### §3 Дефекты в кристаллах.

#### План:

- 1. Обратное пространство. Обратная решетка.
- 2. Векторы обратной решетки.
- 3. Условие дифракции.
- **4.** Зоны Бриллюэна.
- 5. Дефекты в кристаллах. Классификация дефектов.
- 6. Точечные дефекты кристаллической решетки.
- 7. Дислокации.

## 1. Обратное пространство. Обратная решетка

$$\vec{a}, \vec{b}$$
 и  $\vec{c}$  
$$\vec{a}^* = \frac{2\pi[\vec{b}\vec{c}\,]}{(\vec{a}[\vec{b}\vec{c}\,])}, \quad \vec{b}^* = \frac{2\pi[\vec{c}\vec{a}\,]}{(\vec{a}[\vec{b}\vec{c}\,])}, \quad \vec{c}^* = \frac{2\pi[\vec{a}\vec{b}\,]}{(\vec{a}[\vec{b}\vec{c}\,])}$$

$$(\vec{a}^*\vec{b}) = (\vec{a}^*\vec{c}) = (\vec{b}^*\vec{a}) = (\vec{b}^*\vec{c}) = (\vec{c}^*\vec{a}) = (\vec{c}^*\vec{b}) = 0,$$
  
 $(\vec{a}^*a) = (\vec{b}^*b) = (\vec{c}^*c) = 2\pi.$ 

$$\vec{a} = \frac{2\pi[\vec{b}^*\vec{c}^*]}{(\vec{a}^*[\vec{b}^*\vec{c}^*])}$$

#### 2. Векторы обратной решетки

$$ec{R}=mec{a}+nec{b}+pec{c}$$
  $ec{G}=hec{a}^*+kec{b}^*+lec{c}^*$  где  $h$  ,  $k$  ,  $l$  — целые числа

$$\vec{R}\vec{G} = (m\vec{a} + n\vec{b} + p\vec{c})(h\vec{a}^* + k\vec{b}^* + l\vec{c}^*) =$$

$$= (mh + nk + pl)2\pi = 2\pi N,$$

где N — целое число  $(\exp(i\vec{G}\vec{R})=1)$ 

#### 2. Векторы обратной решетки

$$\vec{G} \qquad h, k, l \qquad (hkl) \qquad \frac{1}{h}\vec{a} - \frac{1}{k}\vec{b}$$

$$\vec{G} \left( \frac{1}{h}\vec{a} - \frac{1}{k}\vec{b} \right) = (h\vec{a}^* + k\vec{b}^* + l\vec{c}^*) \left( \frac{1}{h}\vec{a} - \frac{1}{k}\vec{b} \right) = \vec{a}^* \vec{a} - \vec{b}^* \vec{b} = 0.$$

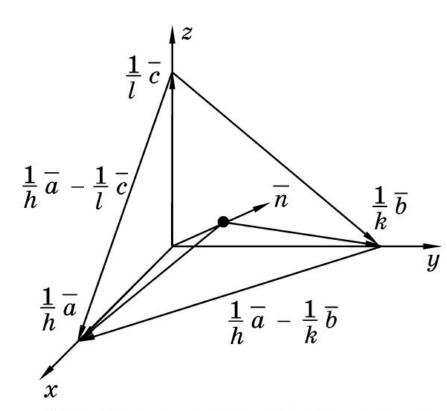
$$\frac{1}{h}\vec{a} - \frac{1}{l}\vec{c}$$

$$|G| = \frac{2\pi}{d_{hkl}} \qquad \vec{n} = \frac{\vec{G}}{|\vec{G}|}$$

$$d_{(hkl)} \qquad \frac{\vec{a}}{h}$$

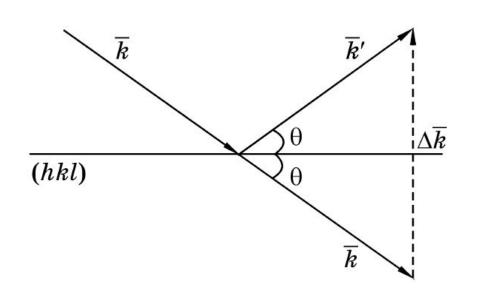
$$d_{hkl} = \frac{1}{h}(\vec{n}\vec{a}) = \frac{(\vec{G}\vec{a})}{|\vec{G}| h} = \frac{2\pi}{|G|}$$

$$|G| = \frac{2\pi}{d}$$



Расстояние между плоскостями с индексами Миллера (hkl)

#### 3. Условие дифракции



Изменение волнового вектора при зеркальном отражении от плоскости (hkl)

$$ert ec{k} ert = ert ec{k}' ert = rac{2\pi}{\lambda}$$
 $\Delta ec{k} = (ec{k}' - ec{k}) = 2\sin\theta \ ert ec{k} ert ec{n} = \left(rac{4\pi\sin\theta}{\lambda}
ight) ec{n} = rac{4\pi\sin\theta ec{G}}{\lambda ert ec{G}} = \left(rac{2d_{hkl}\sin\theta}{\lambda}
ight) ec{G}$ 
 $\Delta ec{k} = ec{G} \qquad ec{k}' = ec{G} + ec{k}$ 
 $ert ec{k} ert^2 = ert ec{k}'^2 ert \qquad ec{G}^2 + 2ec{k} ec{G} = 0 \qquad \Delta ec{k} = ec{G}_{hkl}$ 
 $ec{a}\Delta ec{k} = 2\pi h, \quad ec{b}\Delta ec{k} = 2\pi k, \quad ec{c}\Delta ec{k} = 2\pi l$ 

#### 4. Зоны Бриллюэна.

$$2\vec{k}\vec{G} + G^2 = 0$$

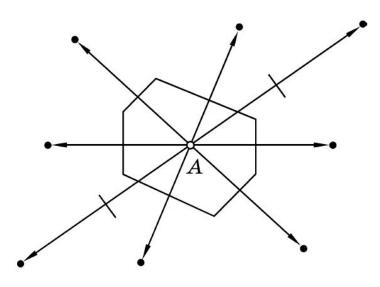
 $-ec{G}$  вместо  $ec{G}$ 

$$2\vec{k}\vec{G} = G^2$$

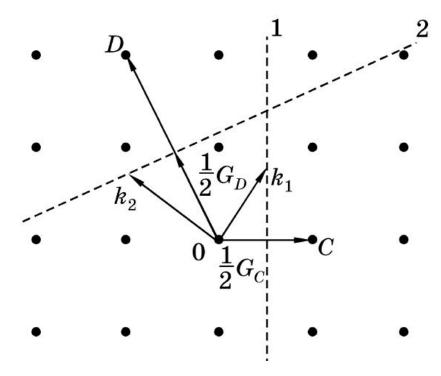
$$\left(\vec{k}\left(\frac{1}{2}\vec{G}\right)\right) = \left(\frac{1}{2}\vec{G}\right)^2$$

$$\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$$

$$ec{k} + ec{G}$$



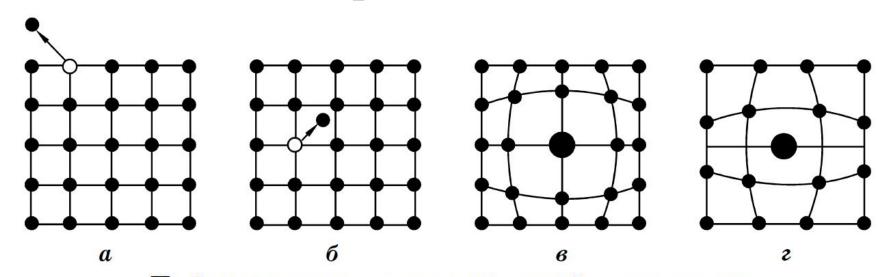
Часть обратного пространства для двумерной косоугольной решетки



Узлы обратной решетки

$$\left(\vec{k}_1 \left(\frac{\vec{G}_C}{2}\right) = \left(\frac{\vec{G}_C}{2}\right)^2, \quad \vec{k}_2 \left(\frac{\vec{G}_D}{2}\right) = \left(\frac{\vec{G}_D}{2}\right)^2\right)$$

# 6. Точечные дефекты кристаллической решетки



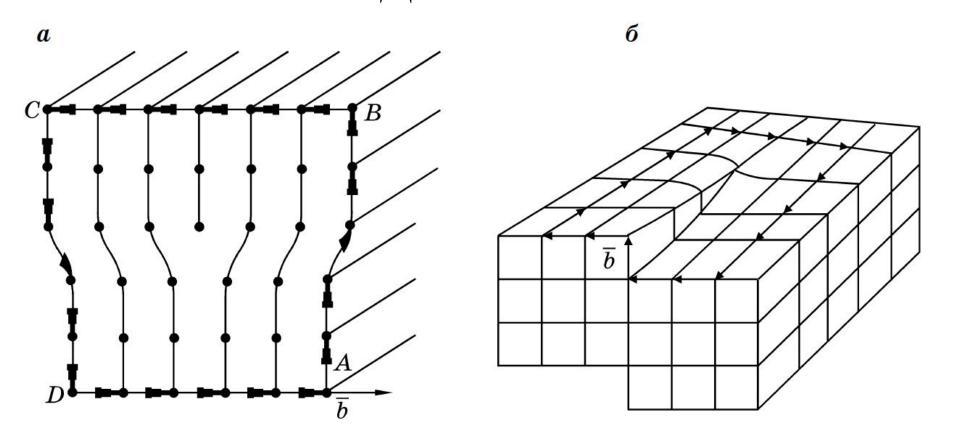
Дефекты кристаллической решетки:

a — по Шоттки;  $\delta$  — по Френкелю;  $\epsilon$  — замещения;  $\epsilon$  — внедрения.

 $n_{\scriptscriptstyle 
m III}$  зависит от энергии  $E_{\scriptscriptstyle 
m III}$   $n_0$ 

$$n_{\mathrm{III}} = n_0 \exp\left(-\frac{E_{\mathrm{III}}}{kT}\right)$$
 $n_{\mathrm{\Phi}} \approx \sqrt{n_0 n'} \exp\left(-\frac{E_{\mathrm{\Phi}}}{2k\pi}\right)$ 

#### 7. Дислокации



Два вида простых дислокаций:

a — краевая дислокация;  $\delta$  — винтовая дислокация.

### Спасибо за внимание!