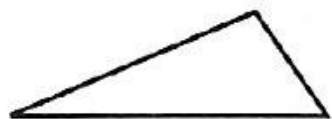
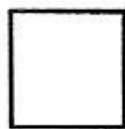


# **Геометрические фигуры в пространстве**

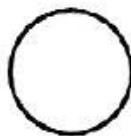
- **Планиметрия** — раздел геометрии, изучающий фигуры, которые можно расположить в пределах одной плоскости: треугольники, окружности, параллелограммы (двумерные, одноплоскостные фигуры)



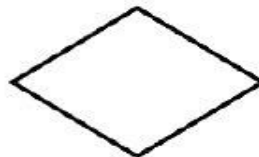
треугольник



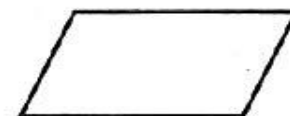
квадрат



круг

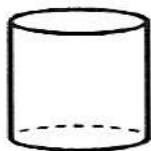


ромб

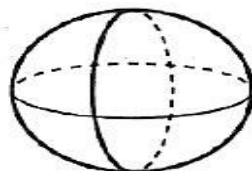


параллелограмм

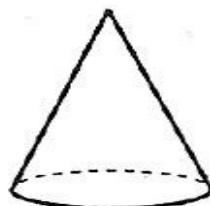
- **Стереометрия** — раздел геометрии, в котором изучаются свойства фигур в пространстве. Основными объектами стереометрии являются точки, прямые, плоскости и замкнутые пространственные фигуры (куб, пирамида,



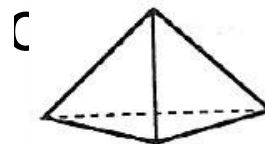
цилиндр



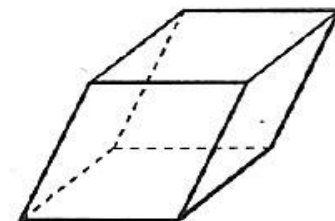
шар



конус

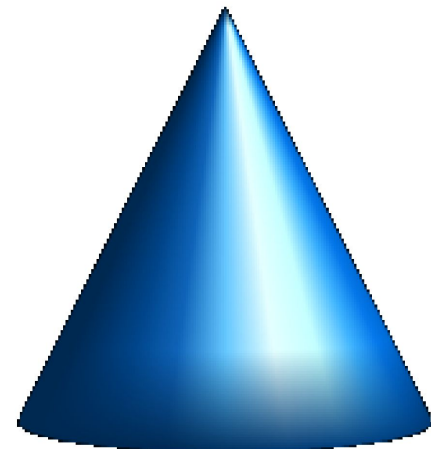
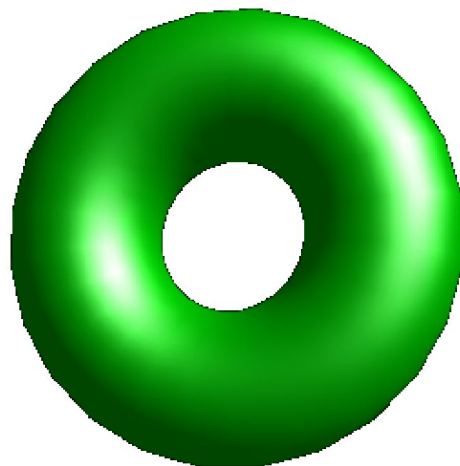
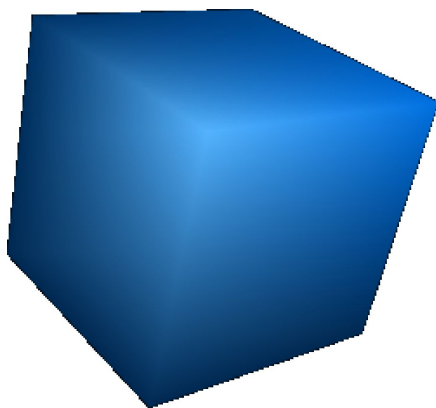
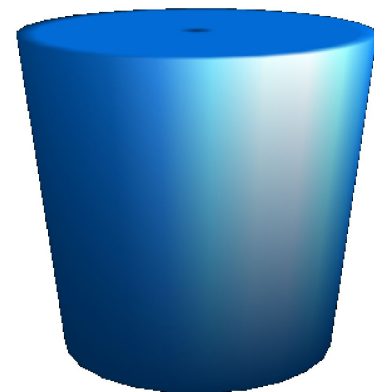
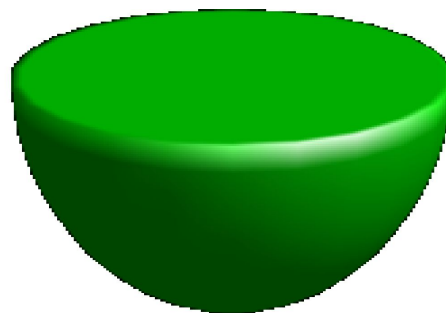
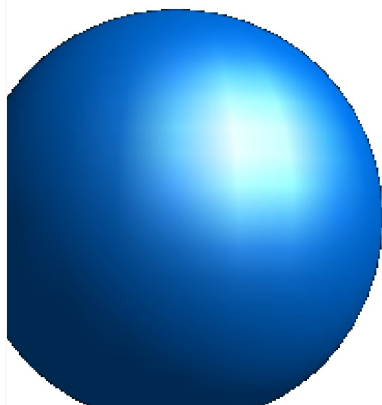
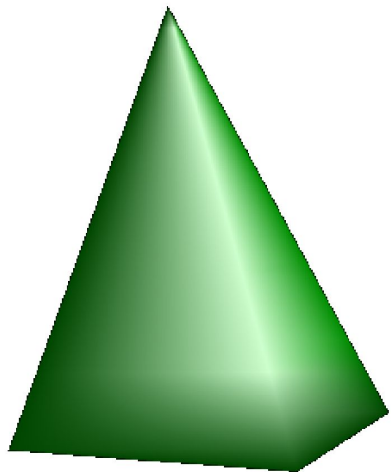


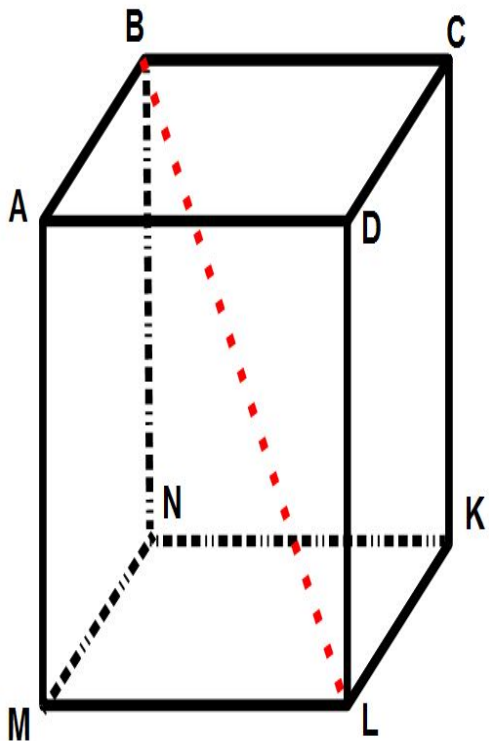
пирамида



параллелепипед

В стереометрии изучают  
фигуры в пространстве, называемые  
**телами.**





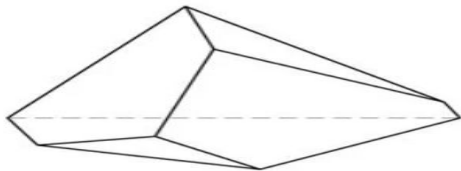
**Многогранником** называется тело, ограниченное конечным числом плоскостей.

Поверхность многогранника состоит из конечного числа многоугольников, которые называются **гранями многогранника**.

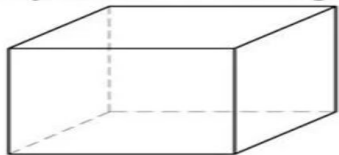
Стороны граней называются **ребрами**, а вершины - **вершинами многогранника**.

Отрезок, соединяющий две вершины, не лежащие в одной грани многогранника, называется его **диагональю**.

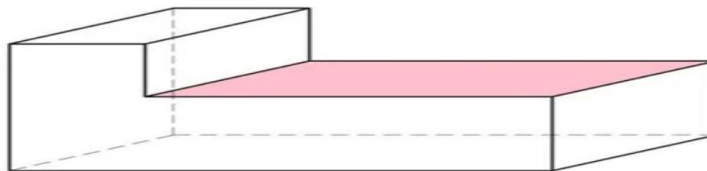
Выпуклый многогранник



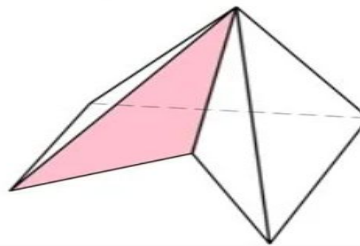
Выпуклый многогранник



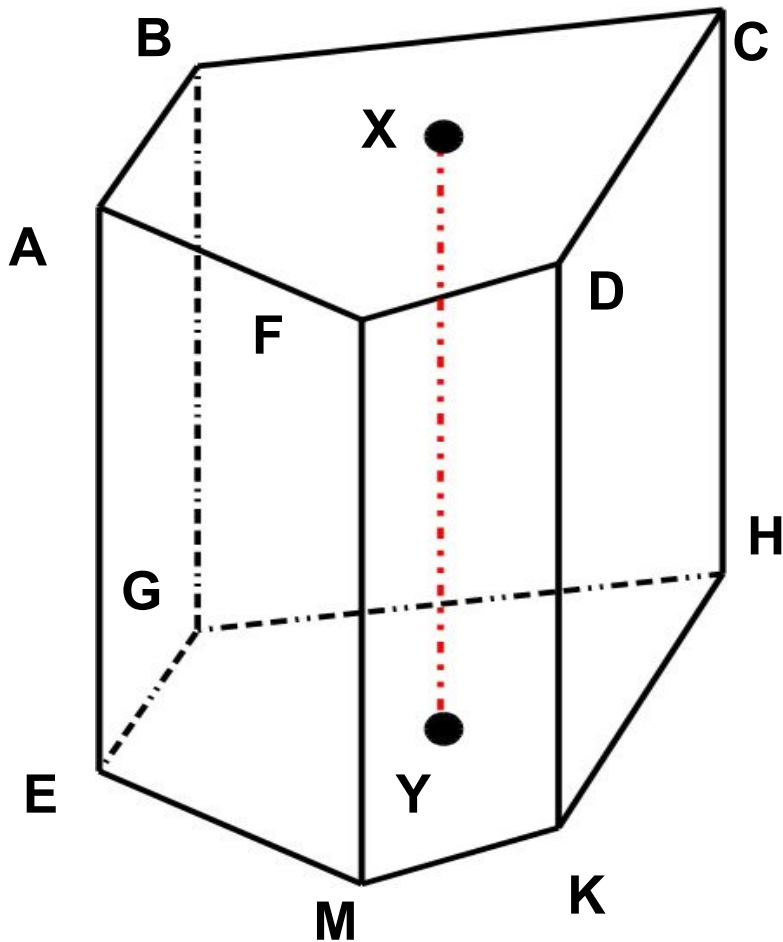
Невыпуклый многогранник



Невыпуклый многогранник



**Призма** – это многогранник, у которого две грани (**основания**) лежат в параллельных плоскостях, а все ребра вне этих граней параллельны между собой.



Грани, отличные от оснований, называются **боковыми гранями**, а их ребра называются **боковыми ребрами**.

Все боковые ребра равны и параллельны.

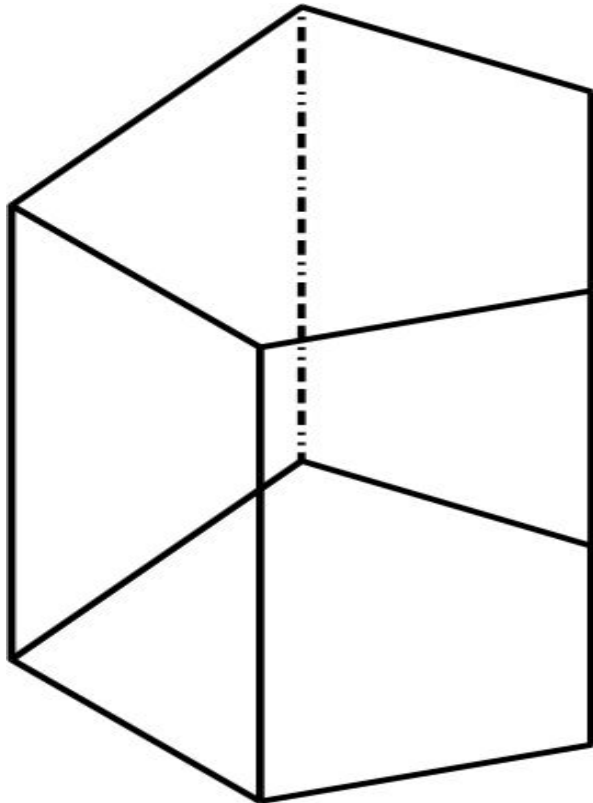
Все боковые грани призмы являются параллелограммами.

В основаниях призмы лежат равные многоугольники.

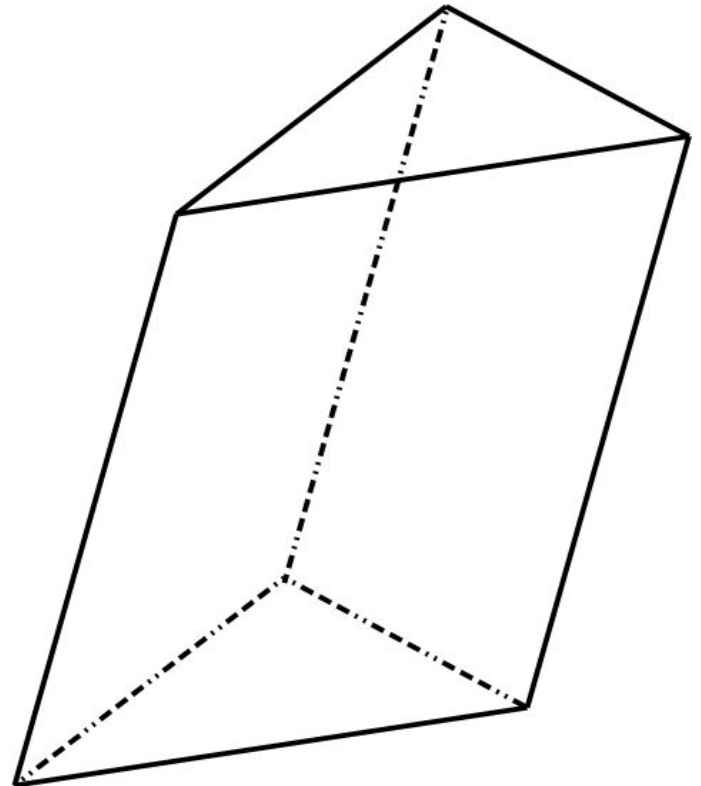
# Призма



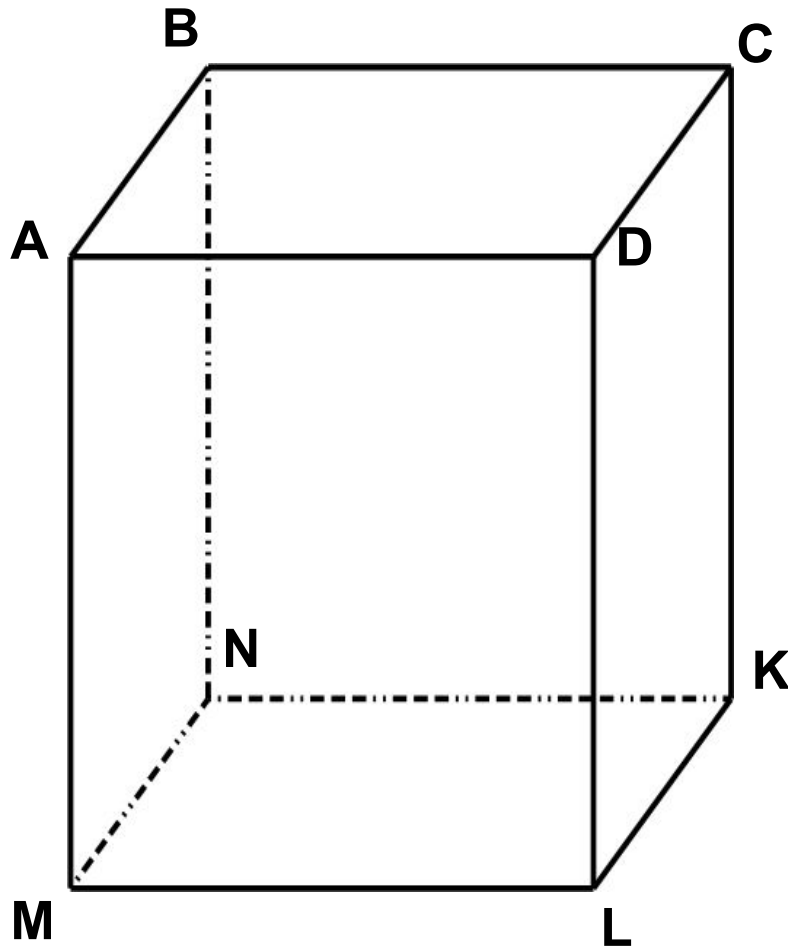
**прямая**



**наклонная**



**Параллелепипед** – призма, у которой основания параллелограммы.

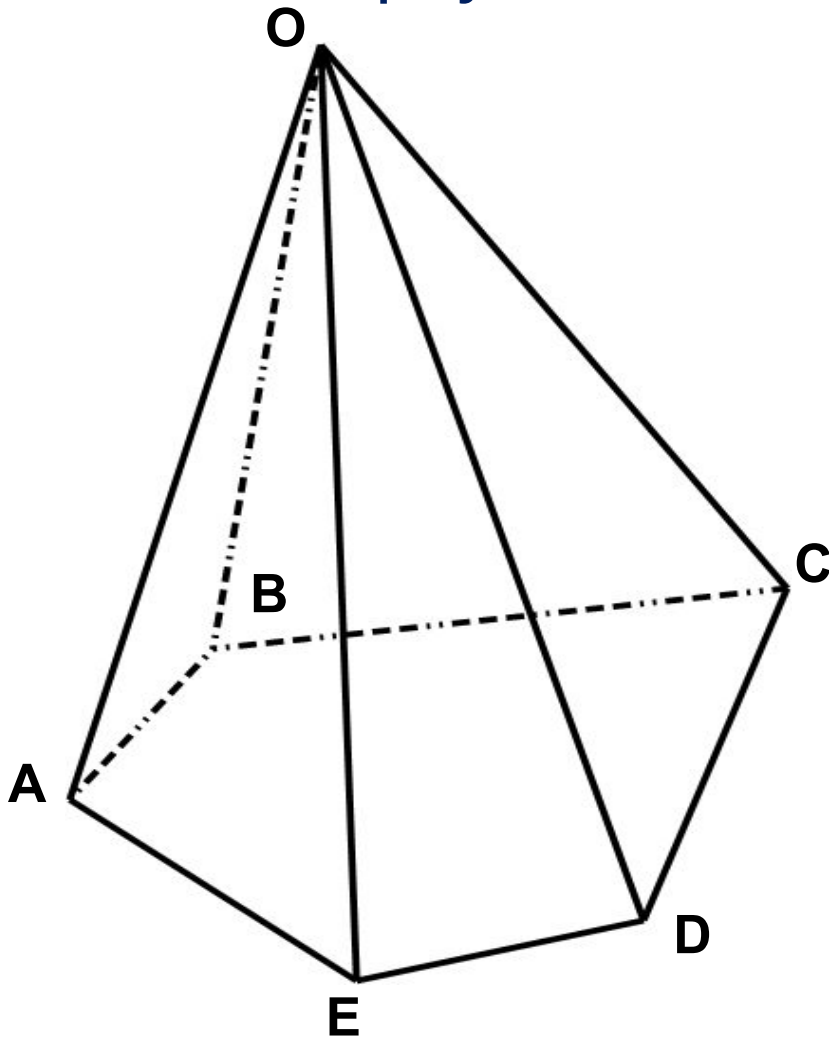


У параллелепипеда все грани – **параллелограммы.**

У параллелепипеда противоположащие грани **параллельны и равны.**

Все диагонали параллелепипеда пересекаются в одной точке.

**Пирамида** - это многогранник, одна грань которого многоугольник, а остальные грани - треугольники с общей вершиной.



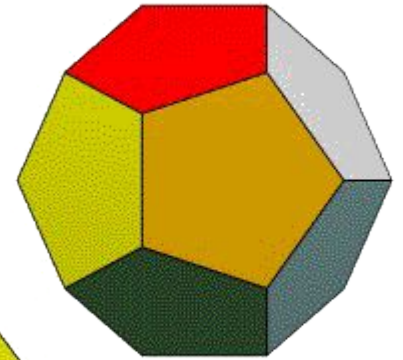
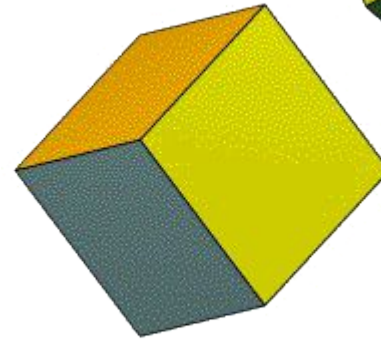
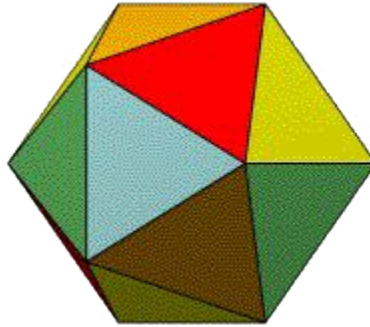
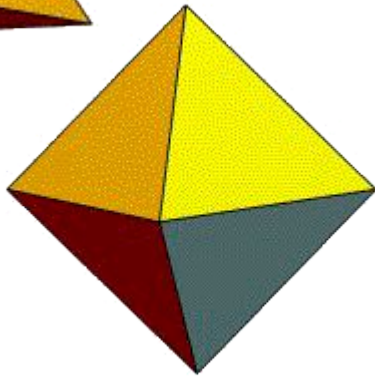
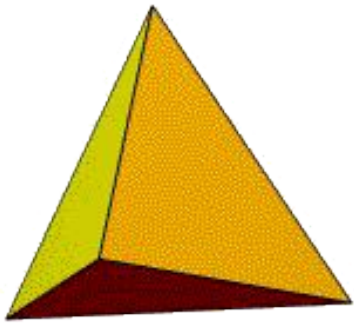
Грани, отличные от основания, называются **боковыми**.

Общая вершина боковых граней называется **вершиной пирамиды**.

Ребра, соединяющие вершину пирамиды с вершинами основания называются **боковыми**.



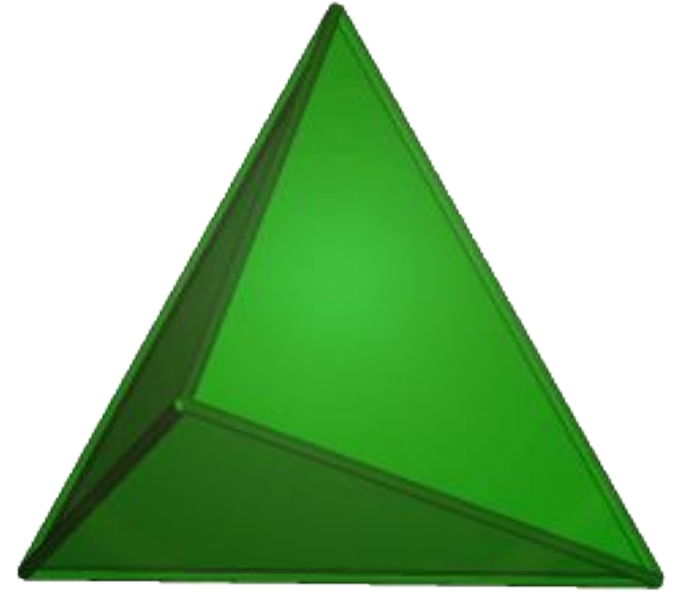
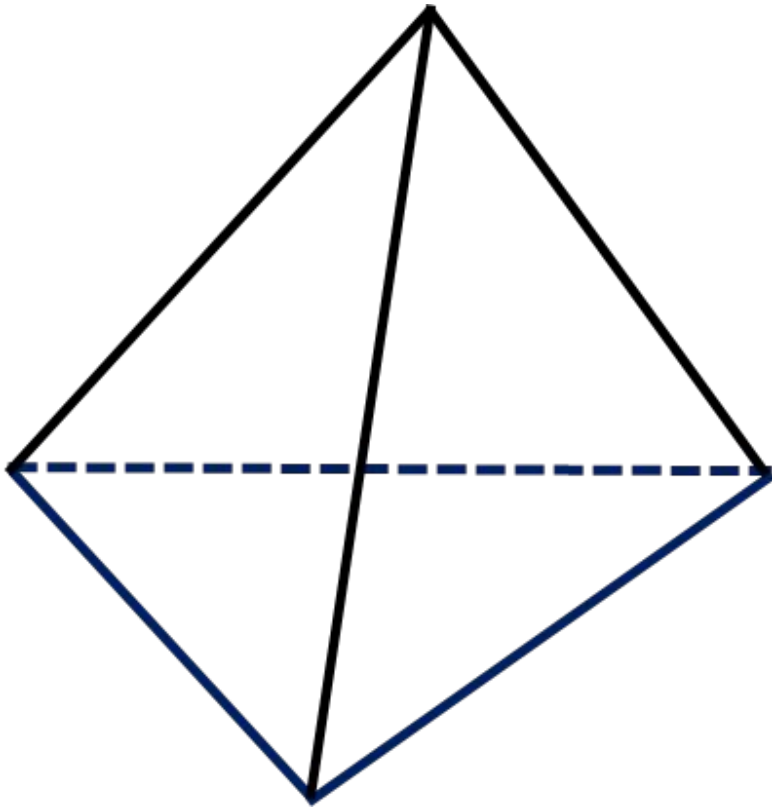
# Тела Платона



**Многогранник**, все грани которого правильные и равные многоугольники, называется **правильным**. Углы при вершинах правильного многогранника равны.

Существует **пять** типов правильных многогранников. Впервые их описал древнегреческий философ Платон (IV в до н.э).

**Тетраэдр** - правильный  
четырёхгранник. Он ограничен  
четырьмя равносторонними  
треугольниками.



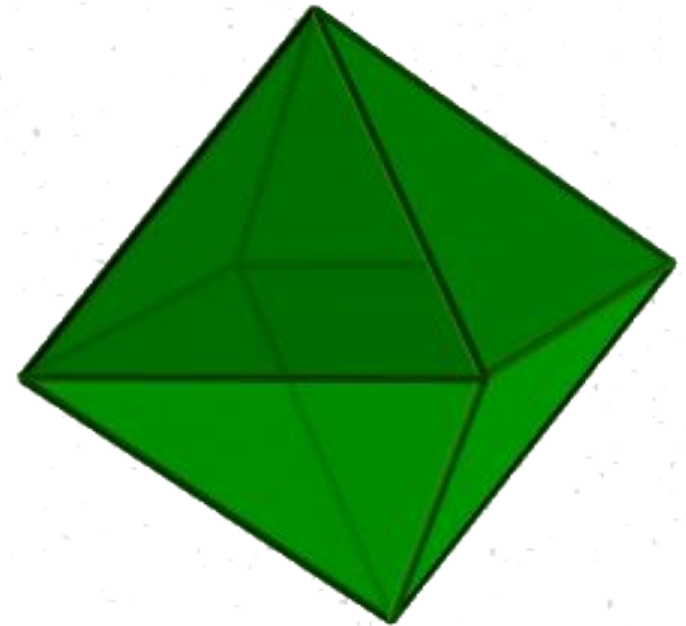
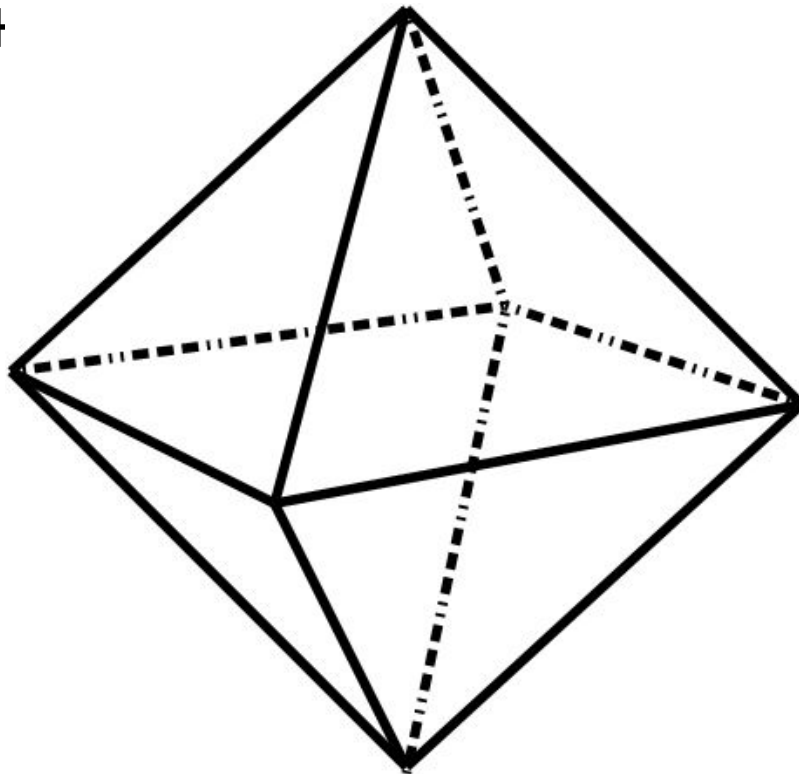
число **ГРАНЕЙ** – 4

число **РЁБЕР** – 6

число **ВЕРШИН** – 4

сумма плоских углов при  
каждой вершине **180°**

**Октаэдр** - правильный  
восьмигранник. Он состоит  
из восьми равносторонних и  
равных между собой  
треугольников, соединенных  
по четыре у каждой  
верши

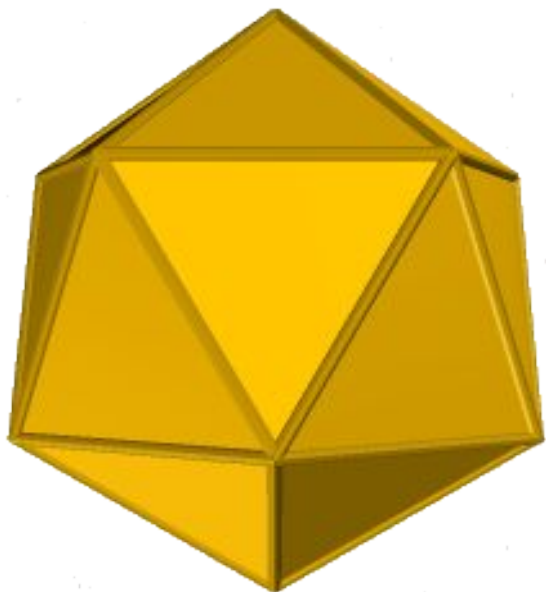


число **граней** – 8

число **рёбер** – 12

число **вершин** – 6

сумма плоских углов  
при каждой вершине  
**240°**



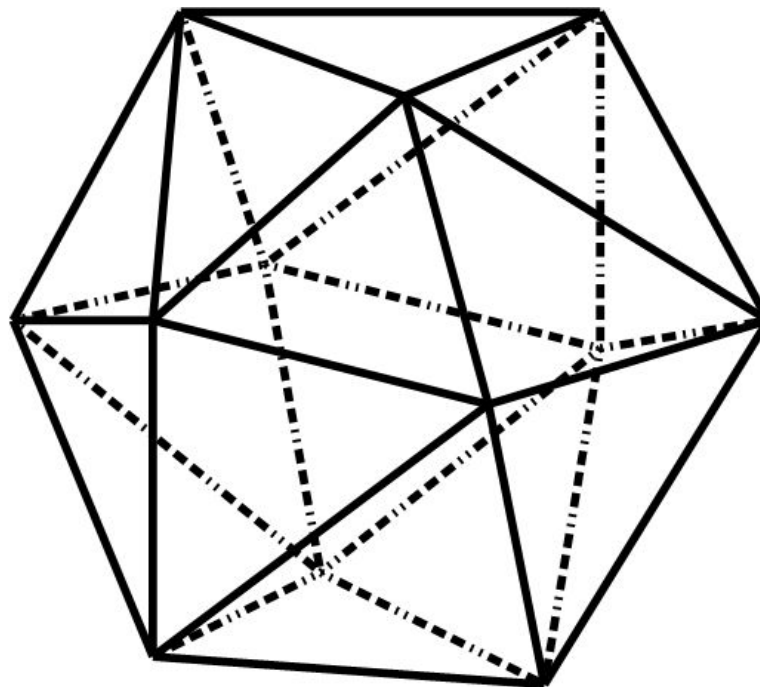
**Икосаэдр** - состоит из 20 равносторонних и равных треугольников, соединенных по пять около каждой вершины.

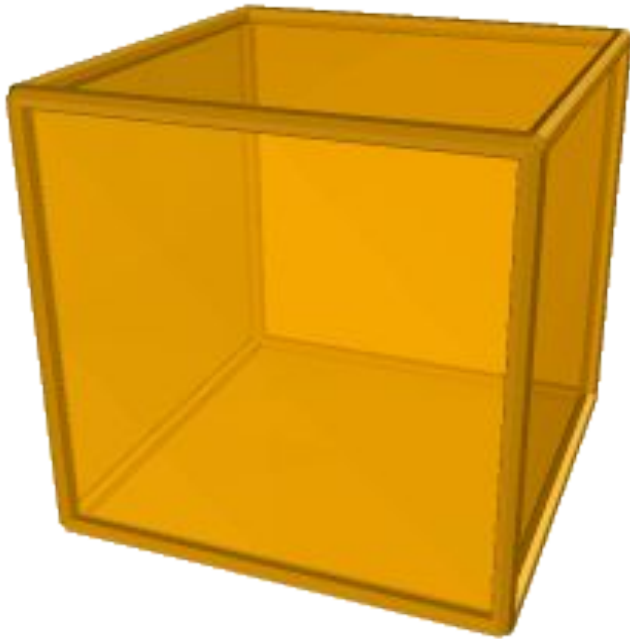
число **граней** – 20

число **рёбер** – 30

число **вершин** – 12

сумма плоских углов  
при каждой вершине  
**300°**





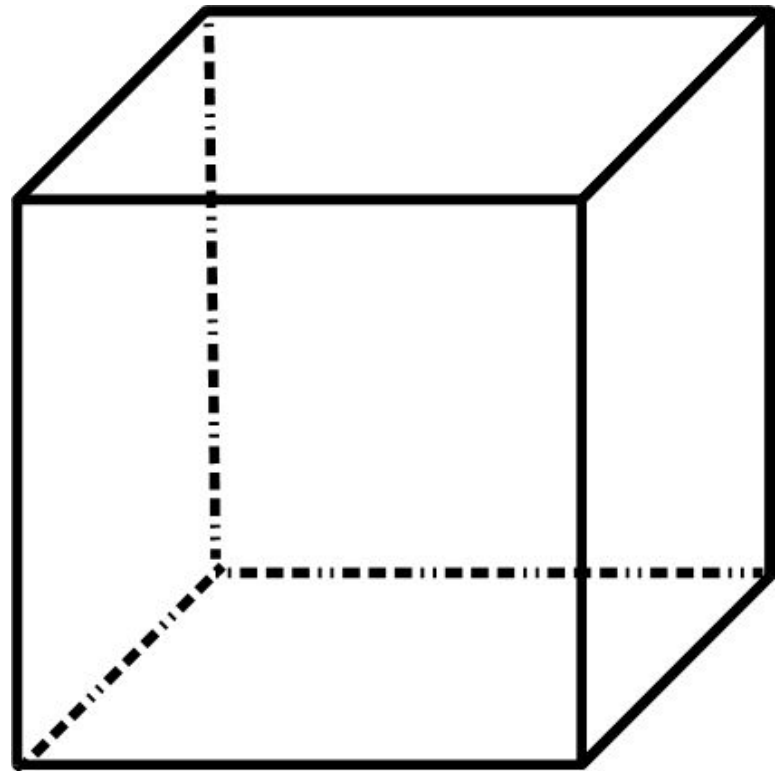
**Гексаэдр** - правильный шестигранник. Это куб состоящий из шести равных квадратов, соединенных по три около каждой вершины.

число **граней** – 6

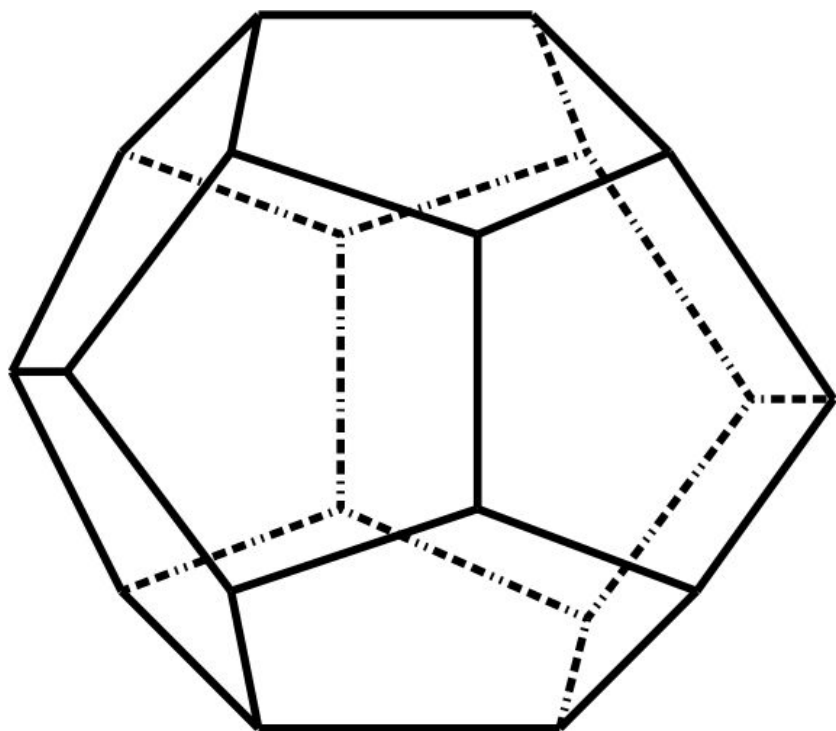
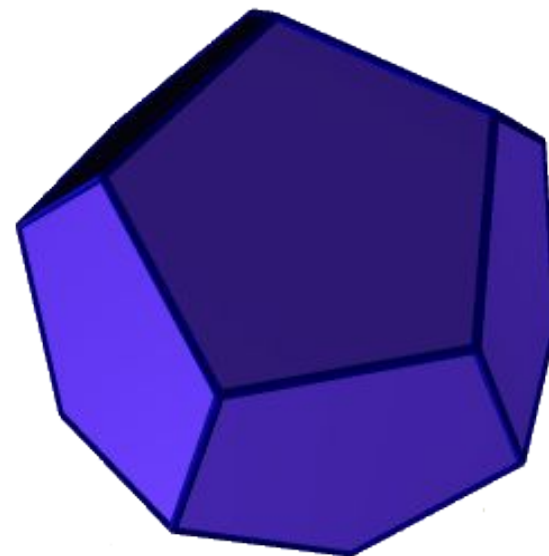
число **рёбер** – 12

число **вершин** – 8

сумма плоских углов  
при каждой вершине  
**270°**



**Додекаэдр** - правильный двенадцатигранник, состоит из двенадцати правильных и равных пятиугольников, соединенных по три около каждой вершины.



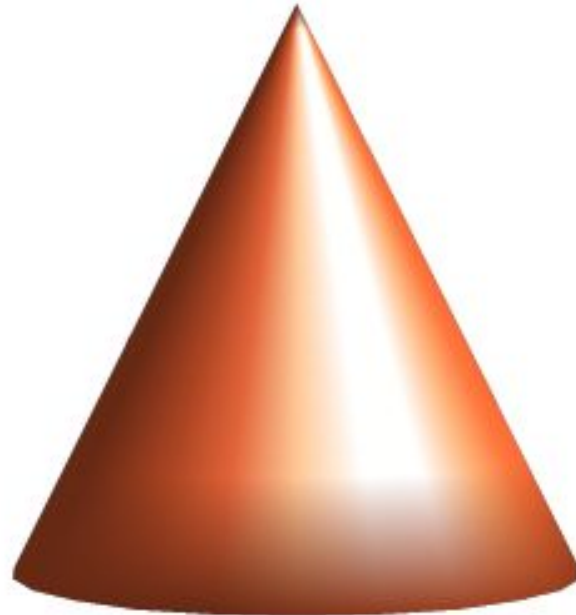
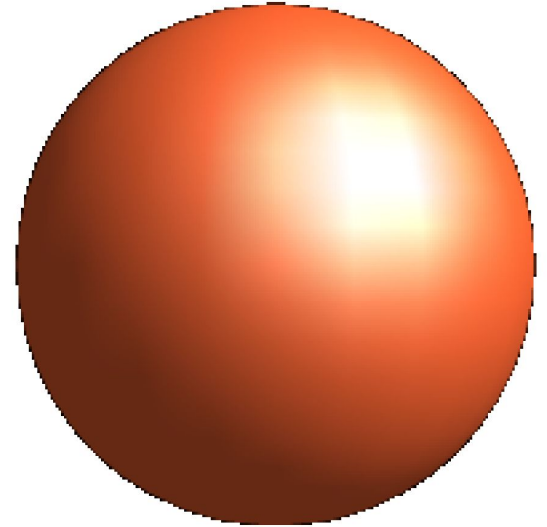
число **граней** – 12

число **рёбер** – 30

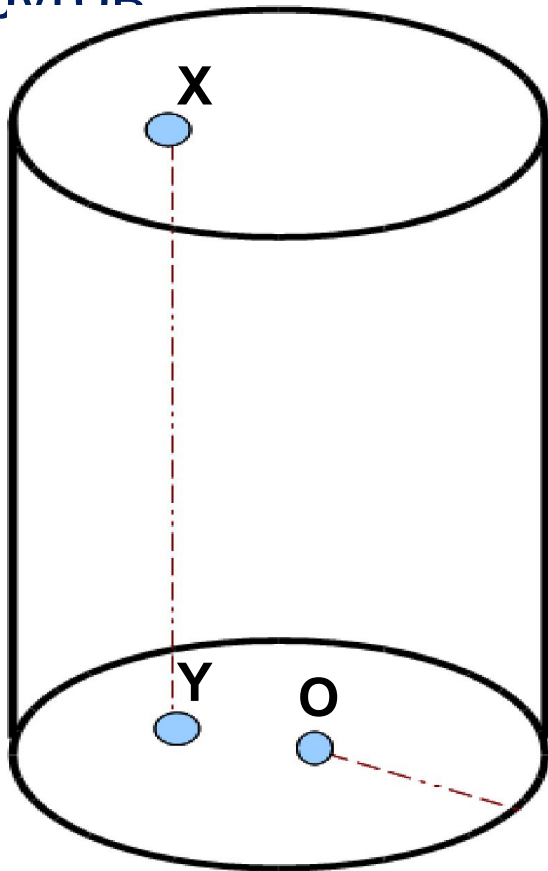
число **вершин** – 20

сумма плоских углов при  
каждой вершине равна  
**324°**

# Тела вращения



**Цилиндром** называется тело, которое состоит из двух кругов, не лежащих в одной плоскости, и всех отрезков, соединяющих соответствующие точки этих кругов



Круги называются **основаниями**, а отрезки – **образующими** цилиндра.

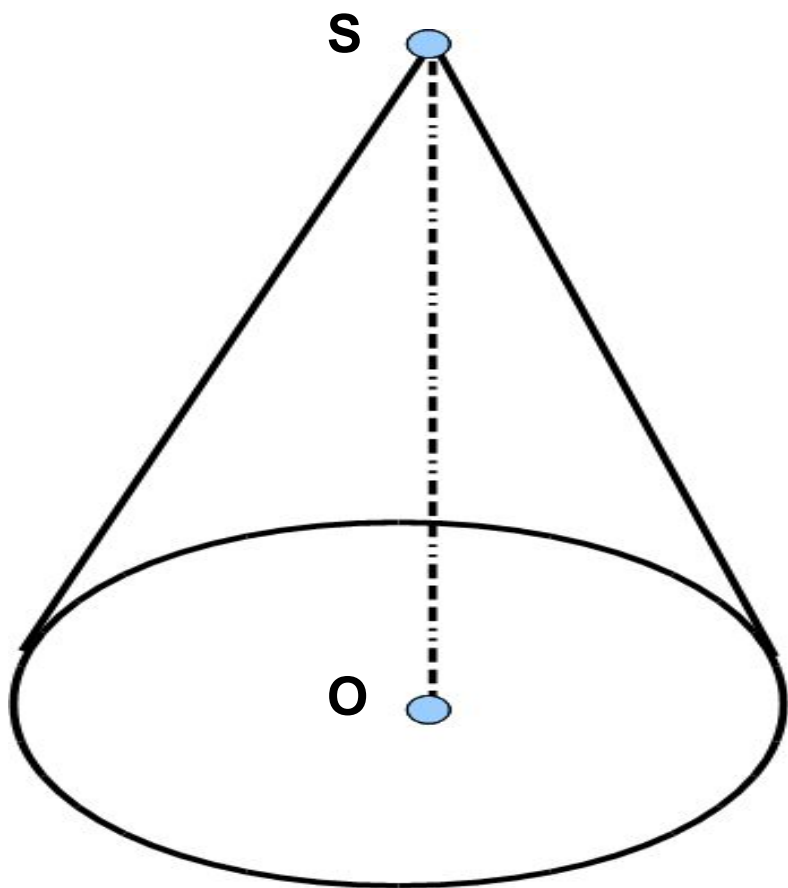
Основания цилиндра равны.

Образующие цилиндра параллельны и равны.

Радиусом цилиндра называется радиус его основания.

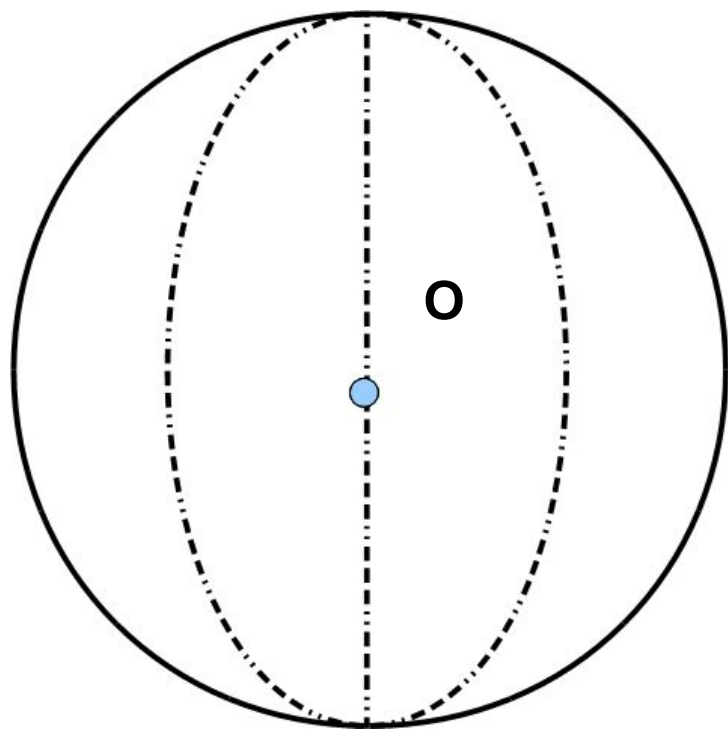


**Конусом** называется тело, которое состоит из круга — **основания** конуса, точки, не лежащей в плоскости этого круга, - **вершины** конуса и всех отрезков, соединяющих вершину конуса с точками основания.



Отрезки, соединяющие вершину конуса с точками окружности основания, называются **образующими** конуса.

**Шаром** называется тело, которое состоит из всех точек пространства, находящихся на расстоянии, не большем данного, от данной точки.



Данная точка называется **центром** шара, а данное расстояние **радиусом** шара.

Граница шара называется шаровой поверхностью, или **сферой**.

# Практическая работа

