

«ФОРМУЛЫ ПРИВЕДЕНИЯ»



Самостоятельная работа

Вариант 1	Вариант 2
1. Найти значение выражения $\sin \frac{7\pi}{12} \cdot \cos \frac{\pi}{12} - \sin \frac{\pi}{12} \cdot \cos \frac{7\pi}{12}$	1. Найти значение выражения $\sin 73^\circ \cdot \cos 13^\circ - \cos 73^\circ \cdot \sin 13^\circ$
2. Упростить выражение $\cos(-\alpha) \cdot \sin(-\beta) - \sin(\alpha - \beta)$	2. Упростить выражение $\sin(\alpha + \beta) + \sin\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) \cdot \sin(-\beta)$
3. Дано: $\sin \alpha = 0,8$; $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$ Найти: $\cos \alpha$, $\operatorname{tg} \alpha$, $\operatorname{ctg} \alpha$	3. Дано: $\cos \alpha = 0,8$; $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ Найти: $\cos \alpha$, $\operatorname{tg} \alpha$, $\operatorname{ctg} \alpha$



Критерии оценки:

0 ошибок **«5»**

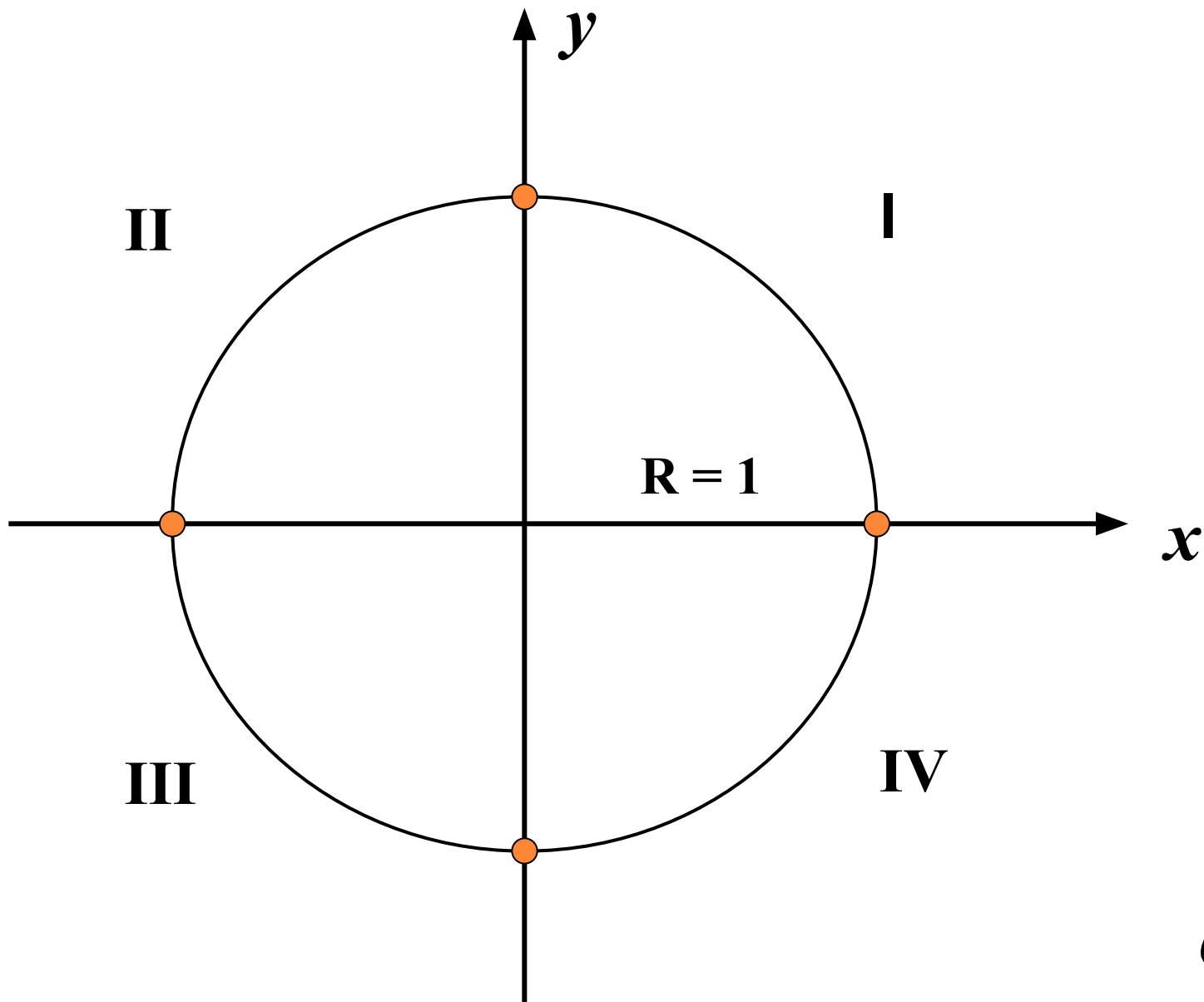
1-ошибки **«4»**

2-ошибки **«3»**

**3 и более
ошибок** **«2»**

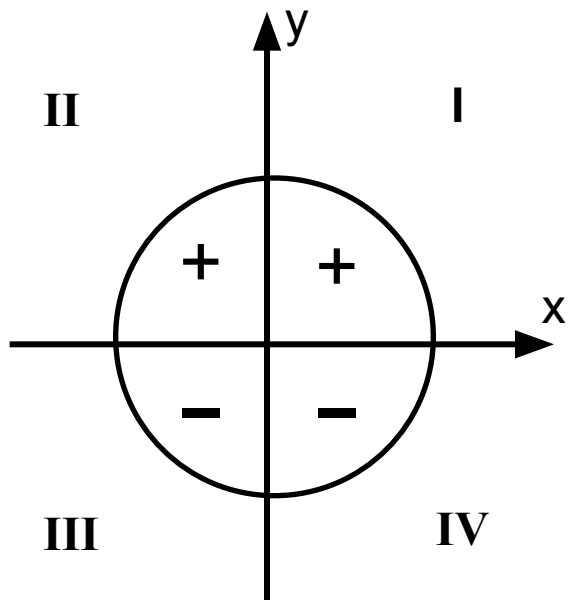


ЕДИНИЧНАЯ ОКРУЖНОСТЬ

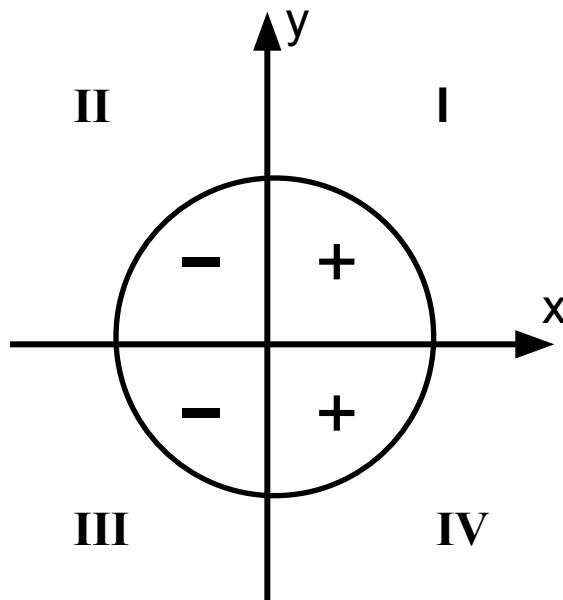


ЗНАКИ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИХ ФУНКЦИЙ

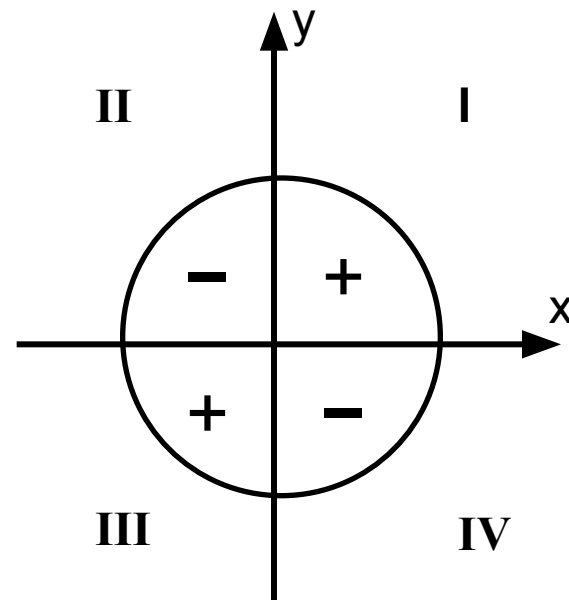
$$y = \sin x$$



$$y = \cos x$$



$$y = \operatorname{tg} x, y = \operatorname{ctg} x$$



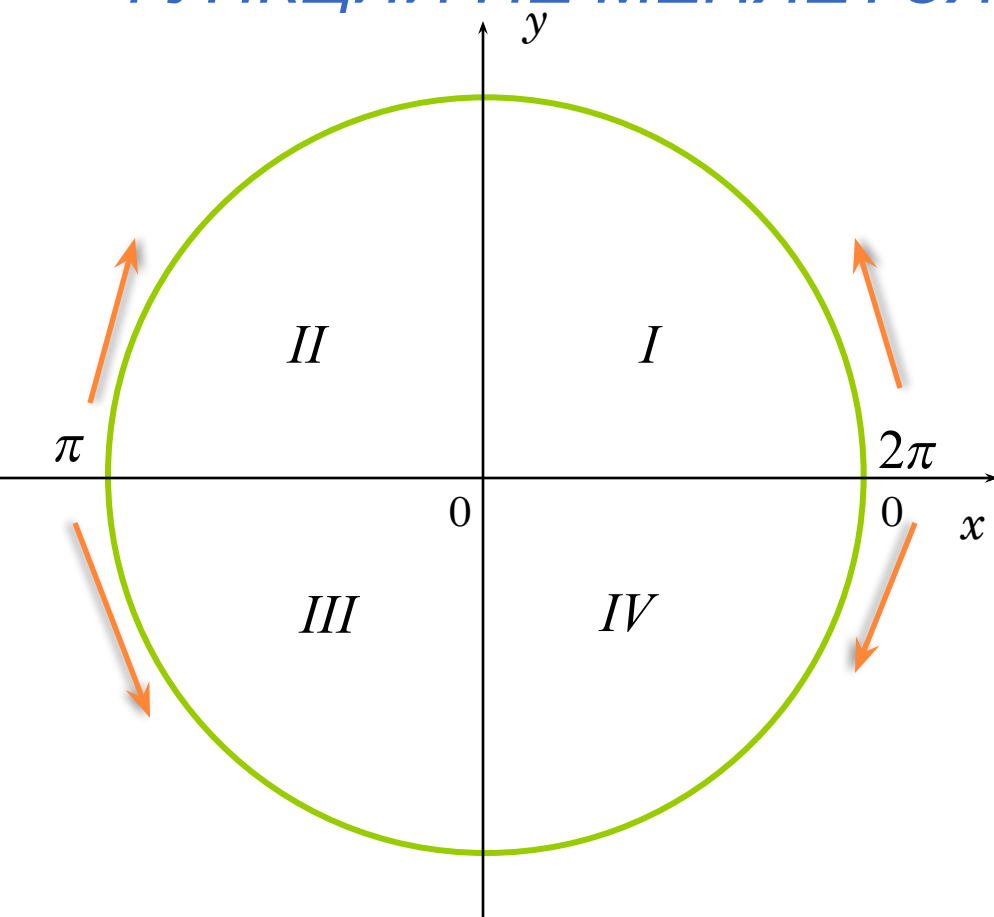
ФОРМУЛЫ ПРИВЕДЕНИЯ

- - это формулы, позволяющие выразить значения тригонометрических функций любого угла через функции угла первой четверти, т.е. $< 90^\circ$.

$$\alpha < 90^\circ$$



ПРАВИЛО 1. ЕСЛИ УГОЛ α ОТКЛАДЫВАЮТ ОТ ОСИ Ox , ТО НАИМЕНОВАНИЕ ФУНКЦИИ НЕ МЕНЯЕТСЯ.



$$2\pi \pm \alpha$$

$$\pi \pm \alpha$$

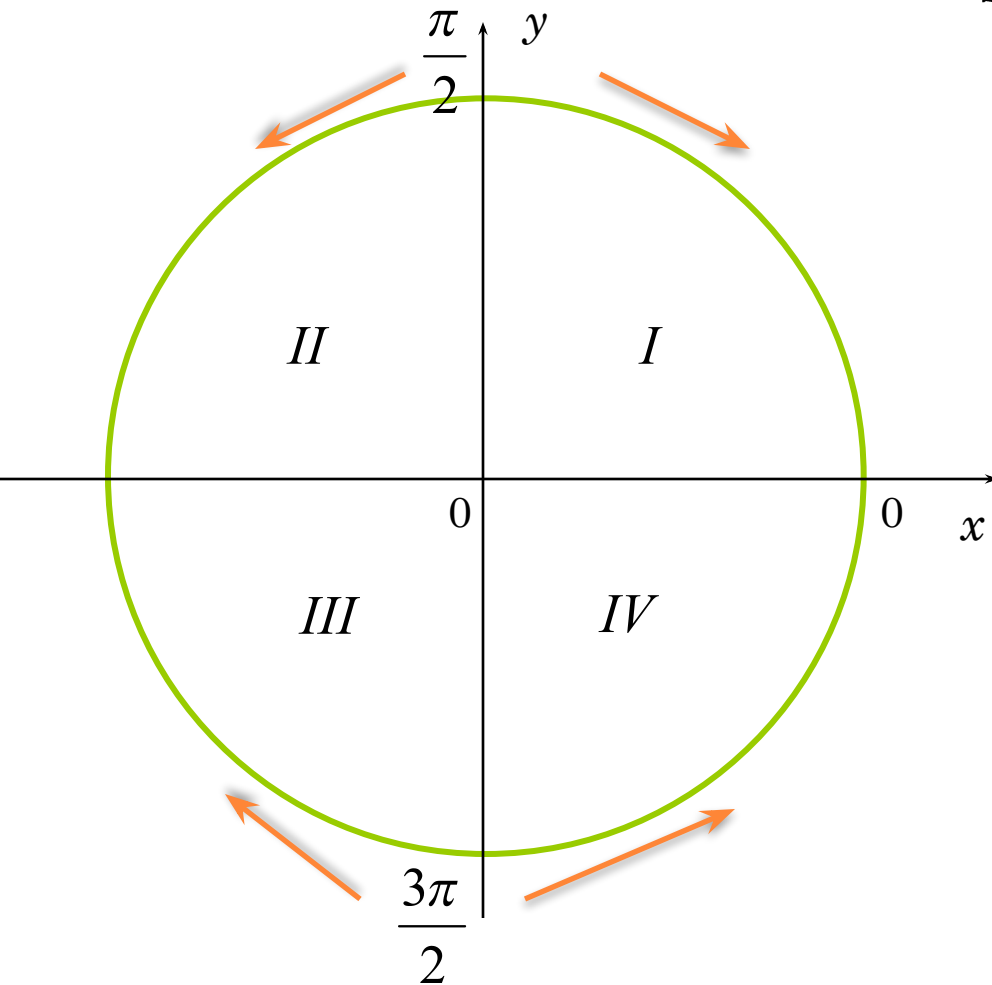
ПРАВИЛО 1. А ЕСЛИ УГОЛ
ОТКЛАДЫВАЮТ ОТ α ОСИ OY , ТО
НАИМЕНОВАНИЕ ФУНКЦИИ МЕНЯЕТСЯ НА
СХОДНОЕ.

$$\sin \alpha \leftrightarrow \cos \alpha$$

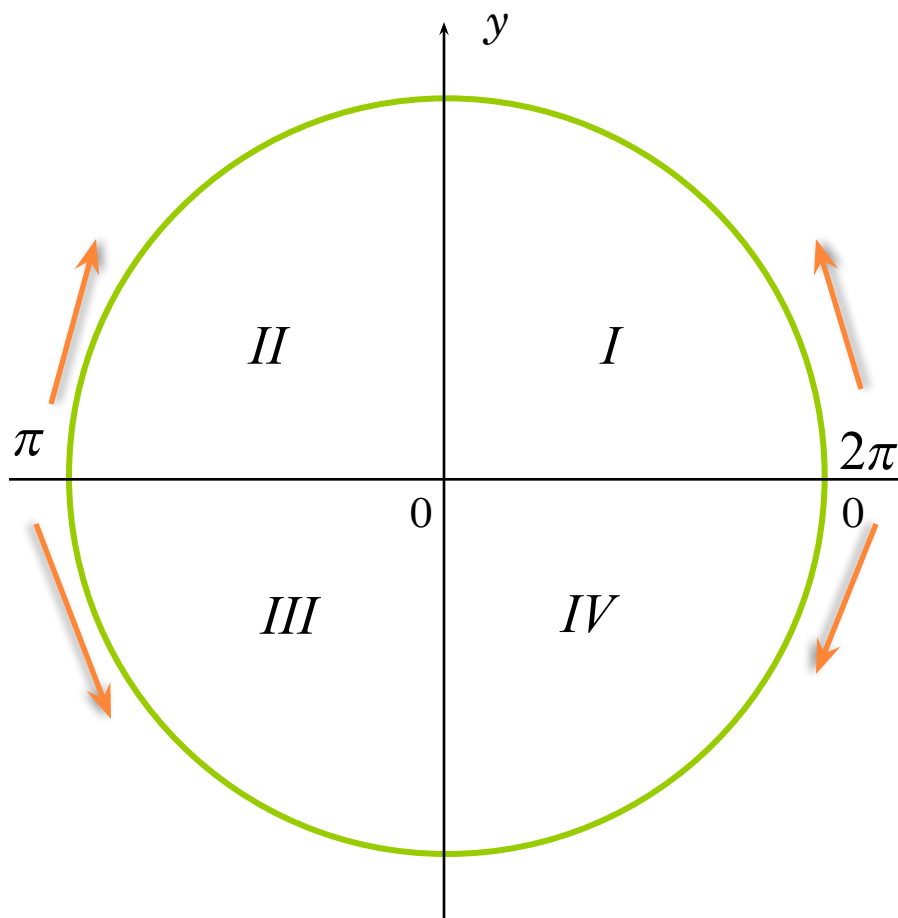
$$\operatorname{tg} \alpha \leftrightarrow \operatorname{ctg} \alpha$$

$$\frac{\pi}{2} \pm \alpha$$

$$\frac{3\pi}{2} \pm \alpha$$



**ПРАВИЛО 2. ЗНАК В ПРАВОЙ ЧАСТИ
ФОРМУЛЫ ОПРЕДЕЛЯЕТСЯ ПО ЗНАКУ
ФУНКЦИИ В ЛЕВОЙ ЧАСТИ.**



$$\sin(2\pi - \alpha) = -\sin \alpha$$

$$\sin(\pi + \alpha) = -\sin \alpha$$

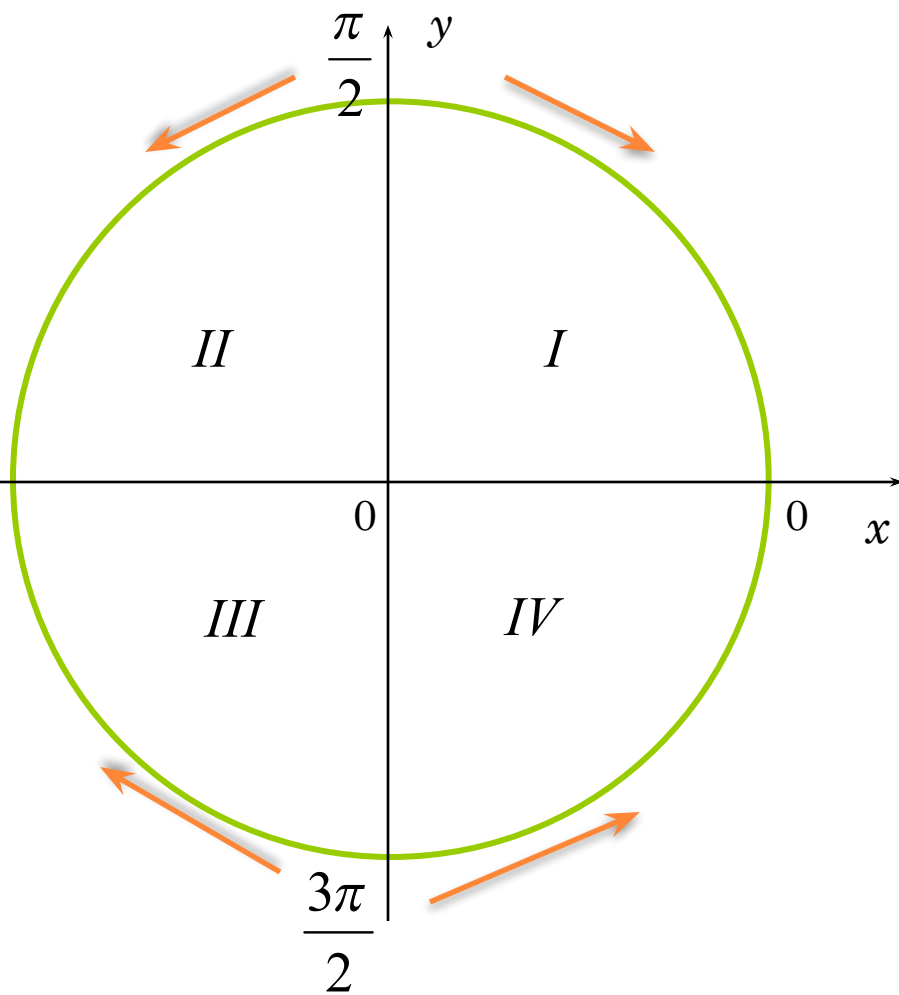
$$\cos(2\pi - \alpha) = \cos \alpha$$

$$\operatorname{tg}(\pi + \alpha) = \operatorname{tg} \alpha$$

$$\operatorname{ctg}(2\pi - \alpha) = -\operatorname{ctg} \alpha$$



ПРАВИЛО 2. ЗНАК В ПРАВОЙ ЧАСТИ ФОРМУЛЫ ОПРЕДЕЛЯЕТСЯ ПО ЗНАКУ ФУНКЦИИ В ЛЕВОЙ ЧАСТИ.



$$\sin\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = \cos \alpha$$

$$\cos\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) = -\sin \alpha$$

$$\operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = -\operatorname{ctg} \alpha$$

$$\operatorname{ctg}\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) = \operatorname{tg} \alpha$$



ЗАПИШИТЕ ФОРМУЛЫ ПРИВЕДЕНИЯ

$$\sin(90^\circ - \alpha) = \cos \alpha$$

$$\cos(180^\circ - \alpha) = -\cos \alpha$$

$$\operatorname{tg}(270^\circ - \alpha) = \operatorname{ctg} \alpha$$

$$\sin(270^\circ - \alpha) = -\cos \alpha$$

$$\cos(90^\circ + \alpha) = -\sin \alpha$$

$$\sin(360^\circ - \alpha) = -\sin \alpha$$



АЛГОРИТМ ПРИМЕНЕНИЯ ФОРМУЛ ПРИВЕДЕНИЯ

- 1) Определить, какой координатной четверти принадлежит угол;
- 2) Найти знак данной функции в этой четверти;
- 3) Определить, меняется данная функция на «кофункцию» или нет:

$$\sin \alpha \leftrightarrow \cos \alpha \quad \operatorname{tg} \alpha \leftrightarrow \operatorname{ctg} \alpha$$



ЗАДАНИЕ 1. ВЫРАЗИТЕ
ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИЕ ФУНКЦИИ ЧЕРЕЗ
УГОЛ МЕНЬШЕ 45°.

$$\sin 168^\circ = \sin(180^\circ - 12^\circ) = \sin 12^\circ$$

$$\cos 123^\circ = \cos(90^\circ + 33^\circ) = -\sin 33^\circ$$

$$\operatorname{tg} 174^\circ = \operatorname{tg}(180^\circ - 6^\circ) = -\operatorname{tg} 6^\circ$$

$$\operatorname{tg} 263^\circ = \operatorname{tg}(270^\circ - 7^\circ) = \operatorname{ctg} 7^\circ$$

$$\operatorname{ctg}(-380^\circ) = -\operatorname{ctg}(360^\circ + 20^\circ) = -\operatorname{ctg} 20^\circ$$

$$\cos(-969^\circ) = \cos(270^\circ - 31^\circ) = -\sin 31^\circ$$



ЗАДАНИЕ 2. УПРОСТИТЬ ВЫРАЖЕНИЕ

$$3 \cos \alpha - 3 \cos(360^\circ - \alpha) + \cos(90^\circ - \alpha) - \sin(\alpha + 180^\circ) =$$

$$\cancel{3 \cos \alpha} - \cancel{3 \cos \alpha} + \sin \alpha + \sin \alpha =$$

$$2 \sin \alpha$$



ЗАДАНИЕ 3. *НАЙТИ ЗНАЧЕНИЕ ВЫРАЖЕНИЯ:*

$$\text{II} \quad \underline{\cos} 135^\circ = \frac{\cos(90^\circ + 45^\circ)}{\cos(\underline{180^\circ} - 45^\circ)} = \frac{-\sin 45^\circ}{-\underline{\cos} 45^\circ} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\sin \frac{4\pi}{3} = \sin \left(\frac{\cancel{3\pi}}{\cancel{3}} + \frac{\pi}{3} \right) = \sin \left(\overset{\text{III}}{\pi} + \frac{\pi}{3} \right) =$$

$$-\sin \frac{\pi}{3} = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$



ЗАДАНИЕ 4 (В7). УПРОСТИТЬ ВЫРАЖЕНИЕ

$$\sin 150^\circ \cdot \operatorname{tg} 225^\circ =$$

$$\sin(180^\circ - 30^\circ) \cdot \operatorname{tg}(180^\circ + 45^\circ) =$$

$$= \sin 30^\circ \cdot \operatorname{tg} 45^\circ =$$

$$= \frac{1}{2} \cdot 1 = \frac{1}{2} = 0,5$$



ЗАДАНИЕ 4 (В7). УПРОСТИТЬ ВЫРАЖЕНИЕ

$$\sin 150^\circ \cdot \operatorname{tg} 225^\circ =$$

$$\sin(180^\circ - 30^\circ) \cdot \operatorname{tg}(180^\circ + 45^\circ) =$$

$$= \sin 30^\circ \cdot \operatorname{tg} 45^\circ = \frac{1}{2} \cdot 1 =$$

$$= \frac{1}{2} = 0,5$$

$$\sin(90^\circ + 60^\circ) \cdot \operatorname{tg}(270^\circ - 45^\circ) =$$

$$= \cos 60^\circ \cdot \operatorname{ctg} 45^\circ = \frac{1}{2} \cdot 1 =$$

$$= \frac{1}{2} = 0,5$$

