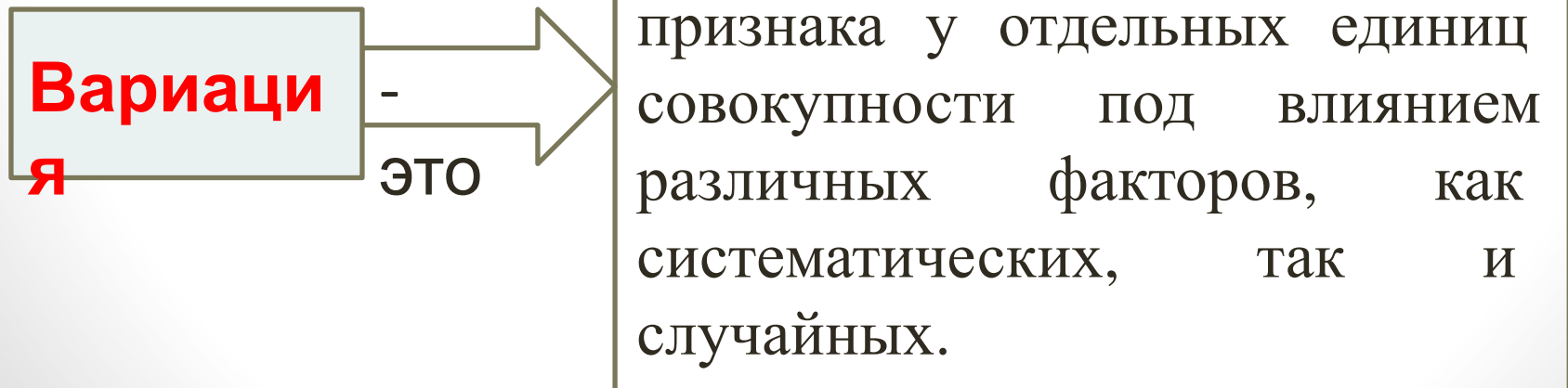


## Тема 5. Показатели вариации

1. Понятие вариации. Виды показателей вариации.
2. Виды дисперсий в совокупности, разделенной на группы. Правило сложения дисперсии.
3. Характеристика закономерности рядов распределения.

# 1. Понятие вариации.

Различие индивидуальных значений признака внутри изучаемой совокупности называется вариацией признака. Вариация возникает в результате того, что индивидуальные значения признака складываются под совокупным влиянием разнообразных факторов.



*Систематические факторы*- действуют постоянно, являются существенными и проявляются в вариации закономерно.

*Случайные факторы*- вносят хаотичность в изменение значений признака.

Вариацию под влиянием случайных факторов называют *случайной вариацией*, а под влиянием систематических факторов - *систематической вариацией*.

*Общая вариация* учитывает влияние как систематических, так и случайных факторов.

Для изучения вариации значений признака недостаточно знать только среднюю величину признака.

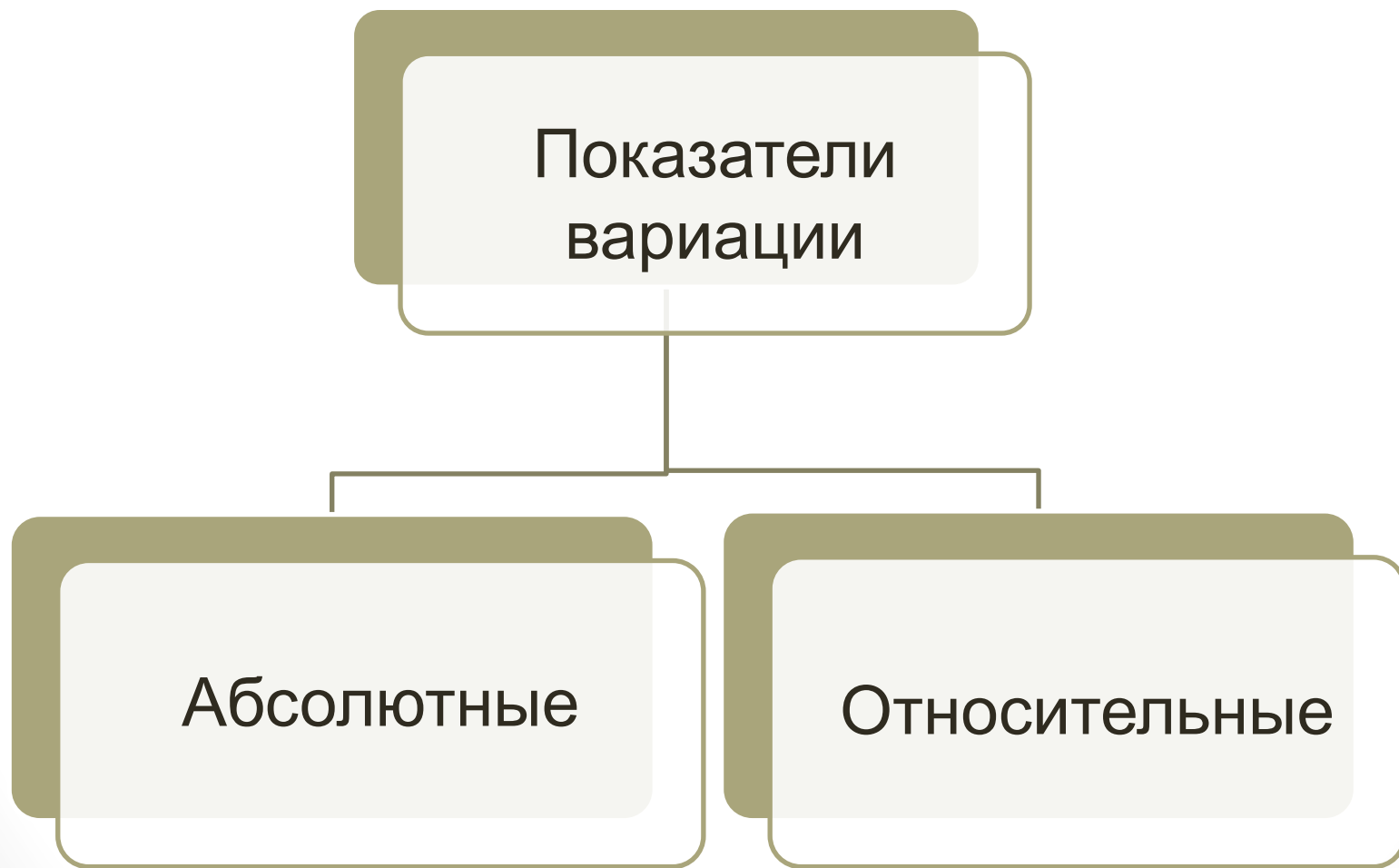
Средняя величина не показывает строения совокупности, не дает представления о том, как отдельные значения изучаемого признака группируются вокруг своей средней величины.

В некоторых случаях отдельные значения признака близко примыкают к средней и мало от нее отличаются. В таких случаях средняя хорошо представляет всю совокупность, т.е. будет типичной.

В других случаях, отдельные значения признака совокупности далеко отстоят от средней, тогда средняя плохо представляет всю совокупность.

Поэтому необходимо знать и разброс отдельных единиц по отношению к среднему значению.

Возникает необходимость измерять вариацию признака в совокупностях. Для этой цели вводится ряд обобщающих показателей вариации.



Абсолютные  
показатели  
вариации

Размах  
вариации  
и  $R$

Среднее  
линейное  
отклонени  
е  $\bar{d}$

Среднее  
квадратиче  
ское  
отклонение  
 $\sigma$

Дисперси  
я  $\sigma^2$

1. *Размах вариации* – это разность между максимальным и минимальным значением исследуемого признака в совокупности.

$$R = X_{\max} - X_{\min}$$

2. *Среднее линейное отклонение* – это средняя арифметическая абсолютных значений отклонений вариантов от их средней величины:

- простая при несгруппированных данных

$$\bar{d} = \frac{\sum_{i=1}^n |x_i - \bar{x}|}{n}$$

- взвешенная при сгруппированных данных

$$\bar{d} = \frac{\sum_{i=1}^n |x_i - \bar{x}| * f_i}{\sum_{i=1}^n f_i}$$

3. *Среднее квадратическое отклонение* (называется стандартным отклонением) является наиболее совершенной характеристикой вариации признака:

- простая форма

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}}$$

- взвешенная форма

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 * f_i}{\sum_{i=1}^n f_i}}$$



Среднее квадратическое отклонение - это обобщающая характеристика размеров вариации признака в совокупности, оно показывает, на сколько в среднем отклоняются конкретные варианты признака от среднего значения, является абсолютной мерой колеблемости признака и выражается в тех же единицах, что и признак, поэтому экономически хорошо интерпретируется.

Сопоставление средних отклонений – квадратического  $\sigma$  и линейного  $\bar{d}$  позволяет сделать вывод *об устойчивости индивидуальных значений признака*, т.е. об отсутствии среди них «аномальных» значений вариантов.

Отношение показателей  $\bar{d}$  и  $\sigma$  может служить *индикатором устойчивости данных*: если  $\frac{\bar{d}}{\sigma} > 0,8$ , то значения признака неустойчивы, в них имеются «аномальные» выбросы.

Показатель вариации  $\sigma$  является основной абсолютной мерой вариации. Он широко используется в выборочных наблюдениях при установлении границ однородности совокупности, при установлении формы кривой распределения и др.

По значениям показателей  $\bar{x}$  и  $\sigma$  можно определить границы диапазонов рассеяния значений признака относительно средней, т.е. установить, какая доля значений признака попадает в тот или иной диапазон отклонений от  $\bar{x}$ .

В нормально распределенных и близких к ним рядах вероятностные оценки диапазонов рассеяния значений признака таковы:

68,3% войдет в диапазон  $\bar{x} \pm \sigma$  ( );

95,4% попадет в диапазон  $\bar{x} \pm 2\sigma$  ( );

99,7% появится в диапазон  $\bar{x} \pm 3\sigma$  ( ).

Данное соотношение известно как правило «трех сигм».

По значениям  $\bar{x}$  и  $\sigma$ , основываясь на правиле «трех сигм», можно точно оценить границы всех трех диапазонов рассеяния признака и определить, сколько значений  $X_i$  попадает в каждый из диапазонов.

4. *Дисперсия* - это квадрат среднего квадратического отклонения:

- простая

$$D = \sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}$$

- взвешенная

$$D = \sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 * f_i}{\sum_{i=1}^n f_i}$$

Формулу  $\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}$  можно преобразовать:

$$\sigma^2 = \frac{\sum (x_i^2 - 2x_i\bar{x} + \bar{x}^2)}{n} = \frac{\sum x_i^2 - 2\bar{x}\sum x_i + \sum \bar{x}^2}{n} = \frac{\sum x_i^2}{n} - \frac{2\bar{x}\sum x_i}{n} + \frac{\sum \bar{x}^2}{n} = \overline{x^2} - 2\bar{x}\bar{x} + \bar{x}^2 = \overline{x^2} - \bar{x}^2$$

**Пример 1.** Имеются данные о товарообороте магазинов района. Необходимо рассчитать характеристики ряда распределения.

Группы магазинов $x_i$	Число магаз. $f_i$	Середина интер. $x'_i$	$x'_i * f_i$	$x'_i - \bar{x}$	$(x'_i - \bar{x})^2$	$(x'_i - \bar{x})^2 * f_i$	$x_i^2 * f_i$
170 – 190	10	180	1800	-36	1296	12960	324000
190 – 210	20	200	4000	-16	256	5120	800000
210 – 230	50	220	11000	4	16	800	2420000
230 – 250	20	240	4800	24	576	11520	1152000
Итого	100		21600			30400	4696000

$$1. \quad \bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i) * f_i}{\sum_{i=1}^n f_i} = \frac{21600}{100} = 216 \text{ млн.руб} \quad D = \sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 * f_i}{\sum_{i=1}^n f_i} = \frac{30400}{100} = 304$$

$$2. \quad \sigma^2 = \overline{x^2} - \bar{x}^2 = \frac{4696000}{100} - 216^2 = 304$$

## Дисперсия альтернативного признака

В ряде случаев возникает необходимость в измерении дисперсии альтернативных признаков, тех, которыми обладают одни единицы совокупности, и не обладают другие (брак продукции, ученая степень и др.).

Обозначим  $p$  – доля единиц совокупности, обладающая данным признаком и  $q$  – доля единиц, не обладающая данным признаком:  $p+q=1$ .

Альтернативный признак принимает всего два значения  $0$  и  $1$  с весами соответственно  $q$  и  $p$ .

Найдем среднее значение альтернативного признака:

$$\bar{x}_p = \frac{\sum x_i f_i}{\sum f_i} = \frac{1 * p + 0 * q}{p + q} = \frac{p}{1} = p$$

Дисперсия альтернативного признака:

$$\sigma^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2 f_i}{\sum f_i} = \frac{(1-p)^2 * p + (0-p)^2 * q}{p+q} = \frac{q^2 * p + p^2 * q}{1} = pq(q+p) = pq,$$

**Пример.** На 10000 человек населения района приходится 4500 мужчин и 5500 женщин.

$$p = \frac{4500}{10000} = 0,45; \quad q = \frac{5500}{10000} = 0,55 \quad \sigma_p^2 = pq = 0,45 * 0,55 = 0,2475$$

Среднее квадратическое отклонение  
альтернативного признака:  $\sigma_p = \sqrt{pq} = \sqrt{p(1-p)}$

**Пример.** Известно, что 2% всех деталей бракованные.  
Найти дисперсию брака.

$$\sigma_p^2 = 0,02 * 0,98 = 0,0196,$$

Среднеквадратическое отклонение доли брака будет

$$\sigma_p = \sqrt{0,0196} = 0,14,$$

Интенсивность вариации признака измеряется относительными показателями.

Относительные показатели вводятся для сравнительной оценки вариации совокупности по разным признакам или для сравнения вариаций нескольких совокупностей по одному и тому же признаку.

Эти показатели вычисляются как отношение абсолютных показателей вариации к средней величине.



Относительные  
показатели  
вариации

Относительный  
размах  
вариации

$$v_R = \frac{R}{\bar{X}}$$

Относительно  
е линейное  
отклонение

$$v_d = \frac{d}{\bar{X}}$$

Коэффициент  
вариации

$$v_\sigma = \frac{\sigma}{\bar{X}}$$

Коэффициент вариации  $V_{\sigma}$  выражается в процентах и вычисляется по формуле:

$$V_{\sigma} = \frac{\sigma}{\bar{x}} \cdot 100$$

Величина  $V_{\sigma}$  оценивает интенсивность колебаний вариантов относительно их средней величины. Принята следующая оценочная шкала колеблемости признака:

$0\% < V_{\sigma} \leq 40\%$  - колеблемость незначительная;

$40\% < V_{\sigma} \leq 60\%$  - колеблемость средняя (умеренная);

$V_{\sigma} > 60\%$  - колеблемость значительная.

Для нормальных и близких к нормальному распределений показатель  $V_{\sigma}$  служит индикатором однородности совокупности:  $V_{\sigma} \leq 33\%$

**Пример 2.** На этапе отбора претендентов для участия в проекте фирмы объявлен конкурс. Распределение претендентов по опыту работы (лет) показано в таблице :

Группы по опыту работы, лет	f, чел.	Центр интервала	$x'_i * f_i$	$(x'_i - \bar{x})$	$(x'_i - \bar{x})^2 * f_i$	$(x'_i)^2 * f_i$
<b>А</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>
до 4-х	10	3	30	-4.2	176.4	90
4 – 6	10	5	50	-2.2	48.4	250
6 – 8	50	7	350	-0.2	2.0	2450
8 – 10	20	9	180	1.8	64.8	1620
свыше 10	10	11	110	3.8	144.4	1210
<b>ИТОГО</b>	<b>100</b>	<b>-</b>	<b>720</b>		<b>436.0</b>	<b>5620</b>

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i * f_i}{\sum_{i=1}^n f_i} = \frac{720}{100} = 7.2(\text{лет})$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 * f_i}{\sum_{i=1}^n f_i} = \frac{436}{100} = 4,36$$

## **2. Виды дисперсий в совокупности, разделенной на группы. Правило сложения дисперсии.**

Вариация признака обусловлена различными факторами. Поэтому, изучая вариацию по всей совокупности в целом и рассчитав общую среднюю, невозможно определить влияние отдельных факторов на колеблемость индивидуальных значений признака.

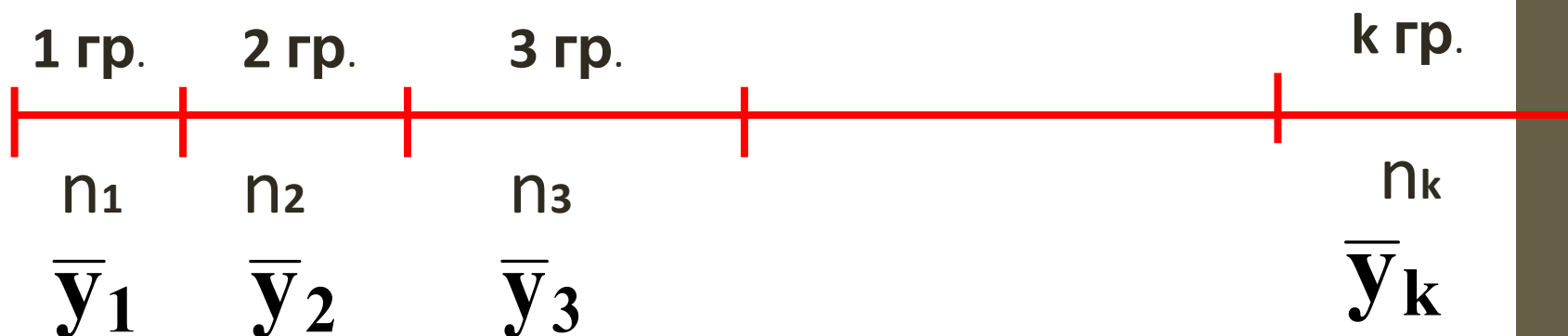
Это можно сделать, если статистическую совокупность разбить на группы по какому-либо признаку-фактору. Тогда, наряду с изучением вариации признака по всей совокупности в целом, можно изучить вариацию для каждой из составляющих ее групп, а также вариацию между этими группами.

Показатели вариации могут быть использованы не только в анализе колеблемости признака, но и для оценки влияния одного признака на вариацию другого признака, т.е. в анализе взаимосвязей между показателями.

Для такого анализа совокупность должна быть разбита на группы по факторному признаку. При этом используются *три* вида дисперсий - это общая дисперсия, дисперсия межгрупповая и внутригрупповая (средняя из внутригрупповых дисперсий).

Обозначая факторный признак –  $X$ , результативный –  $Y$ , дадим определение этих трех видов дисперсии.

Введем обозначения:



$$n = n_1 + n_2 + \dots + n_k;$$

$k$  – количество групп;

$\bar{Y}_j$  – среднее значение результативного признака  $Y$  в  $j$ -ой группе;

$\bar{Y}_{об}$  – общая средняя по всей совокупности;

$n$  – число единиц совокупности.

**Общая дисперсия  $\sigma_{об}^2$**  характеризует вариацию признака во всей совокупности, сложившуюся под влиянием всех факторов (систематических и случайных), обусловивших эту вариацию.

$$\sigma_{об}^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y}_{об})^2}{n}$$

**Межгрупповая дисперсия  $\delta_x^2$**  измеряет систематическую вариацию, которая обусловлена влиянием того признака-фактора  $X$ , по которому произведена группировка. Такое воздействие фактора проявляется в отклонении групповых средних от общей средней.

$$\delta_x^2 = \frac{\sum_{j=1}^k (\bar{y}_j - \bar{y}_{об})^2 * n_j}{\sum_{j=1}^k n_j}$$

$\bar{y}_j$  – групповые средние;

$\bar{y}_{об}$  – общая средняя;

$n_j$  – численность единиц в j-ой группе;

k – количество групп.

**Внутригрупповая дисперсия  $\sigma_j^2$**  оценивает вариацию признака, сложившуюся под влиянием других, не учитываемых в данном исследовании факторов, и не зависящую от группировочного фактора X.



$$\sigma_j^2 = \frac{\sum_{i=1}^{n_j} (y_i - \bar{y}_j)^2}{n_j}$$

$y_i$  – индивидуальные значения признака внутри группы;

$y_j$  – среднее значение признака в группе с номером  $j$ ;

$n_j$  – численность единиц в  $j$ -ой группе.

На основании внутригрупповых дисперсий всех групп  $\sigma_j^2$ , вычисляется средняя из внутригрупповых дисперсий:

$$\bar{\sigma}_j^2 = \frac{\sum_{j=1}^k \sigma_j^2 * n_j}{\sum_{j=1}^k n_j}$$

Правило сложения дисперсии :

$$\sigma_{об}^2 = \delta_x^2 + \overline{\sigma_j^2}$$

Данное правило показывает связь между различными видами дисперсий.

Это правило позволяет оценить влияние группировочного признака на образование общей вариации.

Очевидно, чем больше доля межгрупповой дисперсии в общей, тем сильнее влияние группировочного  $X$  признака на изучаемый результативный признак  $Y$ .

В статистическом анализе широко используется показатель  $\eta^2$ , который называют **эмпирическим коэффициентом детерминации**.

Он характеризует долю межгрупповой дисперсии в общей дисперсии.

Межгрупповая дисперсия обусловлена вариацией признака, положенного в основу группировки. Она показывает силу влияния факторного признака на образования общей вариации:

$$\eta^2 = \frac{\delta_x^2}{\sigma_{об}^2}$$

Эмпирический коэффициент детерминации показывает долю вариации результативного признака  $Y$  под влиянием вариации факторного признака  $X$ .

Теснота связи между группировочным и результативным признаками оценивается показателем  $\eta$ , который называется **эмпирическим корреляционным отношением**.

Для качественной оценки тесноты связи на основе  $\eta$  служит соотношение Чэддока:

$\eta$	0,1 – 0,3	0,3 – 0,5	0,5 – 0,7	0,7 – 0,9	0,9 – 0,99
Сила связи	слабая	умеренная	заметная	тесная	Весьма тесная

Чем значение  $\eta$  ближе к 1, тем теснее связь между признаками.

### Пример 3.

Стоимость 1 кв.м общей площади в у.е. на рынке жилья для двух групп домов приведена в таблице 3. При этом известно, что дома 1-ой группы находятся вблизи от станции метро, а дома 2-ой группы – на значительном расстоянии от станции метро.

Необходимо установить влияет ли месторасположение домов на стоимость 1 кв.м общей площади

Группировочный факторный признак  $X$  – это качественный признак (расположение дома – близость к станции метро); результативный признак  $Y$  – стоимость 1 кв.м общей площади.

Таблица 3

	№ п/п	Стоимость м <sup>2</sup> , тыс. у.е, Y	Y <sup>2</sup>
J=1	1	3,9	15,21
	2	3,8	14,44
	3	3,6	12,96
	4	4,1	16,81
ИТОГО	4	15,4	59,42
J=2	1	3,3	10,89
	2	2,6	6,76
	3	2,8	7,84
	4	2,2	4,84
	5	3,1	9,61
	6	2,8	7,84
ИТОГО	6	16,8	47,78
Всего	10	32,2	107,20

1. Рассчитаем среднюю стоимость одного м<sup>2</sup>. жилья и общую дисперсию по всей совокупности в целом:

$$\bar{y} = \frac{\sum_{i=1}^{10} y_i}{10} = \frac{32,2}{10} = 3,22 \text{ тыс. у.е.}$$

$$\sigma_{06}^2 = \overline{y^2} - \bar{y}^2 = \frac{107,20}{10} - 3,22^2 = 0,3516$$

2. Вычислим среднюю стоимость одного м<sup>2</sup> жилья и дисперсию для каждой группы домов.

$$\bar{y}_1 = \frac{15,4}{4} = 3,85 \text{ тыс. у.е.} \quad \sigma_1^2 = \frac{59,42}{4} - 3,85^2 = 14,855 - 14,8225 = 0,0325$$

$$\bar{y}_2 = \frac{16,8}{6} = 2,8 \text{ тыс. у.е.} \quad \sigma_2^2 = \frac{47,78}{6} - 2,8^2 = 7,9633 - 7,84 = 0,1233$$

3. Определим величину межгрупповой дисперсии

$$\delta_x^2 = \frac{\sum_{j=1}^k (\bar{y}_j - \bar{y})^2 * n_j}{\sum_{j=1}^k n_j} = \frac{(3.85 - 3.22)^2 * 4 + (2.8 - 3.22)^2 * 6}{10} = \frac{2.646}{10} = 0.2646$$

4. Найдем эмпирический коэффициент детерминации

$$\eta^2 = \frac{\delta_x^2}{\sigma_o^2} = \frac{0,2646}{0,3516} = 0.752 \text{ или } 75,2\%$$

5. Эмпирическое корреляционное отношение

$$\eta = \sqrt{0.752} = 0.87$$

6. Определим среднюю из внутригрупповых дисперсий

$$\overline{\sigma_j^2} = \frac{\sum_{j=1}^k \sigma_j^2 f_j}{\sum_{j=1}^k f_j} = \frac{0,0325 * 4 + 0,1233 * 6}{10} = \frac{0,13 + 0,7398}{10} = 0,0869$$

7. Найденные дисперсии в сумме дают общую дисперсию.

$$0,2646 + 0,0869 = 0,3515$$



# Правило сложения дисперсии для доли признака.

Рассмотренное правило сложения дисперсий верно и для дисперсии доли признака.

Дисперсия альтернативного признака:  $\sigma^2 = pq = p(1 - p)$

Средняя величина  $\bar{x}_p = p$

Тогда **внутригрупповая** дисперсия доли :

$$\sigma_{p_i}^2 = p_i * (1 - p_i),$$

где  $p_i$  - доля изучаемого признака в  $i$ -ой группе.

**Средняя из внутригрупповых дисперсий :**

$$\bar{\sigma}_{p_i}^2 = \frac{\sum_i p_i (1 - p_i) * n_i}{\sum_i n_i}$$

Формула межгрупповой дисперсии имеет вид:

$$\delta_{p_i}^2 = \frac{\sum_i (p_i - \bar{p})^2 * n_i}{\sum_i n_i},$$

где  $n_i$  - численность единиц в отдельных группах;

$\bar{p}$  - доля изучаемого признака во всей совокупности.

Доля признака в совокупности определяется по средней арифметической взвешенной:

$$\bar{p} = \frac{\sum_i p_i n_i}{\sum_i n_i}$$

**Правило сложения дисперсий** доли признака выражается соотношением:

$$\sigma_{\bar{p}}^2 = \overline{\sigma_{p_i}^2} + \delta_{p_i}^2$$

**Пример 4.** Данные удельного веса основных рабочих в трех цехах фирмы представлены в таблице.

Определить общую, внутрицеховую и межцеховую дисперсии доли основных рабочих.

Цех	Удельный вес основных рабочих, в %, $p_i$	Численность всех рабочих, чел, $n_i$
1	80	100
2	75	200
3	90	150
Итого		450

1. Определим долю основных рабочих в целом по фирме:

$$\bar{p} = \frac{\sum_i p_i n_i}{\sum_i n_i} = \frac{0,80 * 100 + 0,75 * 200 + 0,90 * 150}{450} = \frac{365}{450} = 0,81$$

2. Общая дисперсия доли основных рабочих по всей фирме в целом равна:

$$\sigma_{\bar{p}}^2 = \bar{p} * (1 - \bar{p}) = 0,81 * (1 - 0,81) = 0,154$$

3. Внутрицеховые дисперсии равны:

$$\sigma_{p_i}^2 = p_i * (1 - p_i)$$

$$\sigma_{p_1}^2 = 0,80 * 0,20 = 0,16$$

$$\sigma_{p_2}^2 = 0,75 * 0,25 = 0,19$$

$$\sigma_{p_3}^2 = 0,90 * 0,10 = 0,09$$

4. Средняя из внутрицеховых дисперсий равна:

$$\overline{\sigma_{p_i}^2} = \frac{\sum_i p_i(1 - p_i) * n_i}{\sum_i n_i} = \frac{0,16 * 100 + 0,19 * 200 + 0,09 * 150}{450} = \frac{67,5}{450} = 0,15$$

5. Межцеховая дисперсия равна:

$$\delta_{p_i}^2 = \frac{\sum_i (p_i - \bar{p})^2 * n_i}{\sum_i n_i} = \frac{(0,80 - 0,81)^2 * 100 + (0,75 - 0,81)^2 * 200 + (0,90 - 0,81)^2 * 150}{450} = \frac{1,945}{450} = 0,004$$

Проверка вычислений:  $0,154 = 0,15 + 0,004$ .

### 3. Характеристика закономерности рядов распределения.

Для обобщающей характеристики особенностей формы распределения применяются кривые распределения, которые выражают графически закономерность распределения единиц совокупности по величине варьирующего признака.

Различают эмпирические и теоретические кривые распределения.

**Эмпирическая кривая** распределения - это фактическая кривая распределения, полученная по данным наблюдения, в которой отражаются как общие, так и случайные условия, определяющие распределение.

**Теоретическая кривая** распределения - это кривая, выражающая общую закономерность данного типа распределения. При этом теоретическое распределение играет роль некоторой идеализированной модели эмпирического распределения, а сам процесс анализа вариационного ряда сводится к сопоставлению эмпирического и теоретического распределений..

Кривые распределения могут быть **одно-, двух- и многовершинными.**

Для однородных совокупностей характерны одновершинные распределения. Многовершинность свидетельствует о неоднородности изучаемой совокупности. В этом случае необходимо сделать перегруппировку данных с целью получения однородных групп.

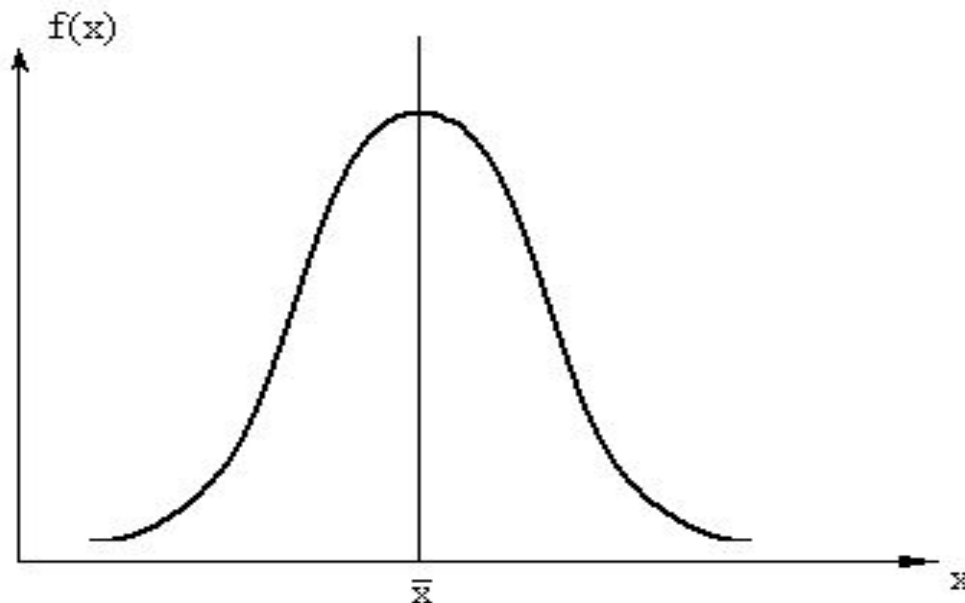
Кривые распределений бывают **симметричными и асимметричными.** В зависимости от того, какая ветвь кривой вытянута - правая или левая, различают правостороннюю или левостороннюю асимметрию.

Для симметричных распределений частоты любых двух вариантов, равноотстоящих от центра в обе стороны, равны между собой.

Распределение изучаемого признака характеризуется 3-мя группами показателей:

- показатели центра;
- показатели вариаций;
- показатели для изучения формы кривой.

Нормальное распределение является симметричным





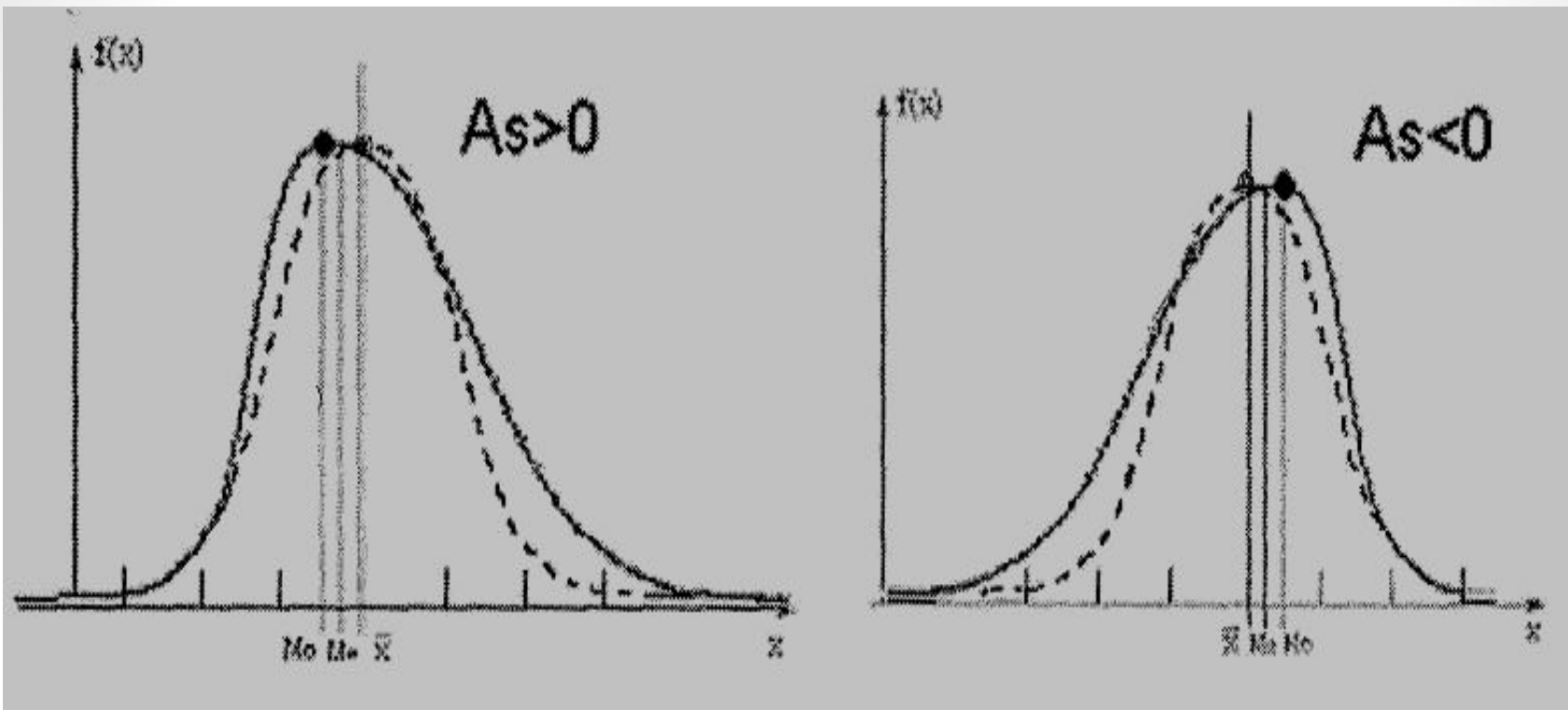
Для симметричных распределений имеют место следующие характеристики:

1.  $x = M_o = M_E$
2.  $R = 6 * \sigma$
3.  $\sigma = 1.25 * \bar{d}$

Если эти соотношения нарушены, то это свидетельствует о наличии асимметрии распределения.

**Показатель асимметрии  $A_s$**  оценивают смещение ряда распределения влево или вправо по отношению к оси симметрии нормального распределения.

В случае асимметричного распределения вершина кривой находится не в середине, а сдвинута либо влево, либо вправо.



Если вершина сдвинута влево, то правая часть кривой оказывается длиннее левой т.е. имеет место правосторонняя асимметрия, характеризующаяся неравенством  $\bar{X} > Me > Mo$ .

Если же вершина кривой сдвинута вправо и левая часть оказывается длиннее правой, то асимметрия левосторонняя, для которой справедливо неравенство  $\bar{X} < Me < Mo$ .

Установлена следующая оценочная шкала асимметричности:

$|As| \leq 0,25$  - асимметрия незначительная;

$|As| > 0,5$  - асимметрия существенная.

$0,25 < |As| \leq 0,5$  - асимметрия заметная (умеренная);

**Показатель эксцесса  $E_k$**  характеризует крутизну кривой распределения - ее заостренность или пологость по сравнению с нормальной кривой.

