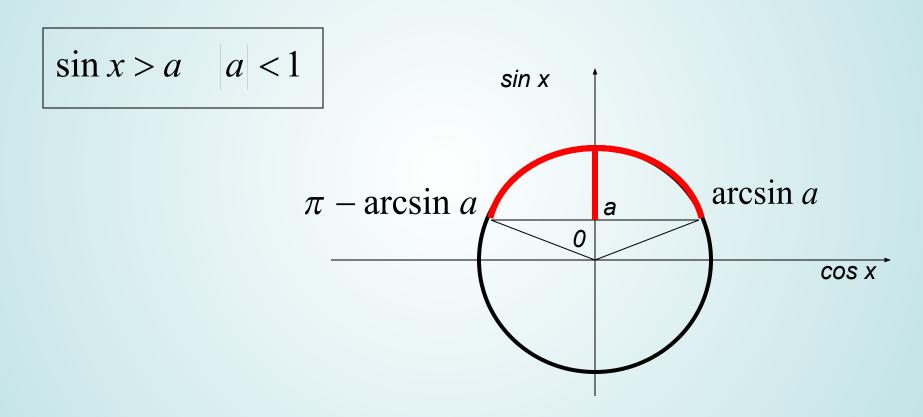
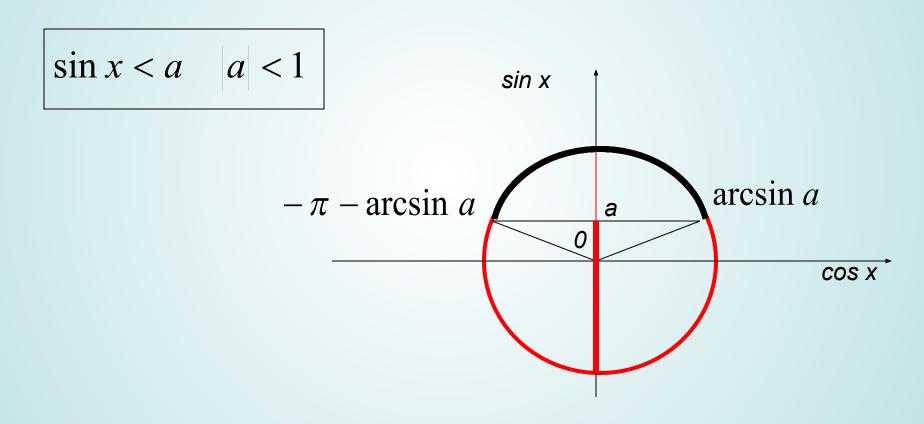
Решение простейших тригонометрических неравенств

Тригонометрическими неравенствами называются неравенства, содержащие переменную в аргументе тригонометрической функции.



$$x \in (\arcsin a + 2\pi k; \pi - \arcsin a + 2\pi k) \quad k \in \mathbb{Z}$$



$$x \in (-\pi - \arcsin a + 2\pi k; \arcsin a + 2\pi k)$$
 $k \in \mathbb{Z}$

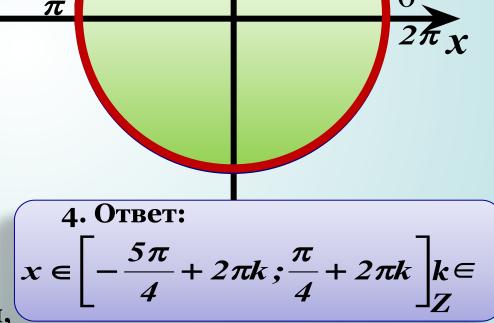
$$\sin x \le \frac{\sqrt{2}}{2}$$



 $\frac{\sqrt{2}}{2} \approx 0.7$

и соответствующие точки на окружности

- 2. Выделяем нижнюю часть окружности (обход совершаем против часовой стрелки).
- 3. Подписываем полученные точки. Обязательно учитываем, что начало дуги меньшее значение.



 $\cos x > a$ a < 1sin x arccos a cos x - arccos a

$$x \in (-\arccos a + 2\pi k; \arccos a + 2\pi k) \quad k \in \mathbb{Z}$$

 $\cos x < a \quad |a| < 1$ sin x arccos a cos x 2π – arccos a

$$x \in (\arccos a + 2\pi k; 2\pi - \arccos a + 2\pi k) \quad k \in \mathbb{Z}$$

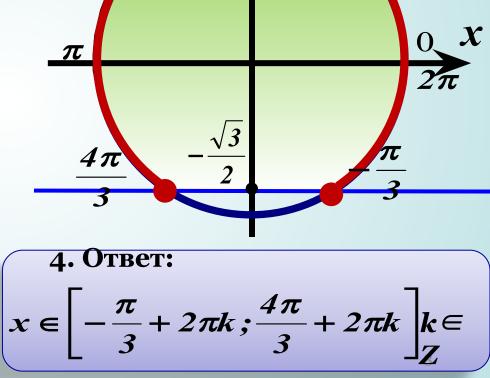
$$\sin x \ge -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

1. На Оу отмечаем значение

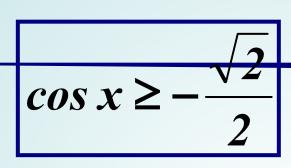
$$-\frac{\sqrt{3}}{2} \approx -0.8$$

и соответствующие точки на окружности

- 2. Выделяем верхнюю часть окружности (обход совершаем против часовой стрелки).
- 3. Подписываем полученные точки. Обязательно учитываем, что начало дуги меньшее значение.





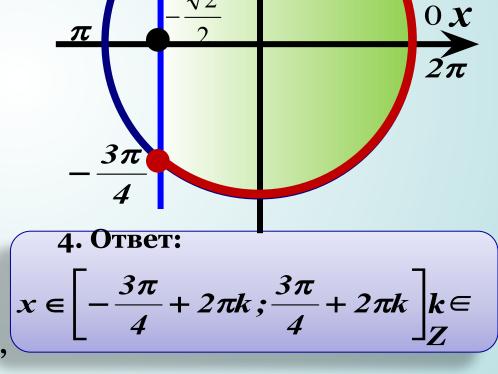


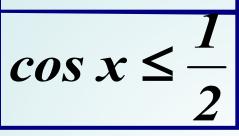
1. На Ох отмечаем значение

$$-\frac{\sqrt{2}}{2} \approx -0.7$$

и соответствующие точки на окружности

- 2. Выделяем правую часть окружности (обход совершаем против часовой стрелки).
- 3. Подписываем полученные точки. Обязательно учитываем, что начало дуги меньшее значение.

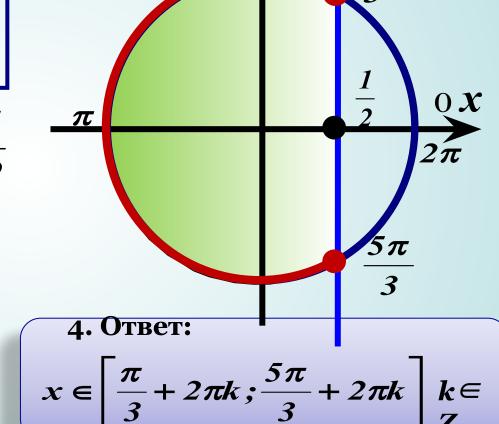




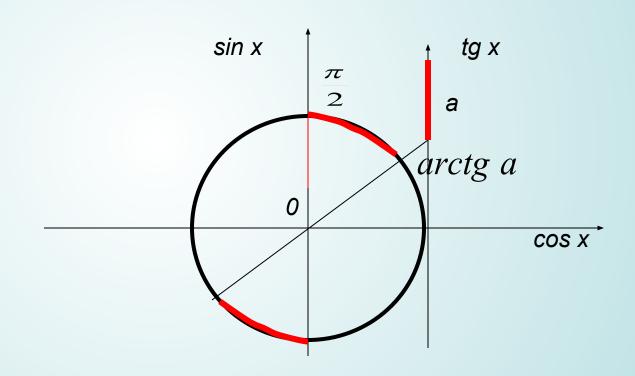
1. На Ох отмечаем значение

и соответствующие точки на окружности

- 2. Выделяем левую часть окружности (обход совершаем против часовой стрелки).
- 3. Подписываем полученные точки. Обязательно учитываем, что начало дуги меньшее значение.

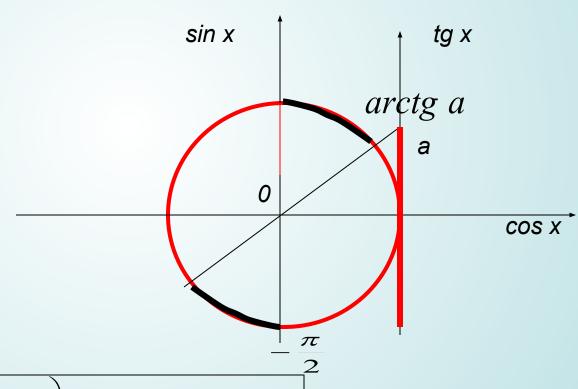


tgx > a



$$x \in \left(arctga + \pi k; \frac{\pi}{2} + \pi k\right) \quad k \in \mathbb{Z}$$

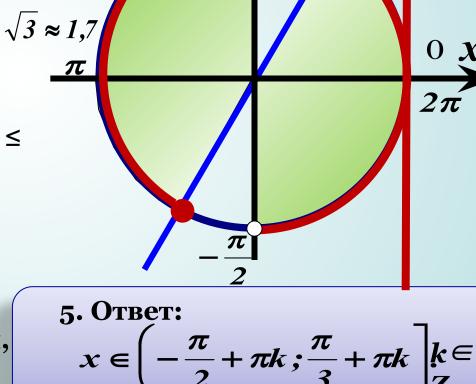
tgx < a

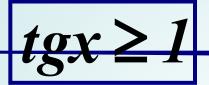


$$x \in \left(-\frac{\pi}{2} + \pi k; arctga + \pi k\right) \quad k \in \mathbb{Z}$$

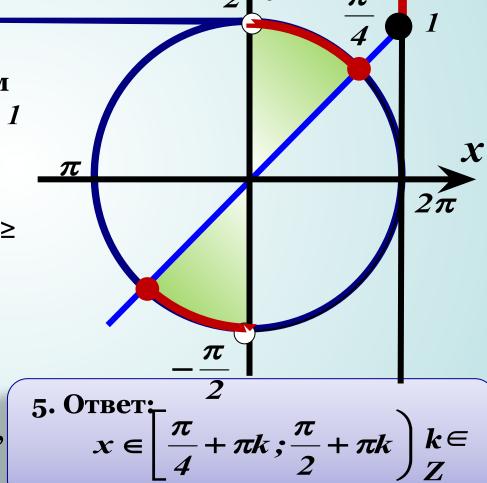


- 2. Выделяем нижнюю часть линии тангенсов, поскольку решаем неравенство со знаком ≤
- 3. Выделяем соответствующую часть окружности (обход совершаем против часовой стрелки).
- 4. Подписываем полученные точки. Обязательно учитываем, что начало дуги меньшее значение.

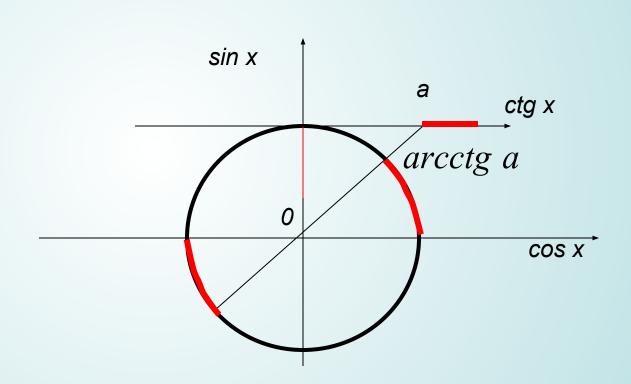




- 1. На линии тангенсов отмечаем значение
- 2. Выделяем верхнюю часть линии тангенсов, поскольку решаем неравенство со знаком ≥
- 3. Выделяем соответствующую часть окружности (обход совершаем против часовой стрелки).
- 4. Подписываем полученные точки. Обязательно учитываем, что начало дуги меньшее значение.

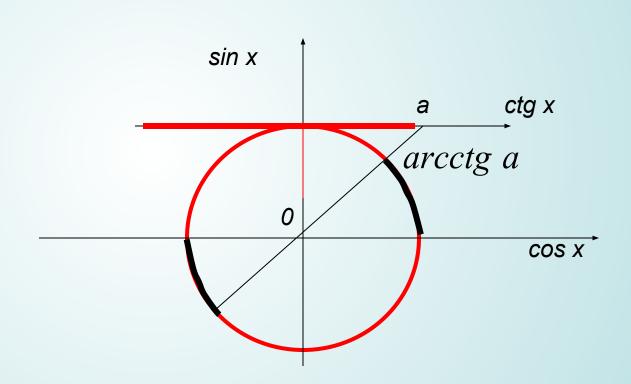


ctgx > a



$$x \in (0 + \pi k; arcctga + \pi k) \quad k \in \mathbb{Z}$$

ctgx < a



$$x \in (arcctga + \pi k; \pi + \pi k) \quad k \in \mathbb{Z}$$

Задачи для самостоятельного решения

Решите неравенства

$$1. \sin x \le -\frac{1}{2}$$

2.
$$\sin 3x \ge \frac{\sqrt{2}}{2}$$

3.
$$\cos 2x \ge -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

4.
$$\cos 2x \le \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$5. \operatorname{tg} x \ge -1$$

6.
$$tg x \ge -\frac{\sqrt{3}}{3}$$

7.
$$\cos(x + \frac{\pi}{3}) < \frac{1}{2}$$

8.
$$\cos (3x - \frac{\pi}{3}) < \frac{\sqrt{3}}{2}$$