Разные алгоритмы сортировок. O-символика. Шаблон STD qsort(...)

Носов Артём
Направление: программная инженерия
Группа: Б20-514
VK: @evecrabforever

O-символика - что это такое и с чем едят

Определения

Пусть $f(x)$ и $g(x)$ — две функции, определенные в некоторой проколотой окрестности точки x_0, причем в этой окрестности g не обращается в ноль. Говорят, что:

- f является «O» большим от g при $x \to x_0$, если существует такая положительная константа C, что для всех x из некоторой окрестности точки x_0 имеет место неравенство

$$|f(x)| < C\,|g(x)|;$$

- f является «o» малым от g при $x \to x_0$, если для любой положительной константы c найдется такая окрестность точки x_0, что для всех x из этой окрестности имеет место неравенство

$$|f(x)| < c\,|g(x)|.$$

Иначе говоря, в первом случае отношение $|f|/|g|$ в окрестности точки x_0 ограничено сверху, а во втором оно стремится к нулю.

[Источник]

O-символика - что это такое и с чем едят

Если сложность нашего алгоритма записанного в функции f это O(n) то это значит то же самое что и $|f(x)| < C|g(x)|$ при $g(x) = n$ и вектор строка x аргументов функций f и g лежат в некоторой окрестности x0

Упражнение на вычисление сложности алгоритма

Для оценки сложности алгоритмов:

1. Находим объем входных данных (N)
2. Оцениваем скорость с точностью до коэффициента
3. Всегда берем наихудший случай

Сложностью алгоритма называется величина T(n), где n – размер задачи.

Источник

Упражнение на вычисление сложности алгоритма

Предположим, что у нас есть задача – отсортировать неупорядоченный массив чисел по возрастанию. Для этого можно применить простейший алгоритм сортировки – «пузырьковую» сортировку.

Массив можно упорядочить, если последовательно менять местами элементы стоящие «неправильно», то есть не в той последовательности. Сравнивать числа можно как с левого конца массива, так и с правого. Предположим, что мы сравниваем элементы с правого конца массива, тогда можно предложить следующий алгоритм:

1. Сравним выбранный i-й элемент массива с i-1 элементом. Если i-1 элемент больше, то меняем их местами, иначе оставляем нетронутыми.

2. Продолжаем процесс для i от N до 2.

3. Повторяем пункты 1 и 2 N раз.

4. После того, как мы выполним пункты 1 и 2 в первый раз, в начале массива окажется наименьший его элемент. Повторяя процесс, мы получим полностью отсортированный массив.

Упражнение на вычисление сложности алгоритма

Упражнение на вычисление сложности алгоритма

Можно заметить, что нет смысла каждый раз сравнивать все элементы, так как после первого прохода массива в начале окажется наименьший элемент, после второго – 2 наименьших, и так далее. В модифицированном виде алгоритм можно записать так:

```
for(int i = 0; i < n; i++)
        for(int j = 1; j  < n - i; j++)
                if (arr[j-1] > arr[j]) {
                   tmp = arr[j];
                   arr[j] = arr[j-1];
                   arr[j-1] = tmp;
                }
```

Упражнение на вычисление сложности алгоритма

Такой алгоритм будет делать (N-1)+(N-2)+…+2+1 шагов, что можно представить как (N-1)N/2. Таким образом $T(n) \approx n^2$ для данного алгоритма.

По сложности алгоритмы делятся на

1. *Полиномиальные* ***($T(n)=n^k$)***

2. *Экспоненциальные* ***($T(n)=a^n$)***

3. *Логарифмическая* ***($T(n)=\log_a n$)***

Быстрая сортировка. Компараторы и указатели на функции

Ссылка на стрим:

Источник информации про qsort

Функции:

```
ТипВозвращаемогоЗначения ИмяФункции(СписокФормальныхАргументов)
{
   ТелоФункции;
  return(ВозвращаемоеЗначение);
}
```

Указатели на функции:

```
ТипВозвращаемогоЗначения (*ИмяФункции)(СписокФормальныхАргументов);
```

Сортировки

Алгоритмы сортировки: сортировка пузырьком
Ссылка
Алгоритмы сортировки: сортировка выбором
Википедия
Алгоритмы сортировки: сортировка перемешиванием
Википедия
Алгоритмы сортировки: сортировка Шелла
Википедия
Алгоритмы сортировки: гномья сортировка
Википедия
Алгоритмы сортировки: сортировка вставками
Википедия и реализация
Алгоритмы сортировки: сортировка слиянием
Википедия

Практика: таймирование сортировки

Практика: быстро сортируем массивы под разные задачи)

Есть массив содержащий в себе количества посещений спортзала разными людьми, отсортировать число посещений по убыванию.

N = 2000 число посещений в диапазоне от 10 до 200.

Практика: быстро сортируем массивы под разные задачи)

Есть массив содержащий в себе количества посещений спортзала разными людьми, отсортировать число посещений по убыванию.

N = 2000 число посещений в диапазоне от 10 до 200.

1. Сгенерировать массив случайных чисел для сортировки;
2. Выбрать и применить одну из сортировок (сортируем по убыванию);
3. Распечатать результат в удобном виде в консоль.

ДЗ по сортировкам

Разработать функцию осуществляющую адаптивную сортировку целочисленных массивов, которая на основании данных о массиве будет с помощью условных конструкций выбирать оптимальный алгоритм сортировки. Пример, bubble sort подходит для очень коротких массивов от 10 до 100 элементов, а quicksort для огромных массивов. Чем глубже проработаете тему и больше сортировок используете тем лучше :з