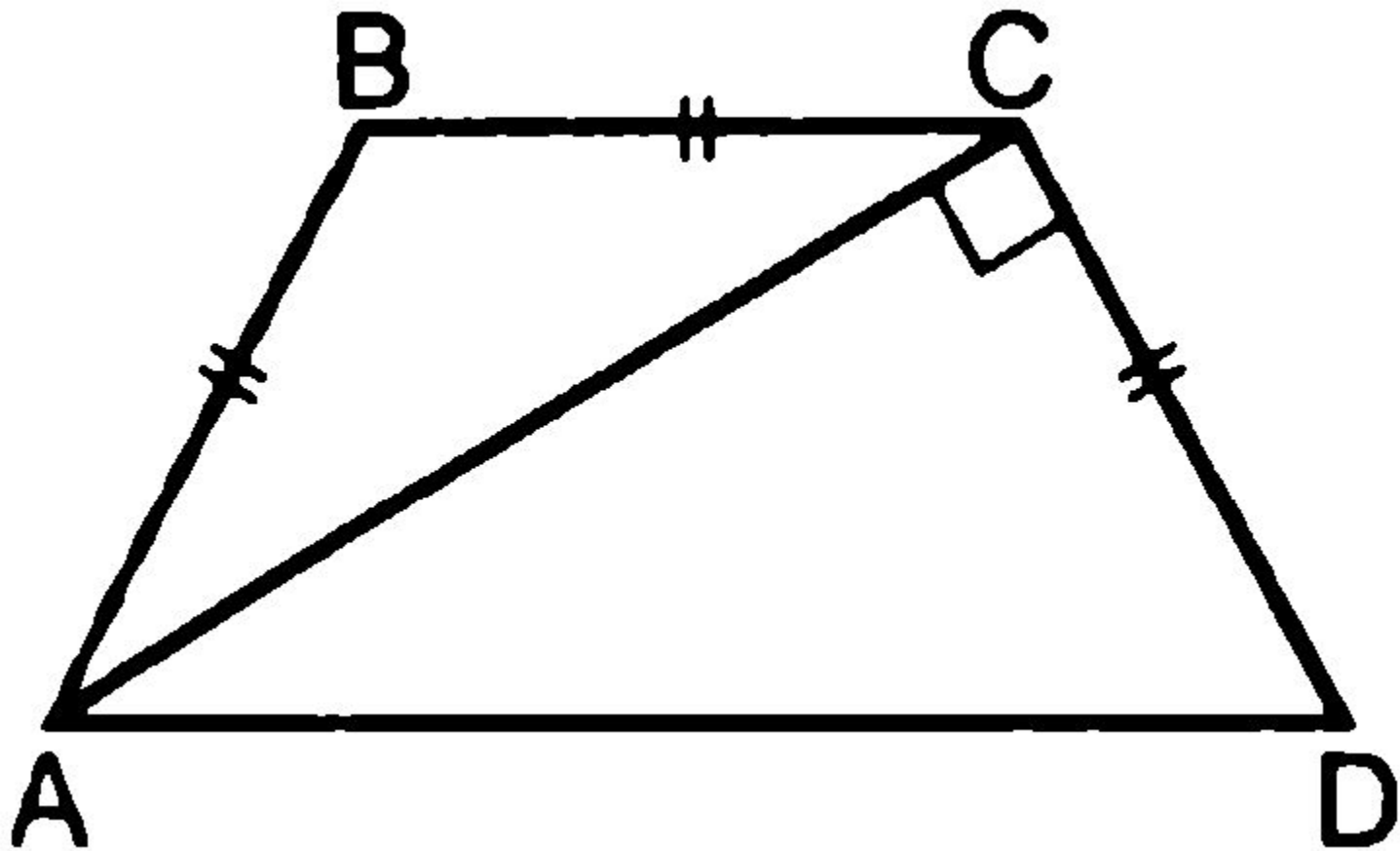
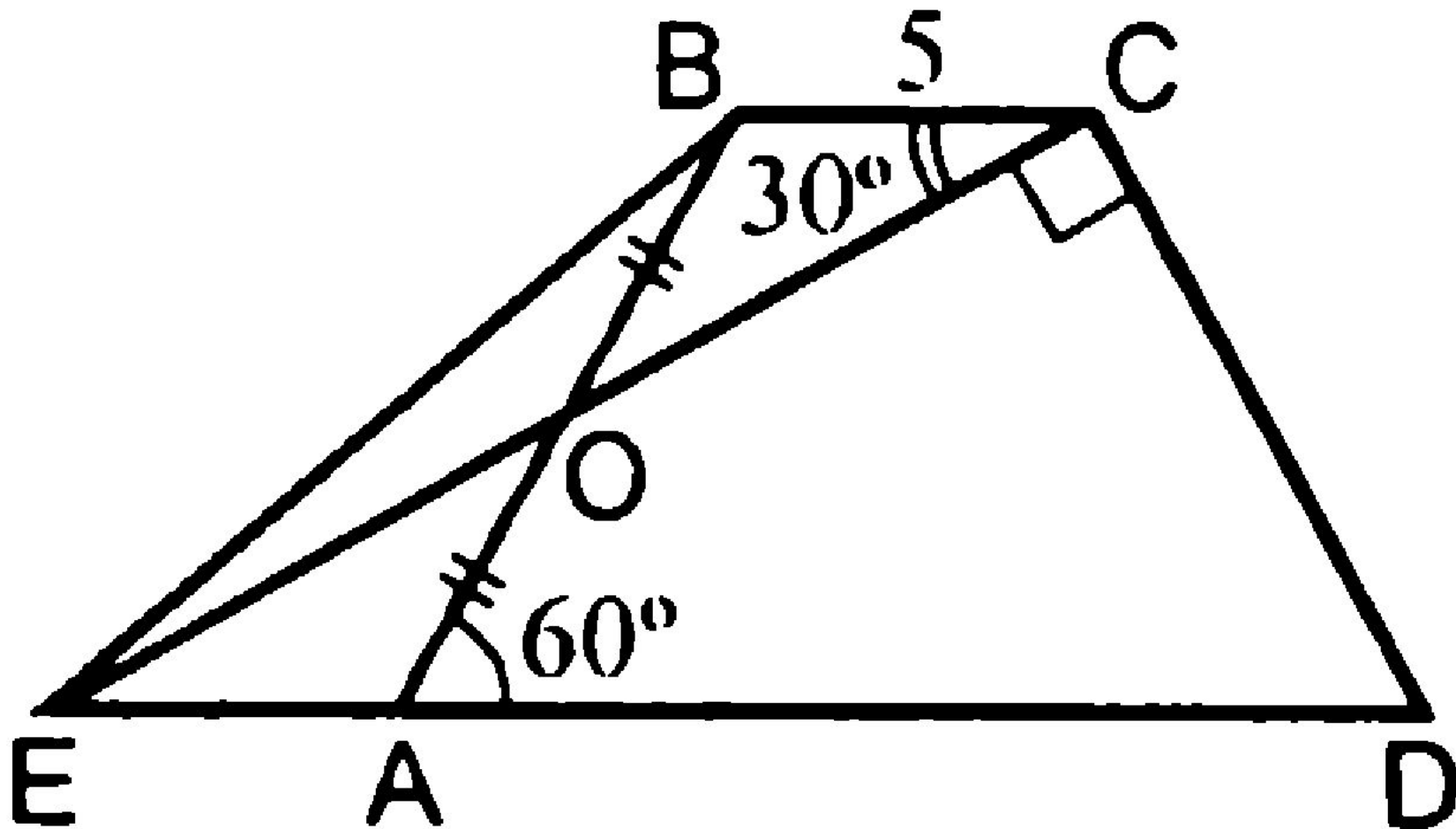
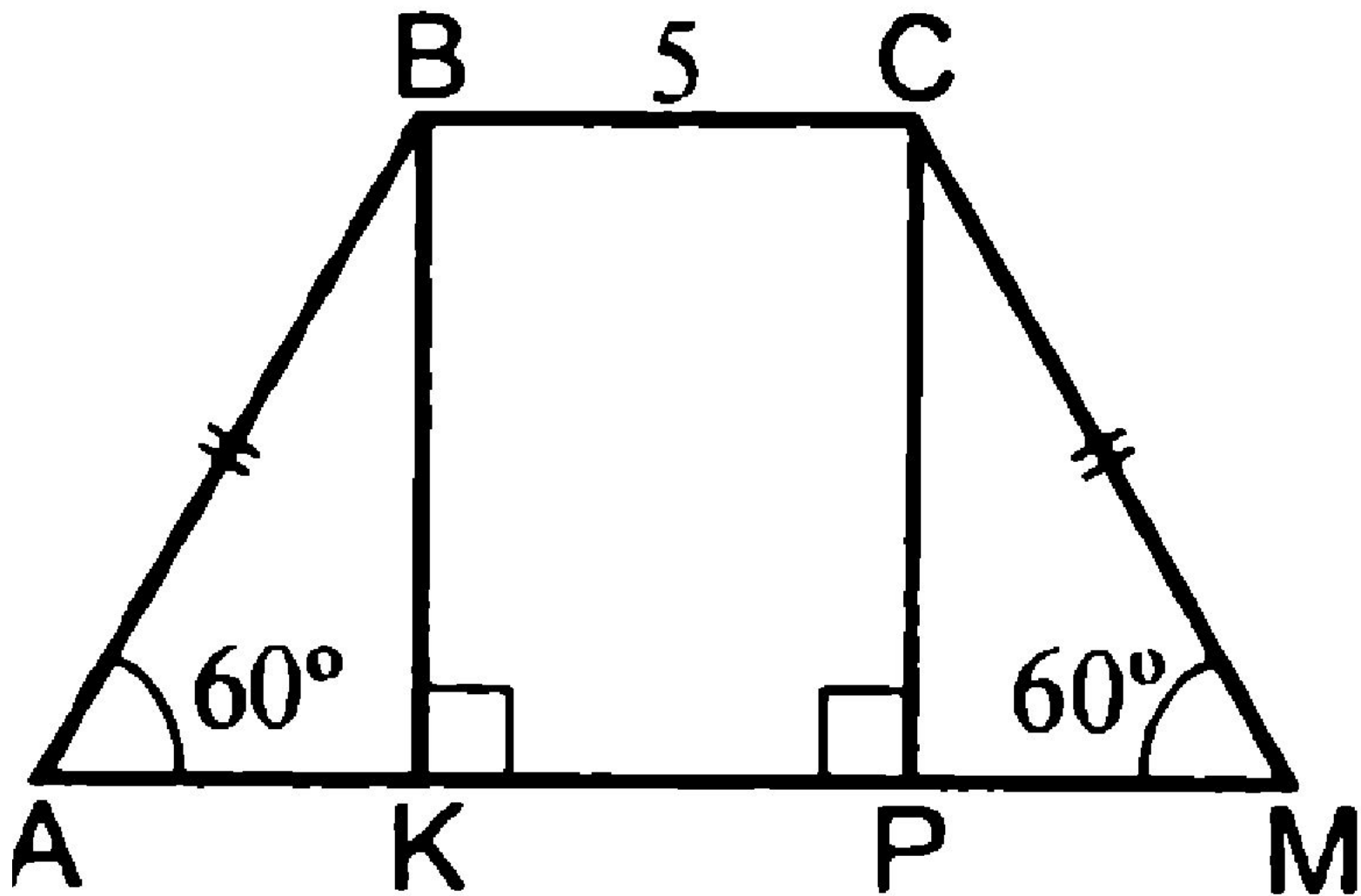
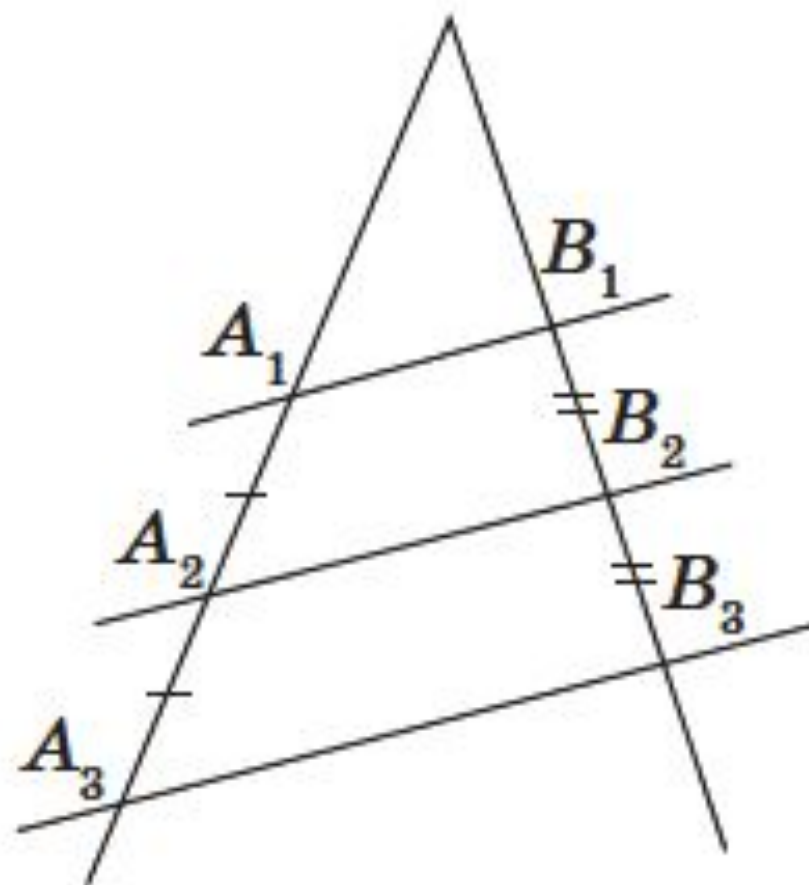


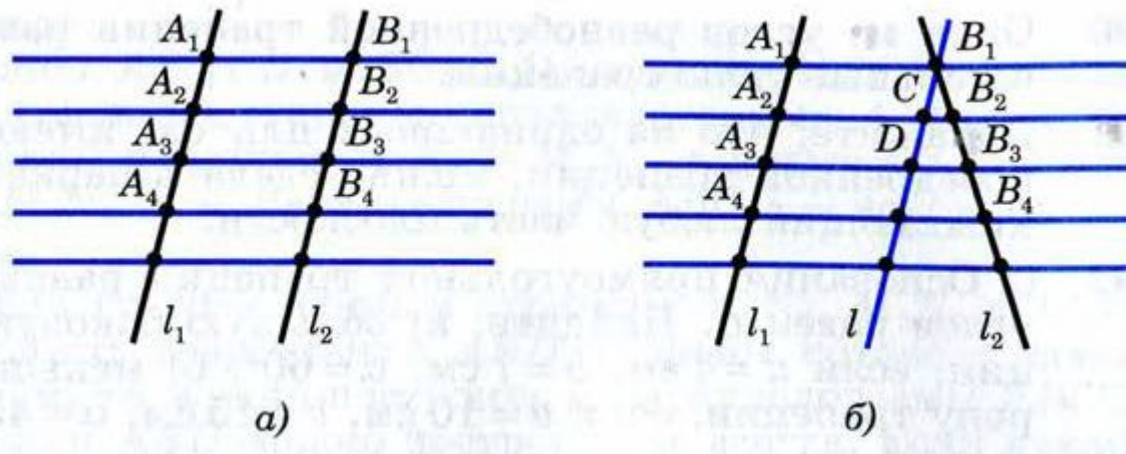
Теорема Фалеса











Решение

Пусть на прямой l_1 отложены равные отрезки A_1A_2 , A_2A_3 , A_3A_4 , ... и через их концы проведены параллельные прямые, которые пересекают прямую l_2 в точках B_1 , B_2 , B_3 , B_4 , ... (рис. 165). Требуется доказать, что отрезки B_1B_2 , B_2B_3 , B_3B_4 , ... равны друг другу. Докажем, например, что $B_1B_2 = B_2B_3$.

Рассмотрим сначала случай, когда прямые l_1 и l_2 параллельны (рис. 165, а). Тогда $A_1A_2 = B_1B_2$ и $A_2A_3 = B_2B_3$ как противоположные стороны параллелограммов $A_1B_1B_2A_2$ и $A_2B_2B_3A_3$. Так как $A_1A_2 = A_2A_3$, то и $B_1B_2 = B_2B_3$. Если прямые l_1 и l_2 не параллельны, то через точку B_1 проведём прямую l , параллельную прямой l_1 (рис. 165, б). Она пересечёт прямые A_2B_2 и A_3B_3 в некоторых точках C и D . Так как $A_1A_2 = A_2A_3$, то по доказанному $B_1C = CD$. Отсюда получаем: $B_1B_2 = B_2B_3$ (задача 384). Аналогично можно доказать, что $B_2B_3 = B_3B_4$ и т. д.

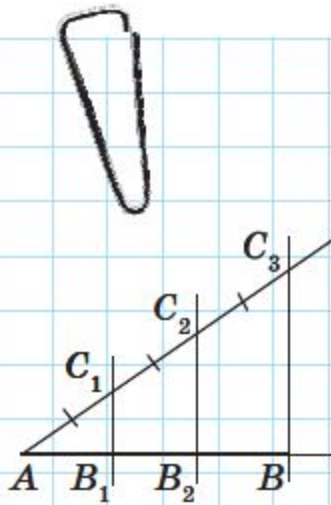


Рис. 48. Деление отрезка на равные части

Задача

Разделите данный отрезок на n равных частей.

Решение

Решим задачу для $n=3$, т.е. разделим данный отрезок AB на три равные части (рис. 48).

Для этого проведем из точки A произвольный луч, не дополнительный к лучу AB , и отложим на нем равные отрезки AC_1 , C_1C_2 и C_2C_3 . Проведем прямую C_3B и параллельные ей прямые через точки C_1 и C_2 . По теореме Фалеса эти прямые делят отрезок AB на три равные части.

Аналогично можно разделить произвольный отрезок на любое количество равных частей.

