

На тему:

«Дифференциальные уравнения  
первого порядка»

Подготовил студент  
группы К-11  
Свиноренко  
Станислав



# План:

- Простейшие дифференциальные уравнения первого порядка.
- Понятие дифференциального уравнения.
- ТЕОРЕМА КОШИ.
- Самый простой пример...
- Небольшой вопросик.

# Простейшие дифференциальные уравнения первого порядка.

К НИМ ОТНОСЯТ:

1. Простейшие дифференциальные уравнения первого порядка:

$$y' = f(x);$$

2. Уравнения с разделяющимися переменными:

$$f(x, y) = p(x) h(y);$$

3. Однородные уравнения первого порядка:

$$y' = f(y/x);$$

4. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка:

$$y' + a(x)y = f(x);$$

**Уравнение вида:**

$$F(x, y, y') = 0$$

**называется ДУ первого  
порядка.**

**Где  $x$  – независимая переменная;**

**$y$  – неизвестная функция;**

**$y'$  – ее производная.**

Если из уравнения можно выразить производную неизвестной функции, то оно примет вид:


$$y' = f(x, y)$$

Это уравнение называется ДУ первого порядка, решенным относительно первой производной

**Например:**

$$(y')^2 = x^2 + y^2 \quad \Rightarrow \quad y' = \pm \sqrt{x^2 + y^2}$$

$$\operatorname{tg} y' - xy^2 = 0 \quad \Rightarrow \quad y' = \operatorname{arctg}(xy^2)$$



**Решением ДУ первого порядка называется функция  $y=\varphi(x)$ , определенная на некотором интервале  $(a,b)$ , которая при подстановке ее в уравнение обращает его в тождество.**

# ТЕОРЕМА КОШИ


(о существовании и единственности решения ДУ)

Пусть дано ДУ

$$y' = f(x, y)$$

Если функция  $f(x, y)$  и ее частная производная  $f'_y(x, y)$  непрерывны в некоторой области  $D$  плоскости  $x, y$ , то в некоторой окрестности любой внутренней точки  $(x_0, y_0)$  этой области существует единственное решение этого уравнения, удовлетворяющее условию  $x=x_0, y=y_0$ .





Условия, задающие значения функции в фиксированной точке называются начальными условиями (условиями Коши):

$$y|_{x=x_0} = y_0$$

Задача решения уравнения

$$y' = f(x, y)$$

удовлетворяющего условию

$$y|_{x=x_0} = y_0$$

называется задачей Коши.

В некоторых случаях, если условия теоремы Коши не выполнены, через точку вообще не проходит интегральная кривая, или их проходит несколько.

Такие точки называются особыми точками дифференциального уравнения... .

# Рассмотрим уравнение

$$y' = 2x$$

Правая часть этого уравнения удовлетворяет всем условиям теоремы Коши во всех точках плоскости  $x, 0, y$ :

Функции  $f(x, y) = 2x$  и  $f'_y = 0$  определены и непрерывны на всей плоскости.

Общее решение уравнения:

$$y = x^2 + C$$

# Что значит решить дифференциальное уравнение ?

Решить  
дифференциальное  
уравнение – это значит,  
найти производную  
линейно-однородной  
функции содержащей  
неизвестные.

ИЛИ

Решить  
дифференциальное  
уравнение – это значит,  
найти множество всех  
функций, которые  
удовлетворяют данному  
уравнению.

Даа.... Это несомненно  
правильный ответ!!!



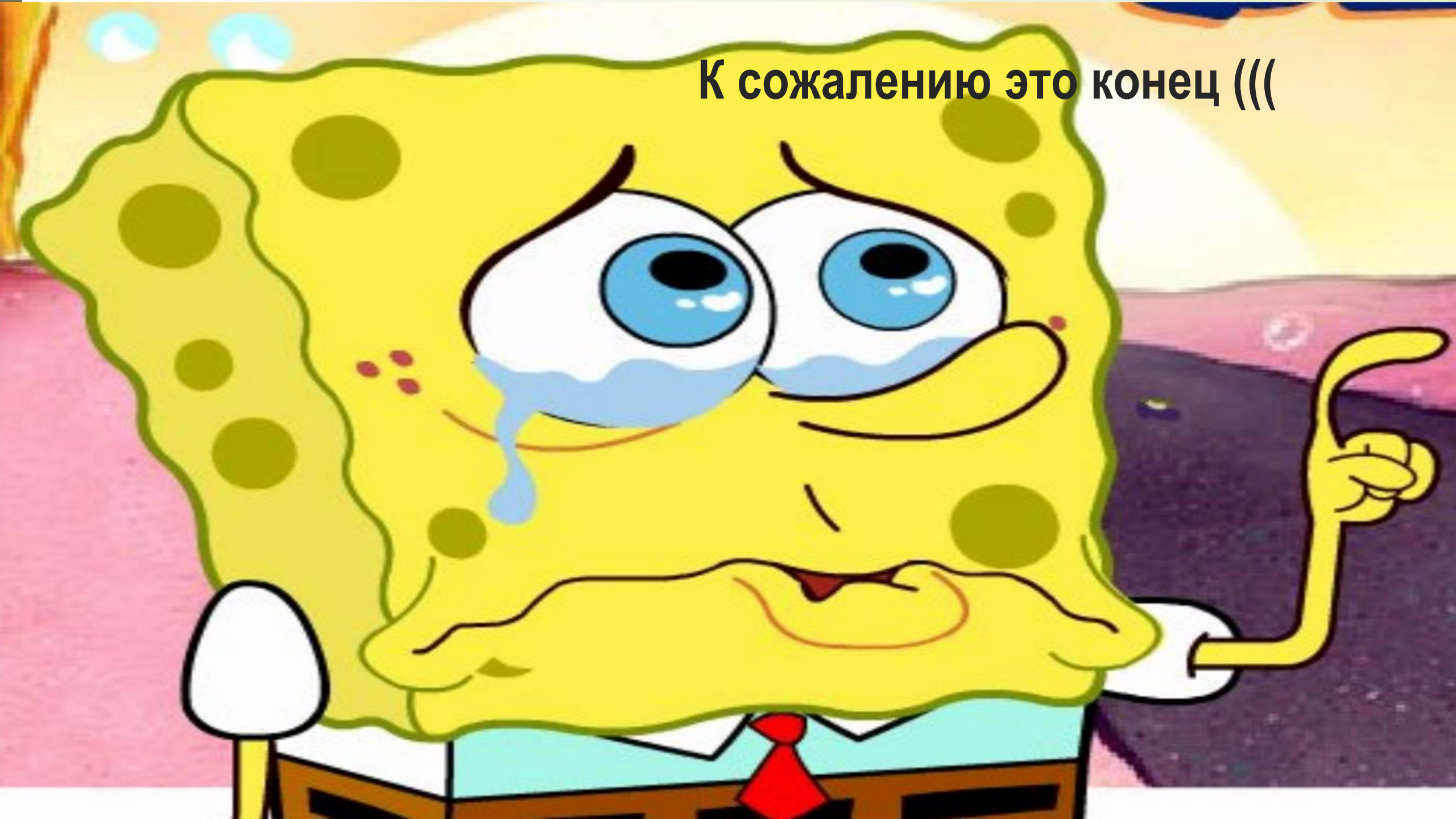
Нажми сюда



[Давай дальше!\)\)\)](#)



К сожалению это конец (((



# Список используемой литературы:

- <http://www.math24.ru/уравнения-в-полных-дифференциалах.html>
- <http://www.math24.ru/уравнения-с-разделяющимися-переменными.html>
- [http://mathprofi.ru/odnorodnye\\_diffury\\_pervogo\\_poryadka.html](http://mathprofi.ru/odnorodnye_diffury_pervogo_poryadka.html)
- [http://mathprofi.ru/differencialnye\\_uravnenija\\_primery\\_reshenii.html](http://mathprofi.ru/differencialnye_uravnenija_primery_reshenii.html)
- [https://ru.wikipedia.org/wiki/Однородное\\_дифференциальное\\_уравнение](https://ru.wikipedia.org/wiki/Однородное_дифференциальное_уравнение)
- [http://www.cleverstudents.ru/differential\\_equations/differential\\_equations.html](http://www.cleverstudents.ru/differential_equations/differential_equations.html)
- [google.com.ua/](http://google.com.ua/)

