

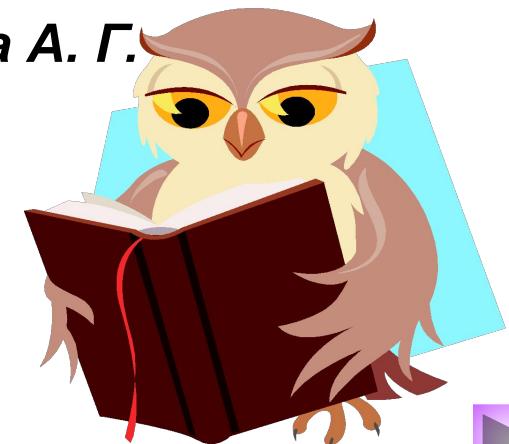
Функция $y = \frac{k}{x}$,

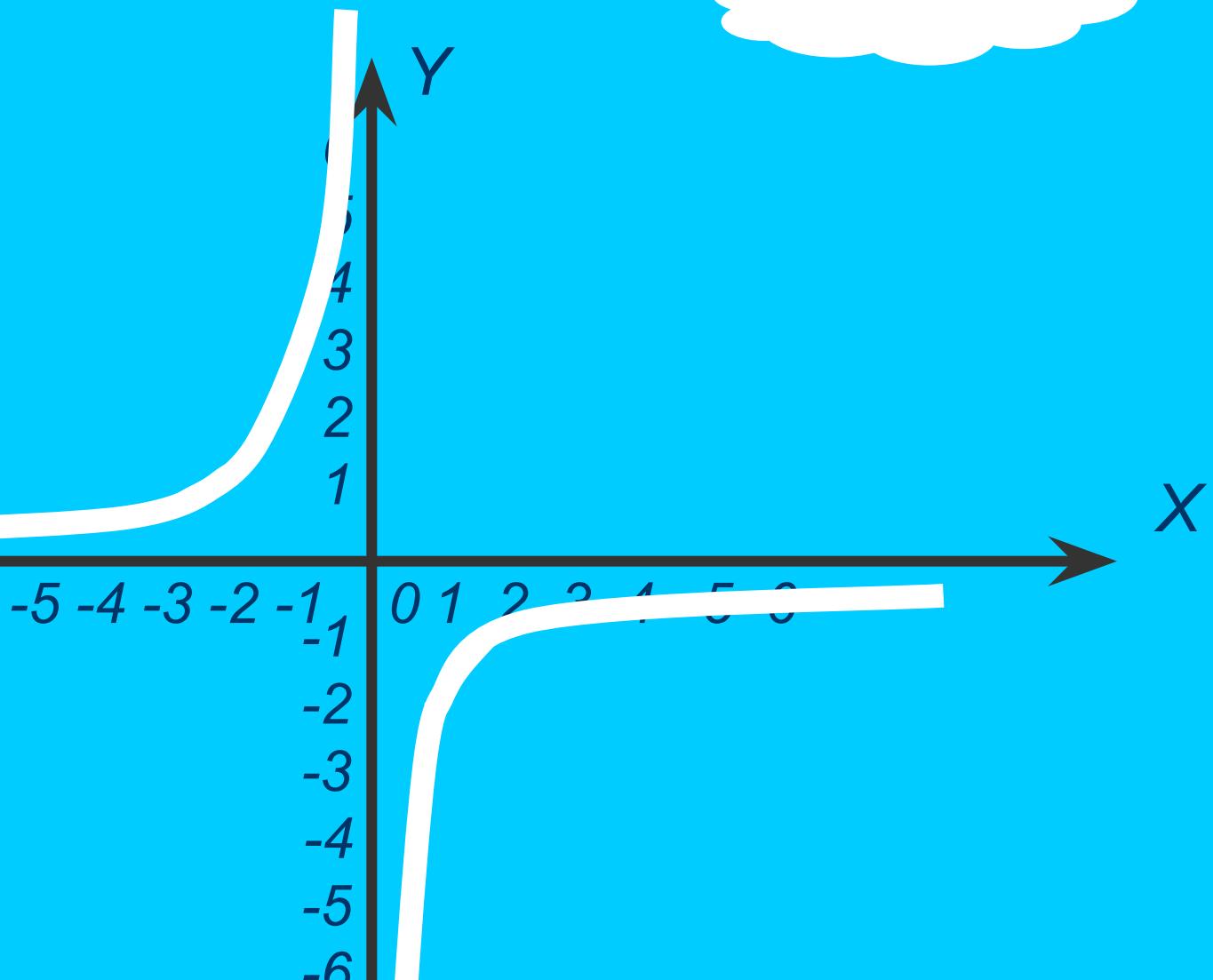
её свойства и график.

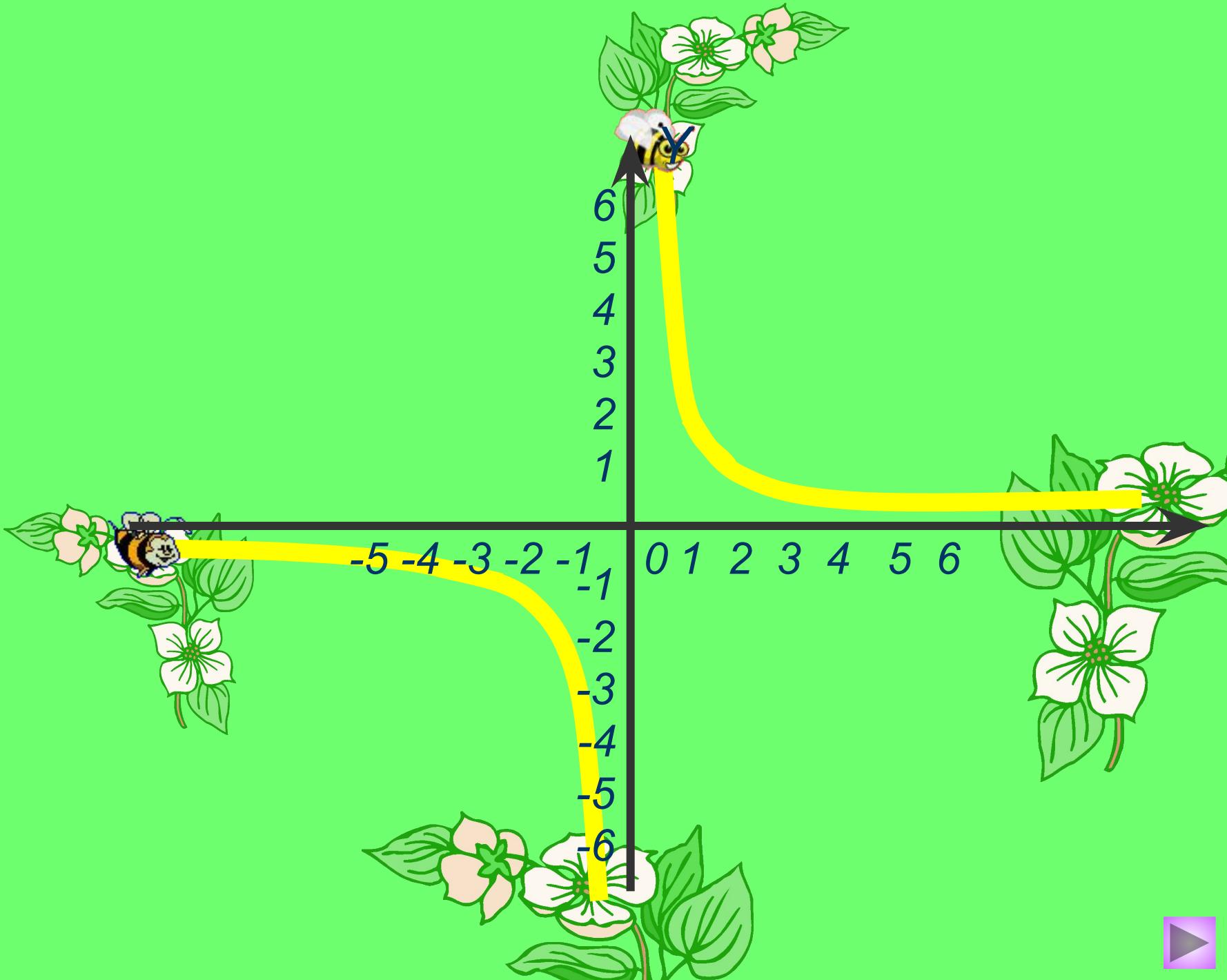
8 класс

учебник Мордковича А. Г.

**Ткаченко И. В.
гимназия №5
г. Мурманск**



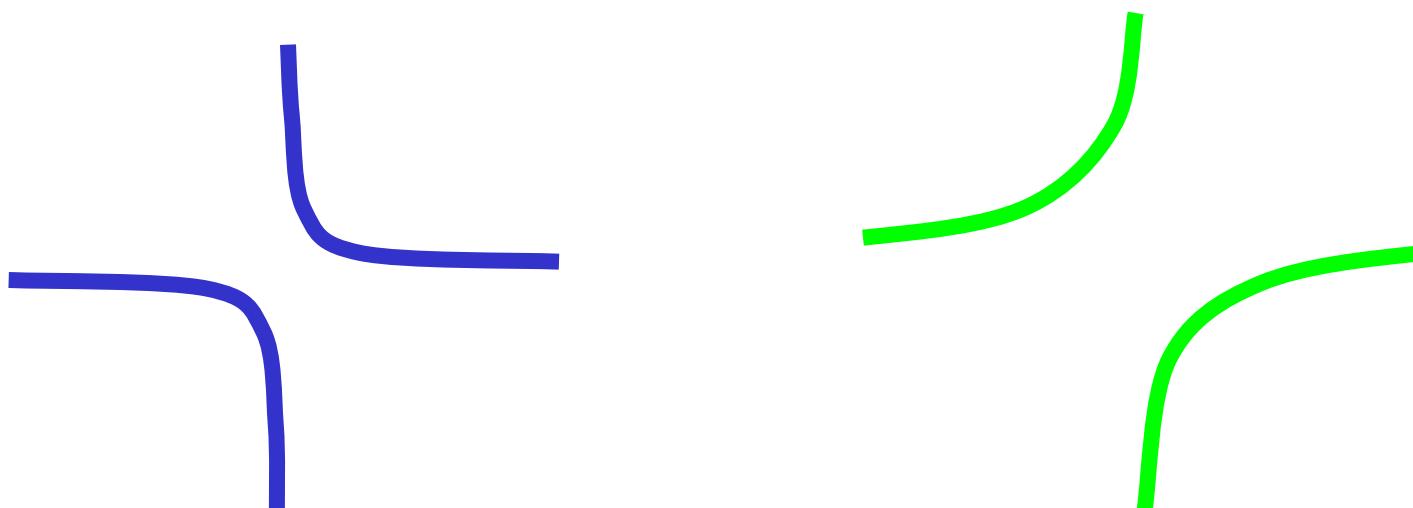





$$y = \frac{k}{x}$$

- обратная
пропорциональность,
где $k \neq 0$ – заданное число.

Графиком является гипербола





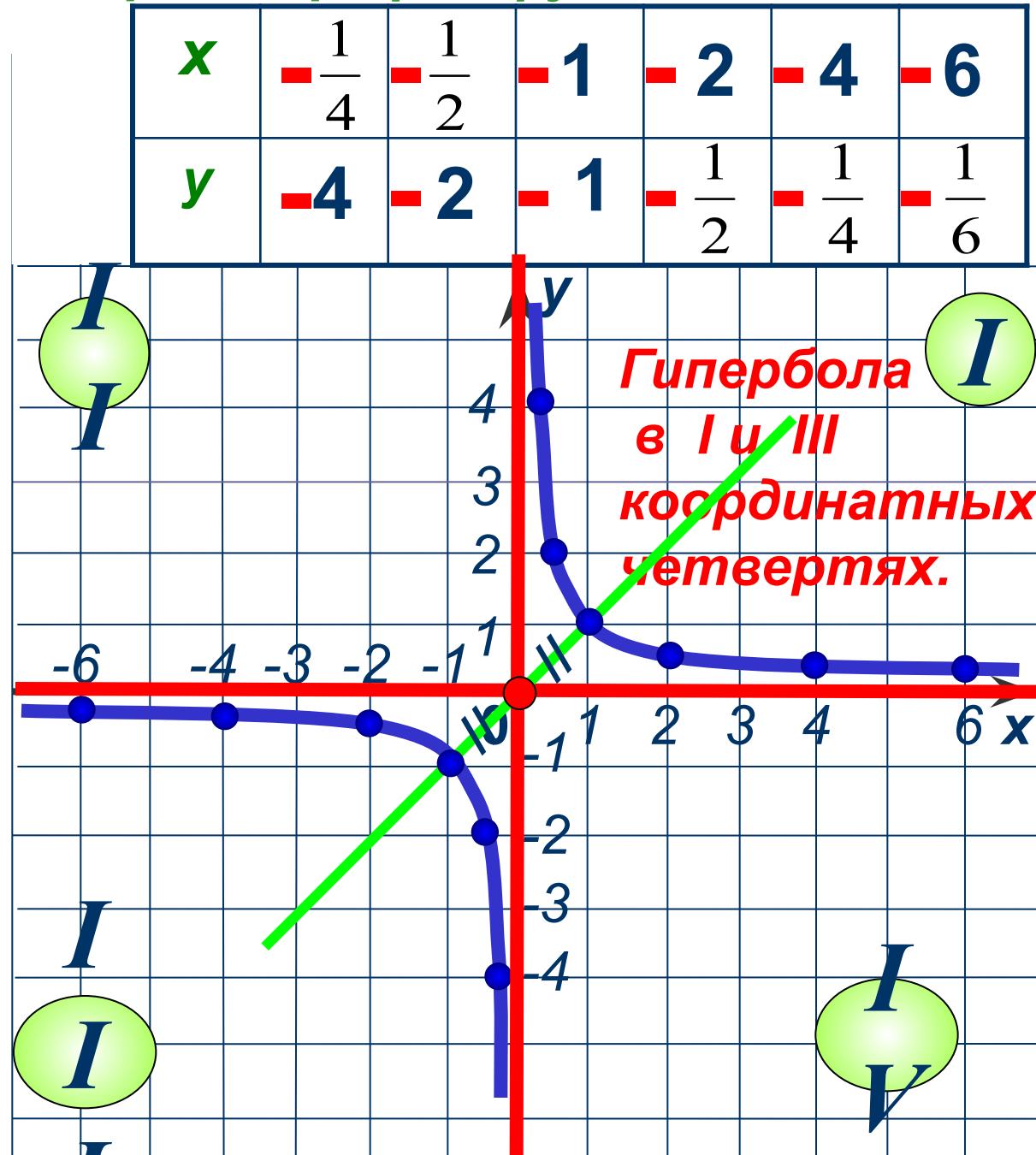
Построим график функции:

$$y = \frac{1}{x}$$

$x \neq 0$

Гипербола симметрична относительно начала координат.

Ось x и ось y – асимптоты гиперболы.



Свойства функции $y=\frac{K}{x}$, где $K>0$:

1. Область определения $(-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$
2. Область значений $(-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$
- Знаменатель если $x \in (0; +\infty)$
 $y < 0$, если $x \in (-\infty; 0)$

4. Функция

убывает при

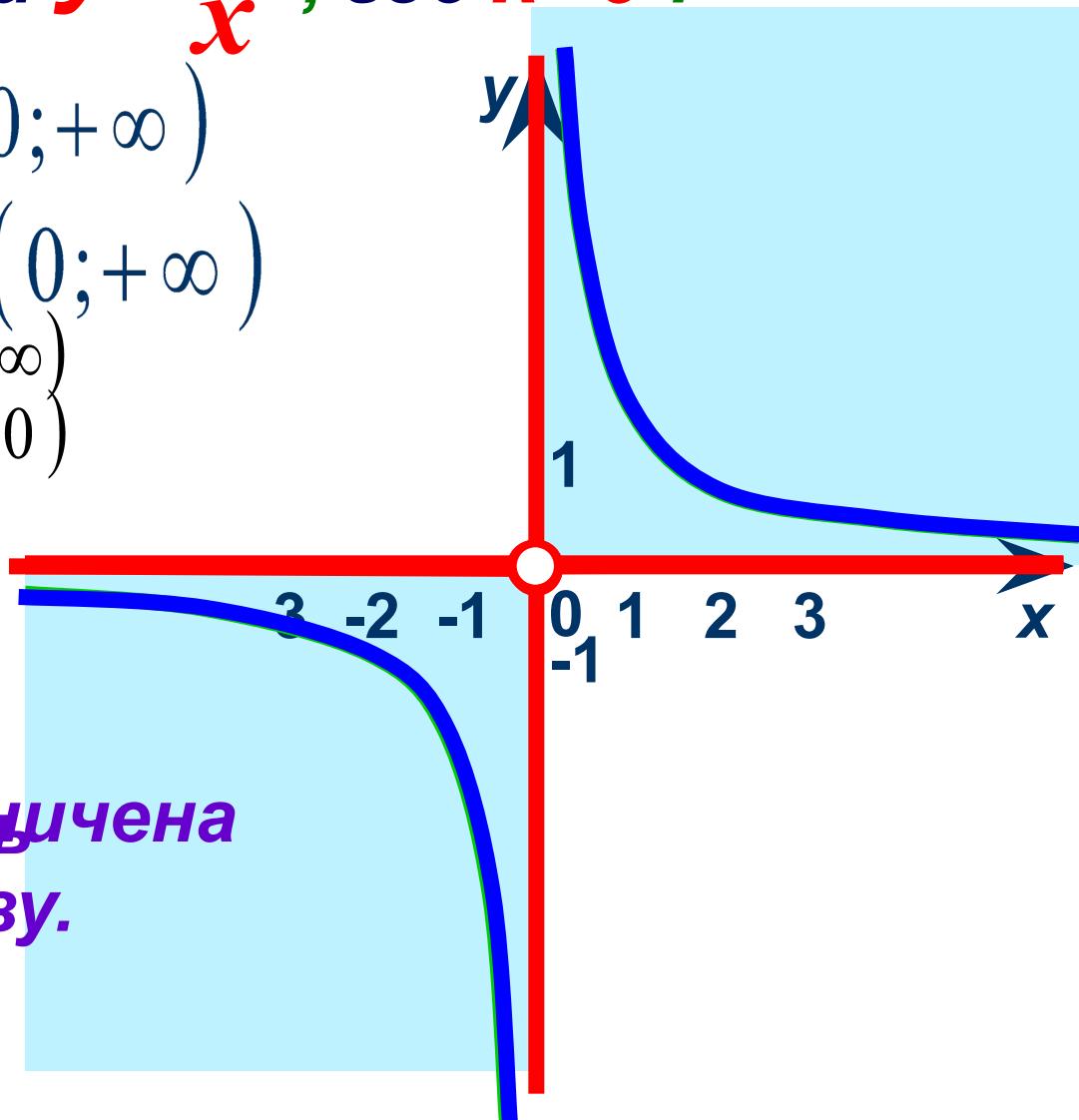
$$x \in (-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$$

5. Функция не ограничена
ни сверху, ни снизу.

6. $y_{\text{наим.}} = \text{НЕТ}$

$y_{\text{наиб.}} = \text{НЕТ}$

7. Прерывность в точке $x=0$.





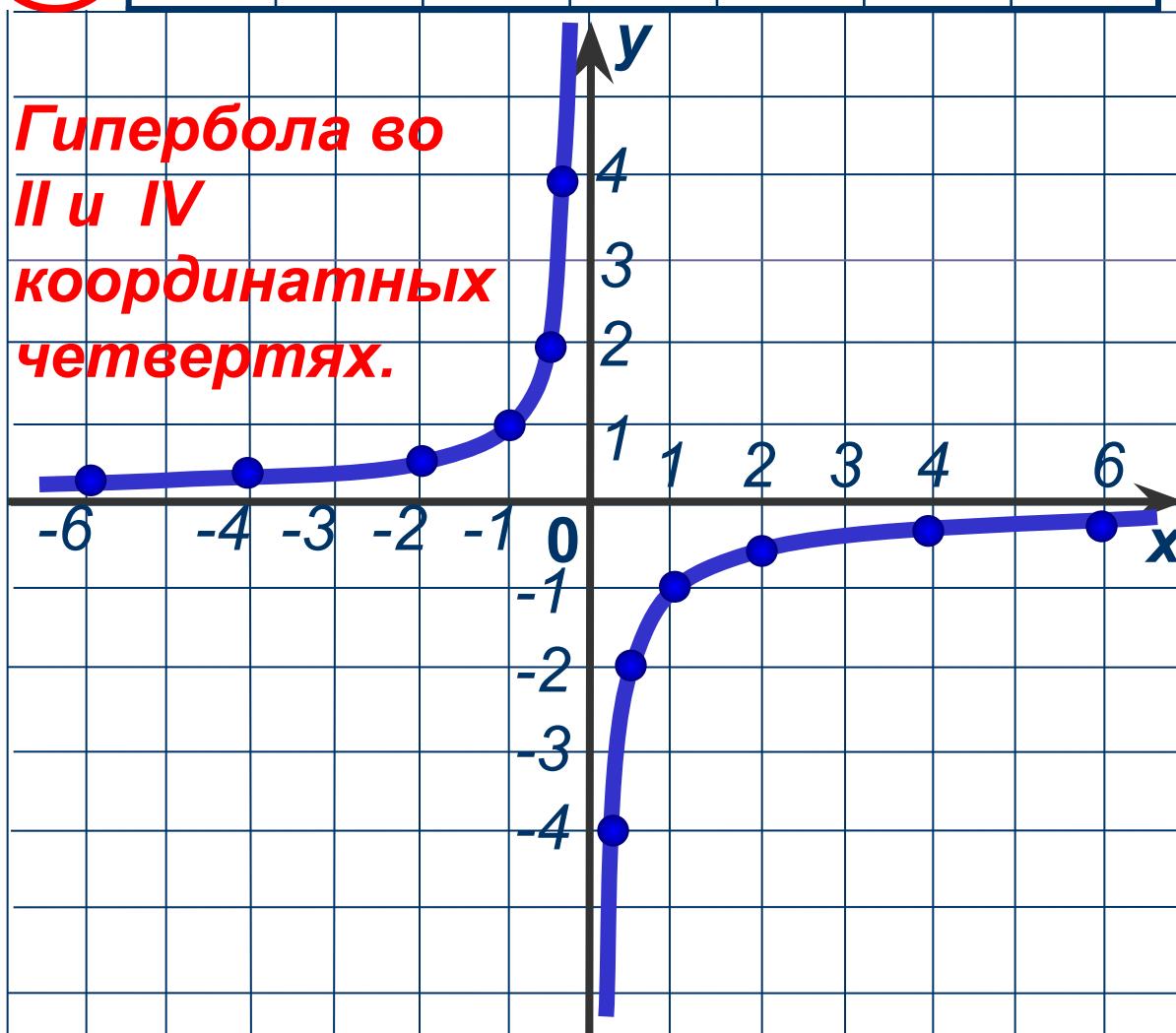
Построим график функции:

$y = -\frac{1}{x}$

x	y
$-\frac{1}{4}$	-4
$-\frac{1}{2}$	-2
-1	-1
-2	$-\frac{1}{2}$
-4	$-\frac{1}{4}$
-6	$-\frac{1}{6}$

$x \neq 0$

Гипербола во
II и IV
координатных
четвертях.



Свойства функции $y = \frac{K}{x}$, где $K < 0$:

1. Область определения $D(y) = (-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$
2. Область значений $E(y) = (-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$
- Знайди, если $x \in (0; +\infty)$
 $y < 0$, если $x \in (-\infty; 0)$

4. Функция возрастает при

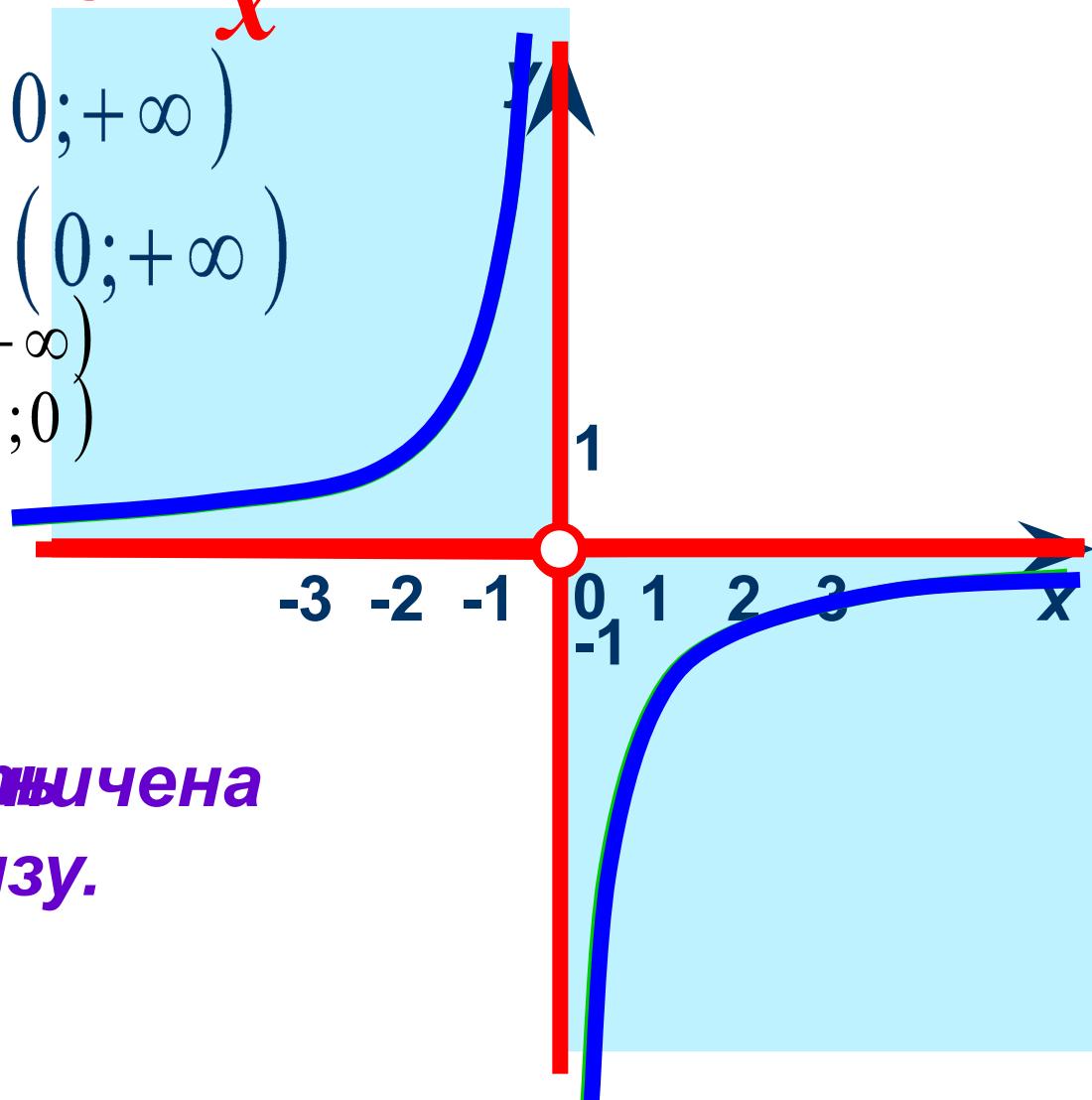
$$x \in (-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$$

5. Функция неограничена
ни сверху, ни снизу.

6. $y_{\text{наим.}} = \text{НЕТ}$

$y_{\text{наиб.}} = \text{НЕТ}$

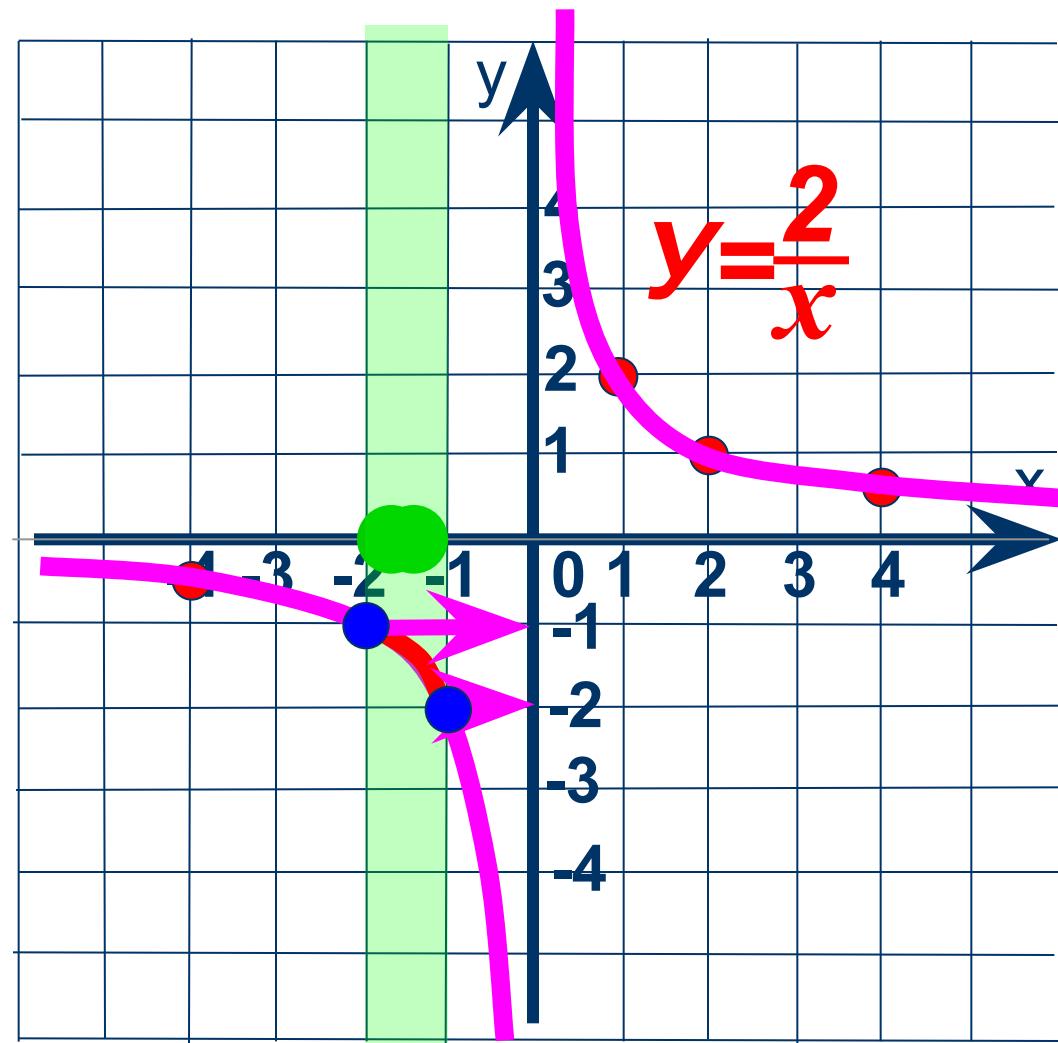
7. Прерывность в точке $x = 0$.





Найдите
 $y_{\text{наиб.}}$ и $y_{\text{наим.}}$
функции $y = \frac{2}{x}$
на отрезке
 $[-2; -1]$

$y_{\text{наиб.}} = -1$
 $y_{\text{наим.}} = -2$



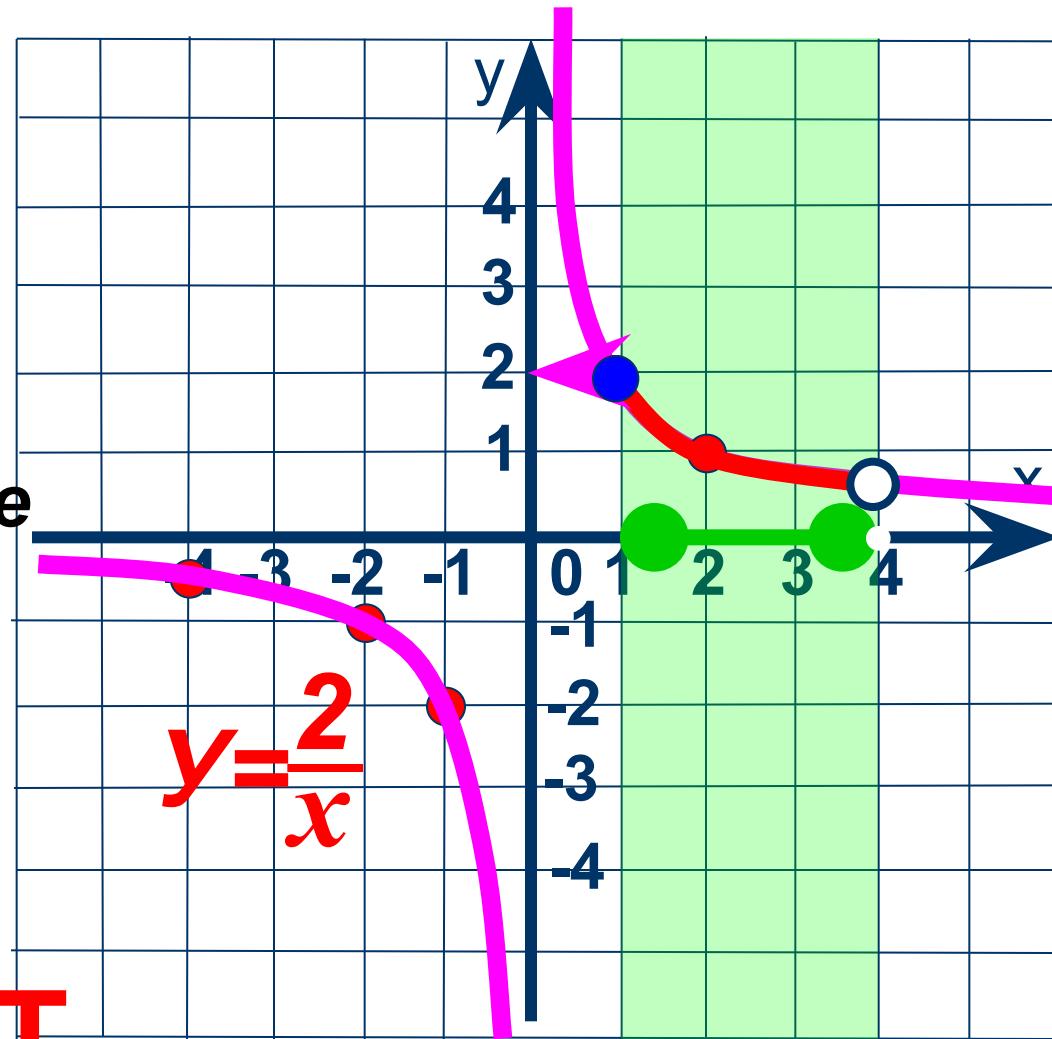


Найдите
 $y_{\text{наиб.}}$ и $y_{\text{наим.}}$
функции $y = \frac{2}{x}$
на полуинтервале

$$[1; 4)$$

$$y_{\text{наиб.}} = 2$$

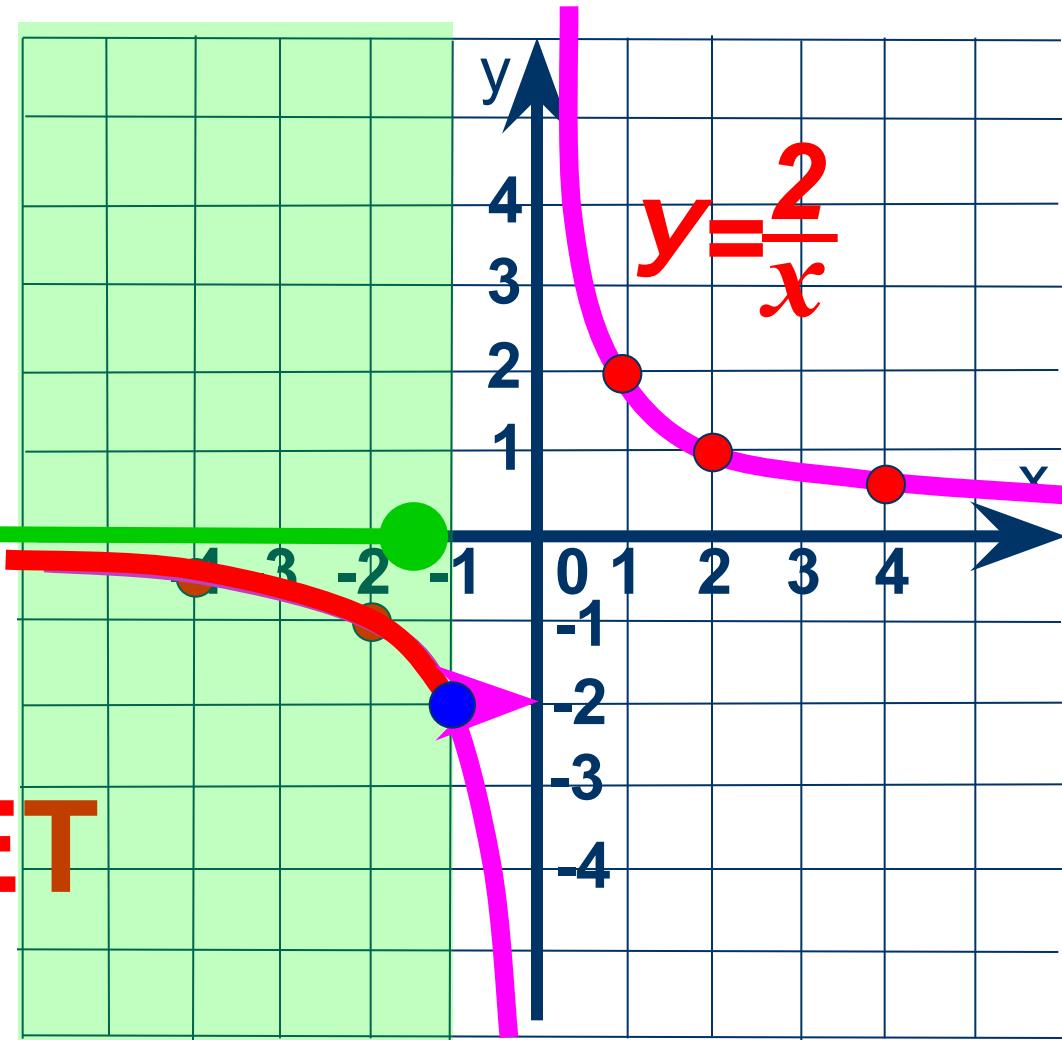
$$y_{\text{наим.}} = \text{НЕТ}$$





Найдите
 $y_{\text{наиб.}}$ и $y_{\text{наим.}}$
функции $y = \frac{2}{x}$
на луче
 $(-\infty; -1]$

$y_{\text{наиб.}} = \text{НЕТ}$
 $y_{\text{наим.}} = -2$



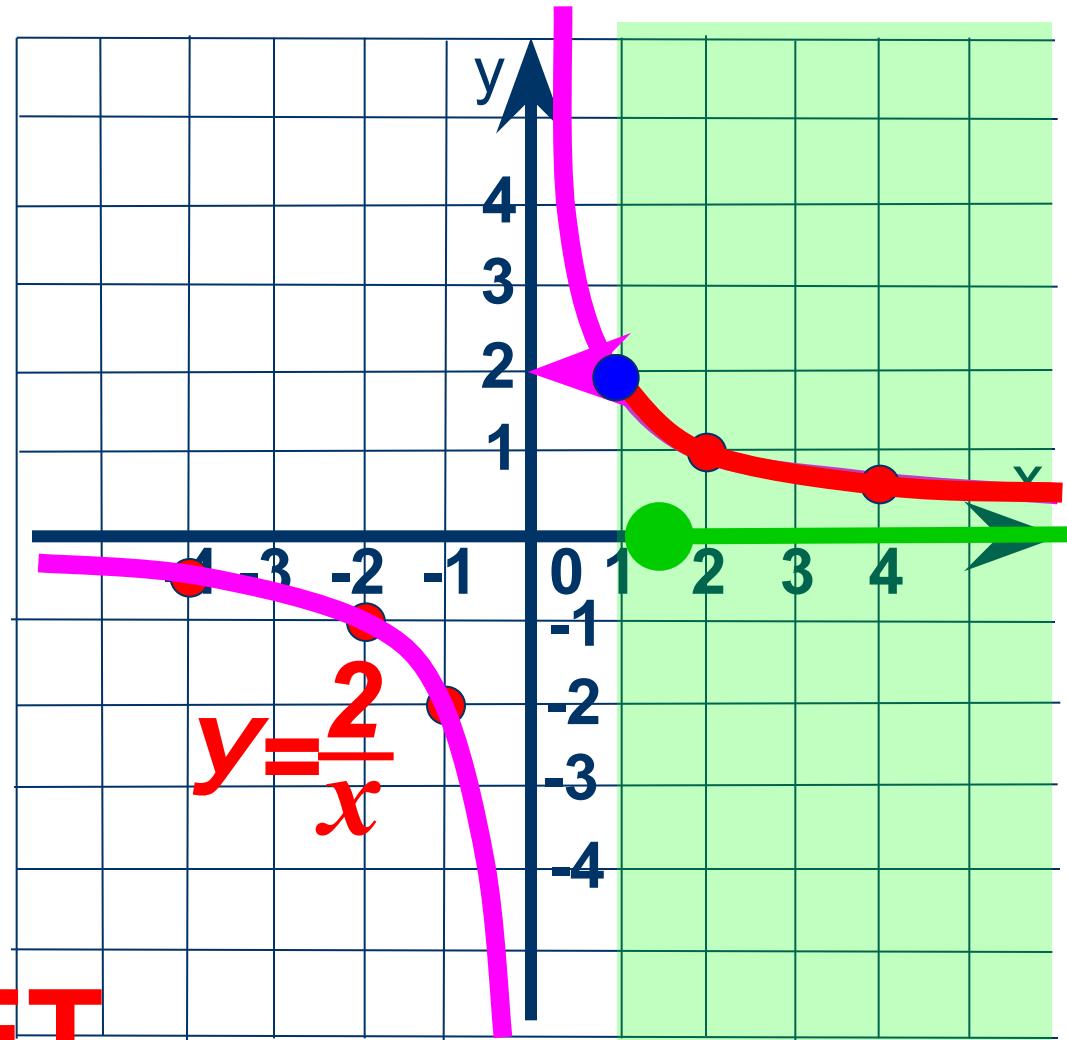


Найдите
 $y_{\text{наиб.}}$ и $y_{\text{наим.}}$
функции $y = \frac{2}{x}$

на луче
 $[1; +\infty)$

$y_{\text{наиб.}} = 2$

$y_{\text{наим.}} = \text{НЕТ}$





Решить графически уравнение:

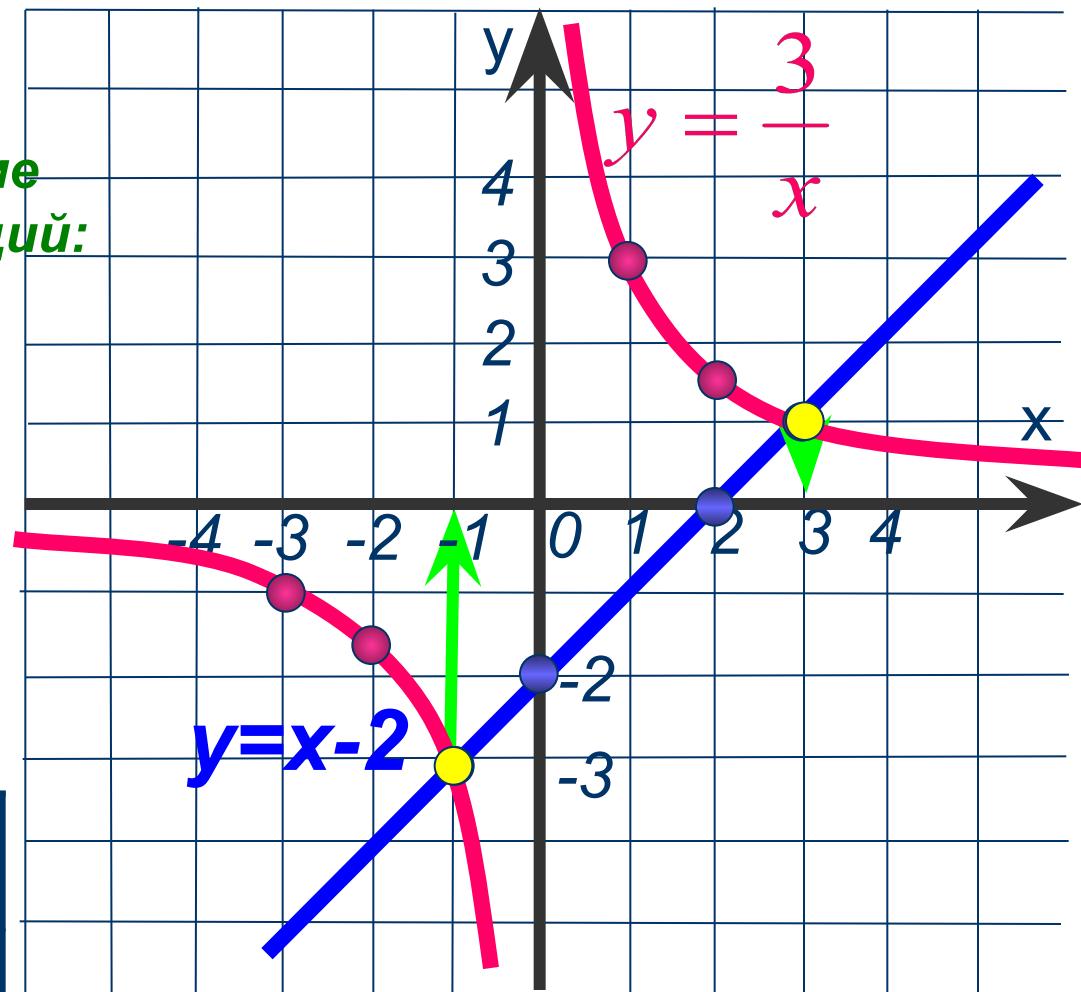
$$x - 2 = \frac{3}{x}$$

- 1** Построим в одной системе координат графики функций:
 $y=x-2$

x	0	2
y	-2	0

$$y = \frac{3}{x}$$

x	1	2	3	-1	-2	-3
y	3	1,5	1	-3	-1,5	-1



- 2** Найдём абсциссы точек пересечения графиков

3 ОТВЕТ: $x=-1, x=3$





Решить графически уравнение:

$$-\frac{4}{x} = x + 3$$

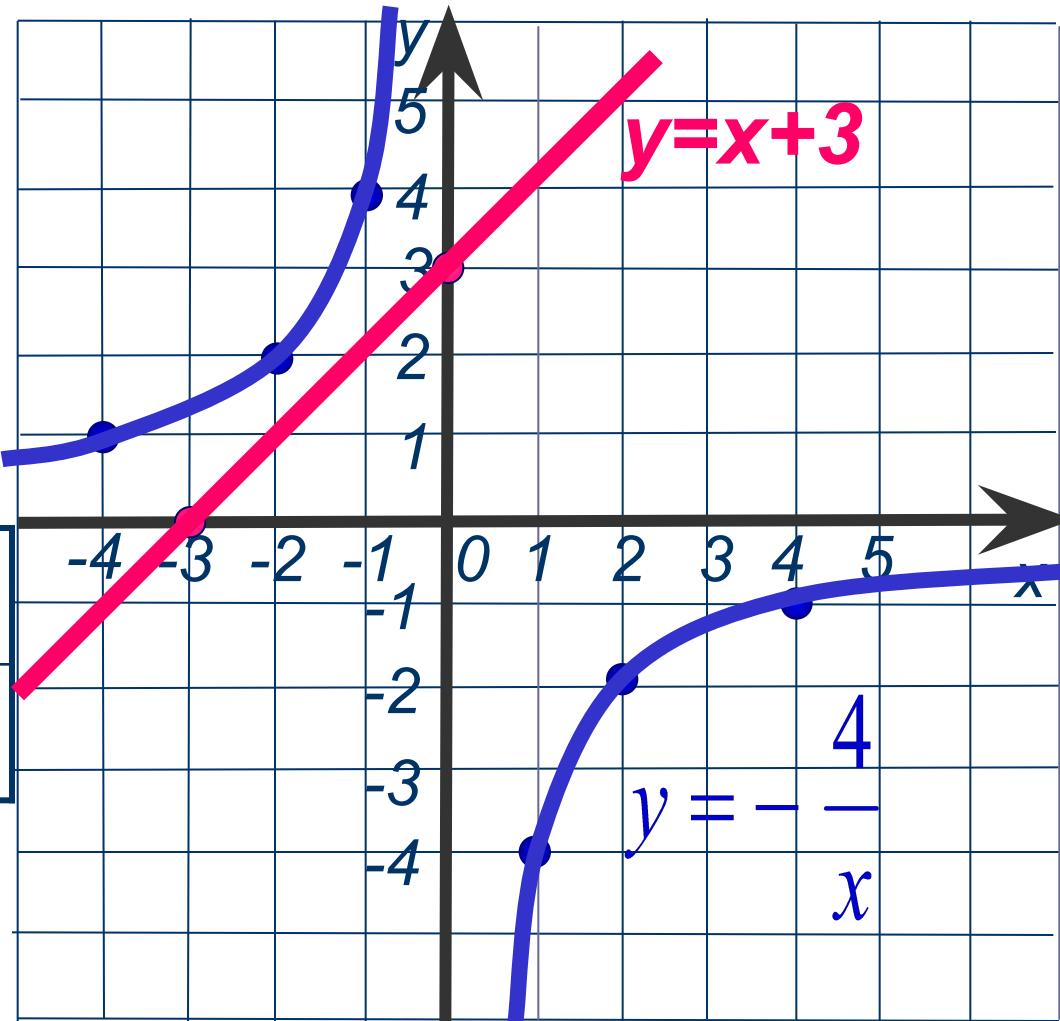
1 Построим в одной с. к. графики функций:

$$y = -\frac{4}{x}$$

x	1	2	4	-1	-2	-4
y	-4	-2	-1	4	2	1

$$y = x + 3$$

x	0	-3
y	3	0



- 2** Найдём координаты точек пересечения графиков
- 3** **ОТВЕТ: Нет корней**



◀ Решить графически систему уравнений:

$$\begin{cases} y = \frac{3}{x} \\ y = 3x^2 \end{cases}$$

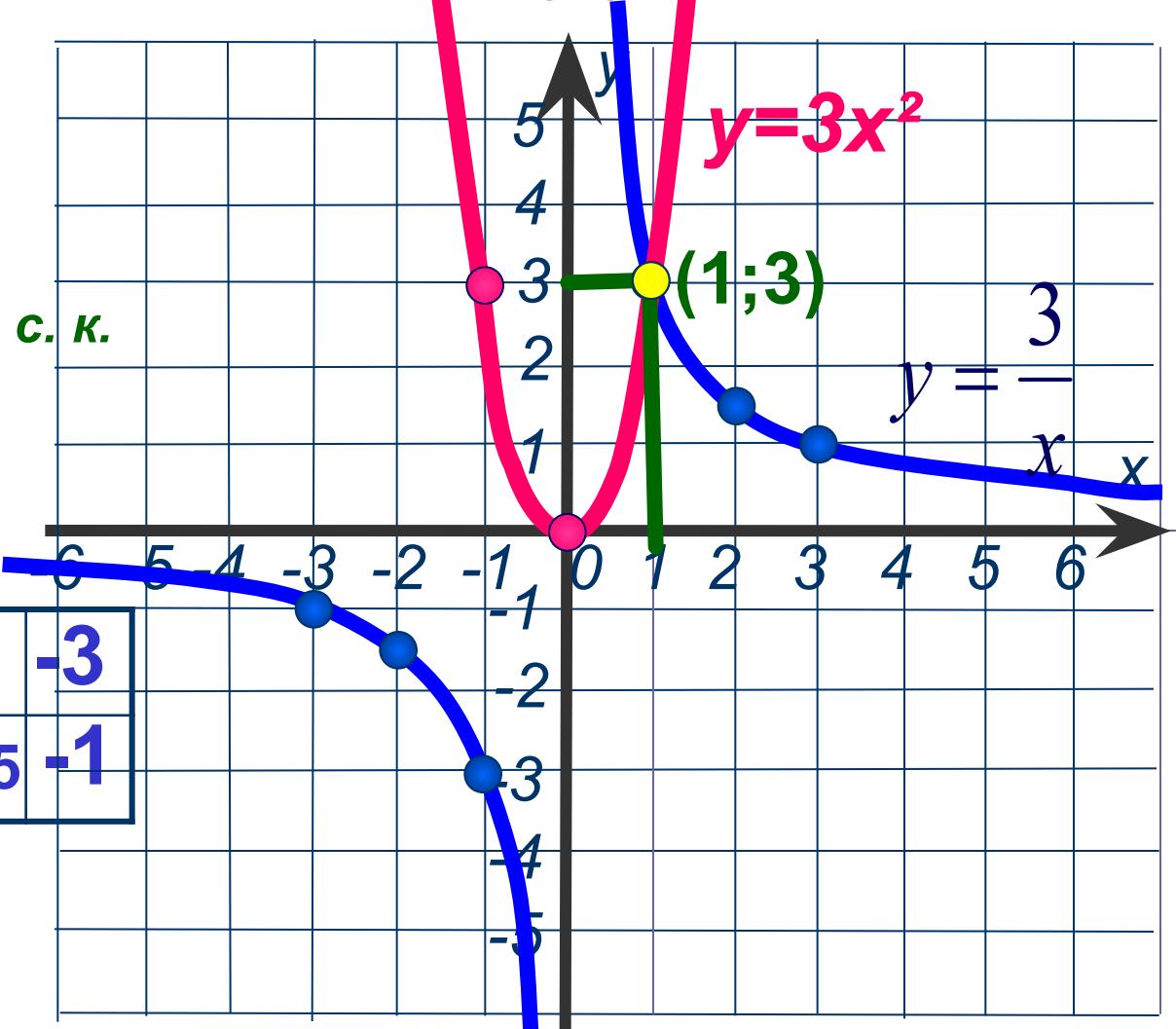
1 Построим в одной с. к.
графики функций:

$$y = \frac{3}{x}$$

x	1	2	3	-1	-2	-3
y	3	1,5	1	-3	-1,5	-1

$$y = 3x^2$$

x	0	± 1
y	0	3



- 2** Найдём координаты точек
пересечения графиков
3 ОТВЕТ $(1; 3)$





Постройте график функции

$$f(x) = \begin{cases} -x^2, & \text{если } -2 \leq x \leq 1 \\ \frac{1}{x}, & \text{если } x > 1 \end{cases}$$

и опишите её свойства.





$$f(x) = \begin{cases} -x^2, & \text{если } -2 \leq x \leq 1 \\ \frac{1}{x}, & \text{если } x > 1 \end{cases}$$

$$y = -x^2$$

x	0	± 1	± 2
y	0	-1	-4

$$-2 \leq x \leq 1$$

$$y = \frac{1}{x}$$

x	0,5	1	2	-0,5	-1	-2
y	2	1	0,5	-2	-1	-0,5

$$x > 1$$

