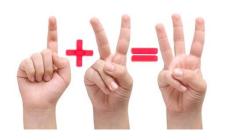
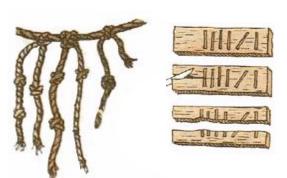
Системы счисления

Что такое система счисления?

Система счисления — это правила записи чисел с помощью специальных знаков — *цифр*, а также соответствующие правила выполнения операций с этими числами.

Счёт на пальцах:







Унарная (лат. *unus* – один) – одна цифра обозначает единицу (1 день, 1 камень, 1 баран, ...)



- только натуральные числа
- запись больших чисел длинная (1 000 000?)

Египетская десятичная система

 черта
 I − 1
 лотос
 I − 1000
 I − 1000000

 хомут
 − 10
 палец
 I − 100000
 человек

 верёвка
 e − 100
 лягушка
 100000

Непозиционные системы счисления

Непозиционная система счисления: значение цифры не зависит от её места в записи числа.

- унарная
- египетская десятичная
- римская



Howard 1/ F. E 16444/

- славянская
- и другие...

«Пираты XX века»



I – 1 (палец),

V – 5 (раскрытая ладонь, 5 пальцев),

X – 10 (две ладони),

L - 50,

C – 100 (*Centum*),

D - 500 (Demimille),

M – 1000 (*Mille*)



Спасская башня Московского Кремля

Правила:

- (обычно) не ставят больше **трех** одинаковых цифр подряд
- если **младшая** цифра (только **одна**!) стоит **слева** от старшей, она вычитается из суммы (*частично* непозиционная!)

Примеры:

2389 = M M C C C L X X X I X

MCDLXVII =

MMDCXLIV =

MMMCCLXXII =

CMXXVIII =



- только натуральные числа (*дробные*? *отрицательные*?)
- для записи больших чисел нужно вводить новые цифры
- СЛОЖНО ВЫПОЛНЯТЬ ВЫЧИСЛЕНИЯ

Славянская система счисления

алфавитная система счисления (непозиционная)



Системы счисления

§ 10. Позиционные системы счисления

Система счисления. Определения.

Позиционная система: значение цифры определяется ее позицией в записи числа.

Алфавит системы счисления — это используемый в ней набор цифр.

Основание системы счисления — это количество цифр в алфавите (мощность алфавита).

Разряд — это позиция цифры в записи числа. Разряды в записи целых чисел нумеруются с нуля справа налево.

Формы записи чисел



Схема Горнера:

$$6375 = ((6 \cdot 10 + 3) \cdot 10 + 7) \cdot 10 +$$

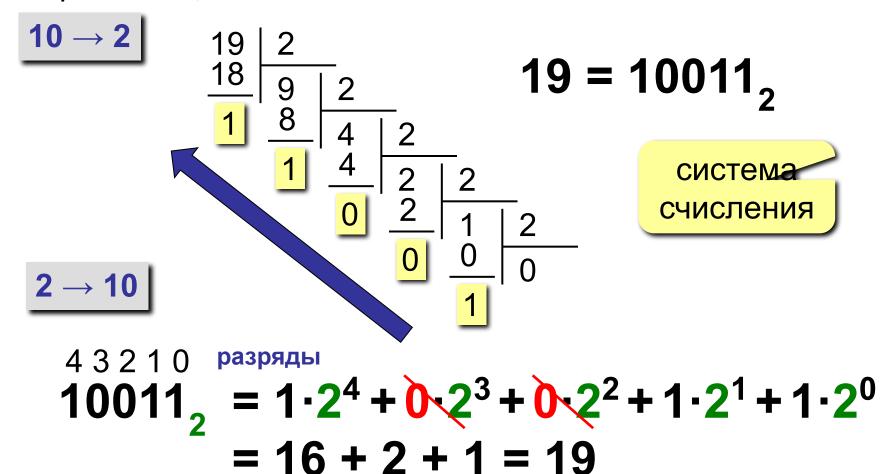


- для вычислений не нужно использовать возведение в степень
- удобна при вводе чисел с клавиатуры, начиная с первой

Двоичная система

Основание (количество цифр): 2

Алфавит: 0, 1



Метод подбора

77

наибольшая степень двойки, которая меньше и **13** в **5** данному **1** /

1024	512	256	128	64	32	16	8	4	2	1
2 ¹⁰	2 ⁹	2 ⁸	2 ⁷	2 ⁶	2 ⁵	2 ⁴	2 ³	2 ²	2 ¹	20

Разложение по степеням двойки:

$$77 = 2^6 + 2^3 + 2^2 + 2^0$$

$$77 = 1 \cdot 2^6 + 0 \cdot 2^5 + 0 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0$$

Перевод из двоичной в десятичную

разряды
$$6543210$$
 $1001101_2 = 2^6 + 2^3 + 2^2 + 2^0$
 $= 64 + 8 + 4 + 1 = 77$

Восьмеричная система счисления

Основание: 8

Алфавит: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7

PDP-11, ДВК, СМ ЭВМ, БЭСМ, БК

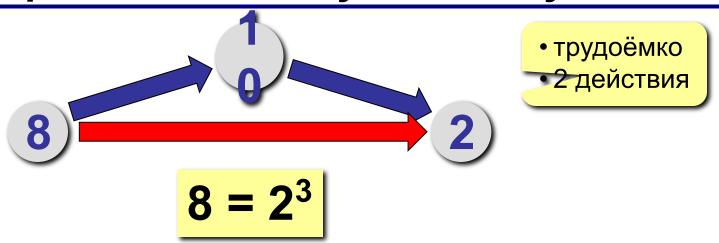
$$144_8 = 1 \cdot 8^2 + 4 \cdot 8^1 + 4 \cdot 8^0$$

= $64 + 32 + 4 = 100$

Восьмеричная система счисления

X ₁₀	X_8	X_2
0	0	000
1	1	001
2	2	010
3	3	011
4	4	100
5	5	101
6	6	110
7	7	111

Перевод в двоичную систему счисления



Каждая восьмеричная цифра может быть записана как три двоичных (*mpuaдa*)!

$$1725_8 = 001 111 010 101_2$$
 $1 7 2 5$

Перевод из двоичной в восьмеричную

1001011101111,

Шаг 1. Разбить на триады, начиная справа:

Шаг 2. Каждую триаду записать одной восьмеричной цифрой:

001 001 011 101 1112

1 1 3 5 7

OTBET: $10010111101111_{2} = 11357_{8}$

Шестнадцатеричная система счисления

Основание: 16

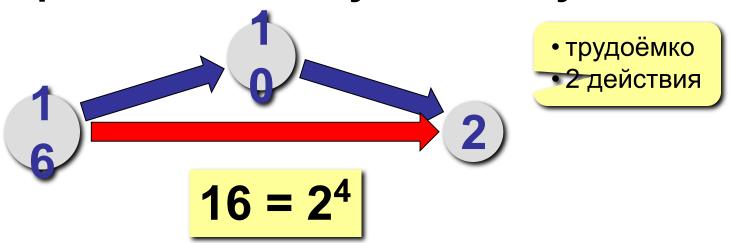
Алфавит: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F

$$^{2} \, ^{1} \, ^{0} \, ^{\text{разряды}}$$
 $^{1} \, ^{1} \, ^{1} \, ^{2}$

Шестнадцатеричная система счисления

X ₁₀	X ₁₆	X_2	X ₁₀	X ₁₆	X_2
0	0	0000	8	8	1000
1	1	0001	9	9	1001
2	2	0010	10	A	1010
3	3	0011	11	В	1011
4	4	0100	12	C	1100
5	5	0101	13	D	1101
6	6	0110	14	E	1110
7	7	0111	15	F	1111
3 4 5 6	3 4 5 6	0011 0100 0101 0110	11 12 13 14	B C D	1011 1100 1101 1110

Перевод в двоичную систему



Каждая шестнадцатеричная цифра может быть записана как четыре двоичных (*mempaдa*)!

$$7F1A_{16} = 0111 \quad 1111 \quad 0001 \quad 1010_{2}$$

Перевод из двоичной системы

1001011101111₂

Шаг 1. Разбить на тетрады, начиная справа:

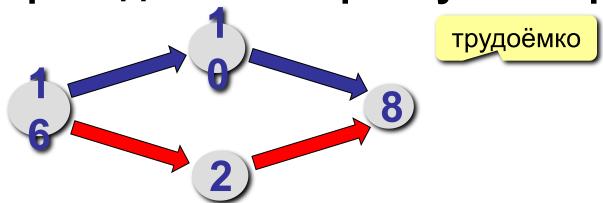
0001 0010 1110 1111₂

Шаг 2. Каждую тетраду записать одной шестнадцатеричной цифрой:

0001 0010 1110 1111₂
1 2 E F

ОТВЕТ: $100101111111_2 = 12EF_{16}$

Перевод в восьмеричную и обратно



Шаг 1. Перевести в двоичную систему:

$$3DEA_{16} = 11 1101 1110 1010_{2}$$

Шаг 2. Разбить на триады (справа):

011 110 111 101 010₂

Шаг 3. Триада – одна восьмеричная цифра:

$$3DEA_{16} = 36752_8$$