

НЕРАВЕНСТВА

(8 КЛАСС)



Разработано учителем математики
МОУ «СОШ» п. Аджером
Корткеросского района
Республики Коми
**Мишариной Альбиной
Геннадьевной**



СОДЕРЖАНИЕ

- Линейные неравенства
- Квадратные неравенства



Линейные неравенства

(8 класс)



Математику нельзя изучать,
наблюдая
как это делает сосед.



Неравенства бывают:

линейные


квадратные

рациональные

иррациональные



Вспомним:

| Аналитическая модель | Геометрическая модель | Обозначение | Название числовых промежутков |
|----------------------|--|------------------|-------------------------------|
| $x > a$ |  | $(a ; + \infty)$ | открытый луч |
| $x \geq a$ |  | $[a ; + \infty)$ | луч |
| $x < b$ |  | $(- \infty ; b)$ | открытый луч |
| $x \leq b$ |  | $(- \infty ; b]$ | луч |
| $a < x < b$ |  | $(a ; b)$ | интервал |
| $a \leq x \leq b$ |  | $[a ; b]$ | отрезок |
| $a \leq x < b$ |  | $[a ; b)$ | полуинтервал |



Изобразите на координатной прямой промежуток

(работаем в парах):

1) $[-2;4]$

2) $(-3;3)$

3) $(3;+\infty)$

4) $(-\infty;4]$

5) $(-5;+\infty)$

6) $(0;7]$

а) $x \geq 2$

в) $x \leq 3$

с) $x > 8$

д) $x < 5$

е) $-4 < x < 7$

ж) $-2 \leq x < 6$



Линейные неравенства

Определения:

- 1) Запись вида $a > b$; $a \geq b$ или $a < b$; $a \leq b$ называется *неравенством*
- 2) Неравенства вида $a \geq b$, $a \leq b$ называются *нестрогими*.
- 3) Неравенства вида $a > b$, $a < b$ называются *строгими*
- 4) Решением неравенства с одной переменной называется то значение переменной, которое обращает его в **верное числовое неравенство**



Линейные неравенства

Правила:

- 1) Любой член неравенства можно переносить из одной части неравенства в другую, изменив его знак на противоположный, при этом **знак неравенства не изменится.**



Линейные неравенства

Правила:

2) Обе части неравенства можно умножить или разделить на одно и то же **положительное число**, при этом знак неравенства **не изменится**.



Линейные неравенства

Правила:

3) Обе части неравенства можно умножить или разделить на одно и тоже **отрицательное число**, при этом знак неравенства **изменится на противоположный.**



Решим неравенство:

$$16x > 13x + 45$$

Решение:

$$16x - 13x > 45$$

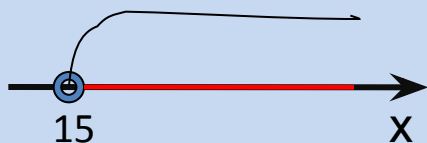
слагаемое $13x$ с противоположным знаком перенесли в левую часть неравенства

$$3x > 45$$

привели подобные слагаемые

$$x > 15$$

поделили обе части неравенства на 3



Ответ: $(15; +\infty)$



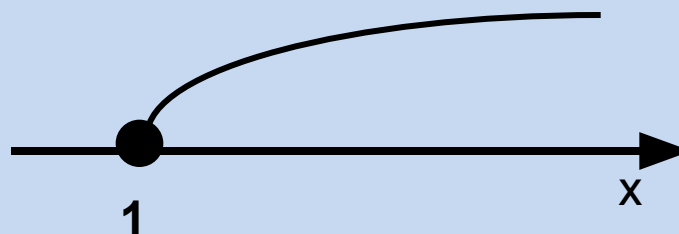
Решить неравенство:

$$\underline{2x + 4 \geq 6}$$

$$2x \geq -4 + 6$$

$$2x \geq 2$$

$$x \geq 1$$



Ответ: $[1; +\infty)$.



Решить неравенства в парах:

1) $x+2 \geq 2,5x-1;$

2) $x- 0,25(x+4)+0,5(3x-1) > 3;$

3) $x^2+x < x(x-5)+2;$



Проверим:

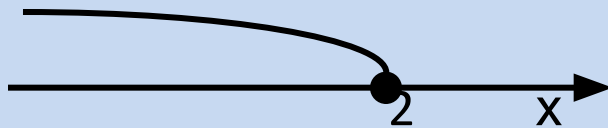
1) $x+2 \geq 2,5x-1$

Решение:

$$x-2,5x \geq -2-1$$

$$-1,5x \geq -3$$

$$x \leq 2$$



Ответ: $(-\infty; 2]$



2) $x^2+x < x(x-5)+2$

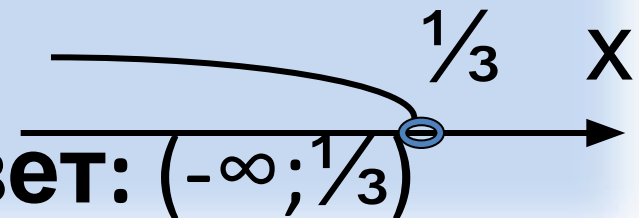
Решение:

$$x^2+x < x^2-5x+2$$

$$\underline{x^2} + x - \underline{x^2} + 5x < 2$$

$$6x < 2$$

$$x < \frac{1}{3}$$



Ответ: $(-\infty; \frac{1}{3})$

Самостоятельная работа по вариантам: решить неравенства

Вариант 1.

1) $3x \leq 21$

2) $-5x < 35$

3) $3x + 6 \leq 3$

4) $2 - 6x > 14$

5) $3 - 9x \leq 1 - x$

6) $5(x + 4) < 2(4x - 5)$

Вариант 2.

1) $2x \geq 18$

2) $-4x > 16$

3) $5x + 11 \geq 1$

4) $3 - 2x < -1$

5) $17x - 2 \leq 12x - 1$

6) $3(3x - 1) > 2(5x - 7)$



Проверим ответы:

Вариант 1.

1) $(-\infty; 7]$

2) $(7; \infty)$

3) $(-\infty; -1]$

4) $(-\infty; -2)$

5) $[0,25; \infty)$

6) $(10; \infty)$

Вариант 2.

1) $[9; \infty)$

2) $(-\infty; -4)$

3) $[-2; \infty)$

4) $(2; \infty)$

5) $(-\infty; 0,5]$

6) $(-\infty; 9)$



Самостоятельная работа

Найдите наименьшее целое число,
являющееся решением неравенства:

1) $2(x-3)-1-3(x-2)-4(x+1) < 0;$

2) $0,2(2x+2)-0,5(x-1) < 2$



Проверим:

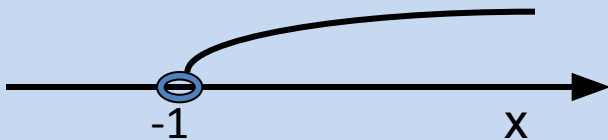
1)

$$\underline{2(x-3)-1-3(x-2)-4(x+1) < 0}$$

$$\underline{2x} - 6 - 1 - \underline{3x} + 6 - \underline{4x} - 4 < 0$$

$$-5x < 5$$

$$x > -1$$



Ответ: 0

2)

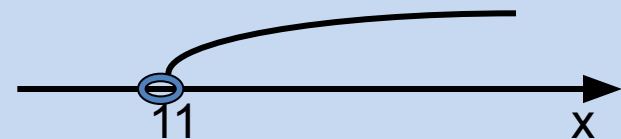
$$\underline{0,2(2x+2)-0,5(x-1)} < 2$$

$$\underline{0,4x} + 0,4 - \underline{0,5x} + 0,5 < 2$$

$$-0,1x < -0,9 + 2$$

$$-0,1x < +1,1$$

$$x > 11$$



Ответ: 12



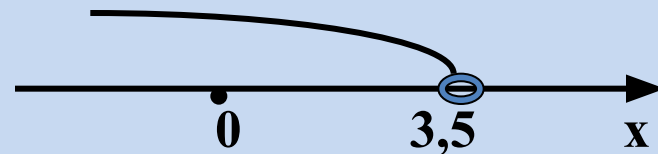
Решаем сами:

Найдите наименьшее натуральное число, являющееся решением неравенства $3x-3 < x+4$

Решение: $3x - x < 3+4$

$$2x < 7$$

$$x < 3,5$$



Ответ: 1



КВАДРАТНЫЕ НЕРАВЕНСТВА

(8 класс)



Математику нельзя изучать,
наблюдая
как это делает сосед.



Квадратные неравенства

Определение: **Квадратным** называется неравенство, левая часть которого – **квадратный трёхчлен**, а правая часть равна **нулю**:

$$ax^2+bx+c>0$$

$$ax^2+bx+c\geq 0$$

$$ax^2+bx+c<0$$

$$ax^2+bx+c\leq 0$$



- **Решением неравенства** с одним неизвестным называется то значение неизвестного, при котором это неравенство обращается в верное числовое неравенство
- **Решить неравенство** – это значит найти все его решения или установить, что их нет.



**Являются ли следующие
неравенства
квадратными?**

А) $4y^2 - 5y + 7 > 0$

Б) $2x - 4 > 0$

В) $4x^2 - 2x \geq 0$

Г) $3y - 5y^2 + 7 < 0$

Д) $4 - 6x + 5x^2 \leq 0$

Е) $5y^4 + 3y - 6 < 0$



Основные способы решения квадратных неравенств:

1) Метод интервалов

2) Графический метод



Запомним:

Чтобы решить квадратное неравенство $ax^2+bx+c > 0$ методом интервалов надо:

- 1) Найти корни соответствующего квадратного уравнения $ax^2+bx+c = 0$;
- 2) Корни уравнения нанести на числовую ось;
- 3) Разделить числовую ось на **интервалы**;
- 3) Определить знаки функции в каждом из интервалов;
- 4) Выбрать подходящие интервалы и записать ответ.



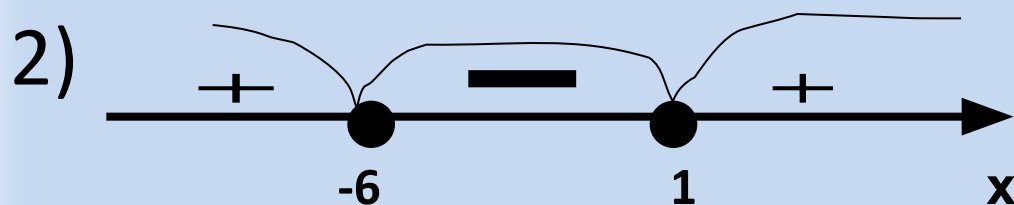
Решим квадратное неравенство методом

интервалов:

Дано неравенство: $x^2 + x - 6 \geq 0$

Решение: 1) решим соответствующее
квадратное уравнение $x^2 + 5x - 6 = 0$.

Т.к. $a+b+c=0$, то $x_1 = 1$, а $x_2 = -6$



3) Запишем ответ:

$$(-\infty; -6] \cup [1; +\infty)$$



Работаем в парах:

Решить

неравенства:

1) $x^2 - 3x < 0$;

2) $x^2 - 4x > 0$;

3) $x^2 + 2x \geq 0$;

4) $-2x^2 + x + 1 \leq 0$

Проверим ответы:

1) $(0; 3)$

2) $(-\infty; 0) \cup (4; +\infty)$

3) $(-\infty; -2] \cup [0; +\infty)$

4) $(-\infty; -0,5] \cup [1; +\infty)$



Решите неравенства методом интервалов самостоятельно:

Решить

неравенства

- 1) $x(x+7) \geq 0;$
- 2) $(x-1)(x+2) \leq 0;$
- 3) $x - x^2 + 2 < 0;$
- 4) $-x^2 - 5x + 6 > 0;$
- 5) $x(x+2) < 15$

Проверим ответы:

- 1) $(-\infty; -7] \cup [0; +\infty)$
- 2) $[-2; 1]$
- 3) $(-\infty; -1) \cup (2; +\infty)$
- 4) $(-6; 1)$
- 5) $(-5; 3)$



Графический метод решения квадратного неравенства:

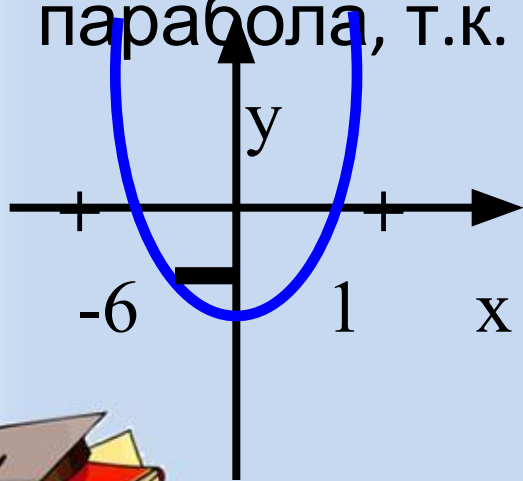
- 1). Определить направление ветвей параболы, по знаку первого коэффициента квадратичной функции.
- 2). Найти корни соответствующего квадратного уравнения;
- 3). Построить эскиз графика и по нему определить промежутки, на которых квадратичная функция принимает положительные или отрицательные значения



Например:

Решить графически неравенство
 $x^2+5x-6 \leq 0$

Решение: рассмотрим $y = x^2+5x-6$,
это квадратичная функция, графиком является
парабола, т.к. $a=1$, то ветви направлены вверх.



Ответ: $[-6;1]$



Решите графически
неравенства
в парах:

1) $x^2 - 3x < 0$;

2) $x^2 - 4x > 0$;

3) $x^2 + 2x \geq 0$;

4) $-2x^2 + x + 1 \leq 0$

Проверим ответы:

1) $(0; 3)$

2) $(-\infty; 0) \cup (4; +\infty)$

3) $(-\infty; -2] \cup [0; +\infty)$

4) $(-\infty; -0,5] \cup [1; +\infty)$



***Всем
СПАСИБО
ЗА УРОК!!!***



Источники изображений



<http://www.istina.org/Video/Glbs.JPG>



<http://www.ufps.kamchatka.ru/uploads/news/school/Colorful%20notebooks%20and%20pen.jpg>



<http://88.198.21.149/images/photoframes/2010/6/02/17/55/ZkYjfVBHuYRh97SNf65.jpg>



<http://psychology.careeredublogs.com/files/2010/02/school.jpg>