

Постройте график функции

$$y = x|x| + |x| - 6x.$$

Определите, при каких значениях m прямая $y = m$ имеет с графиком ровно две общие точки.

1. $y = x|x| + |x| - 6x$

2) $y = x^2 + x - 6x \leftarrow x^2 - 5x - x(x-5)$
 $y = -x^2 - x - 6x \leftarrow x^2 - 7x, x < 0$

g(1) $y = x^2 - 5x$, ур. параб., ветви вверх
 $y = x(x-5)$

x	0	1	2	3	4
y	0	-4	-6	-6	-4

$x_0 = \frac{+5}{2} = 2,5$

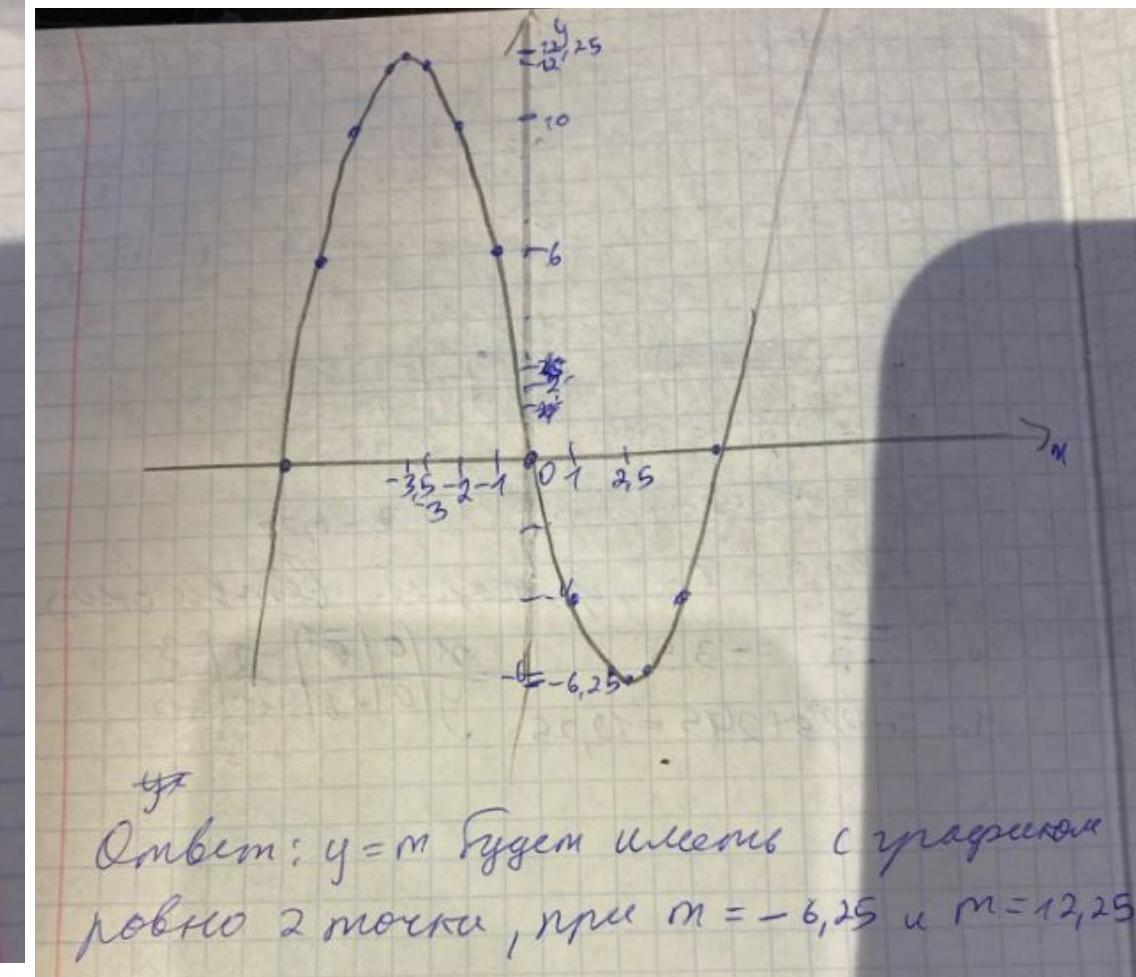
$y_0 = 2,5^2 - 6,25 = 12,5 - 6,25 = 6,25$

(2) $y = -x^2 - 7x$, ур. параб., ветви вниз
 $y = -x^2 - 7x$

x	0	1	2	3	4
y	0	-6	-10	-12	-10

$x_0 = \frac{-7}{-2} = -3,5$

$y_0 = -(-3,5)^2 - 7(-3,5) = -12,25 + 24,5 = 12,25$



4.

Найдите все значения a , при которых неравенство $x^2 + (2a+4)x + 8a+1 \leq 0$ не имеет решений.

5.

Постройте график функции $y = \frac{1-2x}{2x^2-x}$ и определите, при каких значениях k прямая $y = kx$ имеет с графиком ровно одну общую точку.

одну точку, при $k \in (-\infty; -2) \cup [0, \infty)$.

$x^2 + (2a+4)x + 8a+1 \leq 0$ - не реш.

$x^2 + (2a+4)x + 8a+1 \geq 0$, м.к.
это кв. ур., то если ~~ура~~ все его
решения ≥ 0 , то $D < 0$ и ~~а~~ k при

$x^2 > 0$, тогда:

$D < 0$ $\Leftrightarrow D = (2a+4)^2 - (8a+1) \cdot 4 < 0$

$$4a^2 + 8a + 16a + 16 - 32a - 4 < 0$$

$$4a^2 - 16a + 12 < 0$$

$$a^2 - 4a + 3 < 0$$

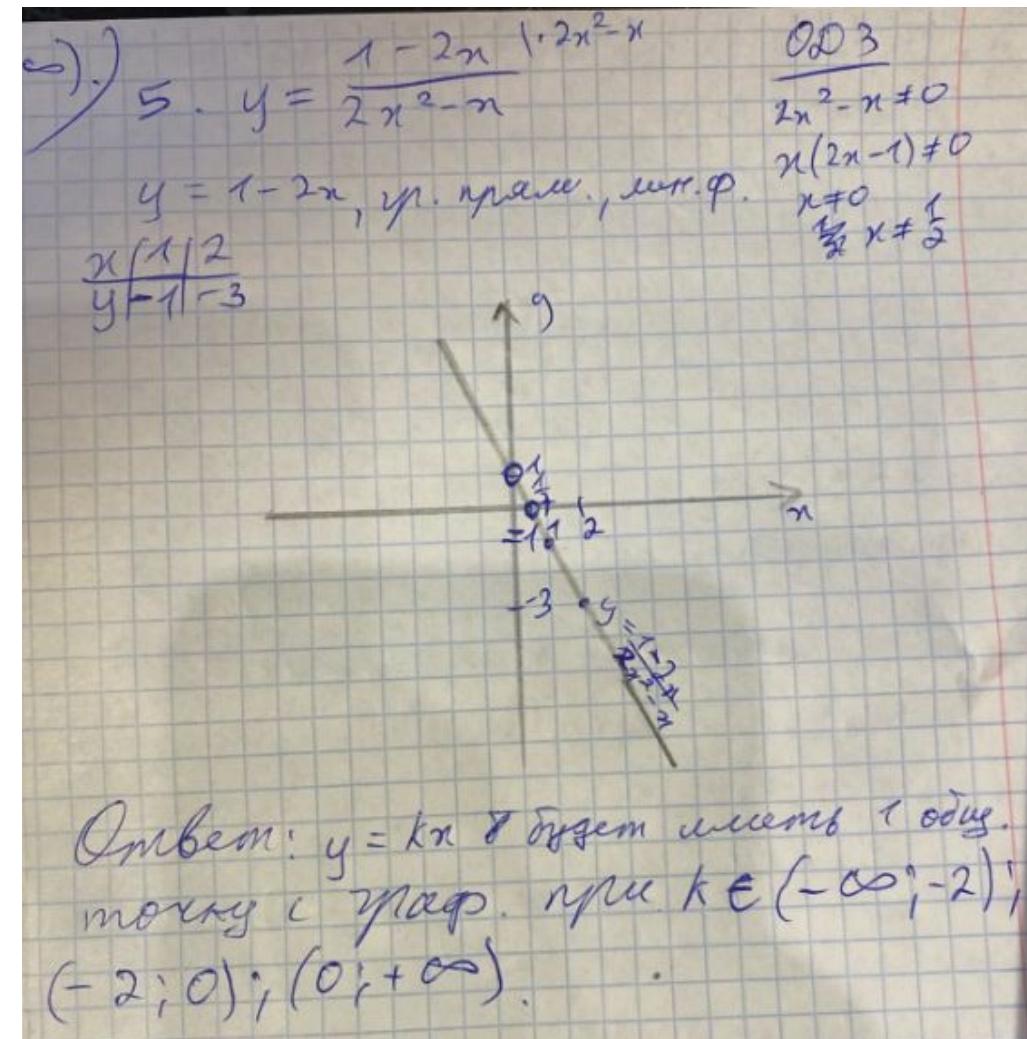
$$\frac{D}{a} = +24 - 3 = 1$$

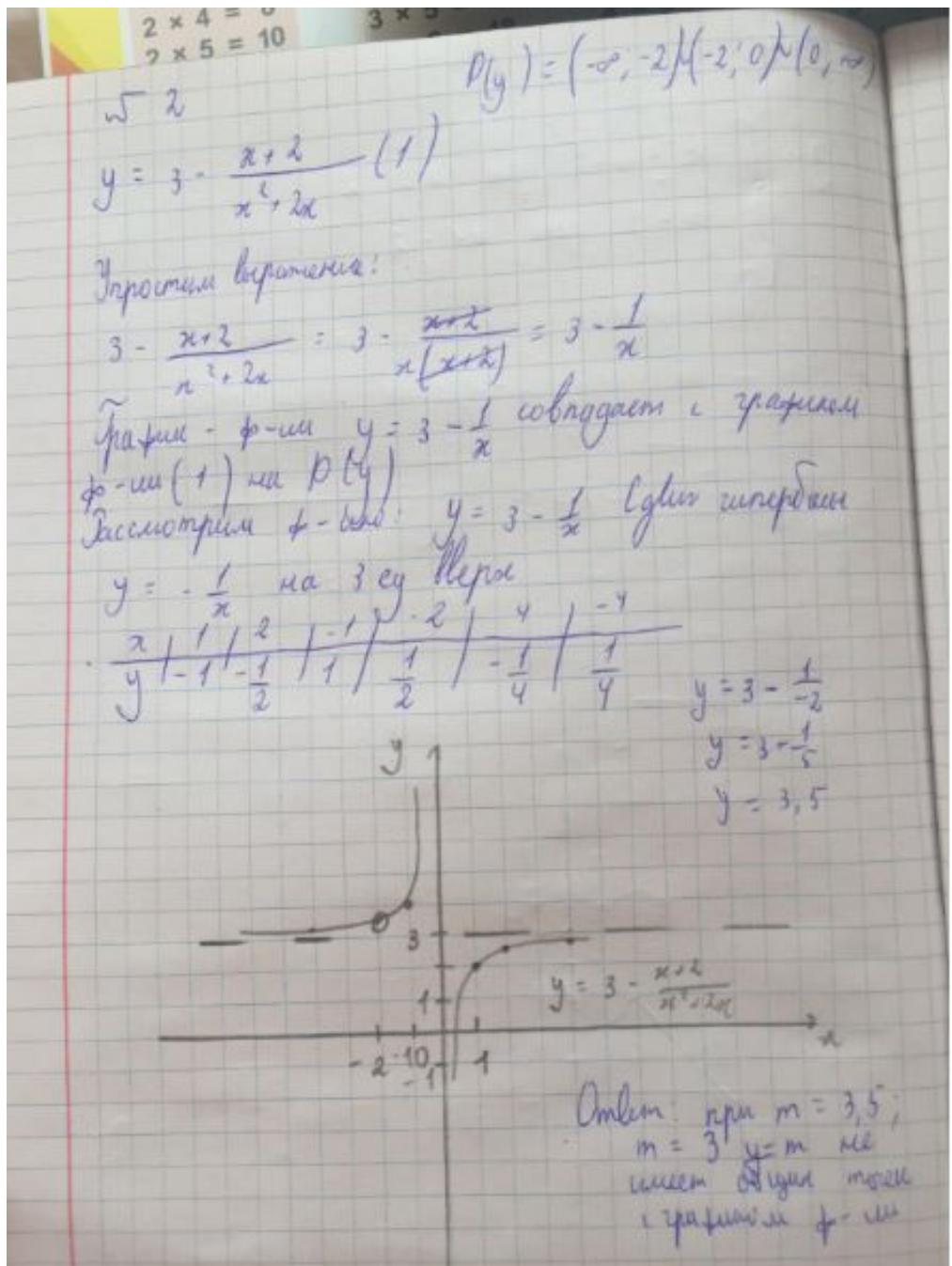
$$\alpha_1 = 3 \quad (\alpha - 3)(\alpha - 1) < 0$$

$$\alpha_{1,2} = \frac{+24 \pm 1}{1} \quad \alpha_1 = 3 \quad \alpha_2 = 1$$

$\begin{array}{c} + \\ \hline 1 \quad 3 \\ + \end{array}$

Ответ: при $a \in (1; 3)$ уравнение
не имеет решений





Постройте график функции

$$y = 3 - \frac{x+2}{x^2+2x}$$

Определите, при каких значениях m прямая $y = m$ не имеет с графиком общих точек.

53

$$D(y) = (-\infty, -3) \cup (-3, 9) \cup (9, \infty)$$

$$y = \frac{(x-9)(x^2-9)}{x^2-6x-27} \quad (1)$$

$$x^2 - 6x - 27 = 0$$

$$D = 36 + 108 = 144 = 12^2$$

$$x_1 = \frac{6+12}{2} = 9$$

$$x_2 = \frac{6-12}{2} = -3$$

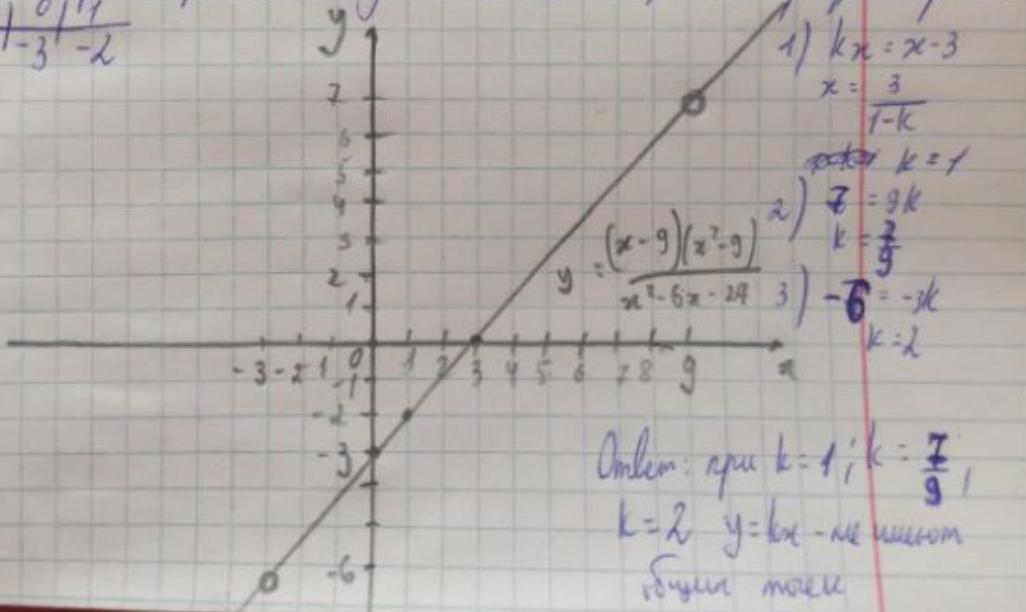
Упростим выражение: $\frac{(x-9)(x^2-9)}{x^2-6x-27} = \frac{(x-9)(x-3)(x+3)}{(x-9)(x+3)} =$

$$= x-3$$

График функции $y = x-3$ совпадает с графиком

исследуемой функции (1) , т.к. $D(y)$ лин. ф-ии - график прямой

$$\begin{array}{c|cc|c} x & 1 & 0 & 1 \\ \hline y & 1 & -3 & -2 \end{array}$$



Постройте график функции $y = \frac{(x-9)(x^2-9)}{x^2-6x-27}$ и определите, при каких значениях k построенный график не будет иметь общих точек с прямой $y = kx$.

54

Парабола проходит через точки $K(0; -2)$, $L(4; 6)$, $M(1; 3)$. Найдите координаты её вершины.

$$y = ax^2 + bx + c$$

$$x_0 = \frac{-b}{2a}, \text{ с.к.о.,}$$

$$\begin{cases} a+b+c=3 \\ 16a+4b+c=6 \\ c=-2 \end{cases} \quad \begin{cases} a+b+c=3 \\ b=6-c-16a \\ c=-2 \end{cases} \quad \begin{cases} a+2-4a-2=3 \\ b=2-4a \\ c=-2 \end{cases}$$

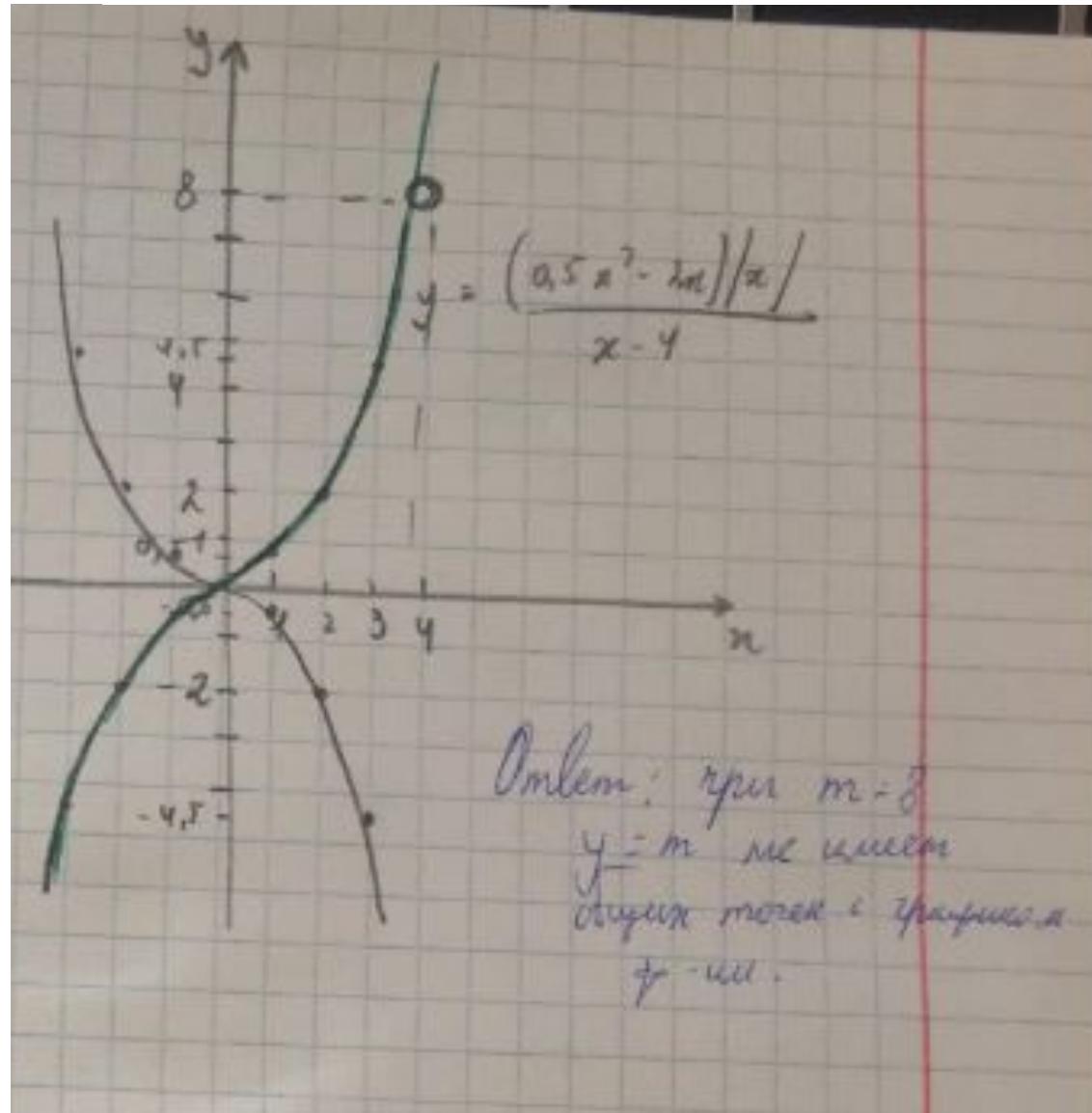
$$\begin{cases} -3a-3=0 \\ b=2-4a \\ c=-2 \end{cases} \quad \begin{cases} a=-1 \\ b=6 \\ c=-2 \end{cases}$$

вершина: $x_0 = \frac{6}{2} = 3$

$$y_0 = \cancel{22} - 9 + 6 \cdot 3 - 2 = 7$$

Ответ: $(3; 7)$

Постройте график функции $y = \frac{(0,5x^2 - 2x)|x|}{x-4}$ и определите, при каких значениях m прямая $y = m$ не имеет с графиком ни одной общей точки.



w^5

$b(y) = (-\infty, 4) \cup (4, \infty)$

$y = \frac{(0,5x^2 - 2x)|x|}{x-4}$

Упростим выражение. $\frac{(0,5x^2 - 2x)|x|}{x-4} =$

 $= \frac{0,5x(x-4)|x|}{x-4} = 0,5x|x|$

График f -ии: $y = 0,5x|x|$ совпадает с графиком

расмотрим f -ии: $y = 0,5x/x$

 $y = \begin{cases} 0,5x^2, & \text{при } x > 0 \\ -0,5x^2, & \text{при } x < 0 \end{cases}$

I Рассмотрим f -ии: $y = 0,5x^2$

Рл f -ии, график - парабола, ветви вверх

$x_0 = 0$	$x 1 2 3$
$y_0 = 0$	$y 0,5 2 4,5$

II Рассмотрим f -ии: $y = -0,5x^2$

Рл f -ии, график - парабола, ветви вниз

$x_0 = 0$	$x 1 2 3$
$y_0 = 0$	$y -0,5 -2 -4,5$

$$ax^2 + bx + c = y$$

$$a \neq 0$$

Парабола проходит через точки $K(0; 5)$, $L(4; -3)$, $M(-1; 2)$. Найдите координаты её вершины.

cb. $y = ax^2 + bx + c$ — парабола

$$\left. \begin{array}{l} K(0; 5) \\ L(4; -3) \\ M(-1; 2) \end{array} \right\} \in y$$

$$1) a \cdot 0 + b \cdot 0 + c = 5$$

$$c = 5$$

$$2) 16a + 4b + 5 = -3 \quad a = \frac{-8 - b}{16}$$

$$3) a + 2b + 5 = 2$$

$$2b + 5 + \frac{-2 - b}{4} = 2$$

$$\frac{8b + 20 - 2 - b}{4} = 2$$

$$\frac{7b + 18}{4} = 2$$

$$b = -\frac{10}{7} \quad a = \frac{-2 - b}{4} = -\frac{1}{7}$$

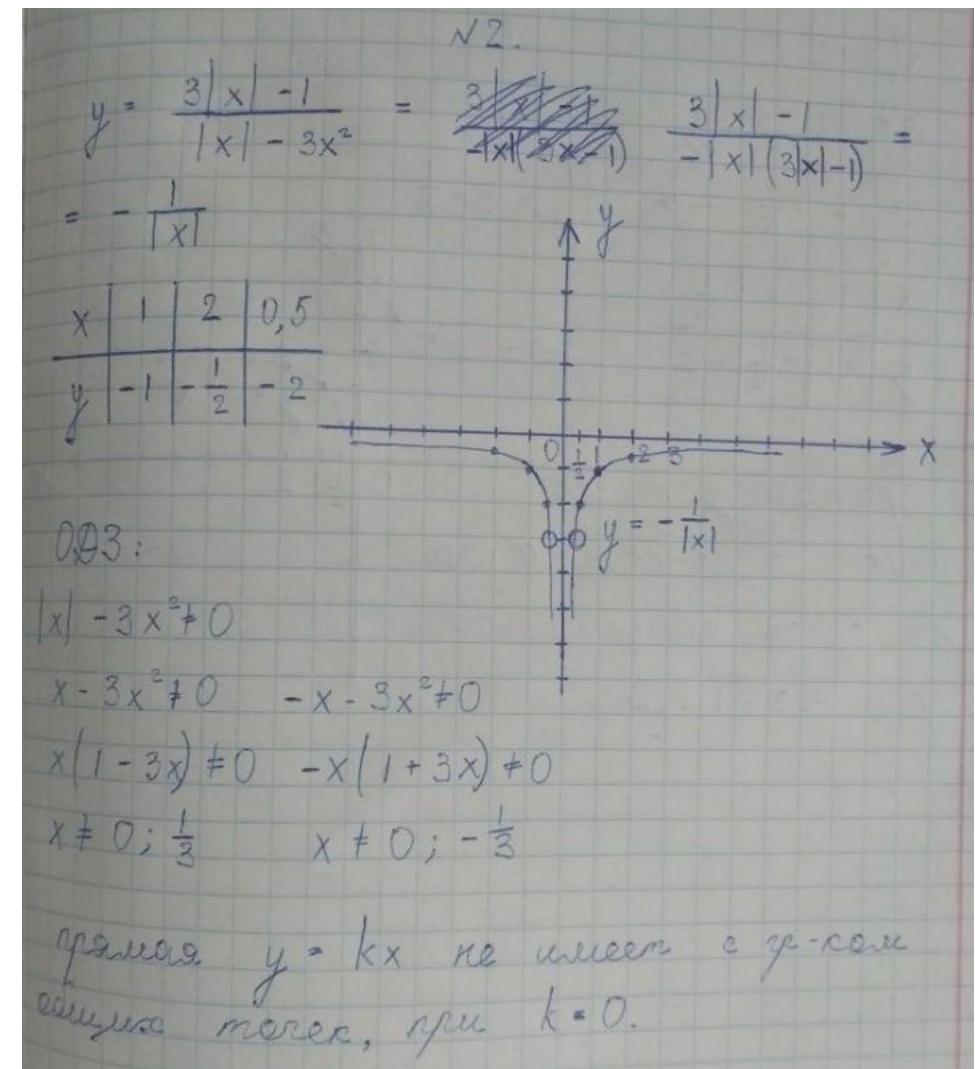
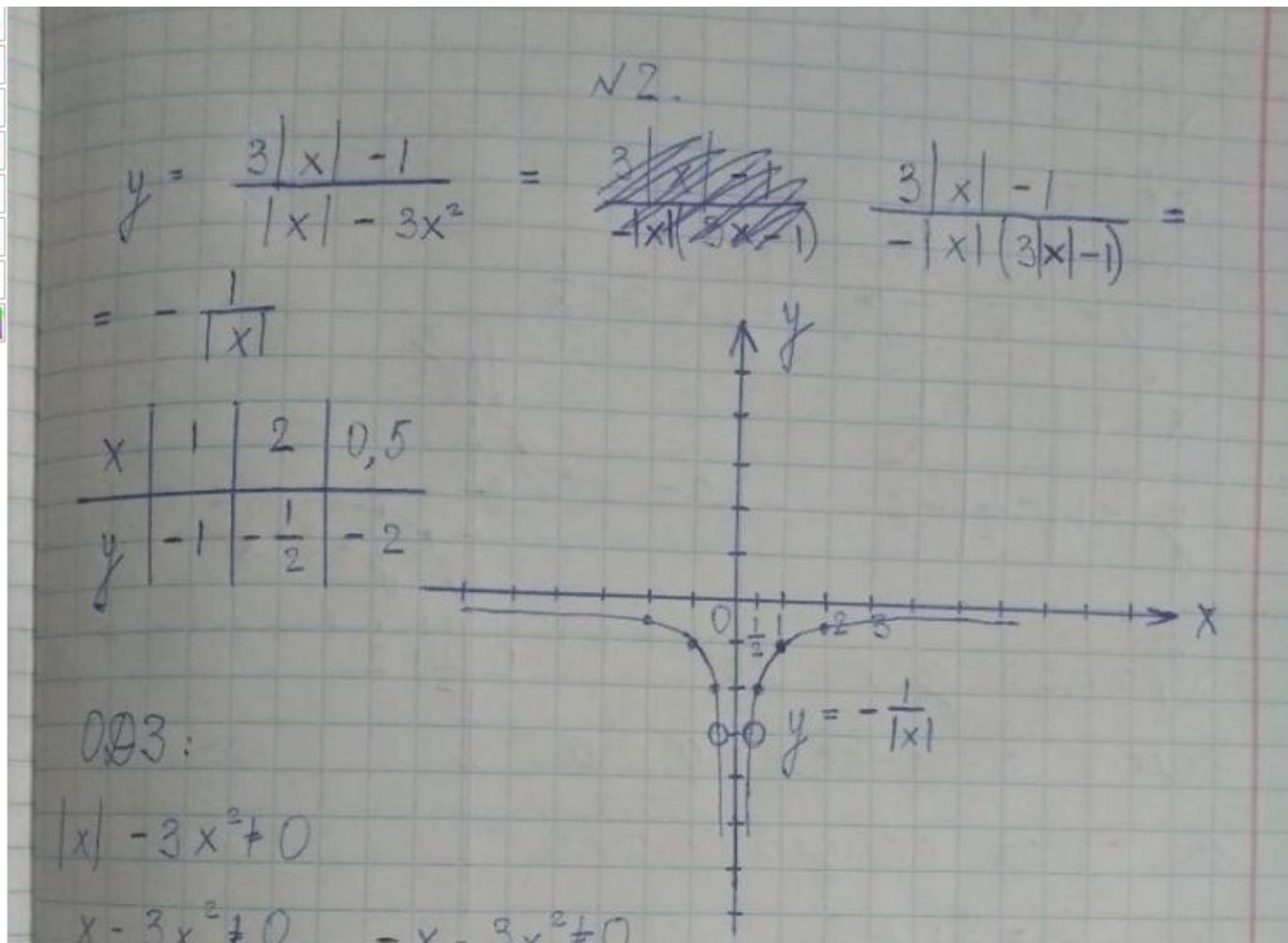
$$x_0 = -\frac{b}{2a} = \frac{\frac{10}{7}}{-\frac{2}{7}} = -5$$

$$y = -\frac{1}{7}x^2 - \frac{8}{7}x + 5$$
$$y_0 = -\frac{25}{7} + \frac{50}{7} + 5 = 8\frac{4}{7}$$

Омбем: $(-5; 8\frac{4}{7})$.

$$y = \frac{3|x| - 1}{|x| - 3x^2}.$$

Определите, при каких значениях k прямая $y = kx$ не имеет с графиком общих точек.



Постройте график функции $y = 3 - \frac{x+5}{x^2+5x}$ и определите, при каких значениях m прямая $y = m$ не имеет с графиком ни одной общей точки.

$$y = 3 - \frac{x+5}{x^2+5x} = 3 - \frac{x+5}{x(x+5)} = 3 - \frac{1}{x}$$

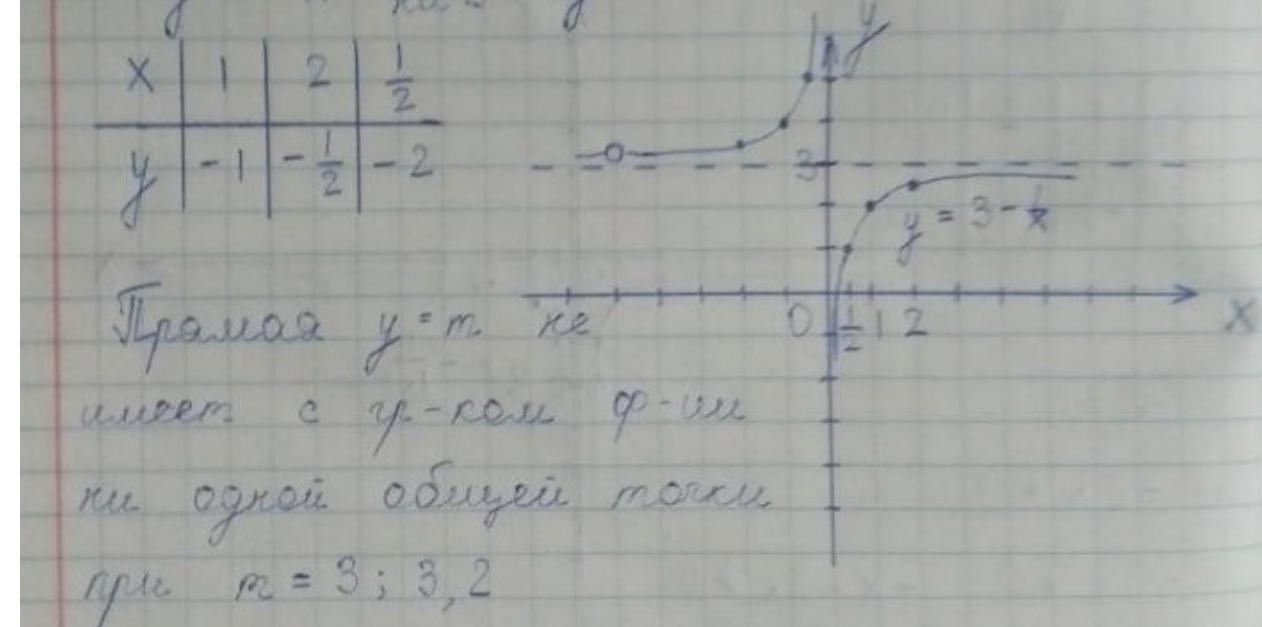
$$x^2 + 5x \neq 0$$

$$x(x+5) \neq 0$$

$$x \neq 0; -5.$$

$$\prod y = -\frac{1}{x} \xrightarrow{\text{блеск на 3}} \prod y = 3 - \frac{1}{x}$$

x	1	2	$\frac{1}{2}$
y	-1	$-\frac{1}{2}$	-2



$$\begin{cases} -x^2 + 6x - 9 \text{ при } x \geq 2, \\ -x + 1 \text{ при } x < 2. \end{cases}$$

и определите, при каких значениях m прямая $y = m$ имеет с графиком ровно две общие точки.

$$y = \begin{cases} -x^2 + 6x, & x \geq 2 \\ -x + 1, & x < 2 \end{cases}$$

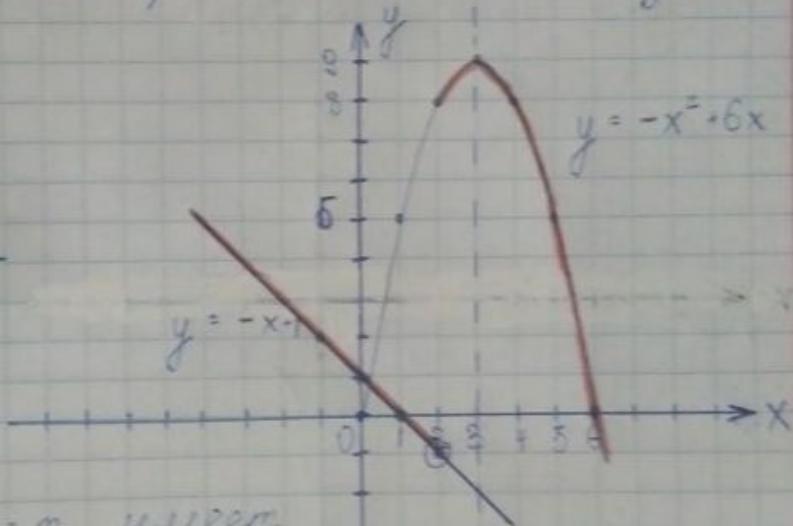
$$y = -x^2 + 6x$$

ob. ф-я, ф-к - парабола; ветви вниз.

$$x_0 = 3$$

$$y_0 = 9$$

x	1	2	0
y	5	8	0



Прямая $y = m$ имеет

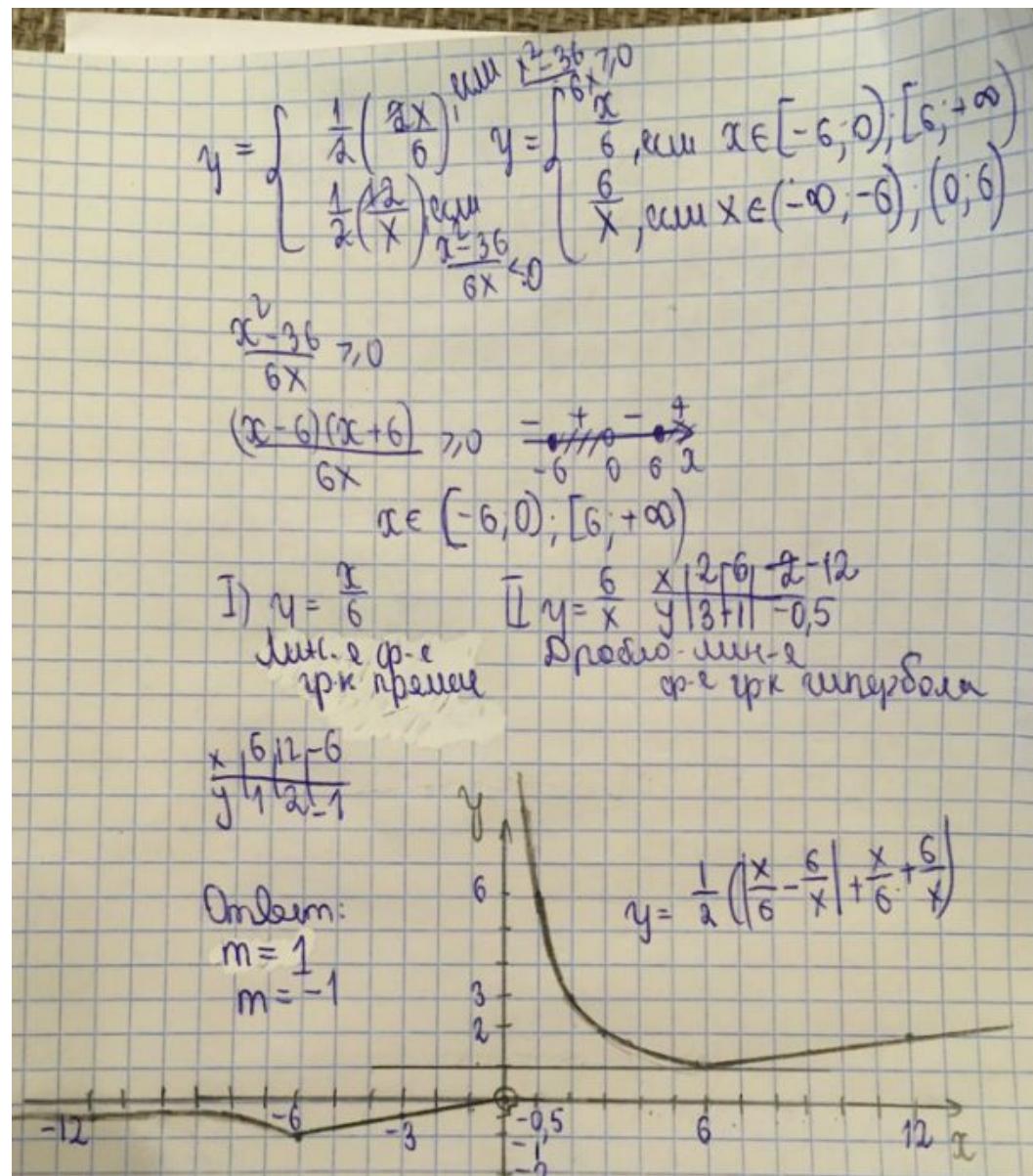
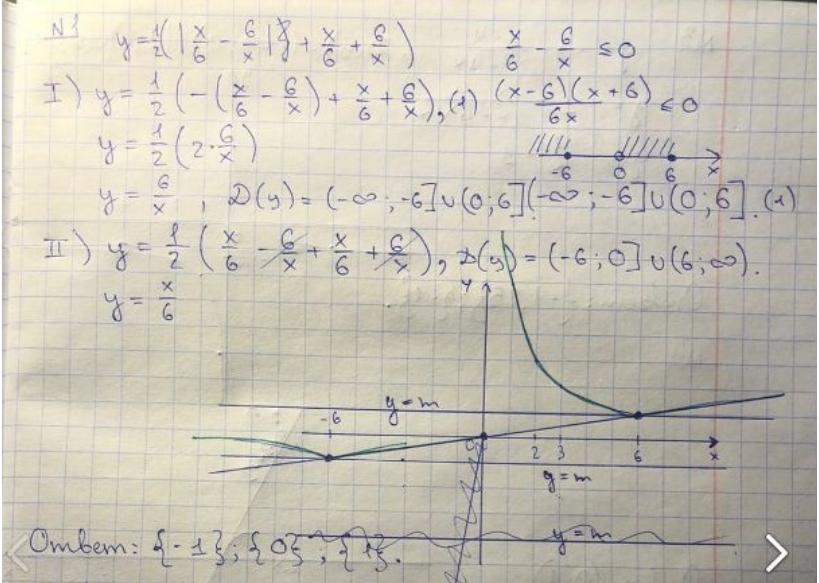
с параболой 2 общие точки, при
 $m = (-1; 8)$.

Постройте график функции $y = \frac{1}{2} \left(\left| \frac{x}{6} - \frac{6}{x} \right| + \frac{x}{6} + \frac{6}{x} \right)$. Определите, при каких значениях m прямая $y = m$ имеет с графиком ровно одну общую точку.

$$\text{Н2) } y = \frac{1}{2} \left(\left| \frac{x}{6} - \frac{6}{x} \right| + \frac{x}{6} + \frac{6}{x} \right)$$

$$\frac{x}{6} - \frac{6}{x} > 0 \quad \frac{x-36}{6x} < 0$$

$$y = \begin{cases} \frac{1}{2} \left(\frac{x}{6} - \frac{6}{x} + \frac{x}{6} + \frac{6}{x} \right), & \text{если } \frac{x-36}{6x} > 0 \\ \frac{1}{2} \left(-\frac{x}{6} + \frac{6}{x} + \frac{x}{6} + \frac{6}{x} \right), & \text{если } \frac{x-36}{6x} < 0 \end{cases}$$



Первая прямая проходит через точки $(0; 4,5)$ и $(3; 6)$. Вторая прямая проходит через точки $(1; 2)$ и $(-4; 7)$. Найдите координаты общей точки этих двух прямых.

$$N1) \quad (0; 4,5) \cup (3; 6)$$

$$y = kx + b$$

$$\begin{cases} 4,5 = 4,5 = k \cdot 0 + b \\ b = 4,5 \end{cases}$$

$$y = 0,5x + 4,5$$

$$6 = 3k + 4,5$$

$$\begin{aligned} 1,5 &= 3k \\ 0,5 &= k \end{aligned}$$

$$(1; 2) \cup (-4; 7)$$

$$y = kx + b$$

$$\begin{cases} 2 = k + b \\ 7 = -4k + b \end{cases}$$

$$\begin{aligned} -5 &= 5k \\ k &= -1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} k &= -1 \\ b &= 2 - k \\ b &= 3 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow y = -x + 3$$

$$0,5x + 4,5 = -x + 3$$

$$0,5x + x = 3 - 4,5$$

$$1,5x = -1,5$$

$$x = -1$$

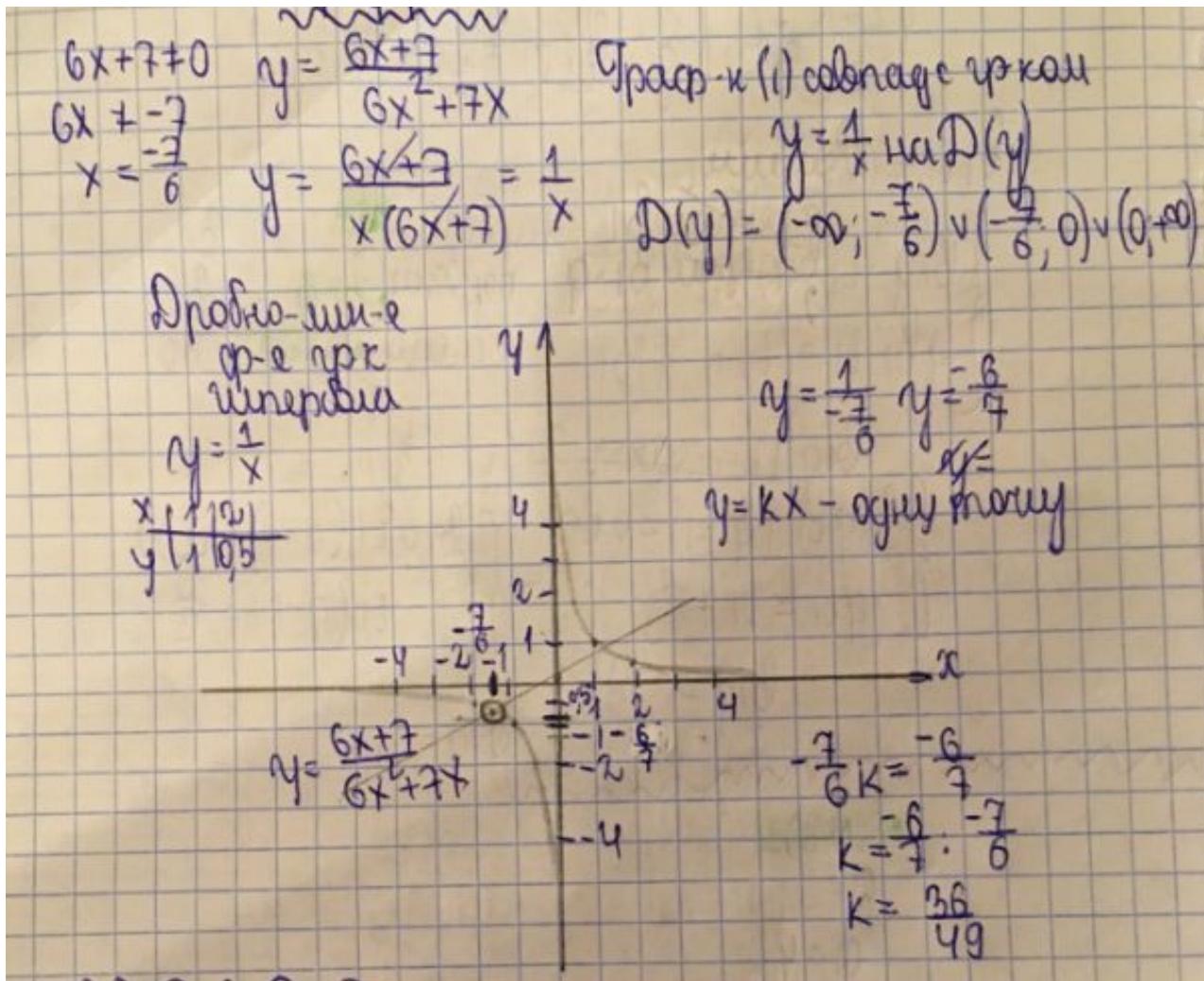
$$\text{Обознач}(-1; 5)$$

$$\begin{cases} x = -1 \\ y = 0,5x + 4,5 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = -1 \\ y = 5,5 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = -1 \\ y = 5,5 \end{cases}$$

Постройте график функции $y = \frac{6x+7}{6x^2+7x}$. Определите, при каких значениях k прямая $y = kx$ имеет с графиком ровно одну общую точку.



Постройте график функции $y = x + 5|x| - x^2$ и определите, при каких значениях c прямая $y = c$ имеет с графиком ровно три общие точки.

$$\textcircled{N} 4) \quad y = x + 5|x| - x^2$$

$$y = \begin{cases} \text{если } x+5x-x^2, \text{ если } x \geq 0 & \text{I)} \\ x+5x-x^2, \text{ если } x < 0 & \text{II)} \end{cases}$$

$$I) \quad y = -x^2 + 6x$$

200
200-0

$$0x = 3 \quad x_0 = -\frac{6}{2a}$$

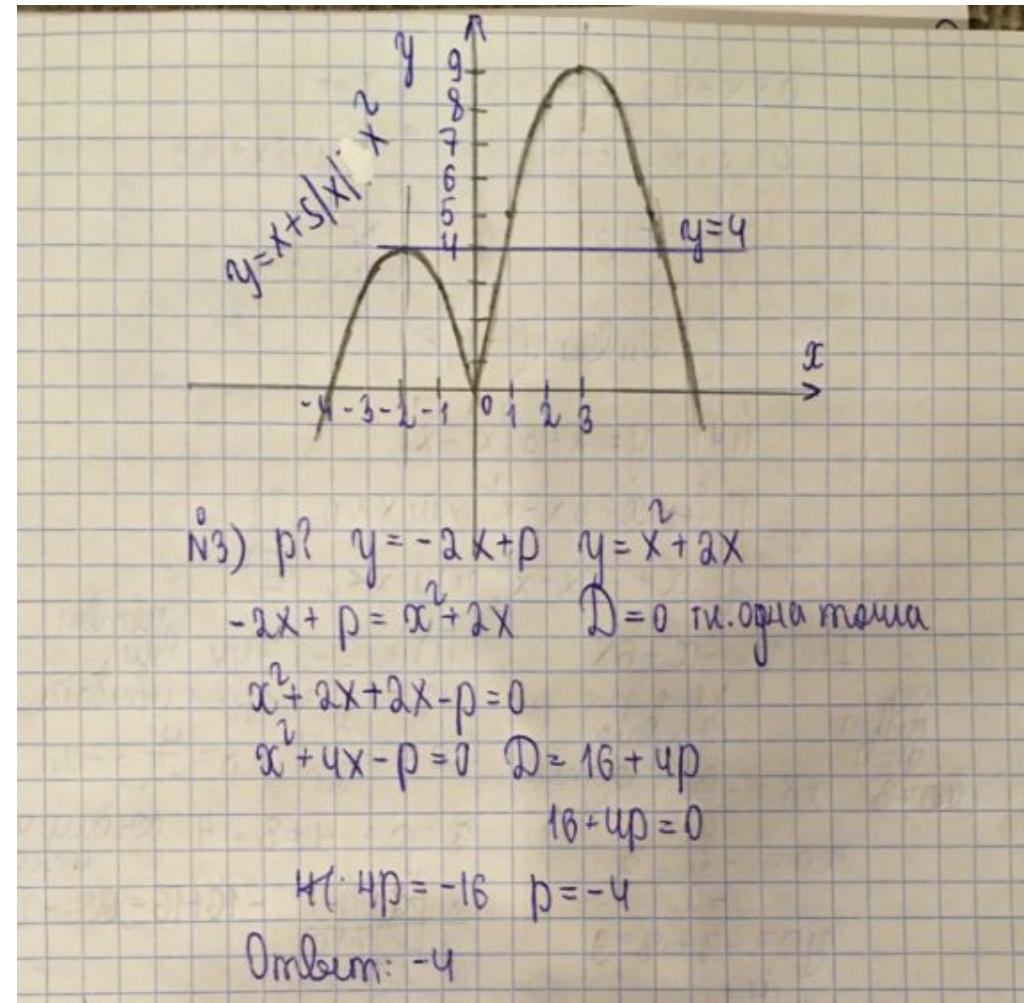
$$\begin{array}{r} \text{y} \\ \times 1411 \\ \hline \text{y} 1815 \end{array}$$

Ombrem: $c = 4$, $c = 0$

$$\begin{array}{r} \times 6541 \\ \hline 412013 \end{array}$$

II) $y = -x^2 - 4x$ бетін
көбейткіштің жағдайын
 $x_0 = -\frac{b}{2a}$ $x_0 = \frac{4}{-2} = -2$

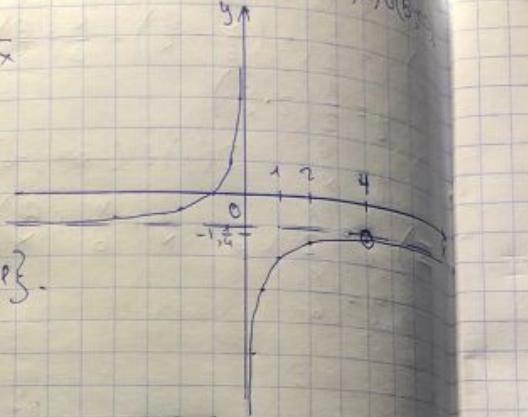
$$x - 6 = -4 + 1$$



N3 $y = -x - \frac{x-4}{x^2-4x}$, $D(y) = (-\infty; 0) \cup (0; 4) \cup (4; \infty)$

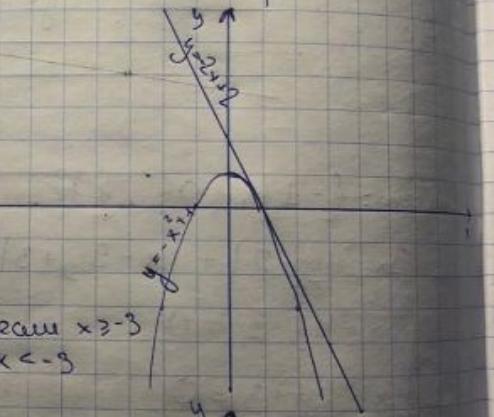
$$y = -x - \frac{x-4}{(x-4)x}$$

$$y = -x - \frac{1}{x} - 1$$



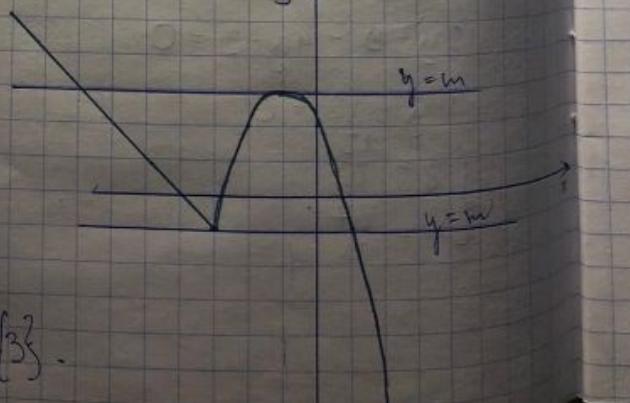
Ombrem: $\{-1,25\}; \{-\infty\}$.

N4



Ombrem: $(0; 1)$.

N5 $y = \begin{cases} -x^2 - 2x + 2, & \text{eann } x \geq -3 \\ -x - 4, & \text{eann } x < -3 \end{cases}$



Ombrem: $\{-1\}; \{3\}$.

$$\text{N2 } |3x - 4y - 2| + |x - 5y + 3| = 0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 3x - 4y - 2 = 0 \\ x - 5y + 3 = 0 \end{array} \right.$$

$$15y - 9 - 4y - 3 = 0$$

$$11y - 12 = 0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} y = \frac{12}{11} \\ x = \frac{27}{11} \end{array} \right.$$

B23.

$$N240 \quad x^4 = (x - 56)^2$$

$$\sqrt{x^4} = |x - 56|$$

$$\begin{cases} x = 7 \\ \dots \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = -8 \\ \dots \end{cases}$$

Ombere: -8; 7.

$\lfloor x = -12$ - ne mögl. w. Lösung.

Ombere: 12 km/u.

$$N22 \quad y = ||x+3|-2|$$

$$I) \quad x \leq -3$$

$$II) \quad -3 < x < -1$$

$$\begin{aligned} y &= -(x+3)-2 \\ y &= -x-5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} y &= -(-x-1-2) \\ y &= x+3 \end{aligned}$$

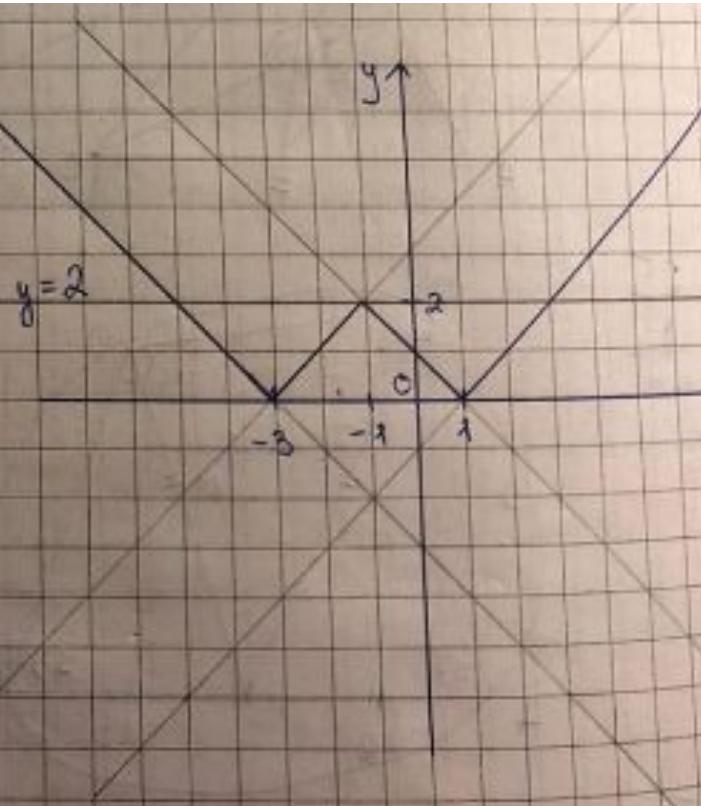
$$III) \quad -1 \leq x < 1$$

$$\begin{aligned} y &= -(x+1)-2 \\ y &= -x-3 \end{aligned}$$

$$IV) \quad 1 \leq x$$

$$\begin{aligned} y &= x+1-2 \\ y &= x-1 \end{aligned}$$

Ombere: m = 2.



№28 Турист х км/ч - скорость в стоянке боди, тогда $(x-4)$ км/ч - v_1 прямое движение, а $(x+4)$ км/ч - v_2 по движению боди.

Всего, что было путь 24 км, а т.к. прошло 4 часа с остановками, то мы составим уравнение:

$$\frac{24}{x+4} + 1,5 = \frac{24}{x-4}$$

ОДЗ
 $\left\{ \begin{array}{l} x \neq -4 \\ x \neq 4 \end{array} \right.$

$$\frac{24x - 96 + 1,5x^2 - 24 - 24x + 96}{x^2 - 16} = 0$$

$$1,5x^2 - 216 = 0$$

$$1,5(x^2 - 144) = 0$$

$$1,5(x-12)(x+12) = 0$$

$$x = 12$$

$x = -12$ - не ноги по движению.

Ответ: 12 км/ч.

4↑

B 38.

$$\text{N} 20 \quad (x^2 - 81)^2 + (x^2 - 6x - 27)^2 = 0$$

$$((x-9)(x+9))^2 + ((x-9)(x+3))^2 = 0$$

$$(x-9)^2 ((x+9)^2 + (x+3)^2) = 0$$

$$x = 9 \quad \text{oder} \quad x^2 + 18x + 81 + x^2 + 6x + 9 = 0$$

$$2x^2 + 24x + 90 = 0$$

$$2(x^2 + 12x + 45) = 0$$

$$x \notin \mathbb{R}$$

Ombrem: 9.

N21. Жүзінде x - концентрация кокеңкір настыбы.

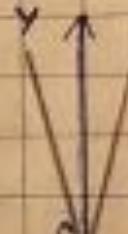
Знаң, шо облысиеңде ишесіншеңдер настыбынан, бергенде x за 1, а облыс кокеңкір таудасында за 2, солтүстүрүлгенде:

$$0,09 \cdot 1 + 0,19 \cdot 2 = 2x$$

$$0,27 = 2x$$

$$x = 0,14$$

Омбем: 14 %.



$$0,27 = 2x$$
$$x = 0,14$$

Oмбем: 14 %.

№22 $y = -x^2 - 4$

кв. со симметрией - парабола.
вершина вниз.

$$\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline x & 0 & -1 & 1 & -2 & 2 \\ \hline y & -4 & -5 & -5 & -8 & -8 \\ \hline \end{array}$$

$$x_0 = 0$$

$$y_0 = -4$$

$$u = -4x$$

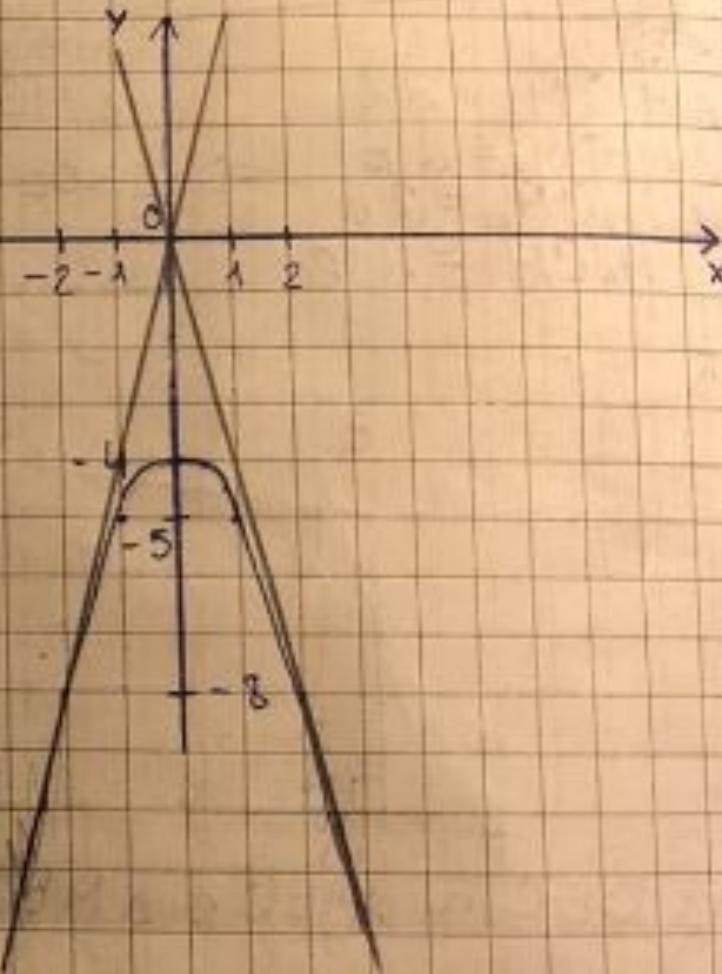
$$\begin{array}{|c|c|c|} \hline x & 0 & -1 & -2 \\ \hline y & 0 & -4 & -8 \\ \hline \end{array}$$

$$u = -4x$$

$$\begin{array}{|c|c|c|} \hline x & 0 & 1 & 2 \\ \hline y & 0 & -4 & -8 \\ \hline \end{array}$$

$$y = -4x^2$$

Oмбем: -4 ; 4



B40

$$\text{N}20 \quad x^3 - 7x^2 - x + 7 = 0$$

$$x^2(x-7) - (x-7) = 0$$

$$(x^2 - 1)(x-7) = 0$$

$$\begin{cases} x = -1 \\ x = 1 \\ x = 7 \end{cases}$$

N28. Түгелде барлық мәндер = 8. Тиражи: D, I, II, III, IV.
Соңғысынан салынып көрсөн:

$$\begin{cases} D + II = \frac{1}{3} \\ I + III = \frac{1}{12} \\ II + IV = \frac{1}{18} \end{cases}$$

$$2D + 2I + 2III = \frac{9}{36} \mid :2$$

$$D + I + III = \frac{1}{8} - \text{уәкілдегендегі нұсқау.}$$

Омбем: 30 % мас..

$$\text{N}22. \quad y = \begin{cases} x^2 + 4x + 4, & \text{есеп } x \geq -2 \\ -\frac{4}{x}, & \text{есеп } x < -2 \end{cases}$$

$$y = x^2 + 4x + 4 \quad \text{кб. оп-т, Up-K-нап.}$$

$$x_0 = -2$$

$$y_0 = 0$$

$$x | -2 | 0$$

$$y | 0 | 4$$

$$y = -\frac{4}{x} \quad \text{оп-т, Up-K-нап.}$$

$$\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline x & -8 & -4 & -2 \\ \hline y & \frac{1}{2} & 1 & 2 \\ \hline \end{array}$$

Омбем: $[0; \infty) = m$.

