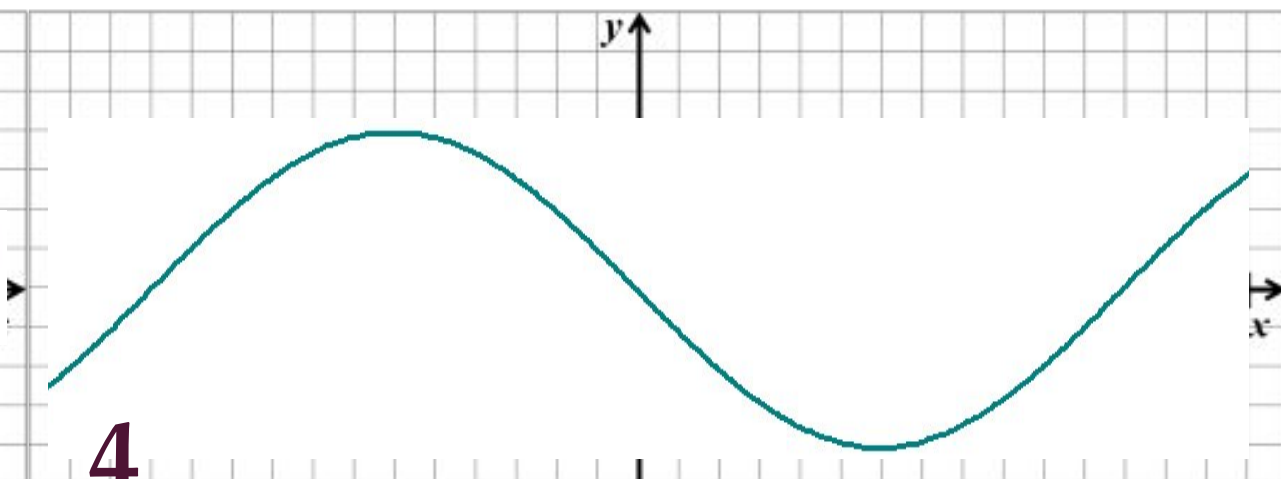
y↑



y↑



y↑



$$y = -\cos 2x$$

$$y = \cos(-2x)$$

$$y = \cos 2x$$

$$y = 2\cos x$$

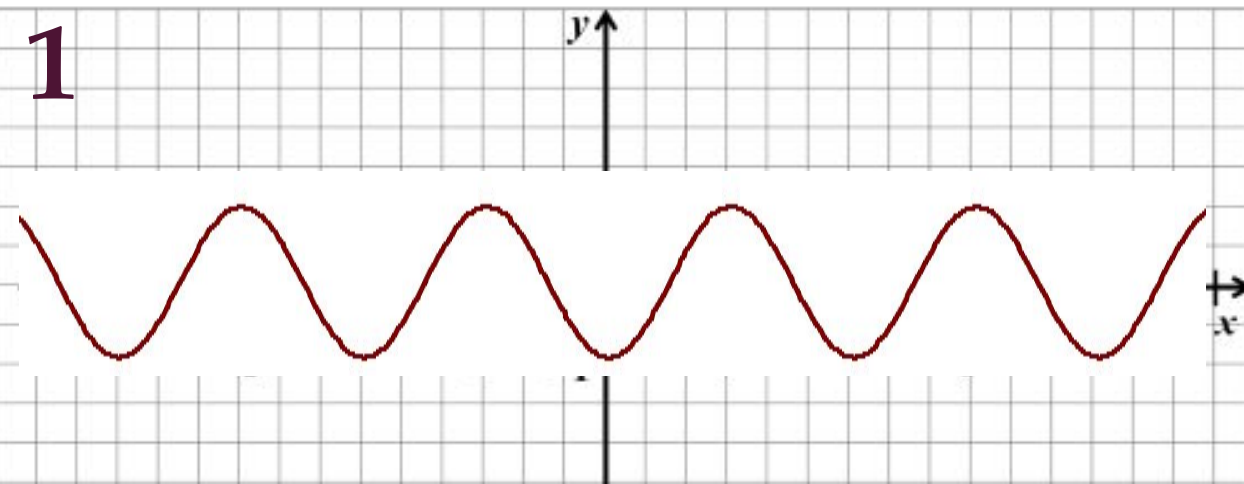
$$y = 1,5\cos \frac{x}{3}$$

$$y = 1,5\cos 3x$$

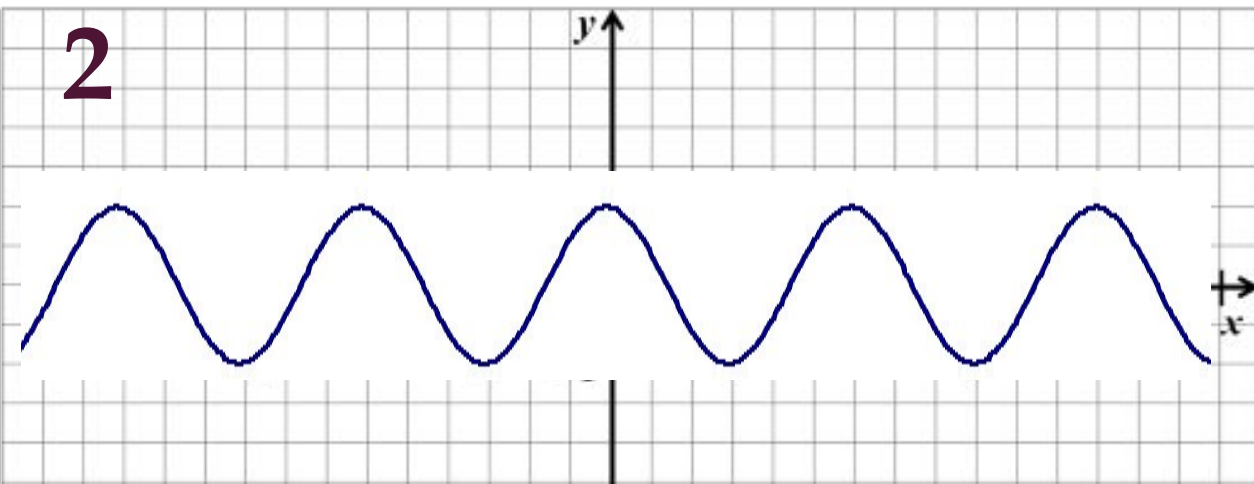
$$y = 1,5\cos x$$



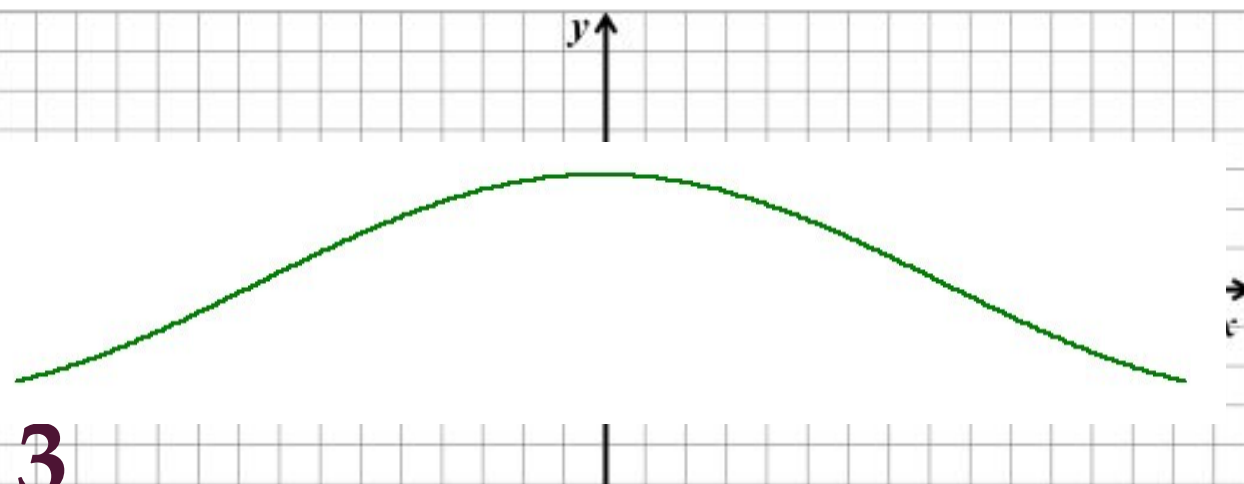
1



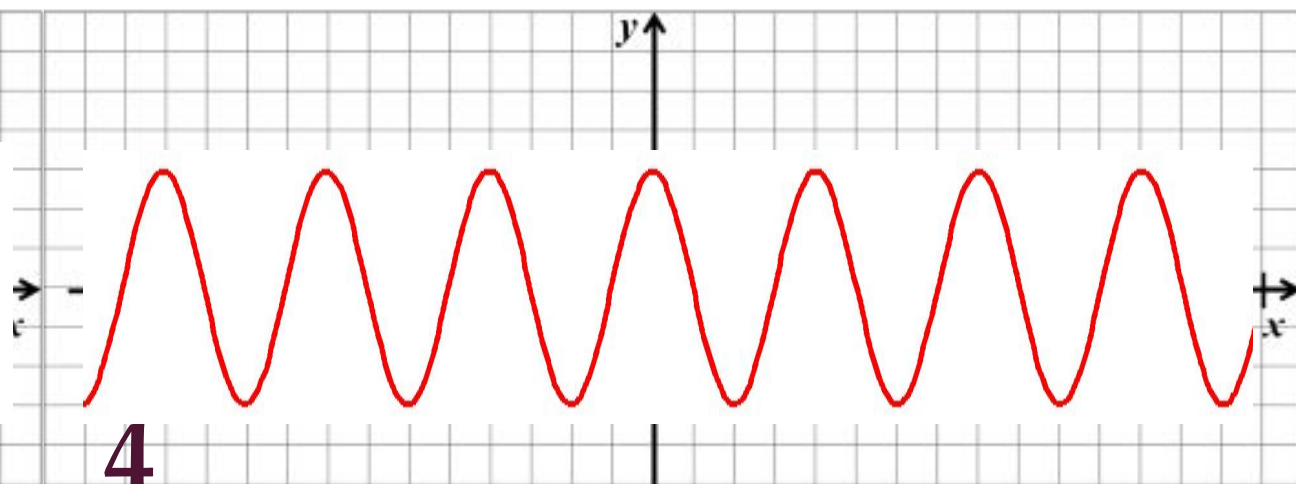
2



3



4



Построить графики функций



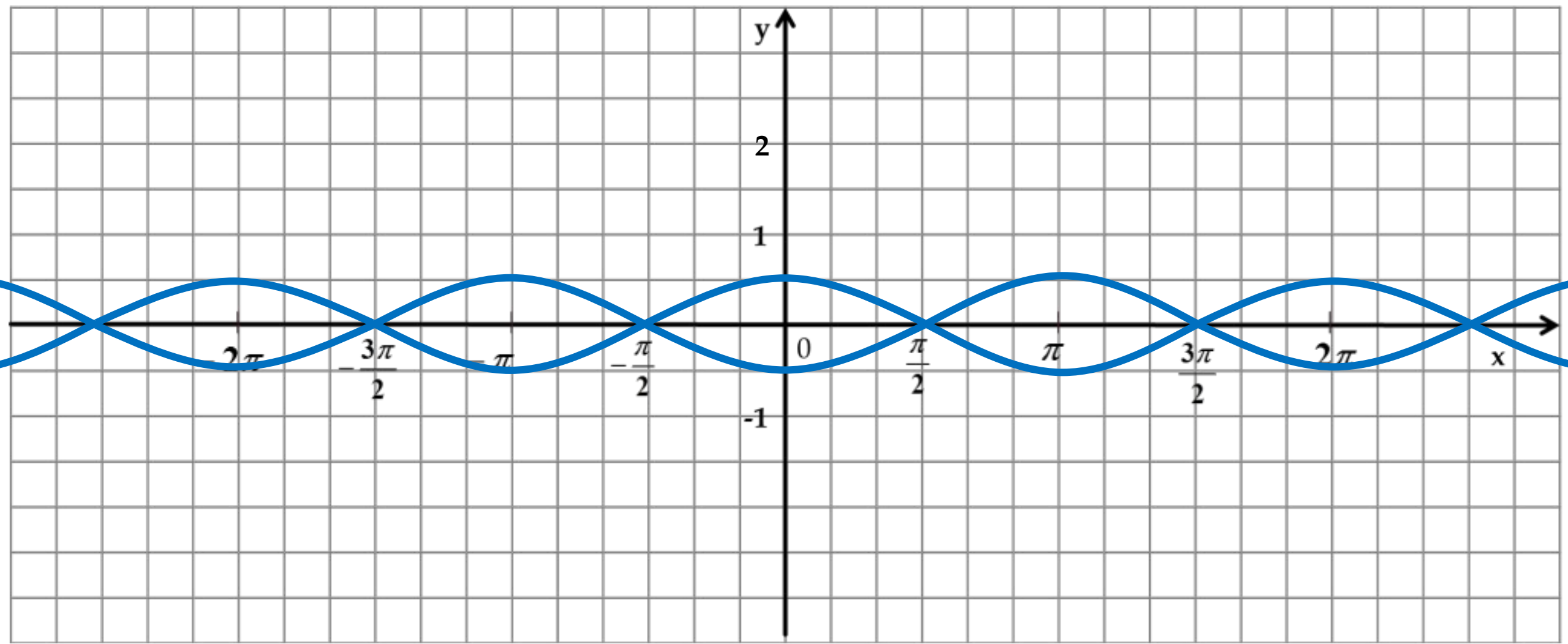
$$y = -\frac{1}{2}\cos x + 2$$

$$y = -3\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right)$$

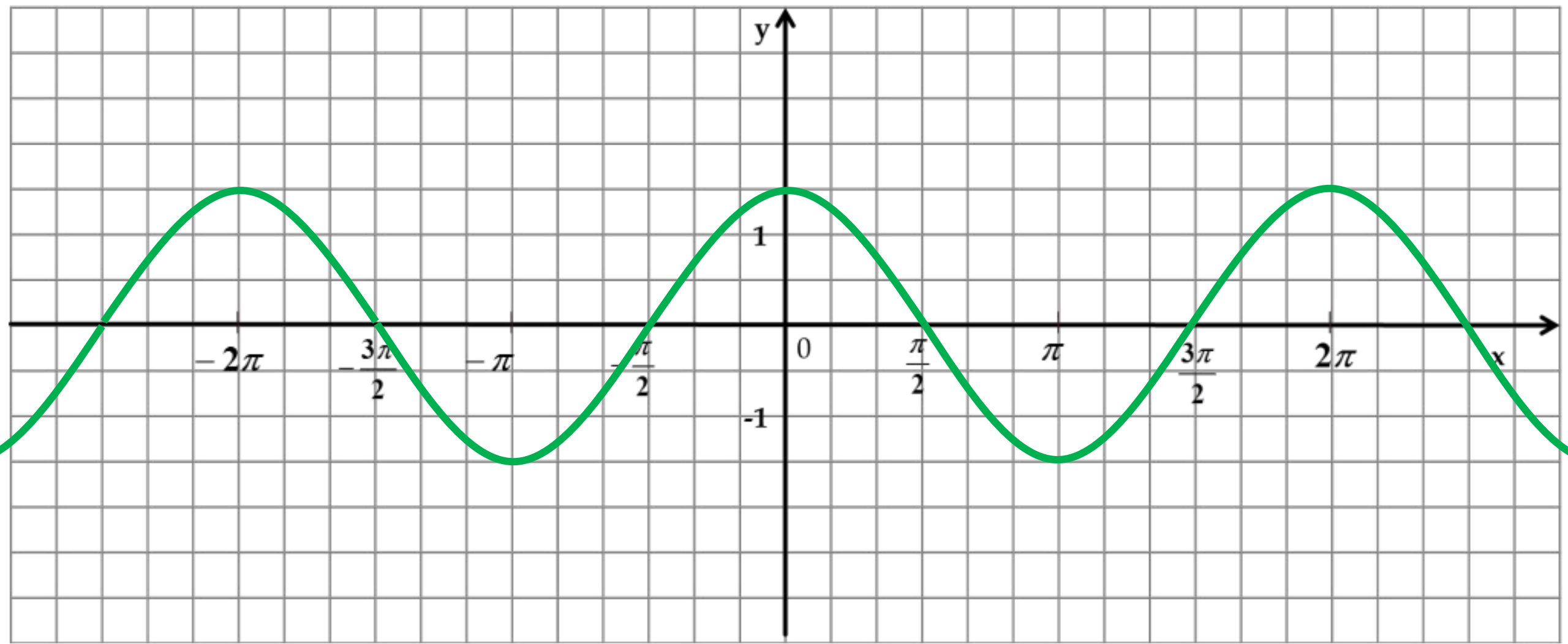
$$y = 1,5\cos\left(x - \frac{2\pi}{3}\right)$$

$$y = 2\sin(-3x)$$

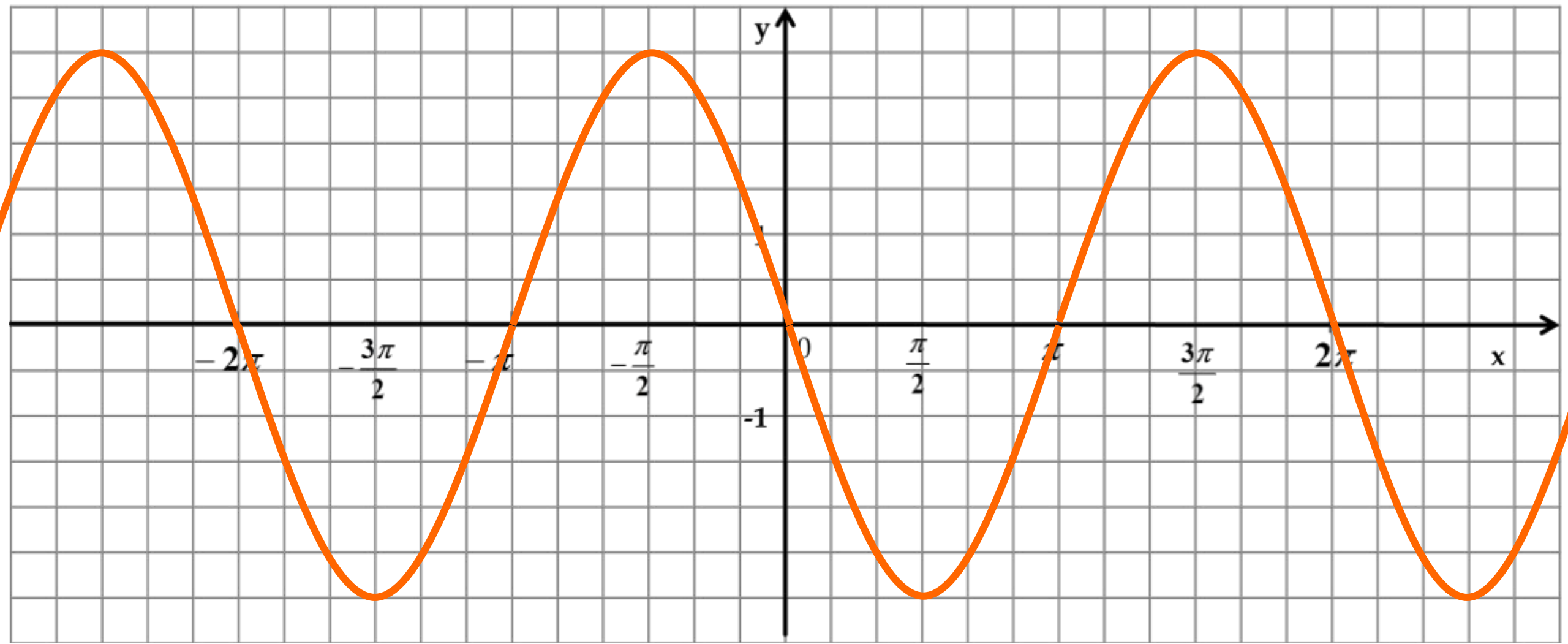
$$y = -\frac{1}{2} \cos x + 2$$



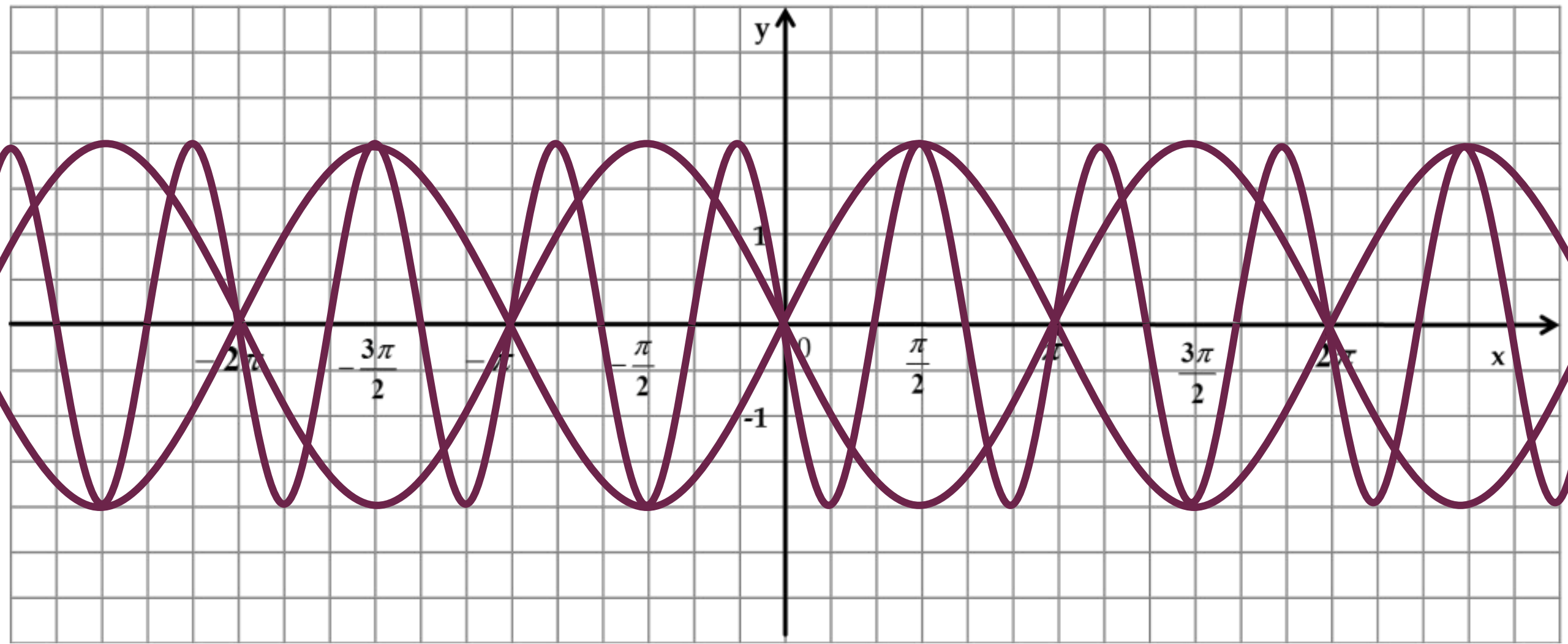
$$y = 1,5\cos\left(x - \frac{2\pi}{3}\right)$$



$$y = -3\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right)$$



$$y = 2\sin(-3x)$$



Самостоятельная работа



Вариант 1

Вариант 2

1. Постройте график функции

$$y = -2,5\sin x + 0,5$$

$$y = -0,5\cos\left(x + \frac{\pi}{3}\right)$$

По графику найдите:

- а) область значений функции;
- б) промежутки убывания функции.

- а) область значений функции;
- б) промежутки возрастания функции.

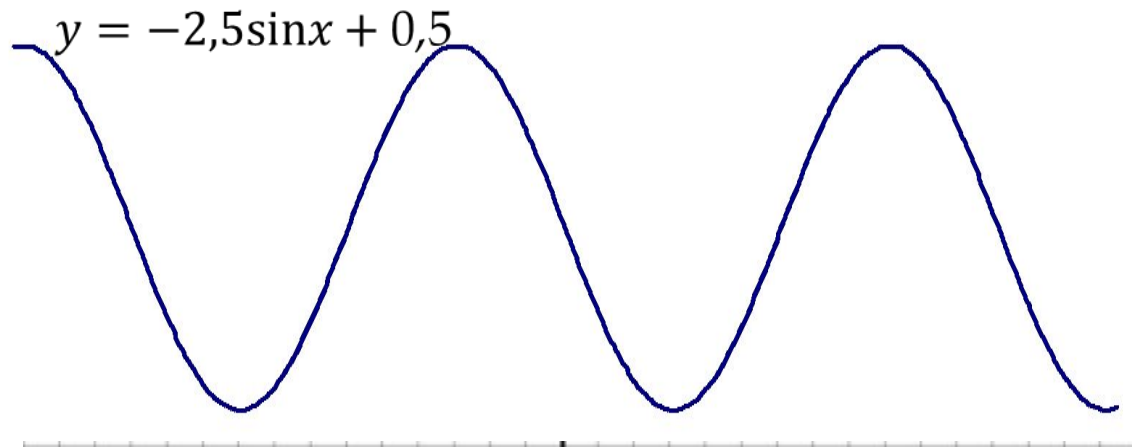
2. Решите графически уравнение

$$\cos \frac{2x}{3} = -1$$

$$\sin \frac{2x}{3} = 1$$

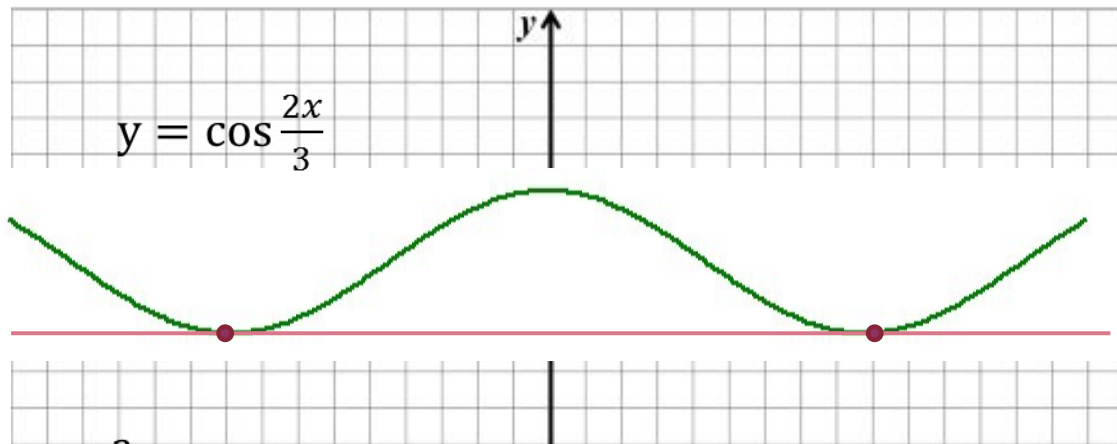
Решение

1 вариант



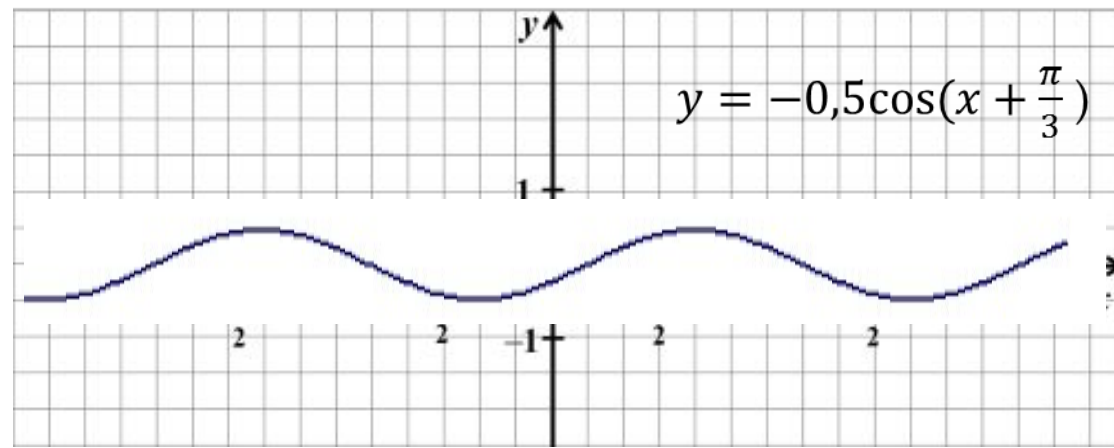
а) $E(f) = [-2; 3]$;

б) $f(x)$ убывает на $[-\frac{\pi}{2} + 2\pi k; \frac{\pi}{2} + 2\pi k]$, $k \in \mathbb{Z}$



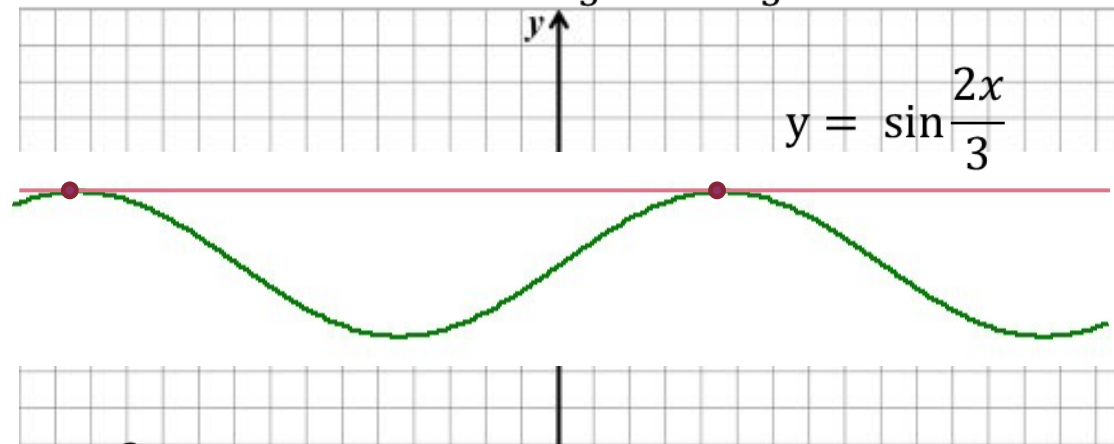
$x = \frac{3\pi}{2} + 3\pi k$, $k \in \mathbb{Z}$

2 вариант



а) $E(f) = [-0,5; 0,5]$

б) $f(x)$ возрастает на $[-\frac{\pi}{3} + 2\pi k; \frac{2\pi}{3} + 2\pi k]$, $k \in \mathbb{Z}$



$x = \frac{3\pi}{4} + 3\pi k$, $k \in \mathbb{Z}$